Задачи на построение

Учебник "Геометрия 7-9" Автор Л.С. Атанасян

Методическая разработка Макиева Лариса Анатольевна. МБОУ гимназия № 4, г. Владикавказ, РСО-Алания.

Введение

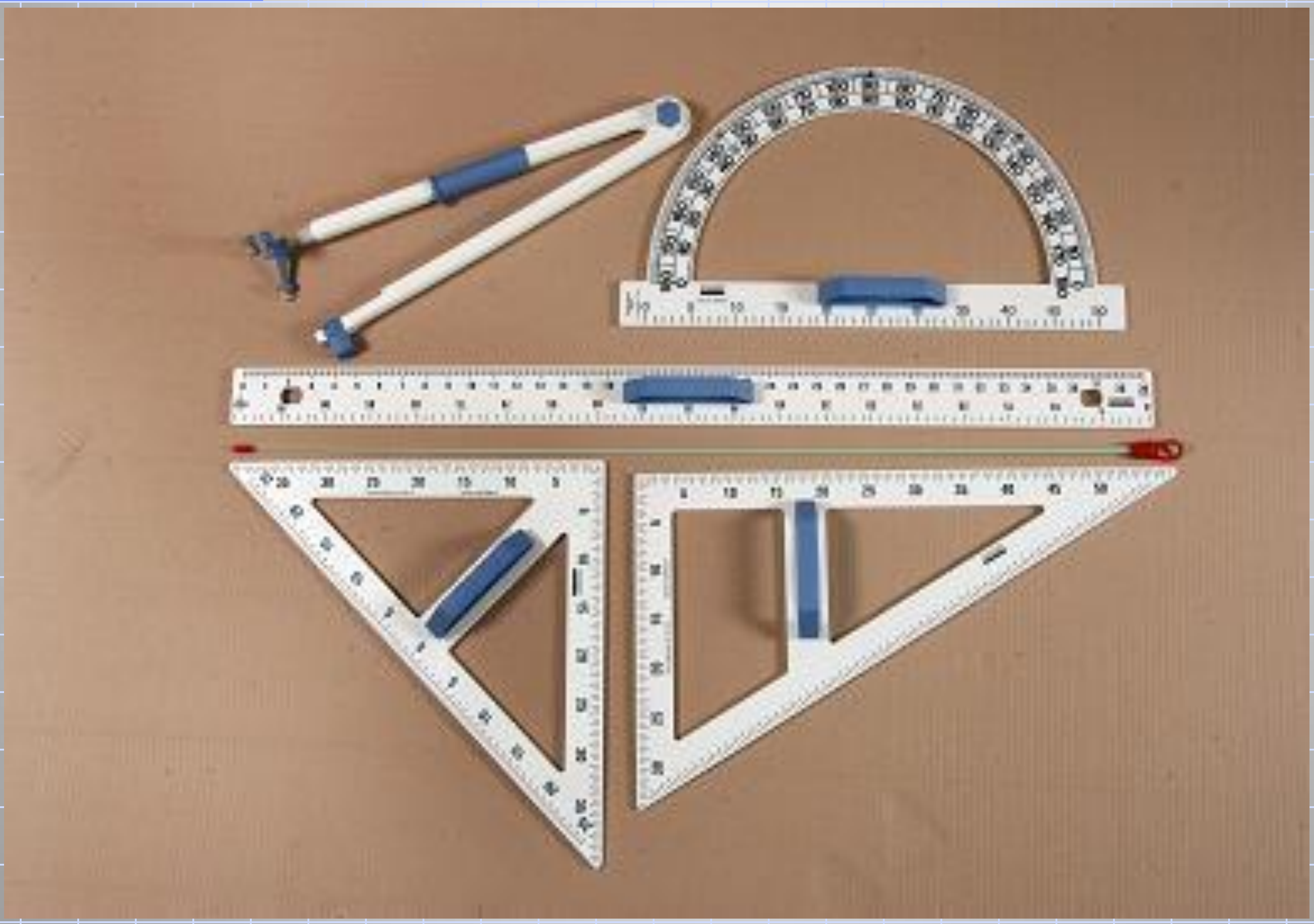
- **Геометрические инструменты школьника и инженера**

  1.Линейка.

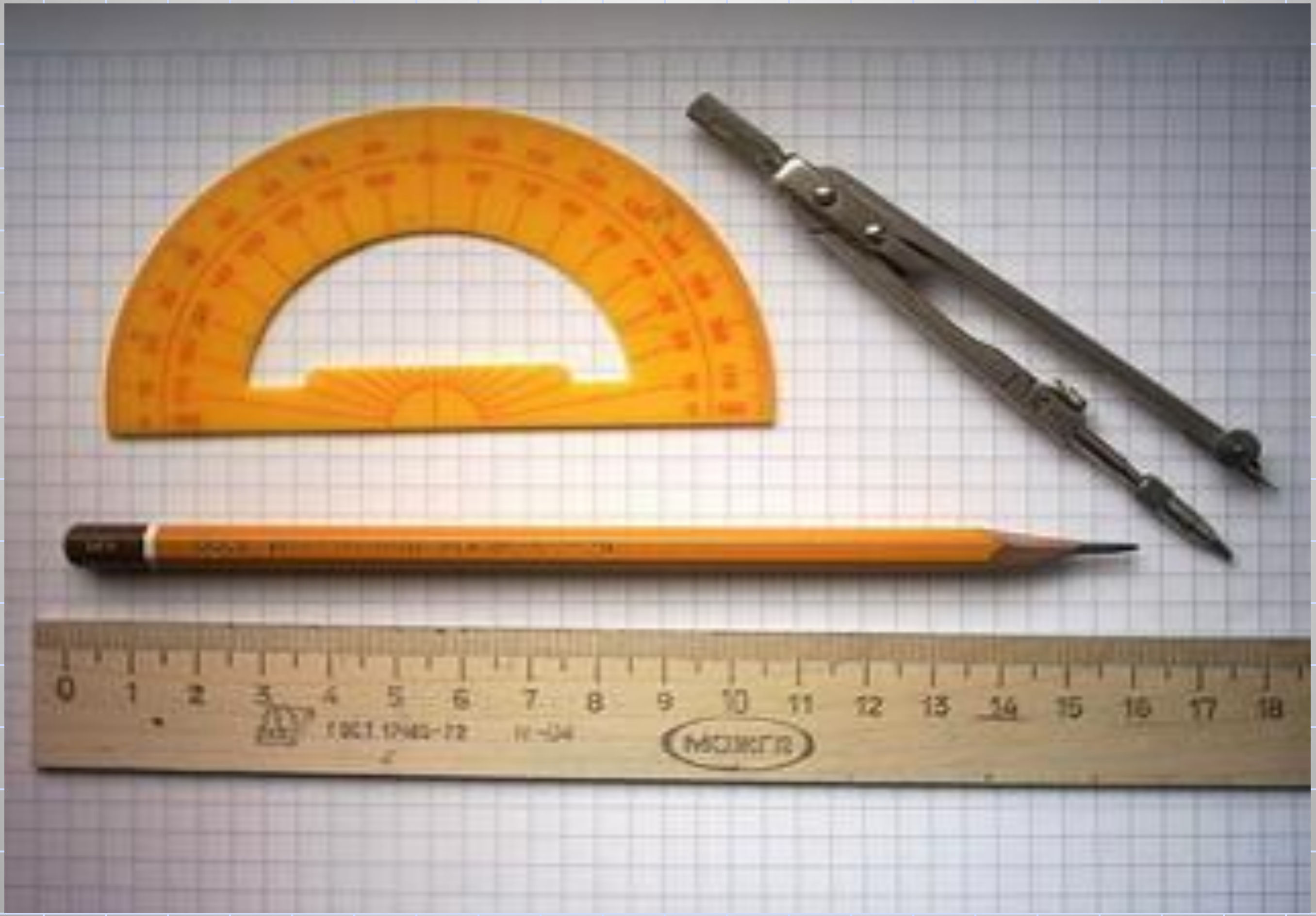
  2.Циркуль.

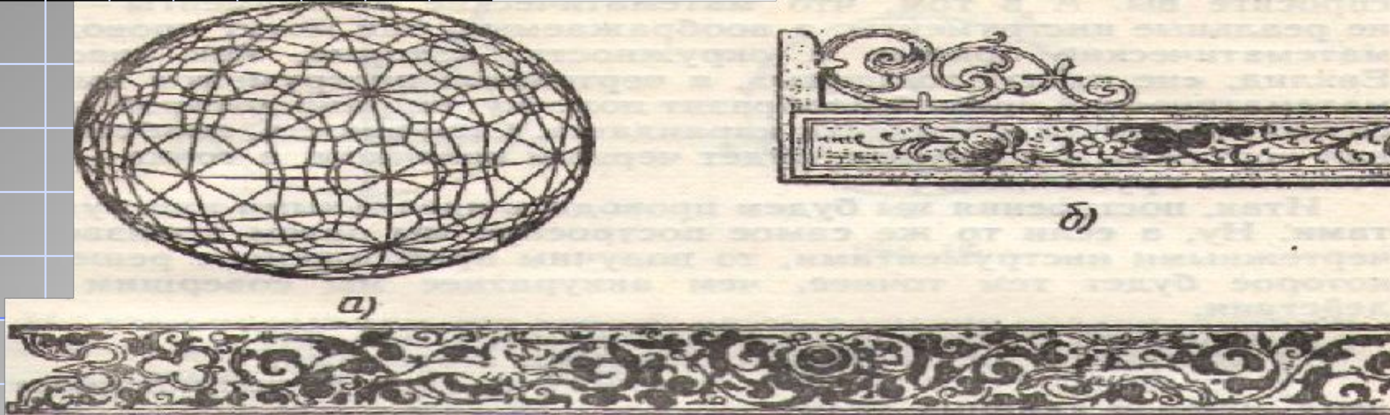
  3.Транспортир.

Набор инструментов



Набор инструментов





а)

б)

в)

Рис. 13

ла» и «удвоение куба». Подробнее об этих задачах мы поговорим позже, а сейчас убедимся в великолепных возможностях этих инструментов.

Но сначала совершим подмену инструментов: чертежные инструменты заменим на математические. «В чем разница?» —

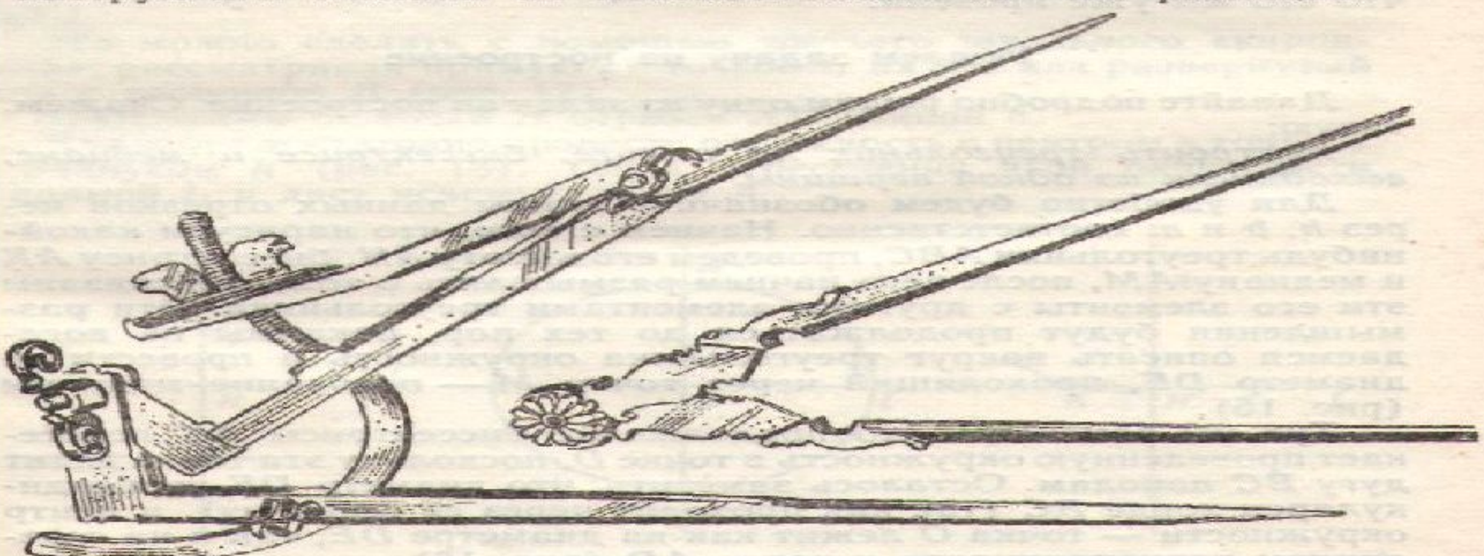
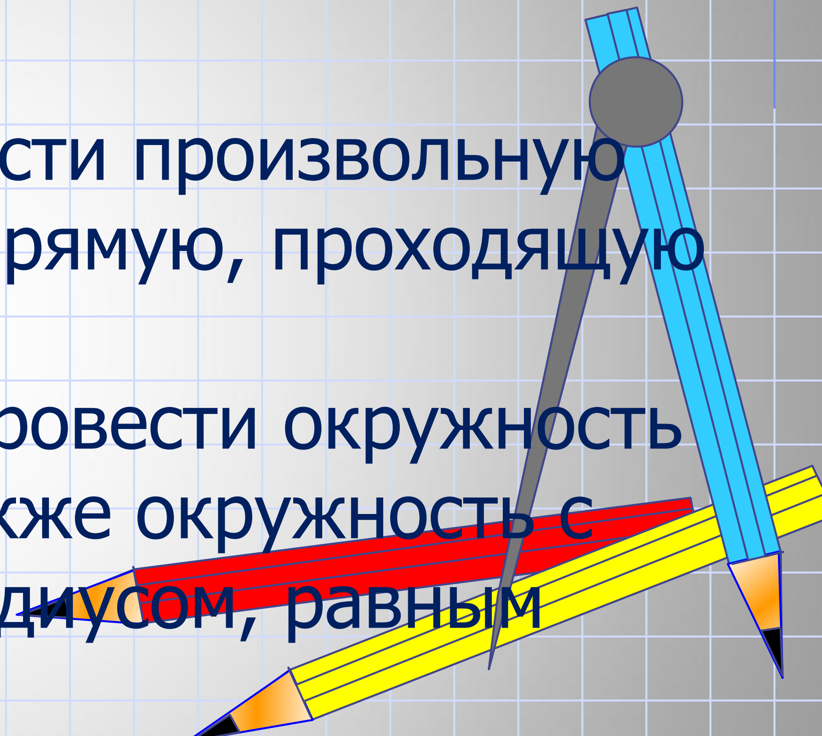


Рис. 14

В геометрии выделяют задачи на построение, которые можно решить только с помощью двух инструментов: циркуля и линейки без масштабных делений.

Линейка позволяет провести произвольную прямую, а также построить прямую, проходящую через две данные точки;
с помощью циркуля можно провести окружность произвольного радиуса, а также окружность с центром в данной точке и радиусом, равным данному отрезку.



План решения задачи на построение.

- Анализ (нахождение связи между элементами геометрической фигуры).

Построение с обязательным описанием хода его выполнения.

Доказательство получения искомой фигуры.

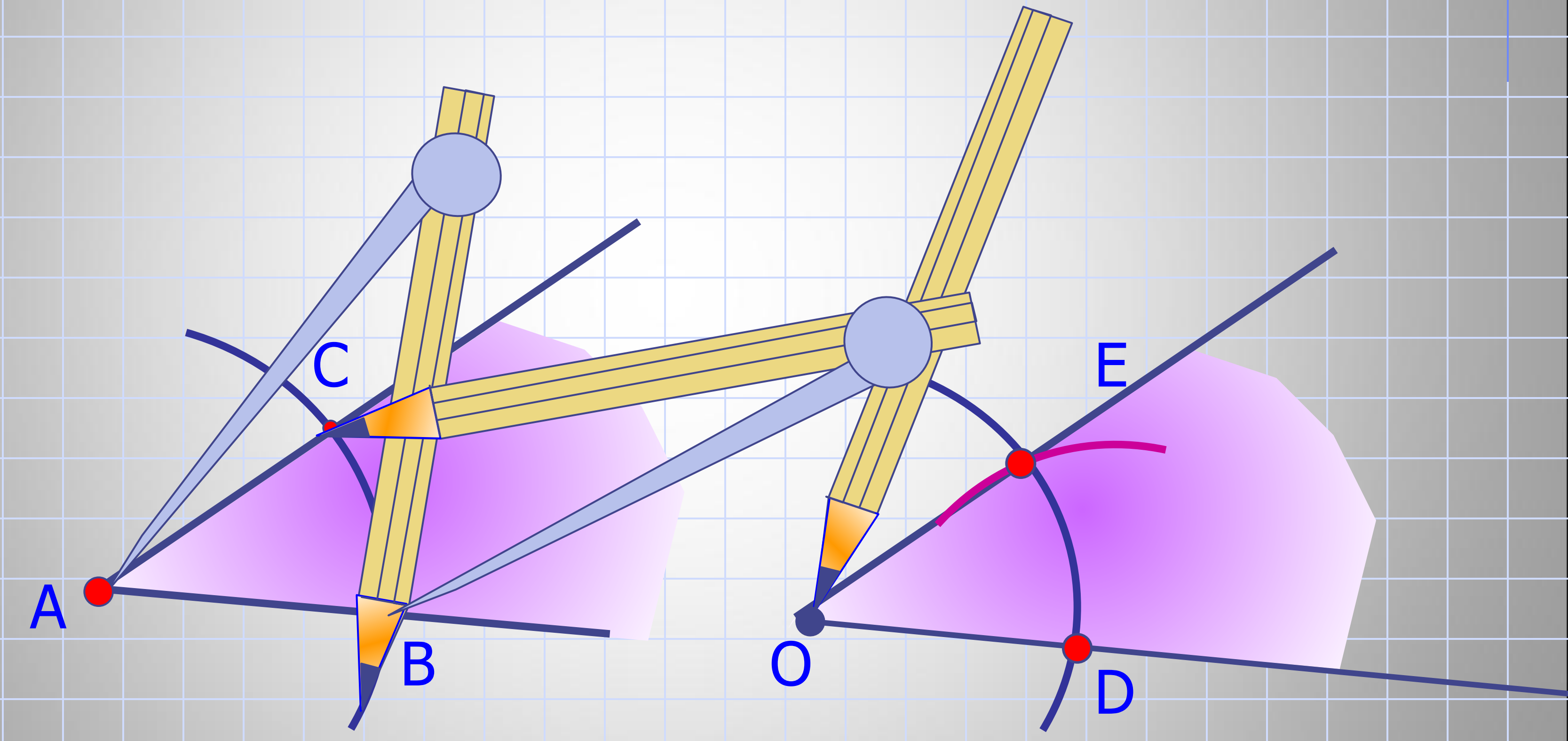
Исследование.

Построение угла, равного данному.

Показ

Дано: угол А.

Построим угол, равный данному.



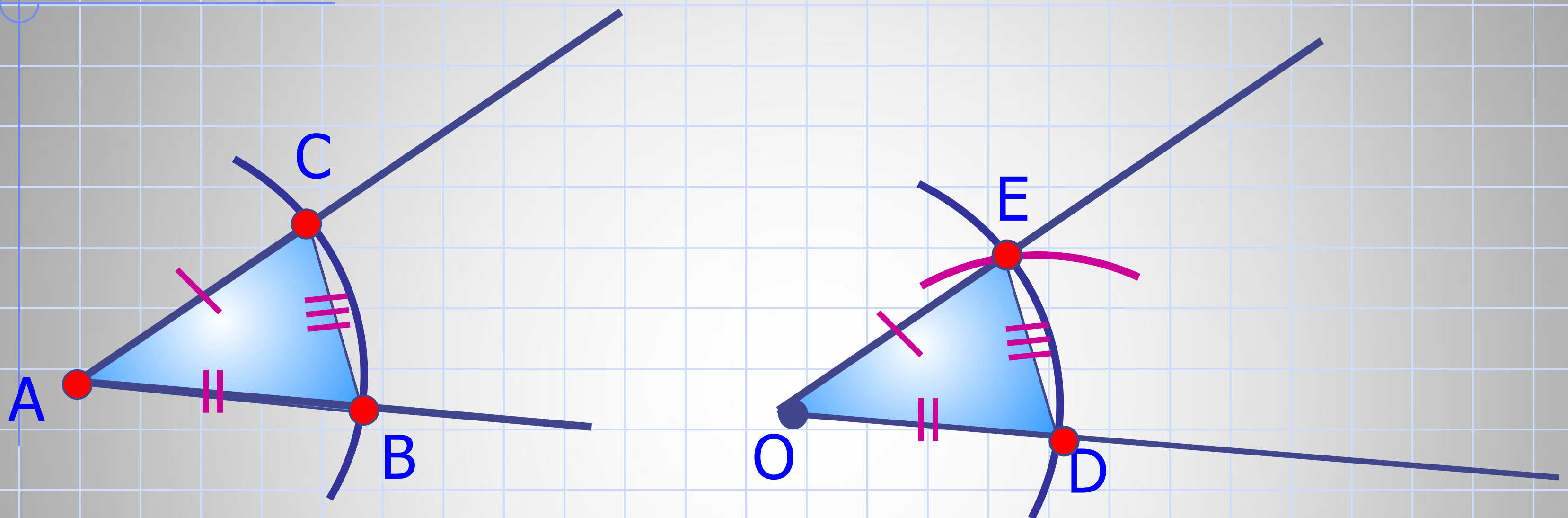
Теперь докажем, что построенный угол равен данному.

Построение угла, равного данному.

Показ

Дано: угол А.

Построили угол О.



Доказать: $\angle A = \angle O$

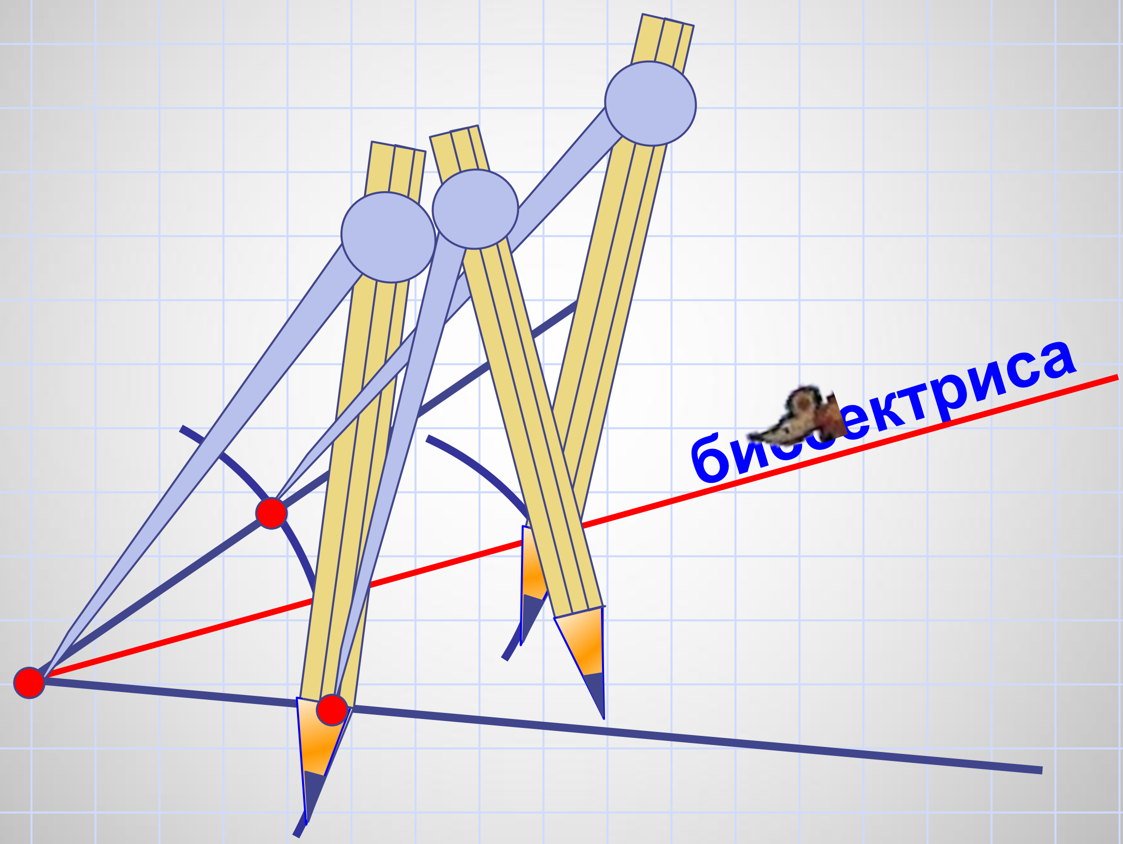
Доказательство: рассмотрим треугольники ABC и ODE.

1. AC=OE, как радиусы одной окружности.
2. AB=OD, как радиусы одной окружности.
3. BC=DE, как радиусы одной окружности.

$\Delta ABC = \Delta ODE$ (3 приз.) $\Rightarrow \angle A = \angle O$

Построение биссектрисы угла.

Показ



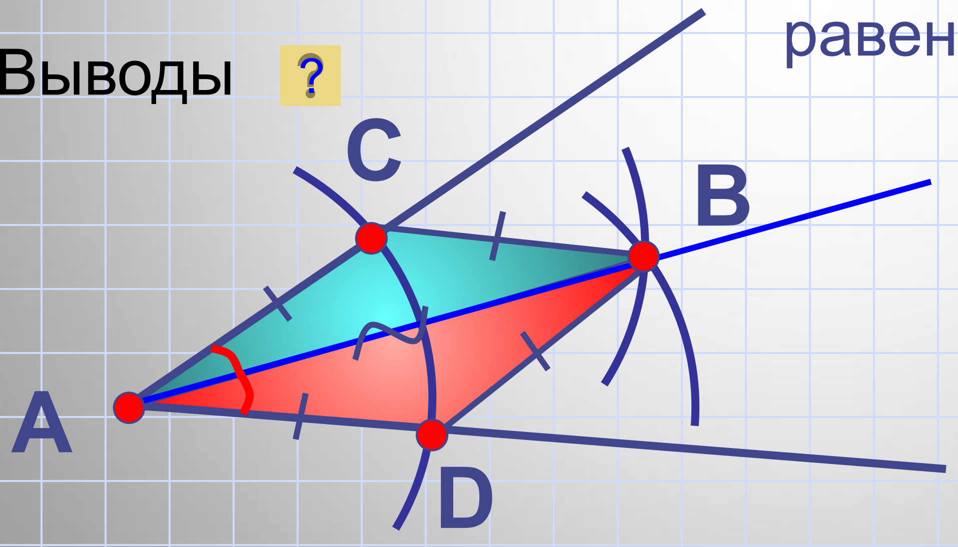
Докажем, что луч АВ – биссектриса $\angle A$

П Л А Н

1. Дополнительное построение.
2. Докажем равенство треугольников Δ АСВ и Δ ADB.
   1. АС=AD, как радиусы одной окружности.
   2. CB=DB, как радиусы одной окружности.
   3. АВ – общая сторона.

ΔАСВ = Δ ADB, по *III* признаку равенства треугольников

3. Выводы



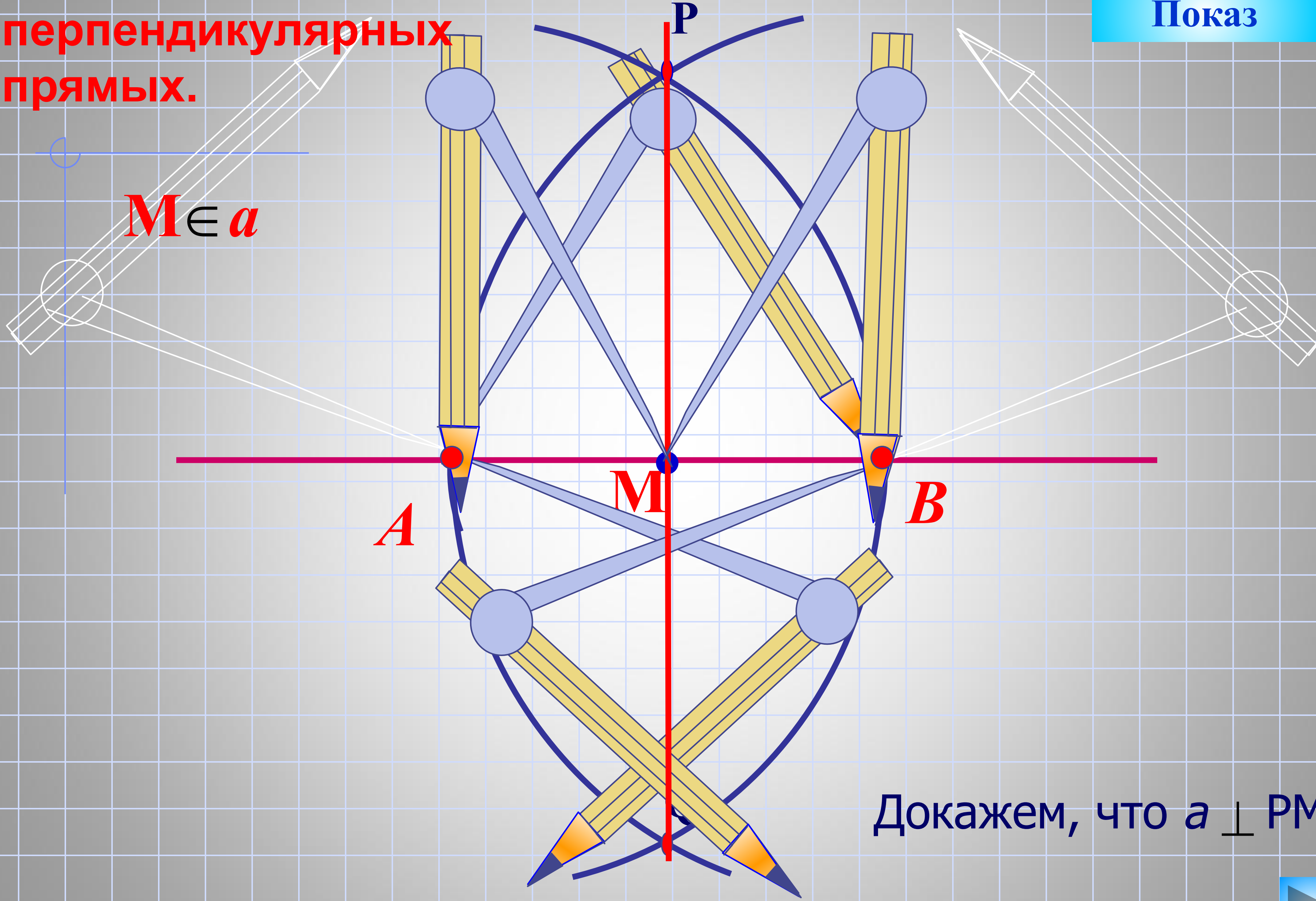
$$\angle CAB = \angle DAB$$

Луч АВ – биссектриса

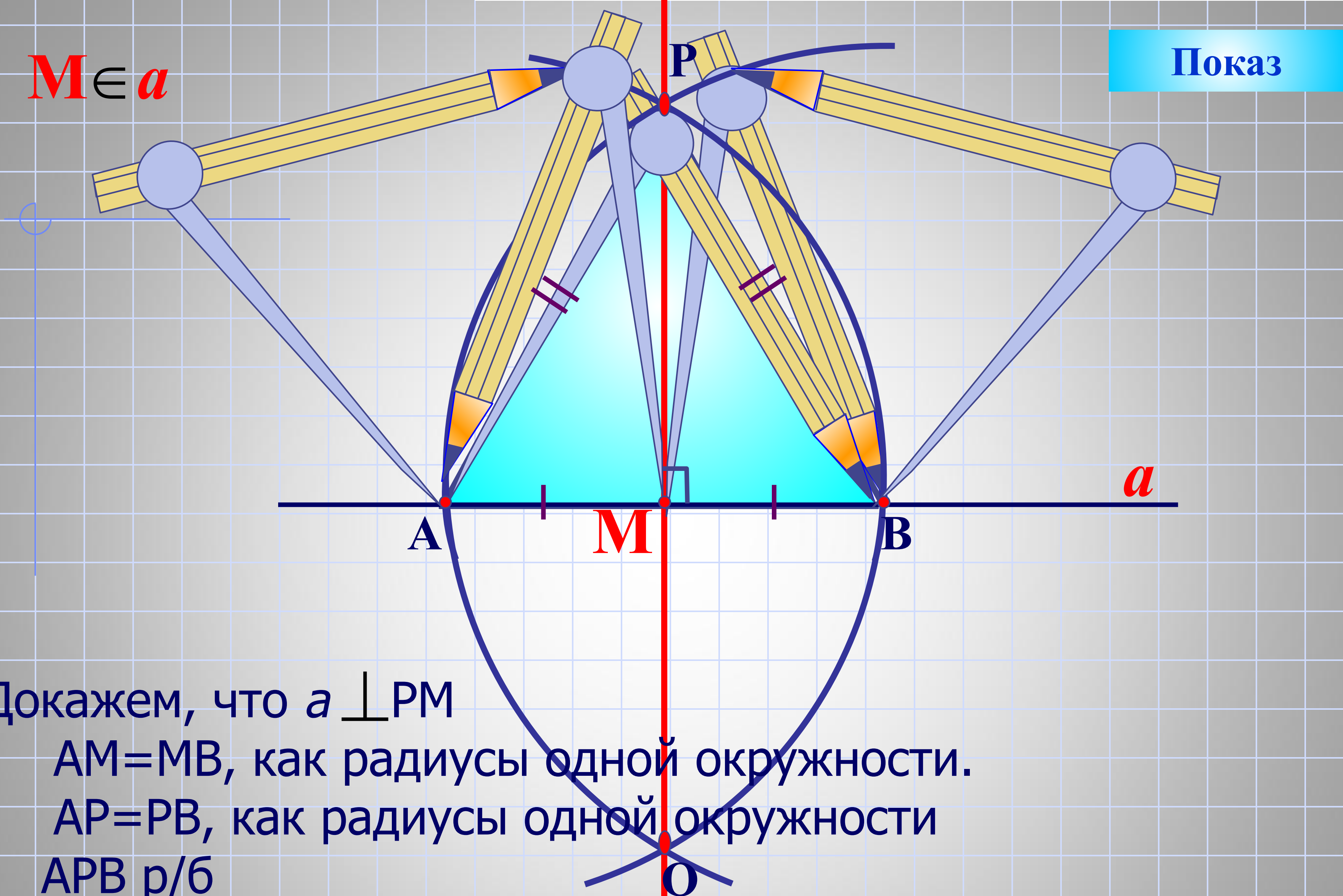
Построение перпендикулярных прямых.

Показ

$M \in a$



Докажем, что $a \perp PM$



Докажем, что $a \perp PM$

1. AM=MB, как радиусы одной окружности.
2. AP=PB, как радиусы одной окружности

   APB р/б

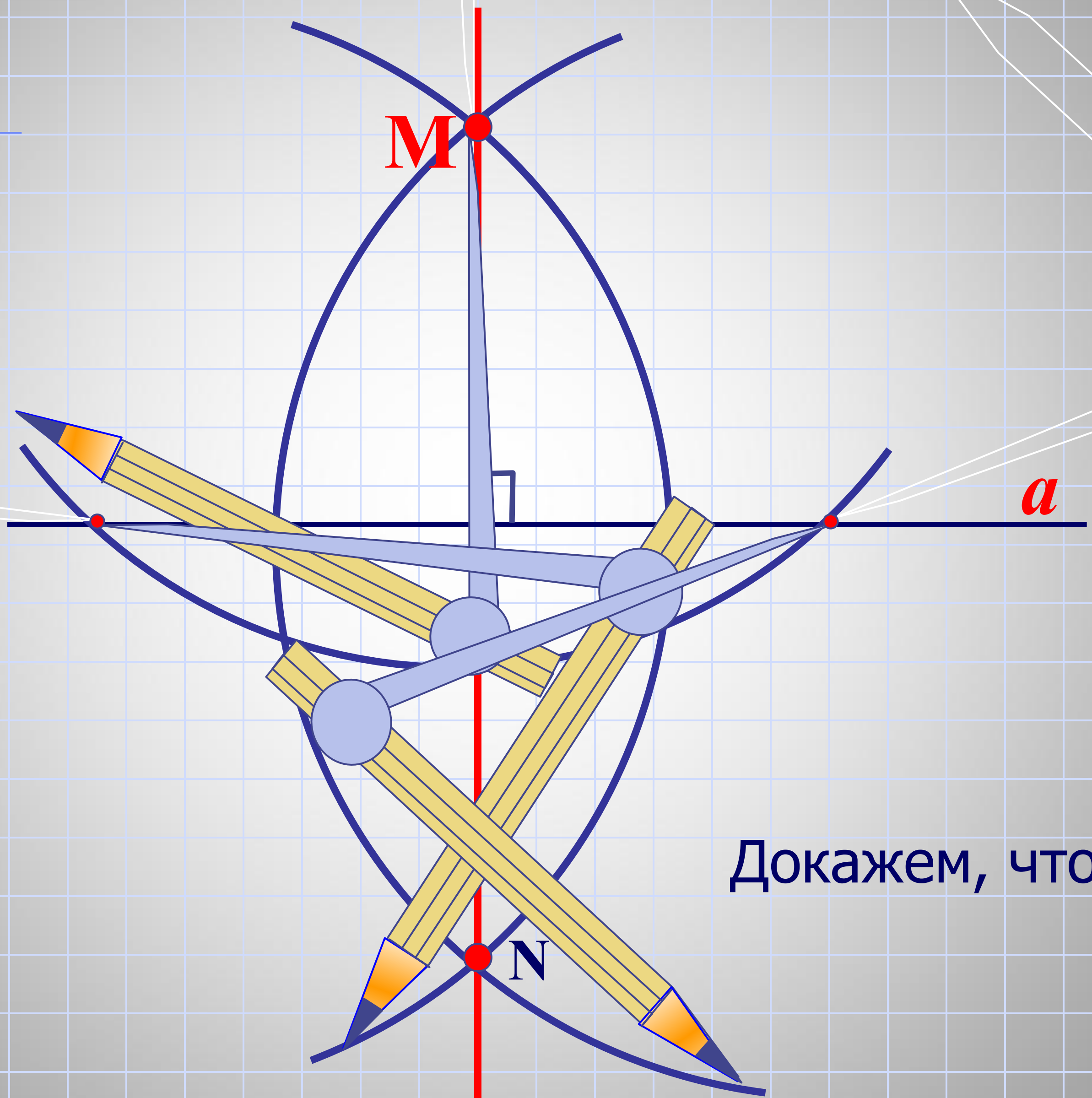
3. PM медиана в р/б треугольнике является также ВЫСОТОЙ.

   Значит, $a \perp PM$.

Построение перпендикулярных прямых.

Показ

$M \notin a$

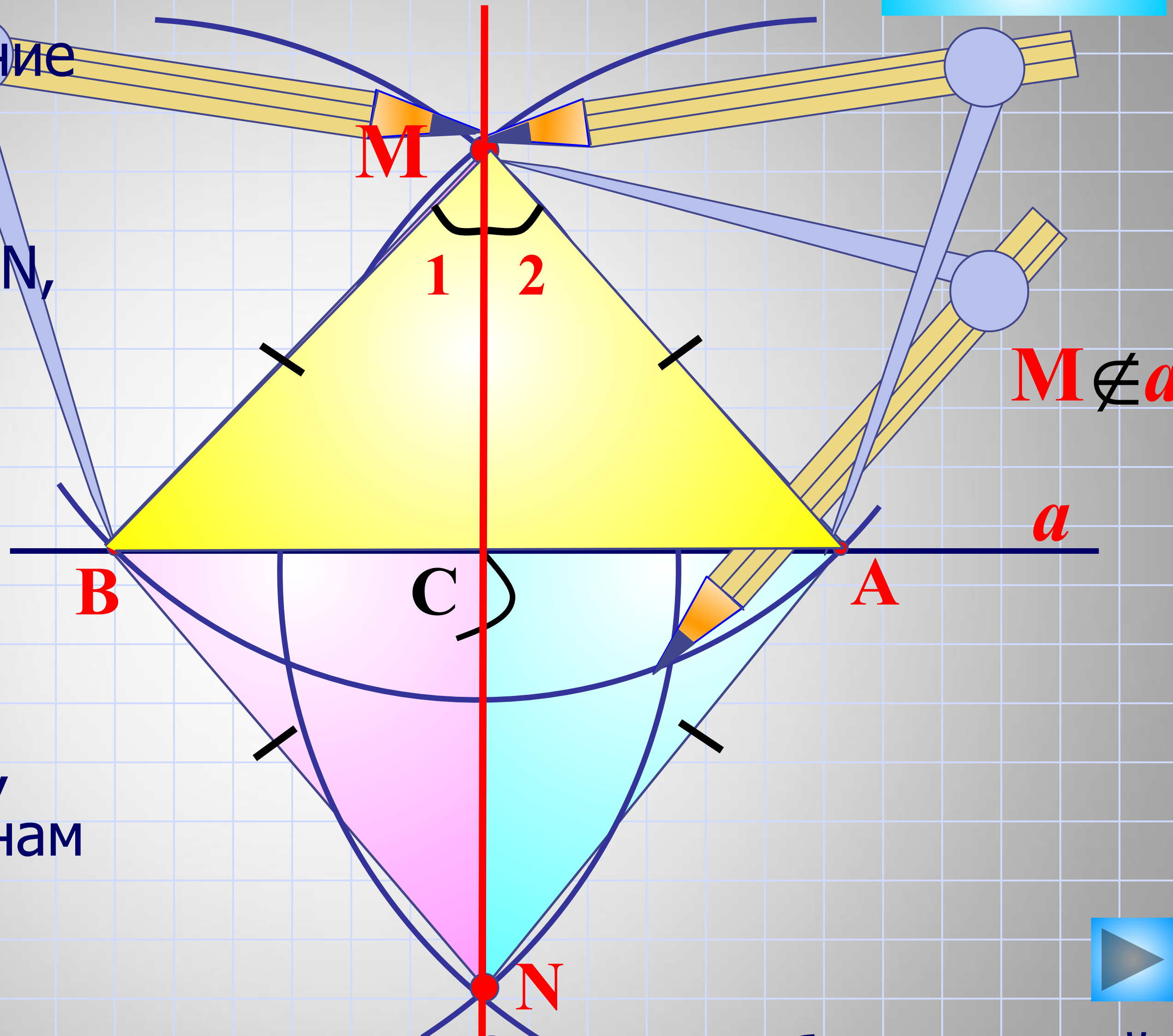


Докажем, что $a \perp MN$

Докажем, что $a \perp MN$

Показ

Посмотрим на расположение циркулей.



AM=AN=MB=BN, как равные радиусы.

MN-общая сторона.

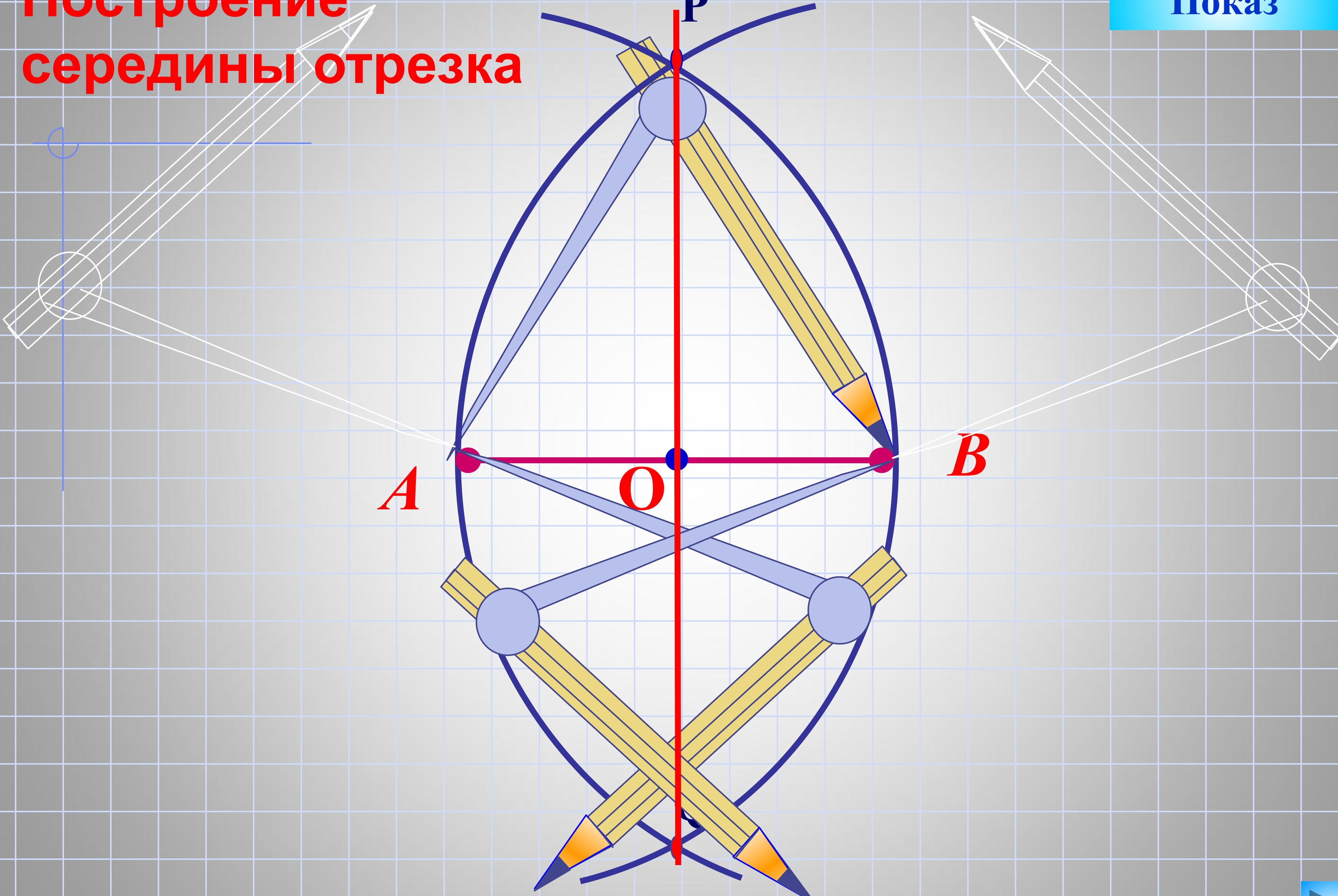
$\Delta MBN = \Delta MAN$, по трем сторонам

$\angle 1 = \angle 2$

В р/б треугольнике АМВ отрезок МС является биссектрисой, а значит, и высотой. Тогда, $a \perp MN$.

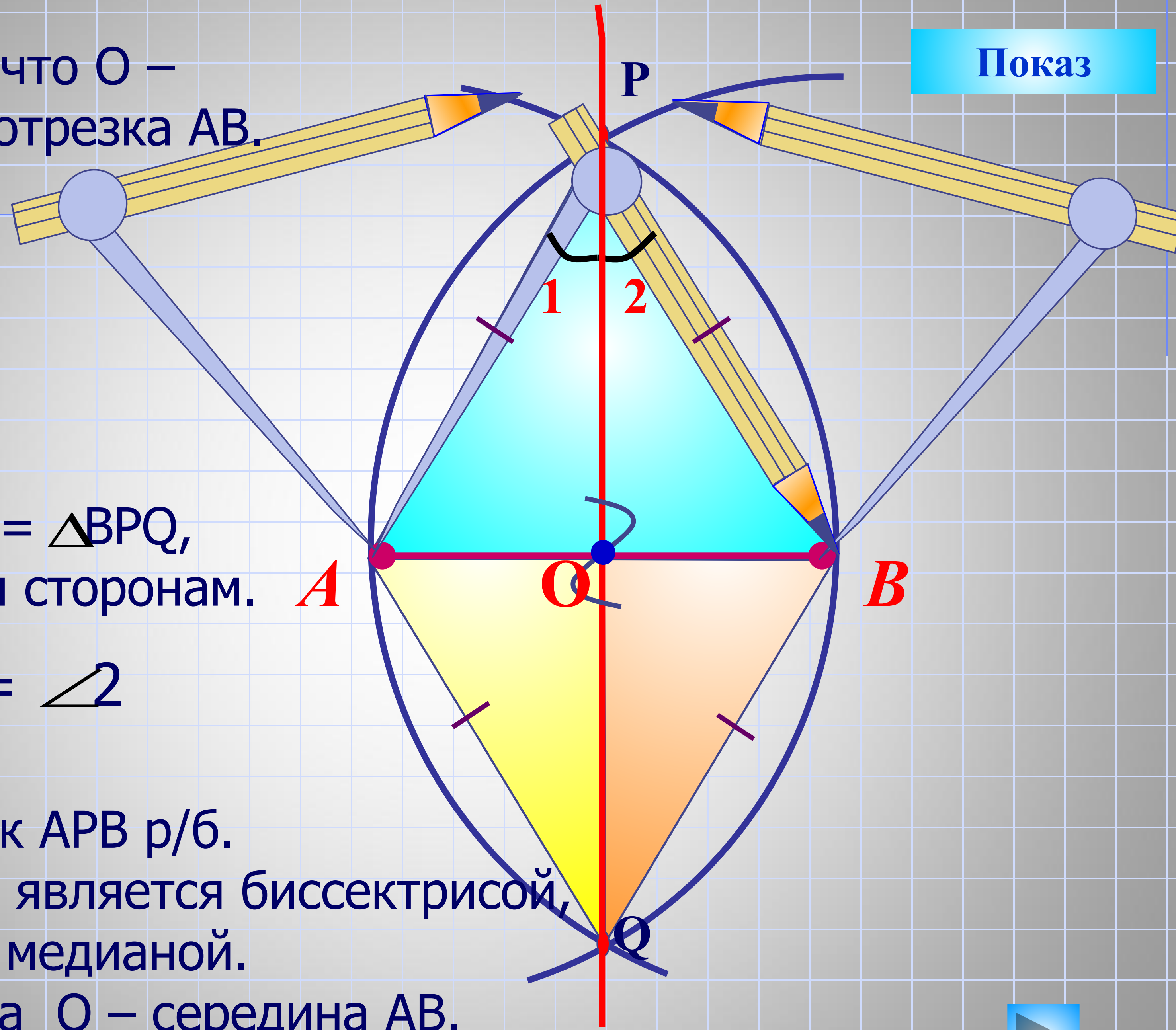
Построение середины отрезка

Показ



Докажем, что О – середина отрезка АВ.

Докажем, что О – середина отрезка АВ.



$\triangle$APQ = $\triangle$BPQ, по трем сторонам.

$\angle 1 = \angle 2$

Треугольник АРВ р/б.
Отрезок РО является биссектрисой, а значит, и медианой.
Тогда, точка О – середина АВ.

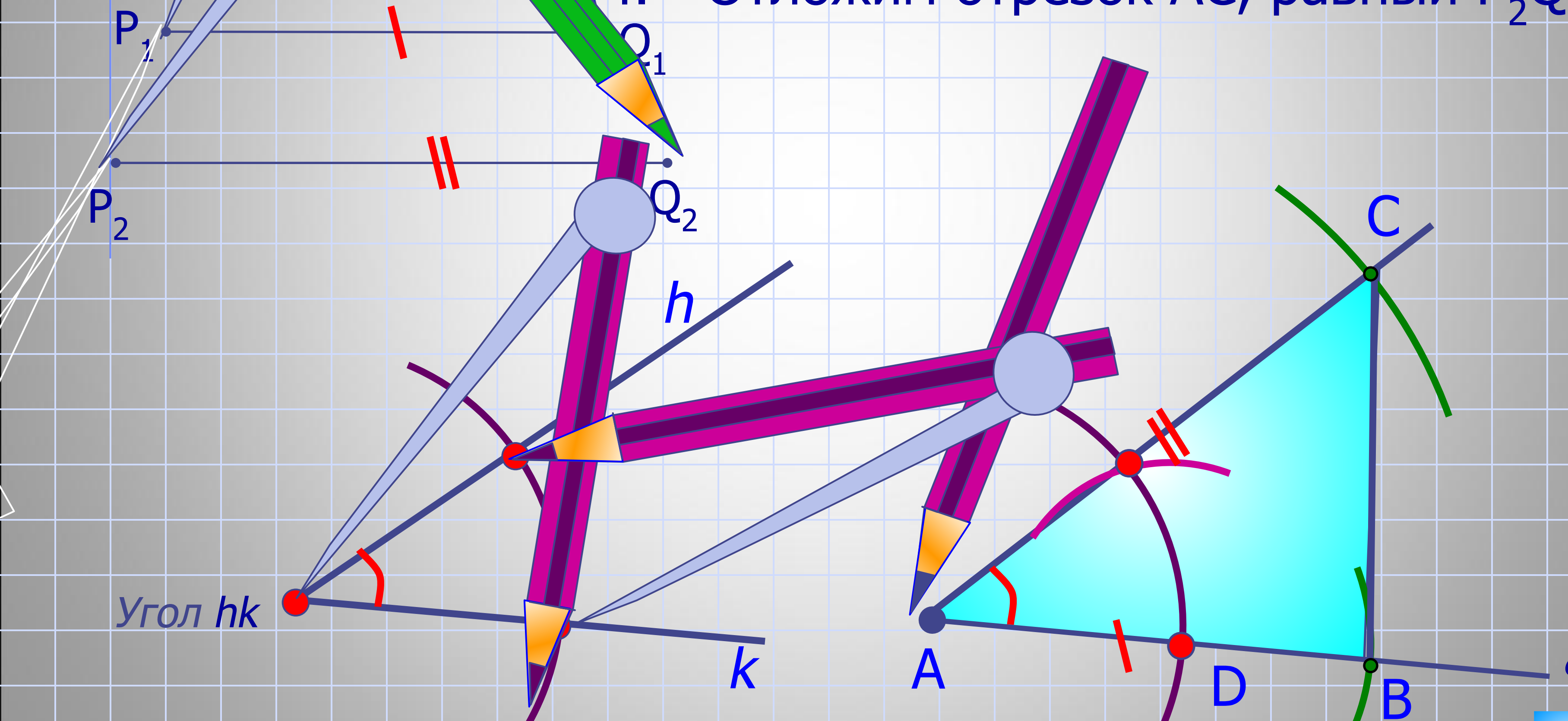
Построение треугольника по двум сторонам и углу между ними.

Показ

1. Построим луч *a*.
2. Отложим отрезок AB, равный P_1Q_1.
3. Построим угол, равный данному.
4. Отложим отрезок AC, равный P_2Q_2.

Дано:

Отрезки P_1Q_1 и P_2Q_2



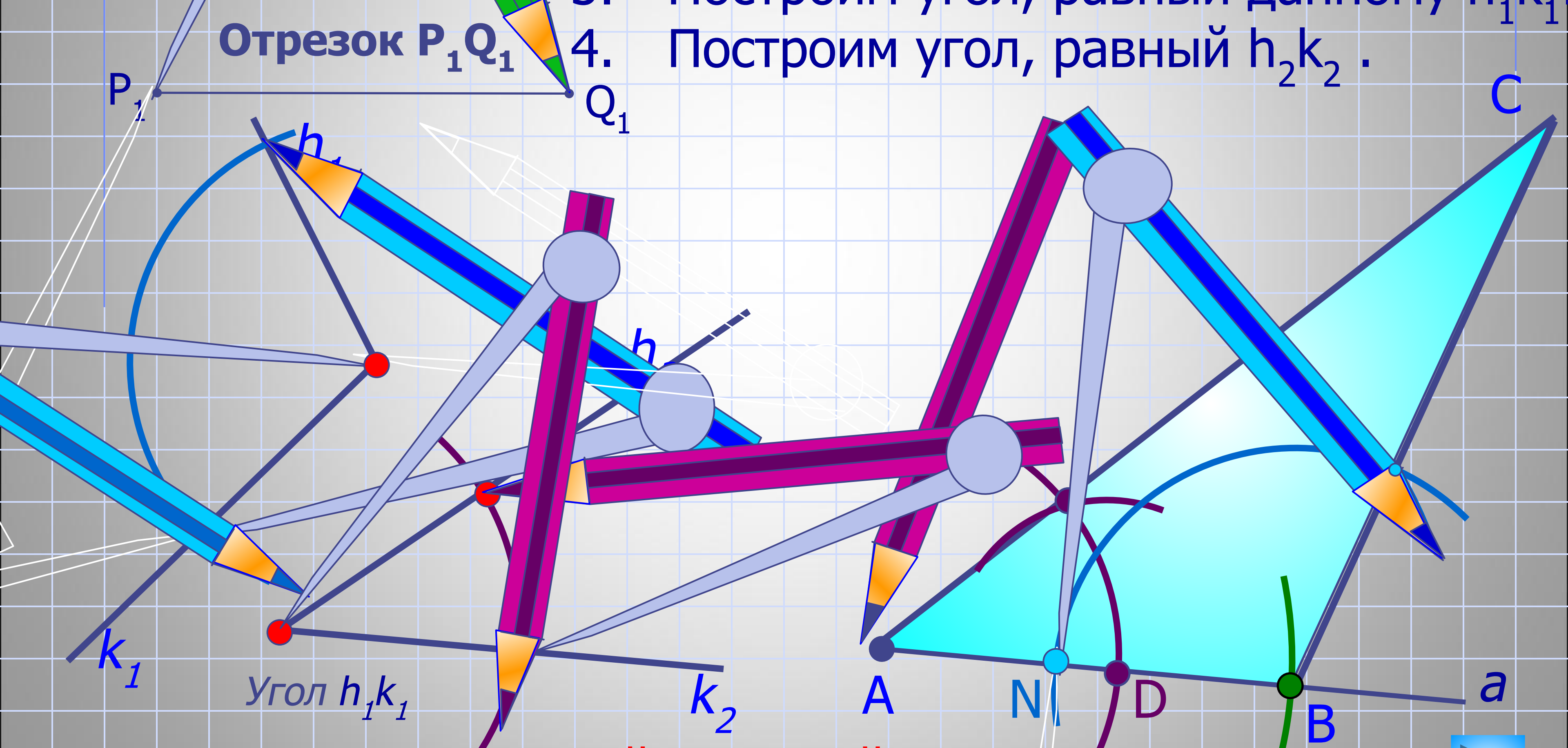
Треугольник ABC искомый. Обоснуй, используя I признак.

Построение треугольника по стороне и двум прилежащим к ней углам.

Показ

Дано:

1. Построим луч *a*.
2. Отложим отрезок AB, равный P_1Q_1.
3. Построим угол, равный данному h_1k_1.
4. Построим угол, равный h_2k_2 .



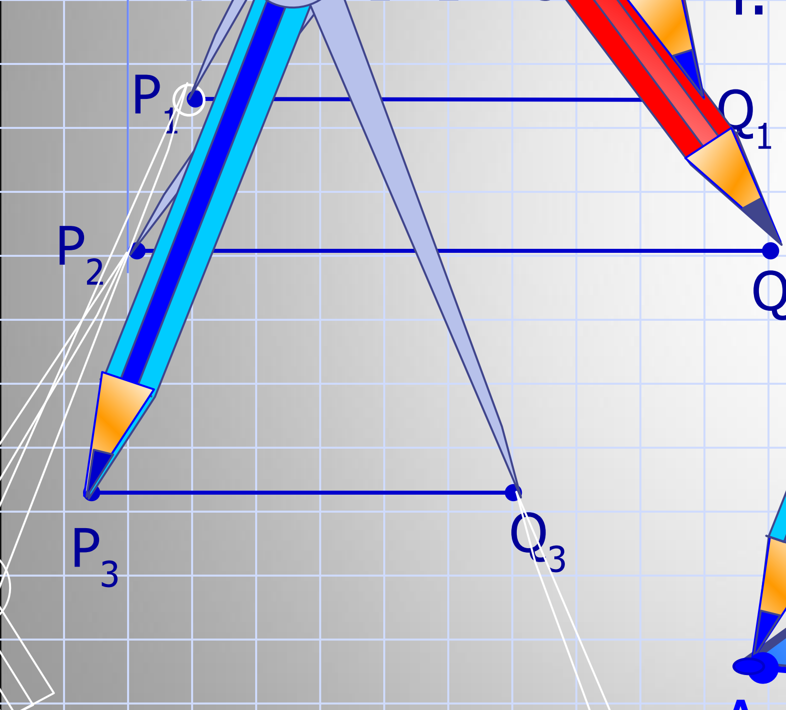
Треугольник ABC искомый. Обоснуй, используя II признак.

Построение треугольника по трем сторонам.

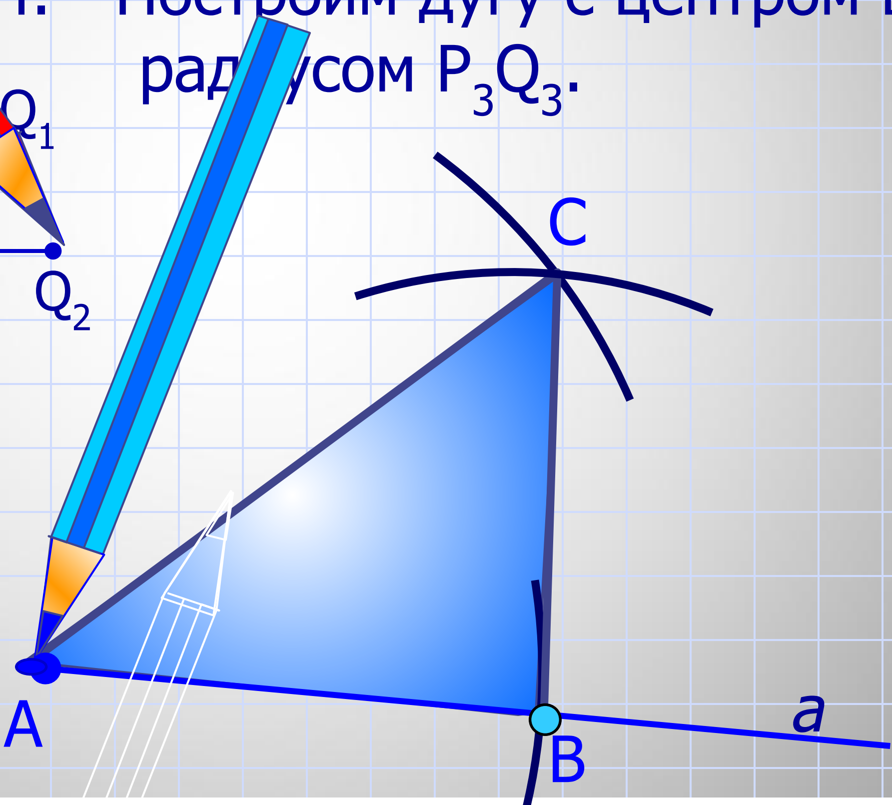
Показ

Дано:

отрезки P_1Q_1, P_2Q_2, P_3Q_3



1. Построим луч *a*.
2. Отложим отрезок АВ, равный P_1Q_1.
3. Построим дугу с центром в т. А и радиусом P_2Q_2.
4. Построим дугу с центром в т.В и радиусом P_3Q_3.



Треугольник АВС искомый. Обоснуй, используя III признак.

Методы решения задач на построение

1. Метод анализа.
2. Метод подобия.
3. Метод геометрических мест.

НЕРАЗРЕШИМЫЕ ЗАДАЧИ

- *Квадратура круга* - построение квадрата , равновеликого данному кругу с помощью циркуля и линейки

НЕРАЗРЕШИМЫЕ ЗАДАЧИ

- ***ТРИСЕКЦИЯ УГЛА* – деление данного угла на три равных части с помощью циркуля и линейки.**

НЕРАЗРЕШИМЫЕ ЗАДАЧИ

- *УДВОЕНИЕ КУБА – построение ребра куба , объем которого вдвое больше объема данного куба, с помощью циркуля и линейки.*

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!

ДО ВСТРЕЧИ В БУДУЩЕМ УЧЕБНОМ ГОДУ!