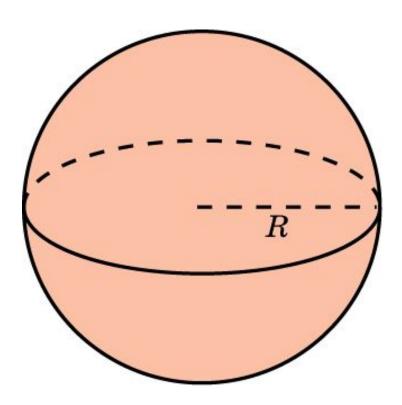
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРА

Площадь поверхности шара, радиуса R, выражается формулой

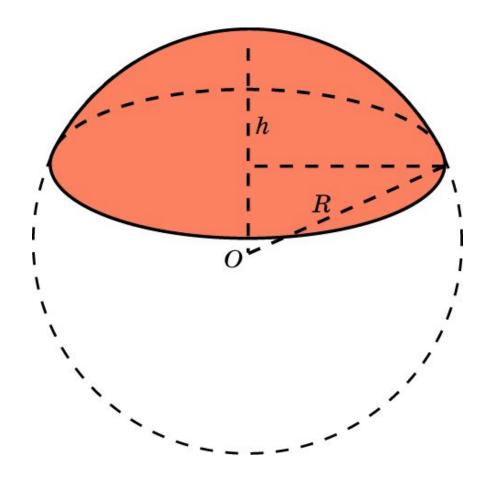
$$S=4\pi R^2$$
.



ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРОВОГО СЕГМЕНТА

Площадь боковой поверхности шарового сегмента, радиуса R и высотой h, выражается формулой

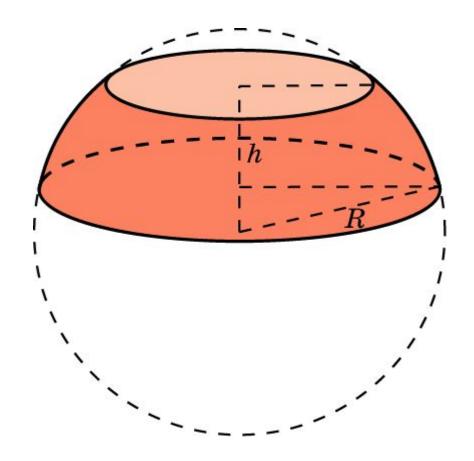
$$S=2\pi Rh$$
.



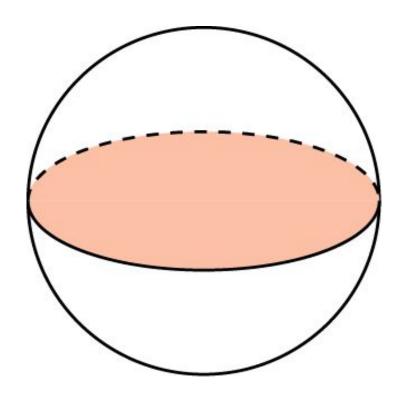
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРОВОГО ПОЯСА

Площадь боковой поверхности шарового пояса, радиуса R и высотой h, выражается формулой

$$S=2\pi Rh$$
.



Площадь большого круга шара равна 3 см². Найдите площадь поверхности шара.



Ответ: 12 см².

Как изменится площадь поверхности шара, если увеличить радиус шара в: а) 2 раза; б) 3 раза; в) n раз?

Ответ: Увеличится в: а) 4 раза; б) 9 раз; в) n^2 раз.

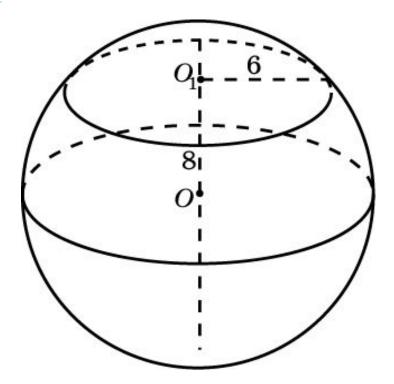
Площади поверхностей двух шаров относятся как 4 : 9. Найдите отношение их диаметров.

Ответ: 2:3.

Объём шара равен 288 дм³. Найдите площадь его поверхности.

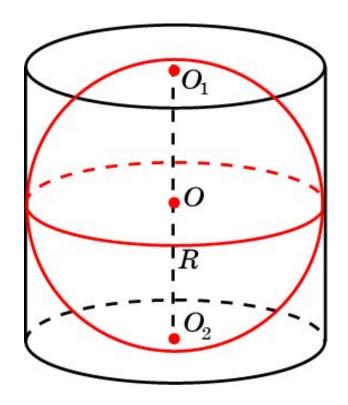
Ответ: 144 дм².

Сечение шара плоскостью, отстоящей от центра шара на расстоянии 8 см, имеет радиус 6 см. Найдите площадь поверхности шара.



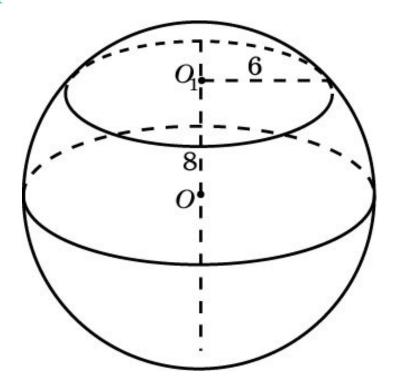
Other: $400\pi \text{ cm}^2$.

Около шара описан цилиндр. Найдите отношение их площадей поверхностей и объемов.



Ответ: 2:3; 2:3.

Сечение шара плоскостью, отстоящей от центра шара на расстоянии 8 см, имеет радиус 6 см. Найдите площадь поверхности шара.



OTBET: $400\pi \text{ cm}^2$.

Во сколько раз площадь поверхности шара, описанного около куба, больше площади поверхности шара, вписанного в этот же куб?

Ответ: В три раза.

Около прямоугольного параллелепипеда, измерения которого равны 1 дм, 2 дм и 3 дм, описан шар. Найдите площадь его поверхности.

Ответ: $14 \, \text{дм}^2$.

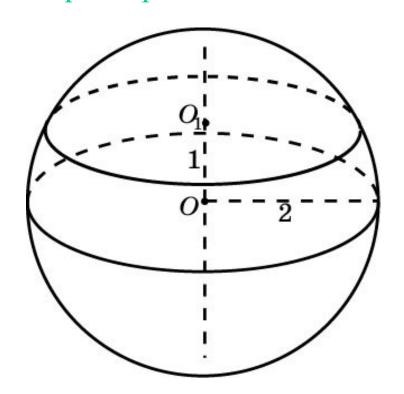
Около октаэдра, ребро которого равно 2 дм, описан шар. Найдите площадь поверхности шара.

Ответ: 8π дм².

Около шара описан цилиндр. Найдите отношение их площадей поверхностей и объемов.

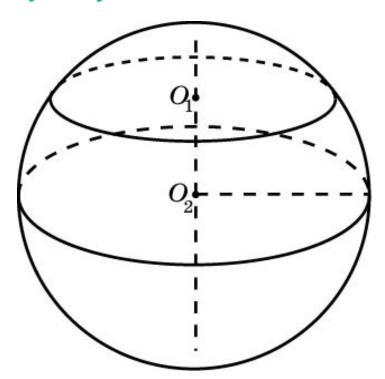
Ответ: 2:3, 2:3.

Найдите площадь поверхности шарового сегмента, отсекаемого от шара радиуса 2 плоскостью, проходящей на расстоянии 1 от центра шара.



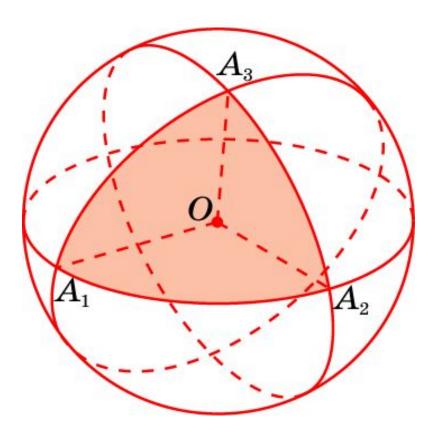
Other: 4π .

Шар радиуса 1 пересечен двумя параллельными плоскостями, которые делят перпендикулярный им диаметр шара в отношении 1 : 2 : 3. Определите площадь поверхности шара, заключенную между секущими плоскостями.



OTBET: $\frac{4}{3}\pi$.

ПЛОЩАДЬ СФЕРИЧЕСКОГО МНОГОУГОЛЬНИКА



Сферическим многоугольником будем называть часть сферы, заключенной внутри многогранного угла с вершиной в центре сферы.

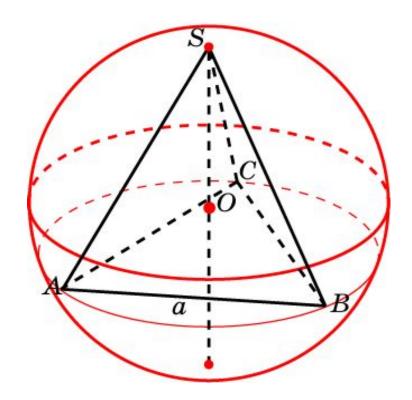
Напомним, что численная величина многогранного угла равна половине площади сферического многоугольника, высекаемого многогранным углом из единичной сферы с центром в вершине данного многогранного угла (см. раздел «Многогранные углы»).

Площадь сферического n-угольника $A_1 \dots A_n$ на сфере с центром O и радиусом R выражается формулой

$$S(A_1...A_n) = (\angle A_1 + ... + \angle A_n - \pi(n-2))R^2$$

где $\angle A_1, \ldots, \angle A_n$ – углы сферического многоугольника, равные соответствующим двугранным углам многогранного угла $OA_1 \ldots A_n$

В сферу радиуса 1 вписан правильный тетраэдр, и три его грани, исходящие из одной вершины, продолжены до пересечения со сферой. Вычислите площадь части поверхности сферы, заключенной внутри образовавшегося трехгранного угла.



Otbet: $\frac{2}{3}\pi$.

Найдите площадь сферического треугольника на единичной сфере, углы которого равны: а) 90°; б) 90°; в) 90°.

Решение. Данный треугольник составляет одну восьмую часть единичной сферы.

Следовательно, его площадь равна одной восьмой площади единичной сферы, т.е. $\frac{\pi}{2}$.

Otbet:
$$\frac{\pi}{2}$$
.

Найдите площадь сферического треугольника на единичной сфере, углы которого равны: а) 80°; б) 90°; в) 100°.

Решение. Переходя от градусов к числам, получим, что углы сферического треугольника равны: а) $\frac{4\pi}{9}$, б) $\frac{\pi}{2}$, в) $\frac{5\pi}{9}$.

Следовательно, площадь сферического треугольника равна $\frac{\pi}{2}$.

Otbet:
$$\frac{\pi}{2}$$
.

Центром единичной сферы является вершина правильной четырехугольной пирамиды с ребром основания 2 и высотой 1. Найдите площадь части сферы, заключенной внутри пирамиды.

Решение. Величина искомого четырехгранного угла составляет одну шестую часть пространства. Следовательно, искомая площадь равна $\frac{2\pi}{3}$.

Найдите площадь сферического треугольника, образованного трехгранным углом единичного тетраэдра ABCD и единичной сферой с центром в вершине D тетраэдра.

Решение. Двугранные углы правильного тетраэдра равны $\arccos \frac{1}{3}$.

Следовательно, площадь сферического треугольника *ABC* выражается формулой

$$S(ABC) = 3\arccos\frac{1}{3} - \pi.$$

Найдите площадь сферического четырехугольника, образованного четырехгранным углом единичного октаэдра SABCDS'и единичной сферой с центром в вершине S октаэдра.

Решение. Двугранные углы октаэдра равны

$$\arccos(-\frac{1}{3}).$$

Следовательно, площадь сферического четырехугольника ABCD выражается формулой

$$S(ABCD) = 4\arccos(-\frac{1}{3}) - 2\pi.$$

Найдите площадь сферического пятиугольника, образованного пятигранным углом единичного икосаэдра и единичной сферой с центром в вершине икосаэдра.

Решение. Двугранные углы икосаэдра равны

$$\arccos(-\frac{\sqrt{5}}{3}).$$

Следовательно, площадь сферического пятиугольника равна

$$5\arccos(-\frac{\sqrt{5}}{3})-3\pi.$$

Найдите площадь сферического треугольника, образованного трехгранным углом единичного додекаэдра и единичной сферой с центром в вершине додекаэдра.

Решение. Двугранные углы додекаэдра равны

$$\arccos(-\frac{\sqrt{5}}{5}).$$

Следовательно, площадь сферического треугольника равна

$$3\arccos(-\frac{\sqrt{5}}{5})-\pi.$$