УРОК-ПРЕЗЕНТАЦИЯ «ГРАФИКИ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ. ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ГРАФИКОВ»

Илиязова Галина Ивановна
2010-2011уч. Год.

Оборудование урока: компьютер, проектор, экран.

Цели:

- Обобщить знания и умения.
- Развить умение наблюдать, сравнить, обобщать.
- Воспитать познавательную активность, упорство в достижения цели.

Вводное слово учителя.

Ребята, сегодня у нас обобщающий урок по теме: «Графики тригонометрических функций и преобразование графиков».Вспомним какие преобразования вы научились выполнять с графиками функций. Подробно остановимся на графиках тригонометрических функций.

«ГРАФИКИ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ».

Обзор тригонометрических функций.

Y=sinx

Y=cosx

УЧЕНИК ПЕРВЫЙ.

1.Функция синус.

Определение

Числовая функция, заданная формулой $y = \sin x$, называется синусом.

Функция определена и непрерывна на всем множестве действительных чисел. Эта функция ограничена: $|\sin x| \leq 1$. Она периодическая, ее период $T = 2\pi n$, $n \in Z$ (наименьший период 2π): $\sin(x + 2\pi n) = \sin x$, $n \in Z$. Функция $y = \sin x$ — нечетная: $\sin(-x) = -\sin x$ ее график симметричен относительно начала координат. График этой функции называется синусоидой (рис. 38).

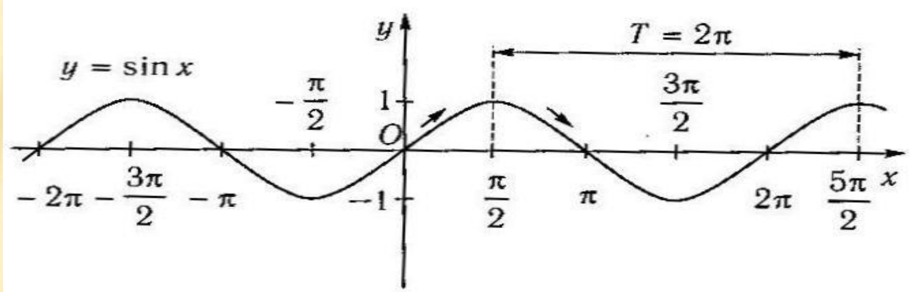


Рис. 38

Функция принимает нулевые значения при $x = \pi n$, $n \in Z$ (это точки пересечения графика функции с осью абсцисс).

Функция $y = \sin x$ возрастает на промежутках $\left[-\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n\right]$, $n \in Z$ и убывает на промежутках $\left[\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{3\pi}{2} + 2\pi n\right]$, $n \in Z$.

2.Функция косинус.

Определение

Числовая функция, заданная формулой $y = \cos x$, называется косинусом.

Функция определена и непрерывна при всех действительных значениях x. Эта функция ограничена: $|\cos x| \leqslant 1$. Она периодическая, ее период $T = 2\pi n$, $n \in Z$ (наименьший период 2π): $\cos(x + 2\pi n) = \cos x$, где $n \in Z$. Функция $y = \cos x$ — четная: $\cos(-x) = \cos x$ и ее график симметричен относительно оси ординат. График этой функции называется косинусоидой (рис. 39).

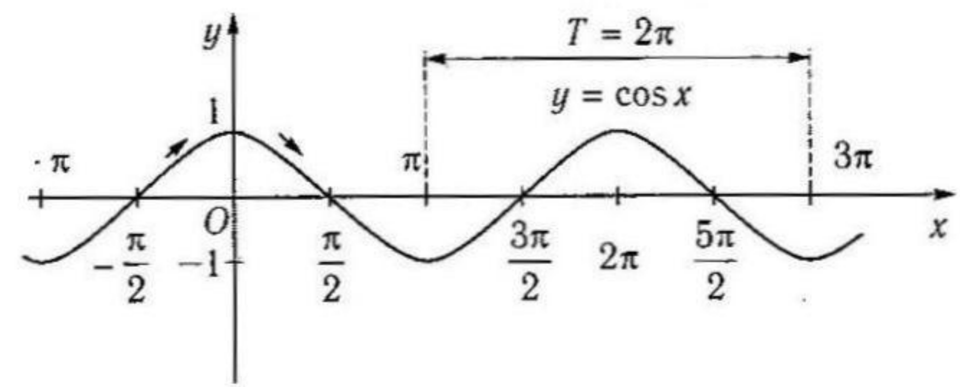


Рис. 39

Функция принимает нулевые значения при $x = \frac{\pi}{2} + \pi n$, $n \in Z$ (это точки пересечения графика функции с осью абсцисс). Функция $y = \cos x$ возрастает на промежутках $[\pi + 2\pi n; 2\pi + 2\pi n]$, $n \in Z$ и убывает на промежутках $[2\pi n; \pi + 2\pi n]$, $n \in Z$.

УЧЕНИК ВТОРОЙ.

Обзор тригонометрических функций.

y=tgx

y=ctgx

1.Функция тангенс.

Определение

Числовая функция, заданная формулой $y = \operatorname{tg} x$, называется тангенсом.

Функция определена при $x \neq \frac{\pi}{2} + \pi n$, $n \in Z$, ее областью значений является интервал $(-\infty; +\infty)$. Она периодическая, ее период $T = \pi n$, $n \in Z$ (наименьший период π): $\operatorname{tg}(x + \pi n) = \operatorname{tg} x$, $n \in Z$. Функция $y = \operatorname{tg} x$ — нечетная: $\operatorname{tg}(-x) = -\operatorname{tg} x$ и ее график симметричен относительно начала координат. В точках $x = \frac{\pi}{2} + \pi n$, $n \in Z$ функция $y = \operatorname{tg} x$ не существует, и говорят, что в этих точках функция терпит разрыв, т. е. она не является непрерывной. График функции $y = \operatorname{tg} x$ называется тангенсоидой (рис. 40).

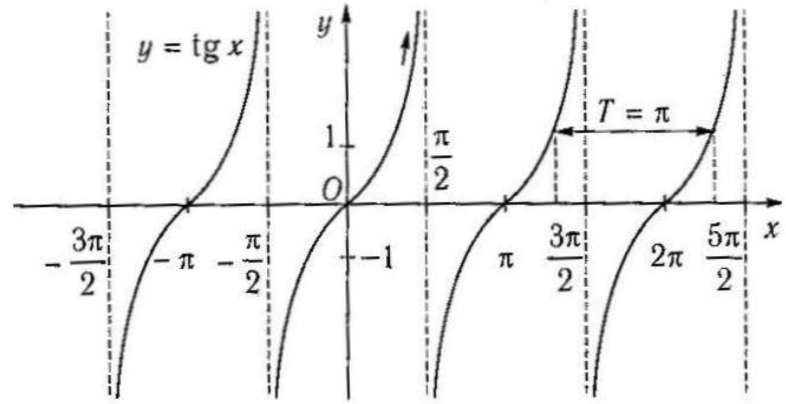


Рис. 40

Функция принимает нулевые значения при $x = \pi n$, $n \in Z$ (это точки пересечения графика функции с осью абсцисс).

Функция $y = \operatorname{tg} x$ возрастает на всех интервалах определения $\left(-\frac{\pi}{2} + \pi n; \frac{\pi}{2} + \pi n\right)$, $n \in Z$.

2.Функция котангенса

Определение

Числовая функция, заданная формулой $y = \operatorname{ctg} x$, называется котангенсом.

Функция определена при $x \neq \pi n$, $n \in Z$, ее областью значений является интервал $(-\infty; +\infty)$. Она периодическая, ее период $T = \pi n$, $n \in Z$ (наименьший период π): $\operatorname{ctg}(x + \pi n) = \operatorname{ctg} x$, $n \in Z$. Функция $y = \operatorname{ctg} x$ — нечетная: $\operatorname{ctg}(-x) = -\operatorname{ctg} x$ и ее график симметричен относительно начала координат. В точках $x = \pi n$, $n \in Z$ функция $y = \operatorname{ctg} x$ не существует, и говорят, что в этих точках она терпит разрыв, т. е. функция не является непрерывной.

График функции $y = \operatorname{ctg} x$ называется котангенсоидой (рис. 41).

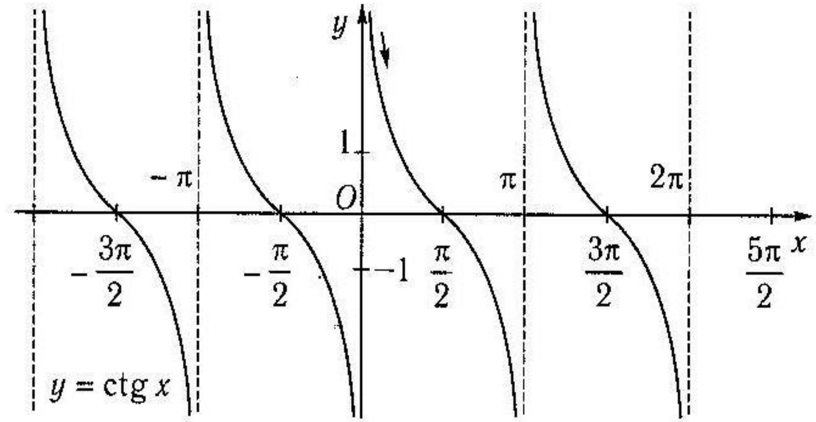


Рис. 41

Функция принимает нулевые значения при $x = \frac{\pi}{2} + \pi n$, $n \in Z$ (это точки пересечения графика функции с осью абсцисс). Функция $y = \operatorname{ctg} x$ убывает на всех интервалах определения $(2\pi n; \pi + \pi n)$, $n \in Z$.

УЧЕНИК ТРЕТИЙ.

Деформация, сжатие.

1.Сжатие графика вдоль оси ординат $y=af(x)$; $0<a<1$.

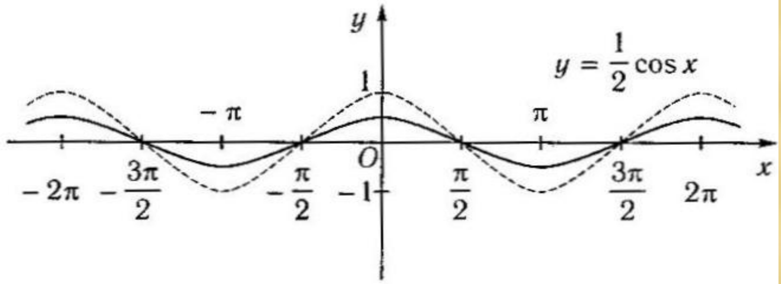
Для построения графика функции $y=af(x)$ следует построить график функции $y=f(x)$ и уменьшить его ординаты в $\frac{1}{a}$ раз при $0<a<1$.

Построить график функции $y=\frac{1}{2}\cos x$.

Построение

а) построим график функции $y=\cos x$;

б) уменьшим его ординаты в 2 раза.

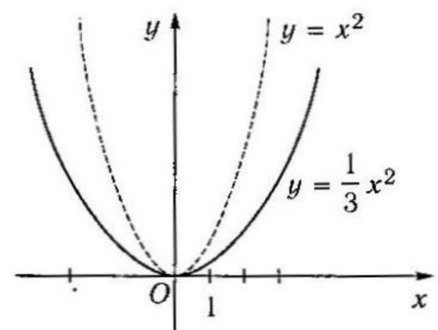


Построить график функции $y=\frac{1}{3}x^2$.

Построение

а) построим график функции $y=x^2$;

б) уменьшим его ординаты в 3 раза.



2.Сжатие графика вдоль оси абсцисс y=f(~x) ; ~>1

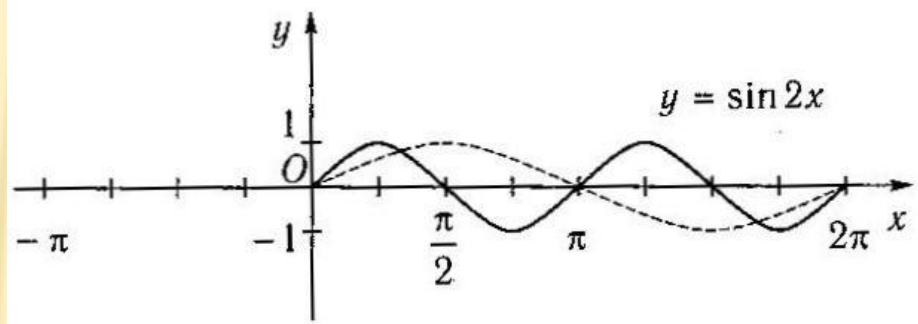
Для построения графика функции $y = f(\omega x)$ следует построить график функции $y = f(x)$ и уменьшить его абсциссы в ω раз при $\omega > 1$.

Построить график функции $y = \sin 2x$.

Построение

а) построим график функции $y = \sin x$;

б) уменьшим абсциссы в 2 раза.



УЧЕНИК ЧЕТВЁТЫЙ.

Деформация,растяжение.

1.Растяжение графика вдоль оси ординат y=af(x) ; a>1.

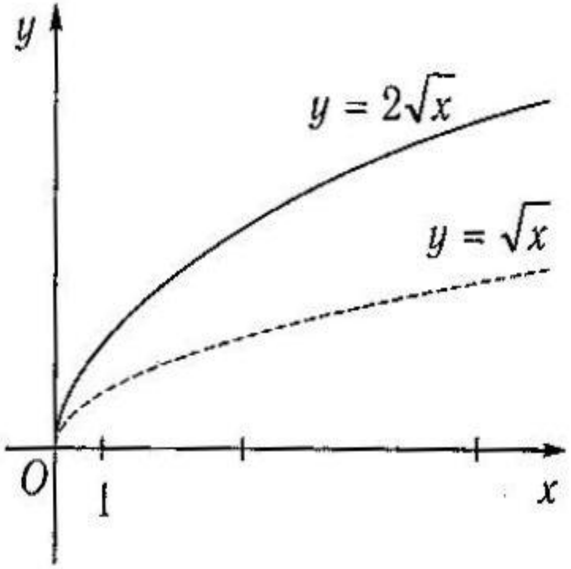
Для построения графика функции $y = af(x)$ следует построить график функции $y = f(x)$ и увеличить его ординаты в a раз при $a > 1$.

Построить график функции $y = 2\sqrt{x}$.

Построение

а) построим график функции $y = \sqrt{x}$;

б) увеличим его ординаты в 2 раза.



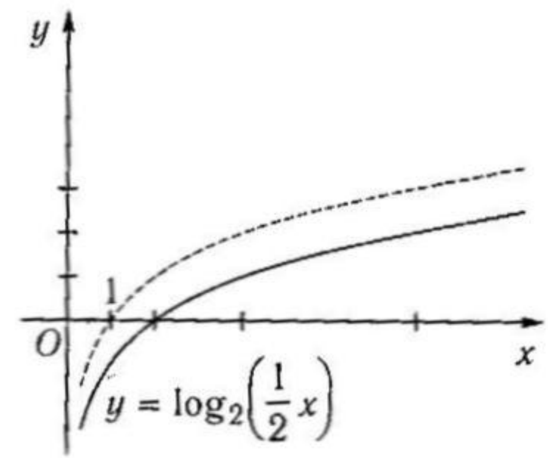
2.Растяжение графика вдоль оси абсцисс y=f(~x) ; 0<~<1.

Для построения графика функции $y = f(\omega x)$ следует построить график функции $y = f(x)$ и увеличить его абсциссы в $\frac{1}{\omega}$ раз при $0 < \omega < 1$.

Построить график функции $y = \log_2\left(\frac{1}{2}x\right)$.

а) построим график функции $y = \log_2(x)$;

б) увеличим его абсциссы в 2 раза.



УЧЕНИК ПЯТЫЙ

Функции, содержащие знак модуля.

Функции, содержащие знак модуля

1. Построение графика функции $y = |f(x)|$

Для построения графика функции $y = |f(x)|$ следует построить график функции $y = f(x)$ и ту часть графика, которая расположена в нижней полуплоскости, отобразить относительно оси абсцисс.

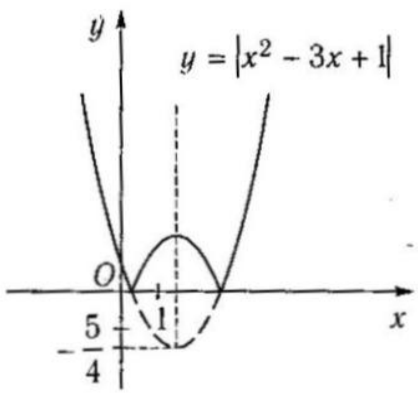
Пример

Построить график функции $y = |x^2 - 3x + 1|$.

Построение

а) построим график функции $y = x^2 - 3x + 1$;

б) в интервалах, где функция отрицательна, производим отображение относительно оси абсцисс.



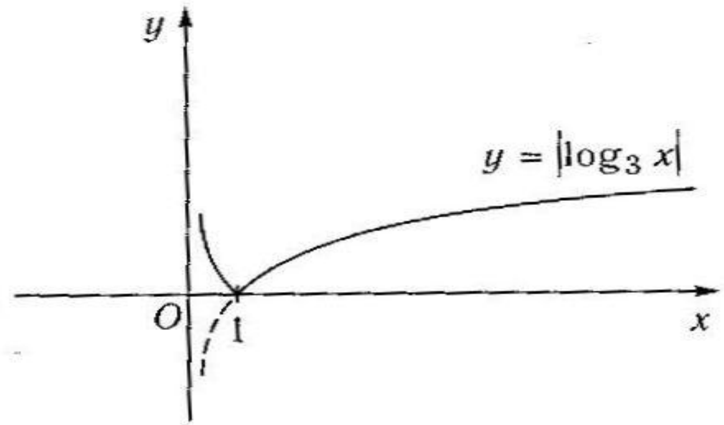
Пример

Построить график функции $y = |\log_3 x|$.

Построение

а) построим график функции $y = \log_3 x$;

б) отобразим часть графика на интервале $0 < x < 1$ относительно оси абсцисс.



3. Построение графика функции $y = |f(|x|)|$

Для построения графика функции $y = |f(|x|)|$ следует построить график функции $y = f(x)$ и ту часть графика, которая расположена в нижней полуплоскости, отобразить симметрично относительно оси Ox, а затем отобразить симметрично относительно оси Oy.

Пример

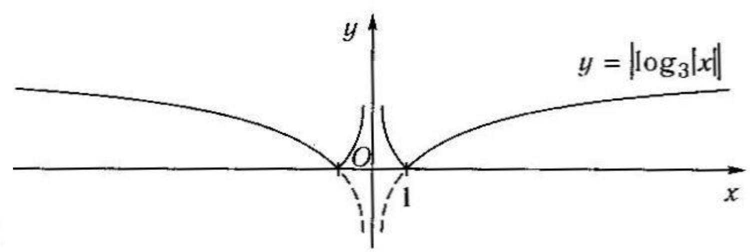
Построить график функции $y = |\log_3 |x||$.

Построение

а) построим график функции $y = \log_3 x$;

б) отобразим график функции $y = \log_3 x$ относительно оси Ox.

в) отобразим полученный график относительно оси Oy.



КОЛЛЕКТИВНАЯ РАБОТА.

Какие преобразования с синусоидой нужно выполнить, чтобы построить график данной функции?

1) **f(x)=0,5cosx**
2) **f(x)=3+sinx**
3) **f(x)=sin(x-п/4)**
4) **f(x)=2cos(x/2+п/3)**

Самостоятельно исследуйте функцию и постройте её график.

y=1+cos0,5x