

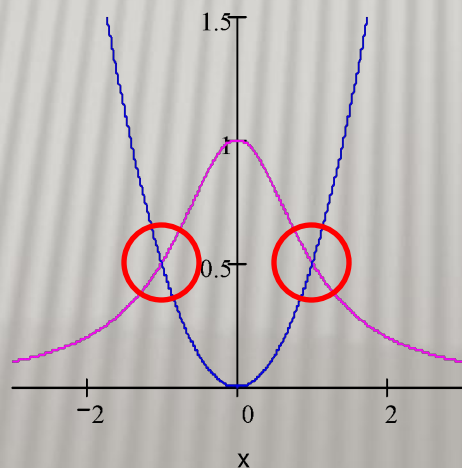
# ИНТЕГРАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ. НАХОЖДЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ ФИГУР В СРЕДЕ MATHCAD

---

Преподаватель математики: Шутилина С.Н.

# ПЛОЩАДЬ ФИГУРЫ

Для нахождения площади фигуры, ограниченной кривыми, используется определенный интеграл. При этом, пределы интегрирования находятся в точках пересечения заданных кривых



# РАБОТА В MATHCAD

---

- В среде Mathcad для определения пределов интегрирования используется функция  $\text{root}(f(x), x)$ , а для нахождения определенного интеграла – соответствующий шаблон на наборной панели Calculus

# ФОРМУЛИРОВКА ЗАДАНИЯ

---

- Найти площадь фигуры, ограниченной кривыми:

$$y = \frac{1}{1+x^2} \quad \text{и} \quad y = 0,5x^2$$

# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

- Для определения пределов интегрирования необходимо будет построить графики обеих функций, графически определить приближенные значения, а потом, используя функцию  $\text{root}(f(x),x)$ , найти точные значения пределов интегрирования
- Для построения графиков функций, обозначим одну функцию за  $f(x)$ , а вторую за  $y(x)$



# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

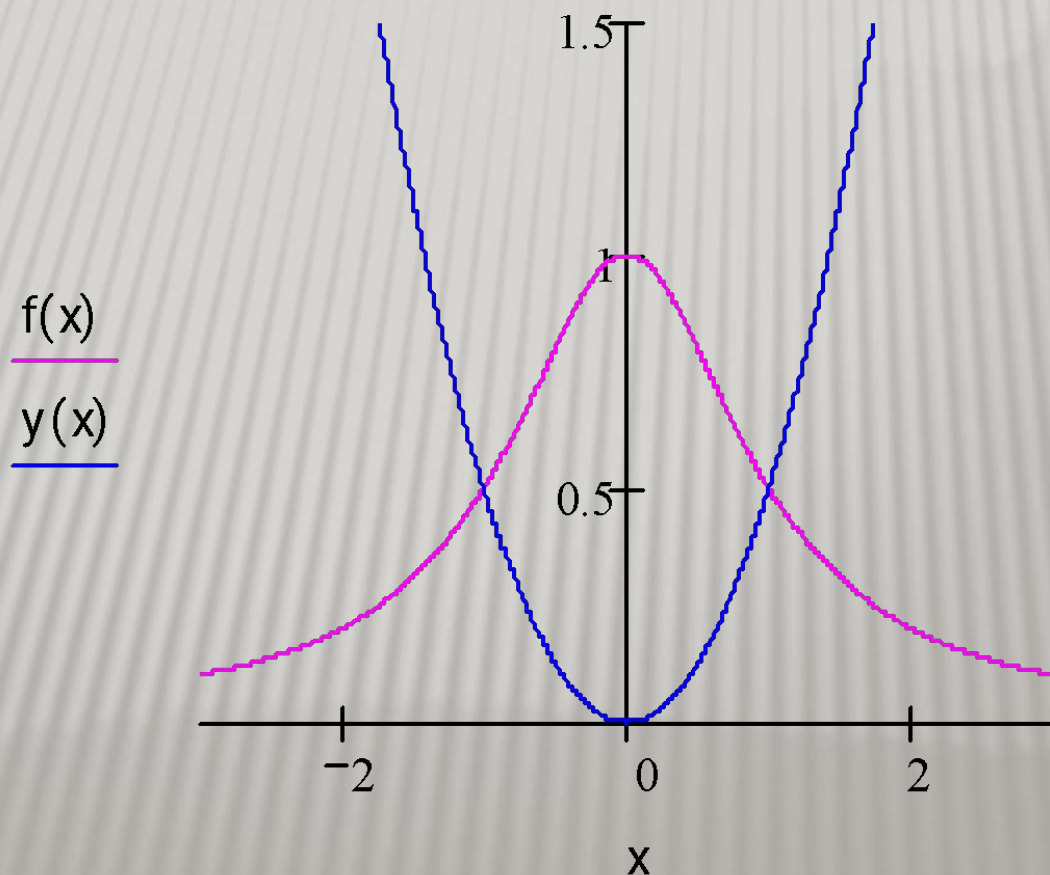
- Зададим обе функции:

$$f(x) := \frac{1}{1 + x^2}$$

$$y(x) := 0.5x^2$$

# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

- Построим графики этих функций:



# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

- По графику определилась фигура, площадь которой нужно найти:

$$g(x) := \frac{1}{1 + x^2} - 0.5x^2$$

Зададим эту новую функцию в Mathcad



# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

- Также графически определились приближенные пределы интегрирования
- Зададим приближенное значение нижнего предела интегрирования:

$$x := -1$$

# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

- Точное значение нижнего предела интегрирования найдем с помощью функции `root`.
- Будем учитывать, что вместо  $f(x)$ , в функции `root` используется  $g(x)$ :

$$a := \text{root}(g(x), x)$$

$$a = -1$$

# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

- Зададим приближенное значение верхнего предела интегрирования и найдем его точное значение:

**$x := 1$**

**$b := \text{root}(g(x), x)$**

**$b = 1$**

# РЕАЛИЗАЦИЯ В СРЕДЕ MATHCAD

- Теперь можно найти значение интеграла фигуры  $g(x)$ , ограниченной линиями  $f(x)$  и  $y(x)$ :

$$\int_{-1}^1 g(x) dx = 1.237$$

# ВЫВОДЫ

---

- Среда Mathcad упрощает решение сложных математических задач и позволяет использовать на занятиях по математике не только традиционные методы, но и компьютерную технику, которая облегчает вычисления.
- Однако, существенным недостатком решения задач с помощью Mathcad является то, что среда выводит только конечный результат, поэтому промежуточные вычисления не видны пользователю