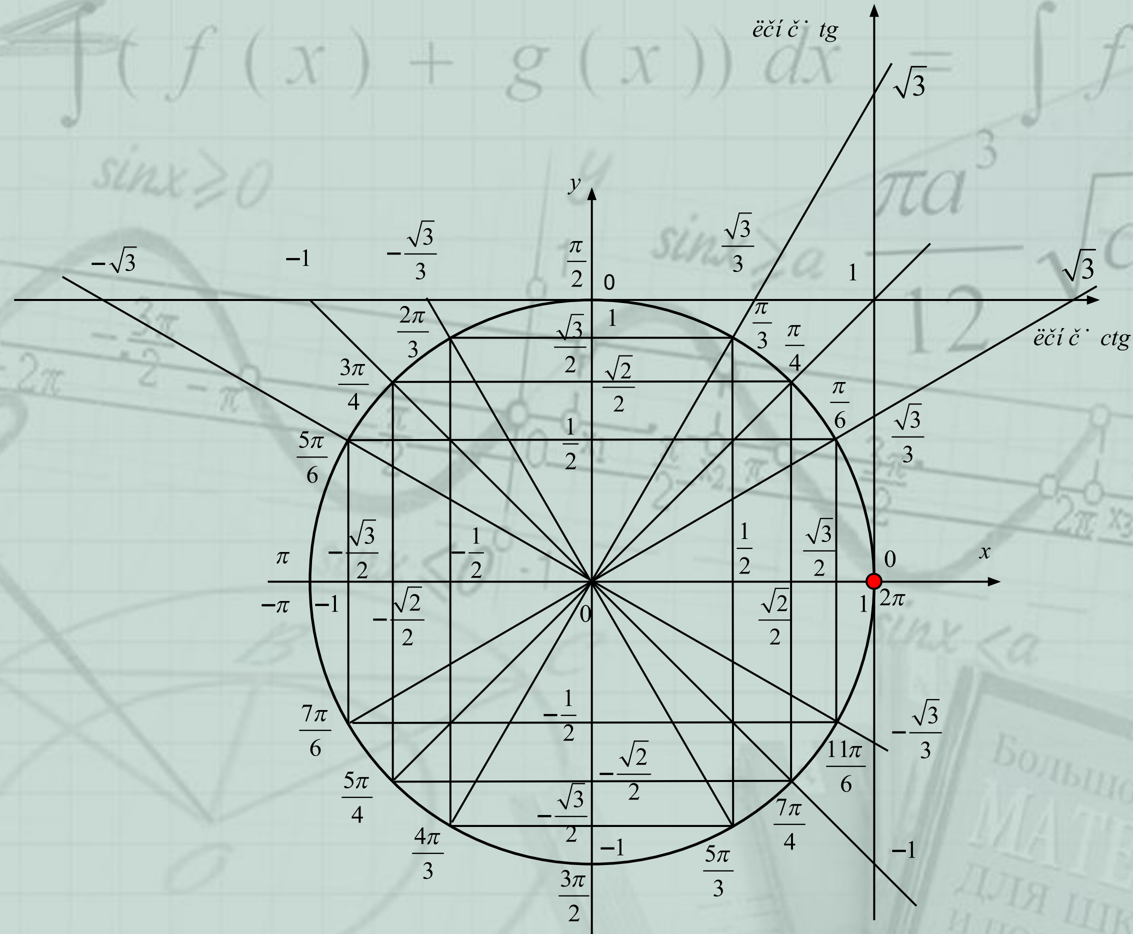
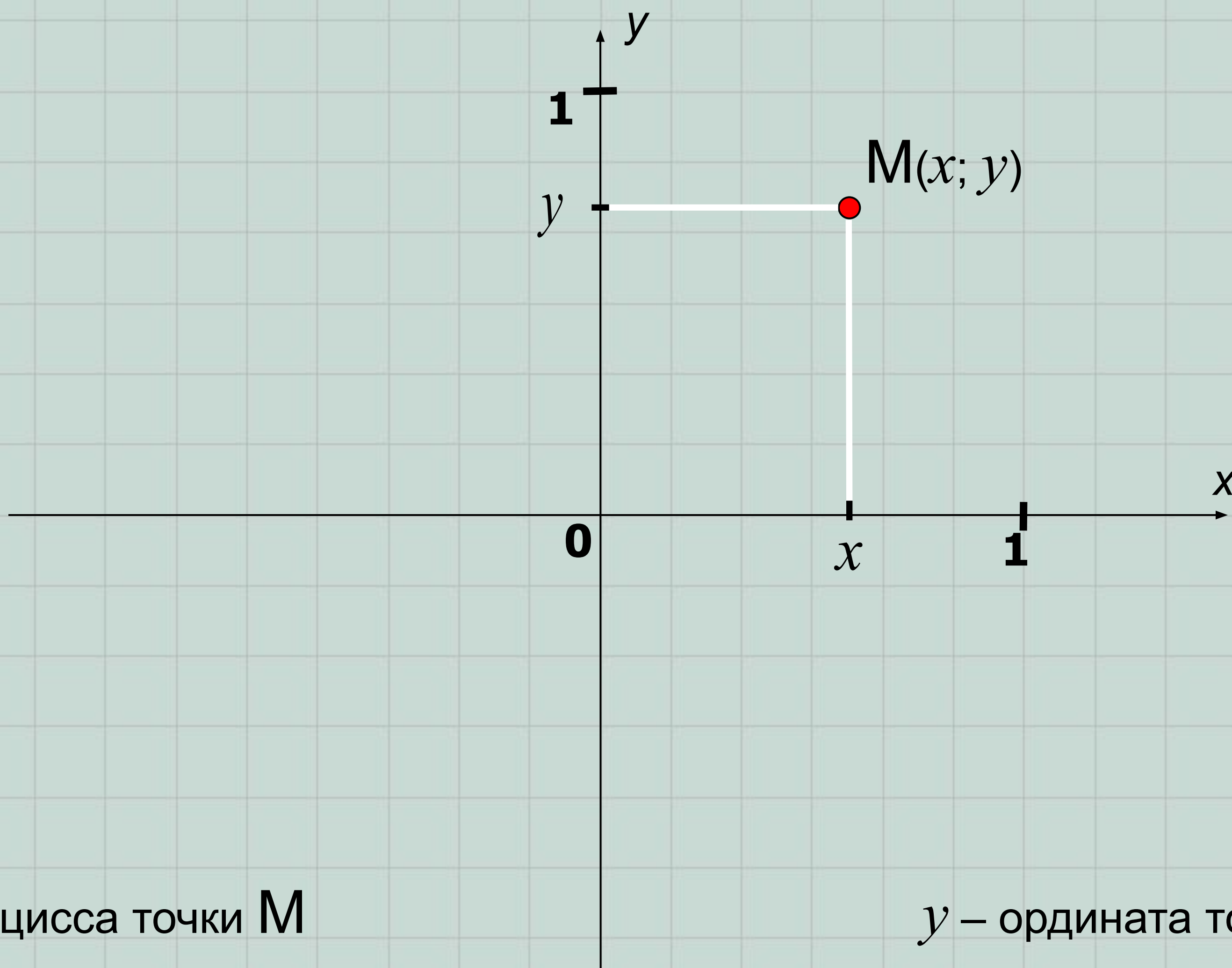


Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса углов поворота.

Алгебра и начала анализа, 10 класс

Воробьев Леонид Альбертович, г.Минск

Вспомним, что любая точка координатной плоскости имеет две координаты – абсциссу и ординату:

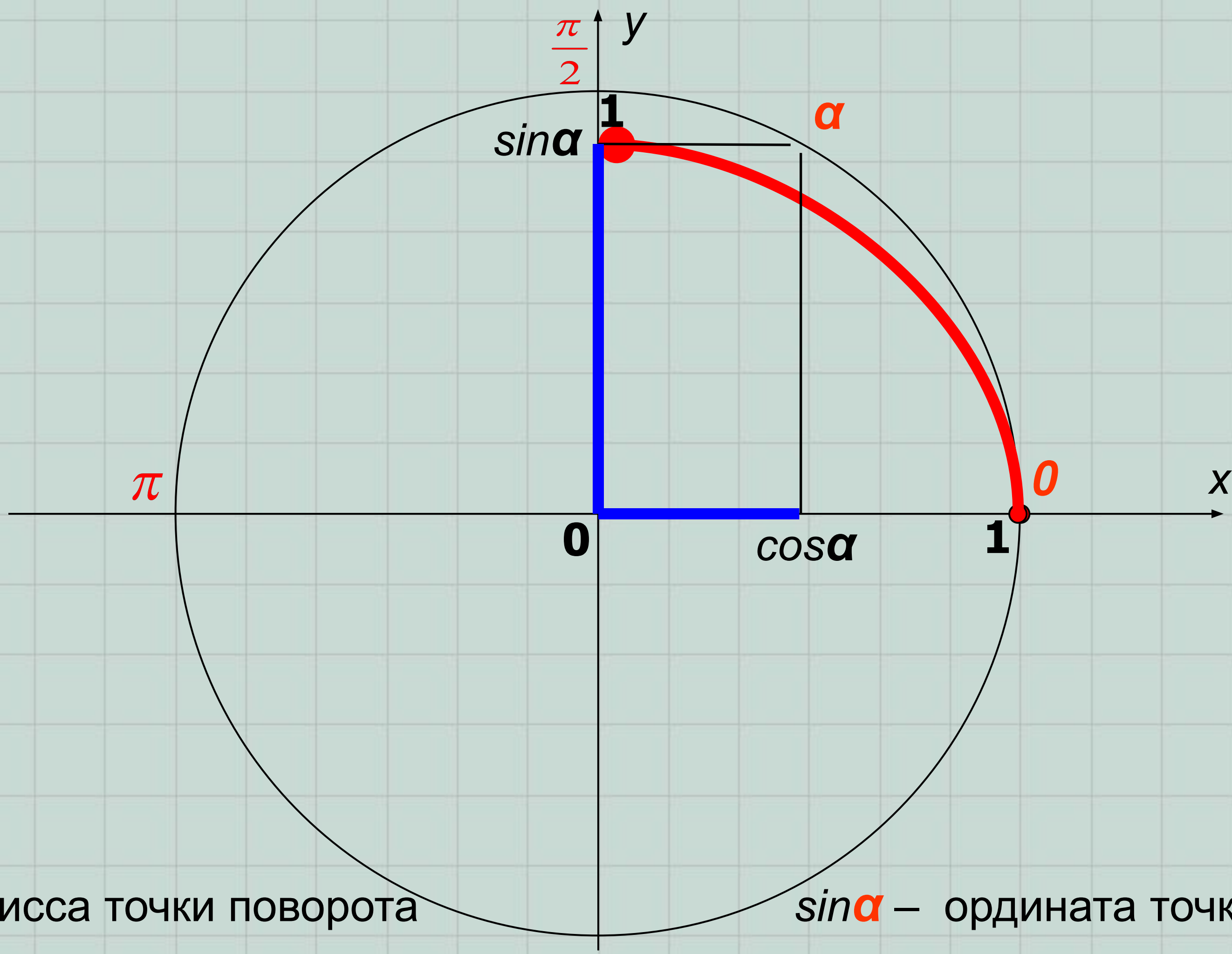


x – абсцисса точки M

y – ордината точки M

(x; y) – координаты точки M

Рассмотрим произвольный острый угол поворота α.



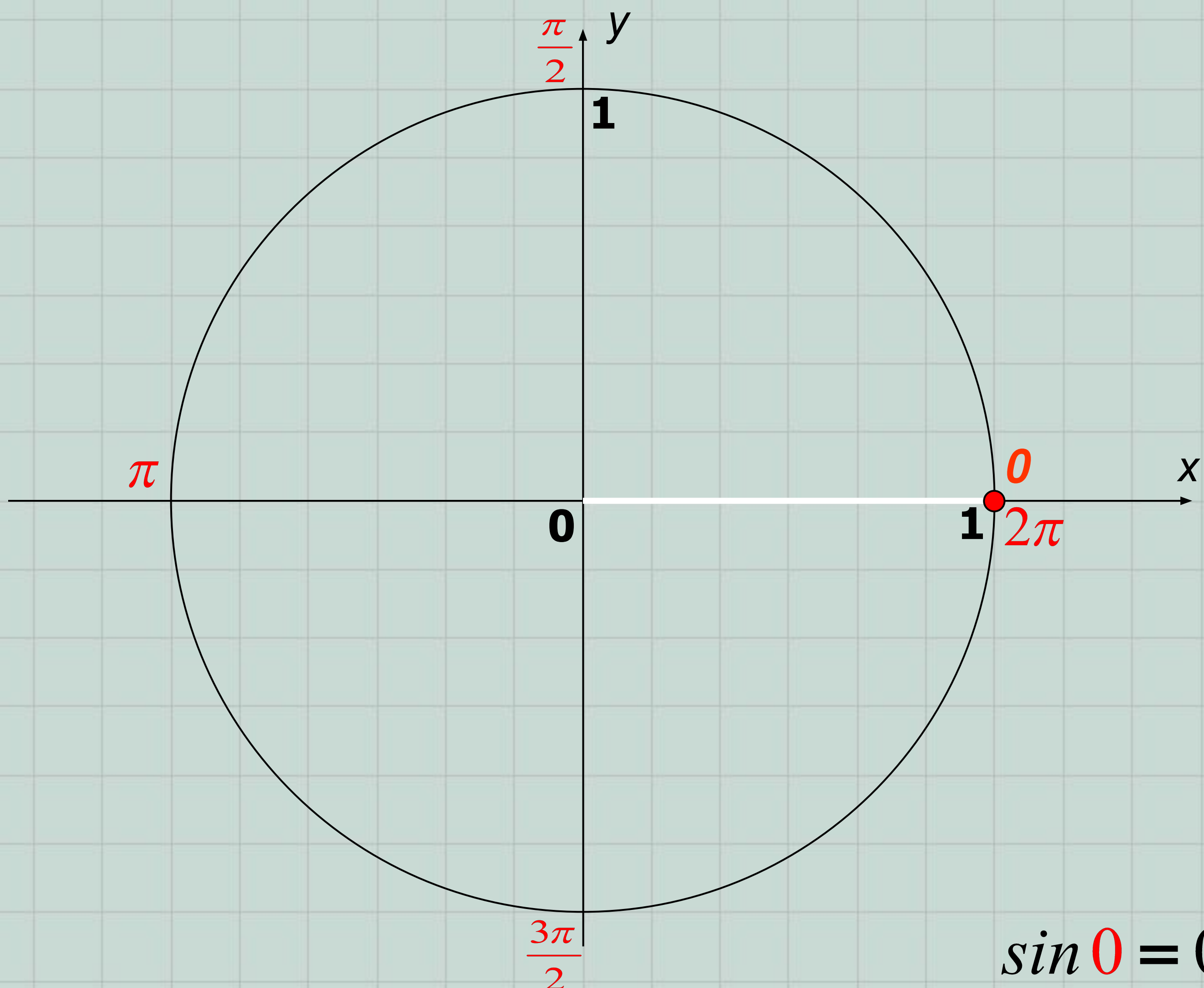
*cos***α** – абсцисса точки поворота

*sin***α** – ордината точки поворота

(под «точкой поворота» следует понимать – «точку единичной тригонометрической окружности, полученной при повороте на ***α*** радиан от начала отсчета»)

Проследим за координатами точки единичной тригонометрической окружности, полученной при вращении на различные положительные углы от 0 до 2π :

0(1; 0)

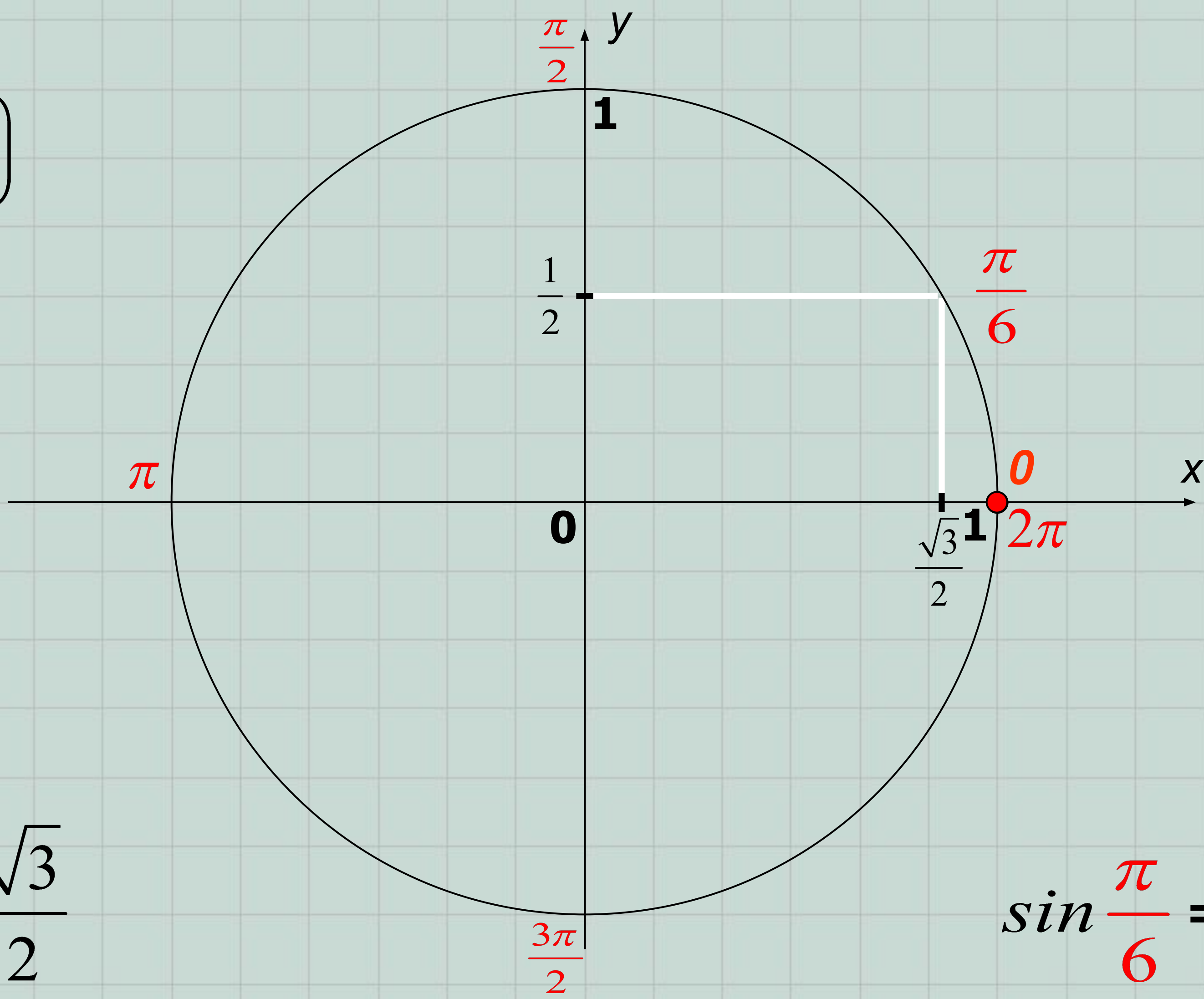


$$\cos 0 = 1$$

$$\sin 0 = 0$$

Проследим за координатами точки единичной тригонометрической окружности, полученной при вращении на различные положительные углы от 0 до 2π :

$\frac{\pi}{6}\left(\frac{\sqrt{3}}{2};\frac{1}{2}\right)$

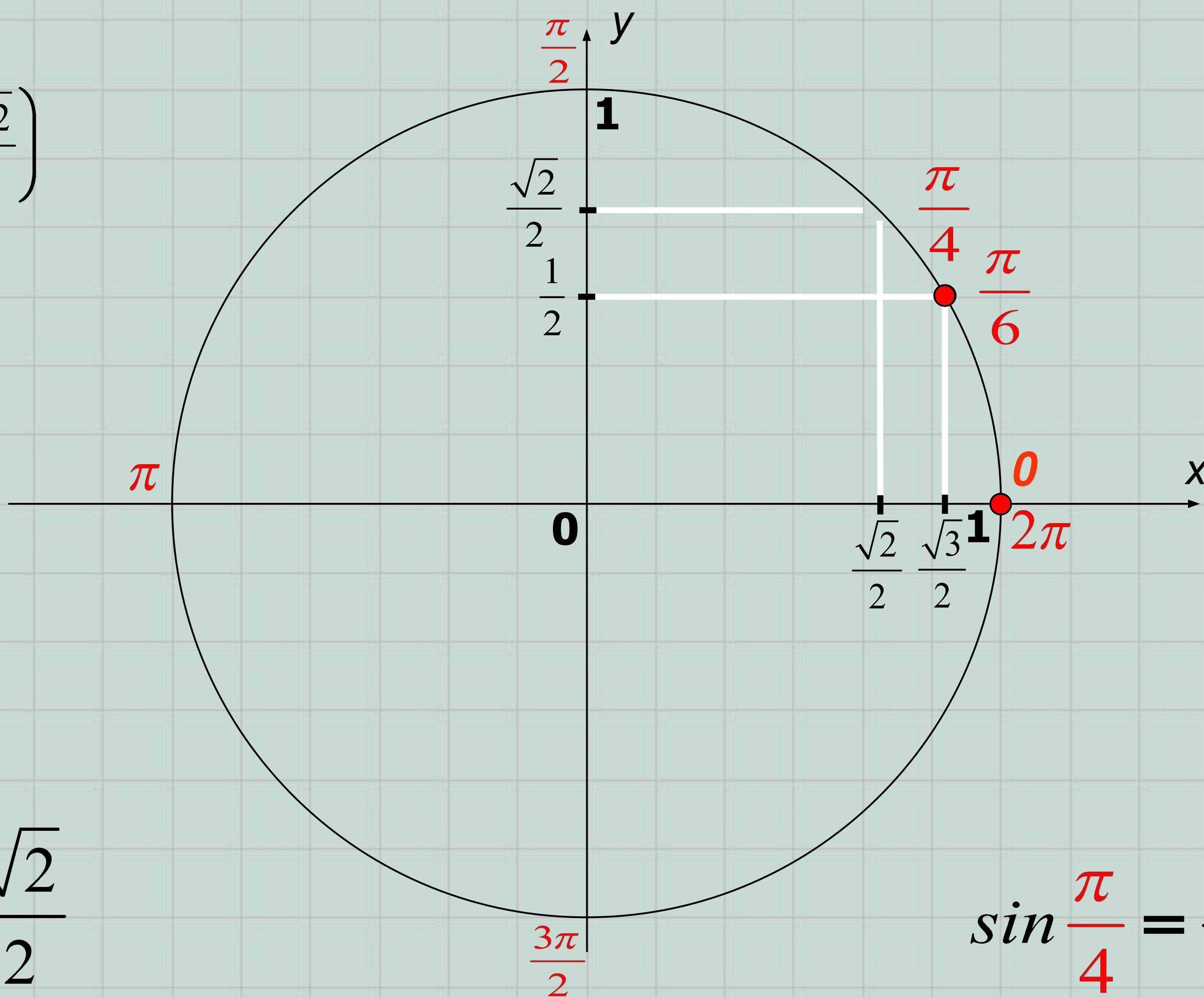


$$\cos\frac{\pi}{6}=\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin\frac{\pi}{6}=\frac{1}{2}$$

Проследим за координатами точки единичной тригонометрической окружности, полученной при вращении на различные положительные углы от 0 до 2π :

$$\frac{\pi}{4}\left(\frac{\sqrt{2}}{2};\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$

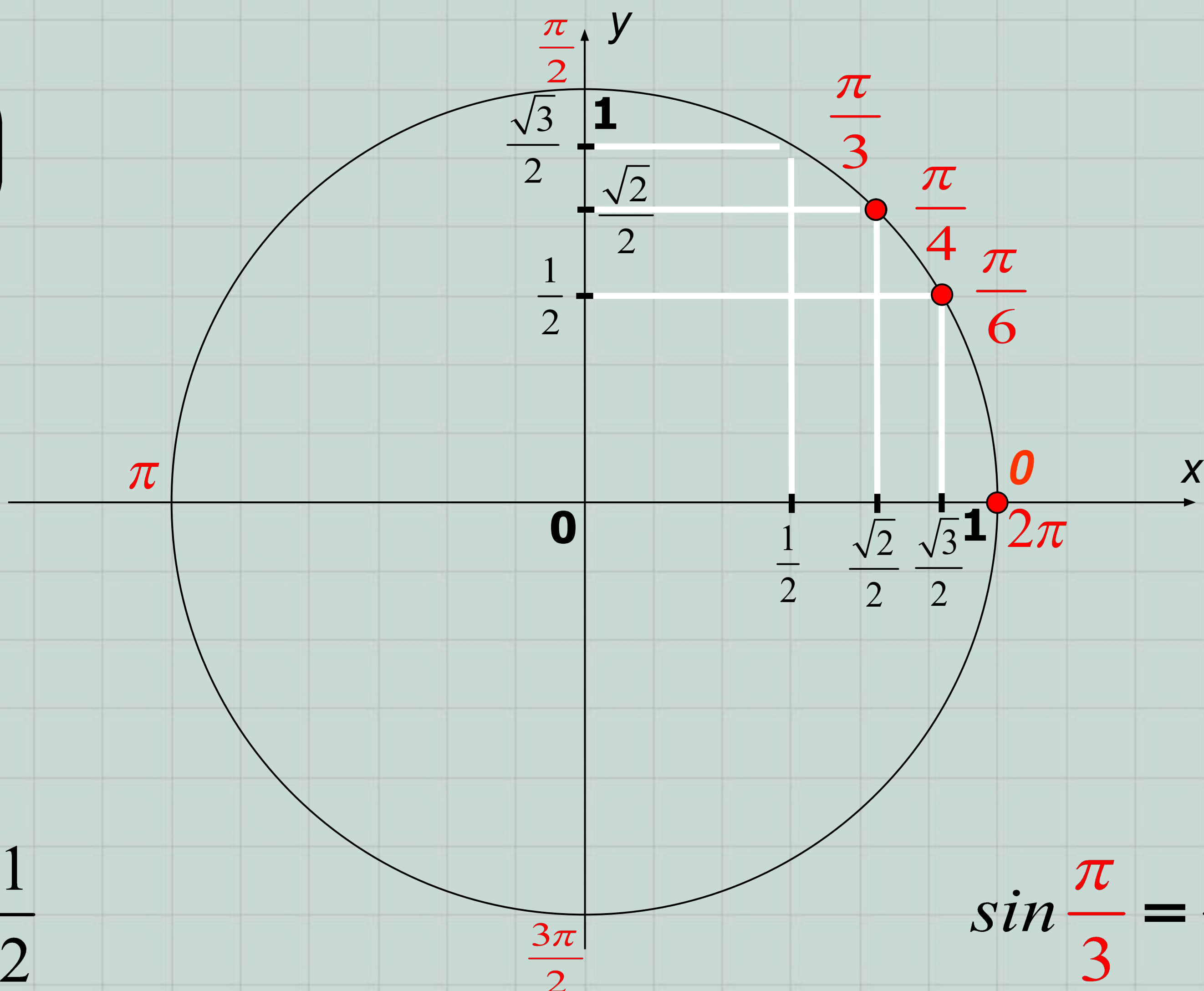


$$\cos\frac{\pi}{4}=\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin\frac{\pi}{4}=\frac{\sqrt{2}}{2}$$

Проследим за координатами точки единичной тригонометрической окружности, полученной при вращении на различные положительные углы от 0 до 2π :

$\frac{\pi}{3}\left(\frac{1}{2};\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

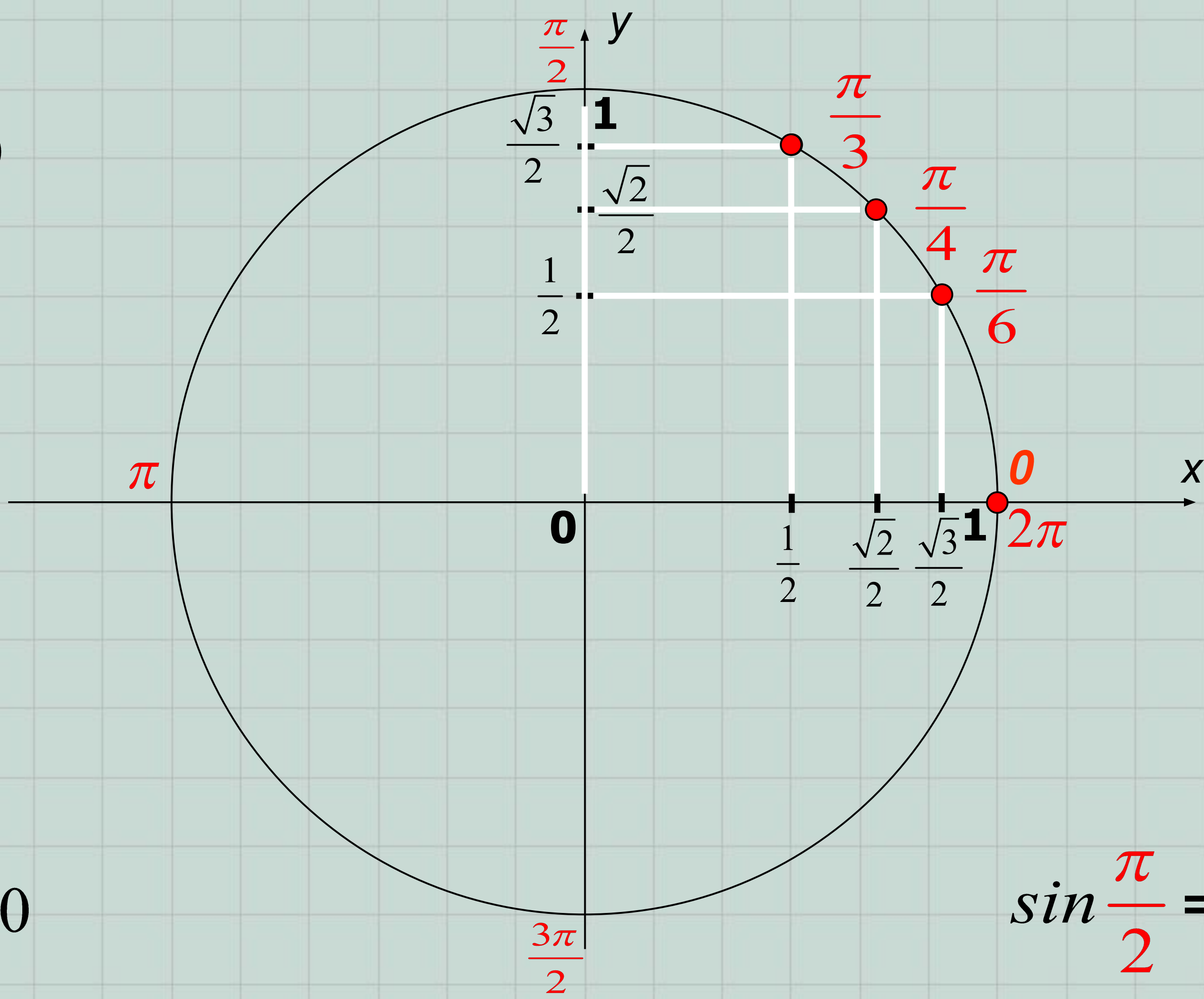


$$\cos\frac{\pi}{3}=\frac{1}{2}$$

$$\sin\frac{\pi}{3}=\frac{\sqrt{3}}{2}$$

Проследим за координатами точки единичной тригонометрической окружности, полученной при вращении на различные положительные углы от 0 до 2π :

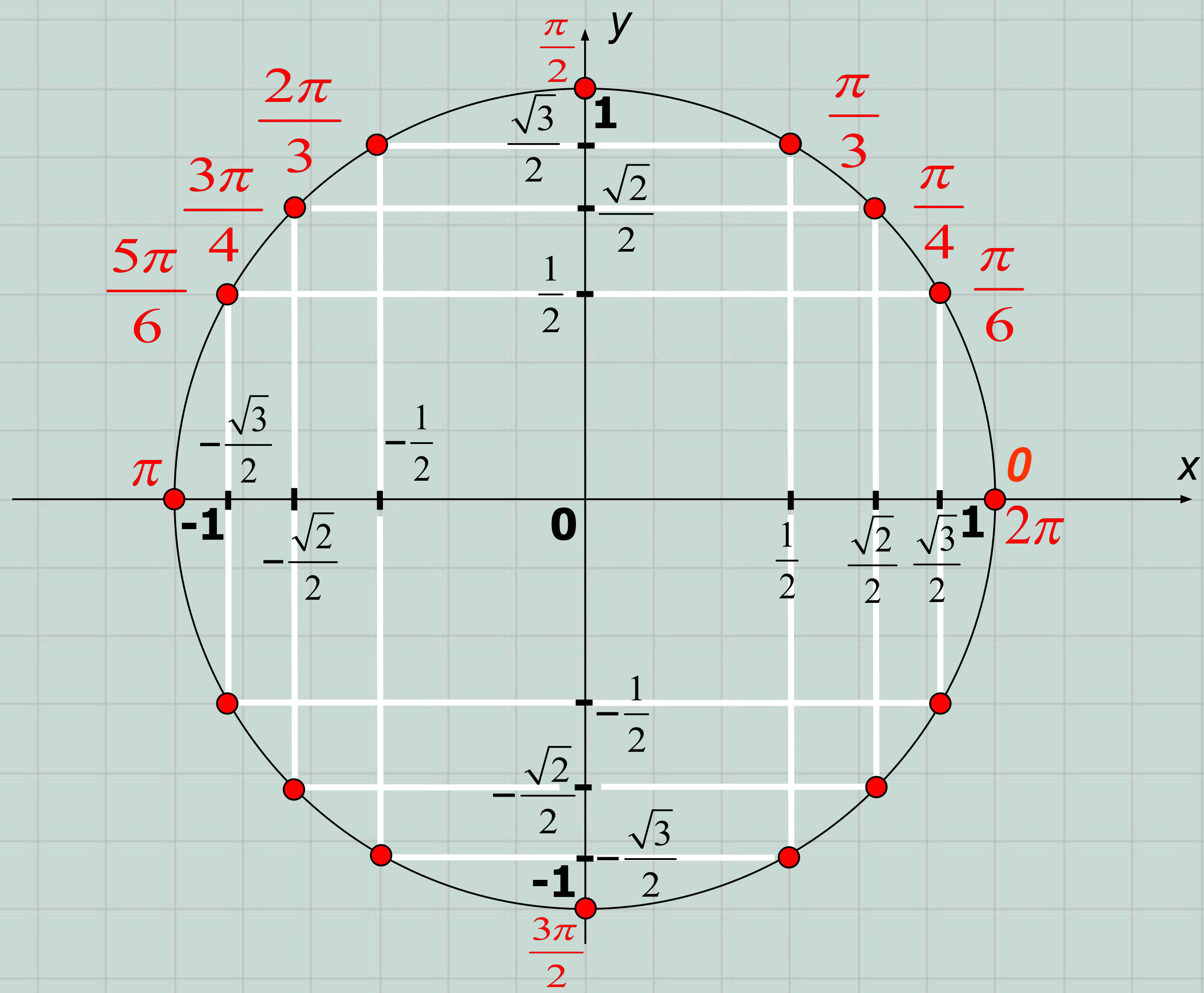
$\frac{\pi}{2}(0;1)$



$$cos\frac{\pi}{2} = 0$$

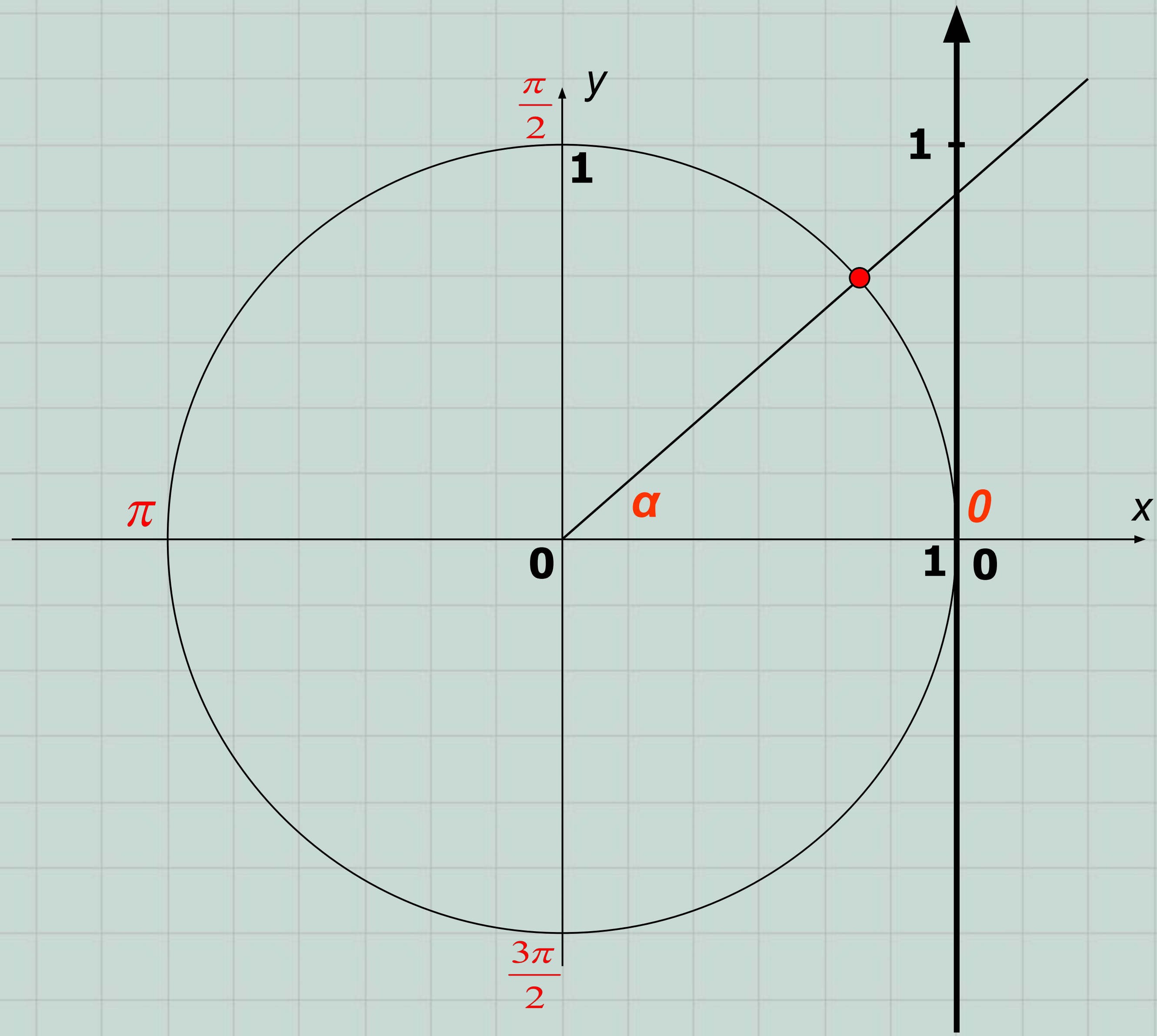
$$sin\frac{\pi}{2} = 1$$

Проследите и самостоятельно запишите значения синуса и косинуса остальных углов поворота:



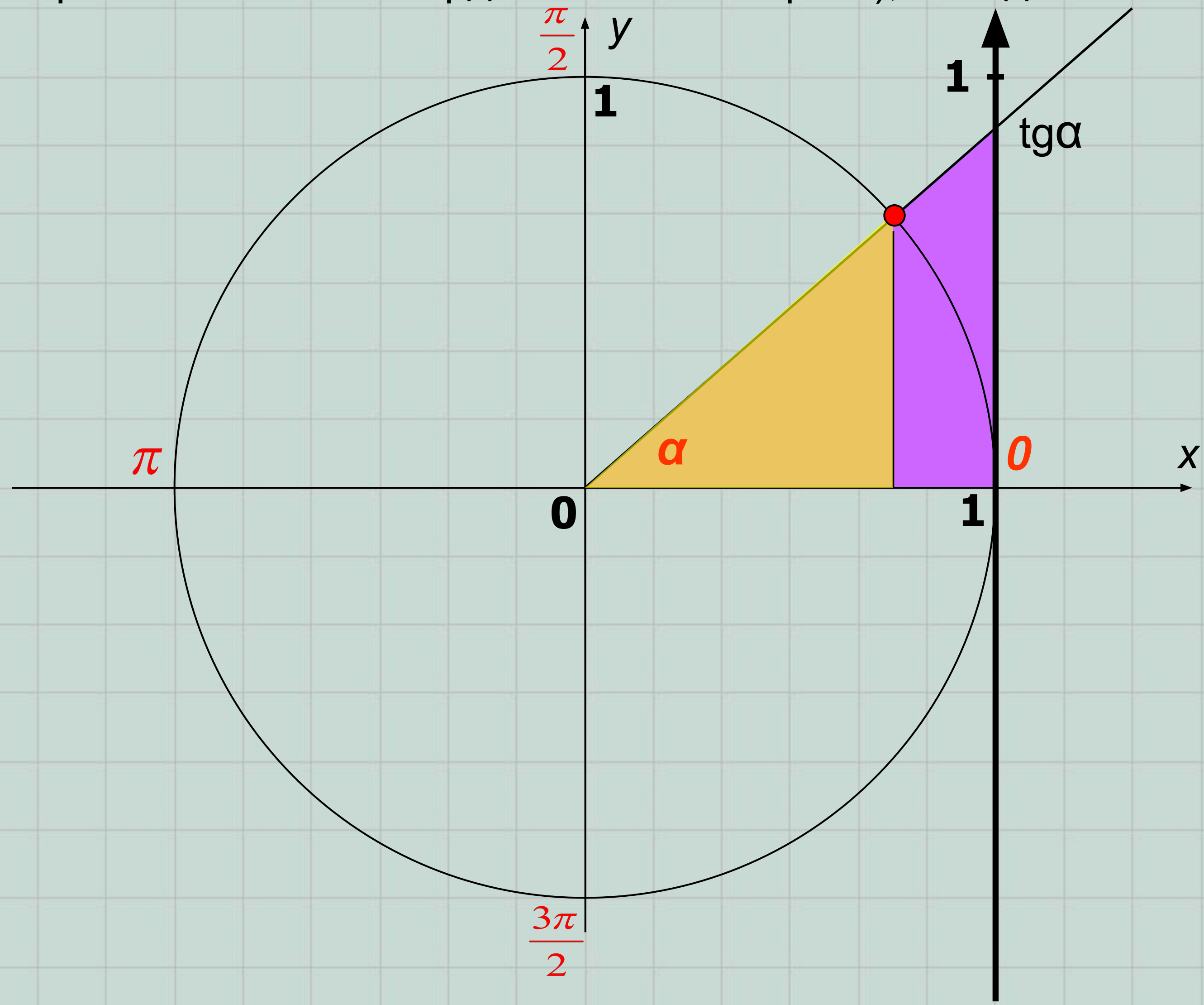
Также самостоятельно определите точки поворота для III и IV координатных четвертей.

Проведем луч из начала координатной плоскости через точку поворота α.

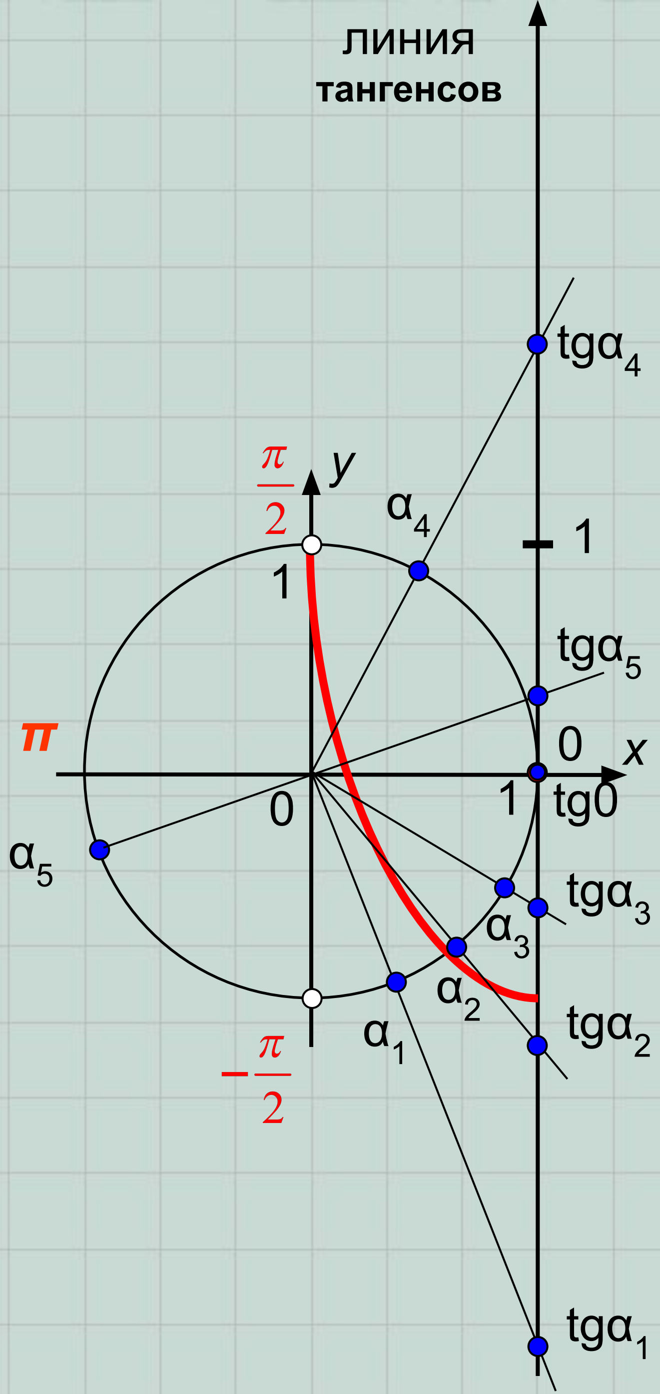


А теперь добавим числовую прямую, являющуюся касательной к окружности в точке 0, совпадающая с ней началом отсчета и таким же ед.отр. как на оси Оу.

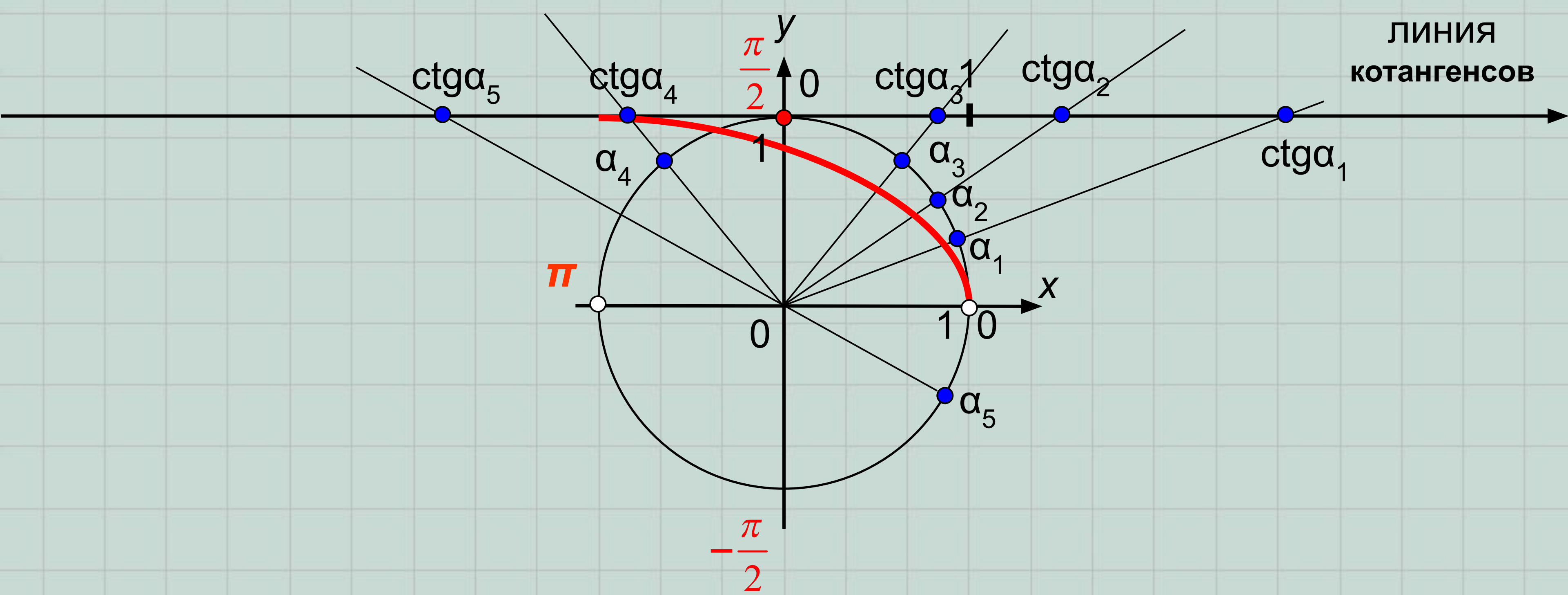
Эта координатная прямая называется *линией тангенсов*, т.к. в точке пересечения луча, проведенного из центра окружности через точку поворота α (или обратно, если точка поворота в II или III координатных четвертях), находится значение tgα.



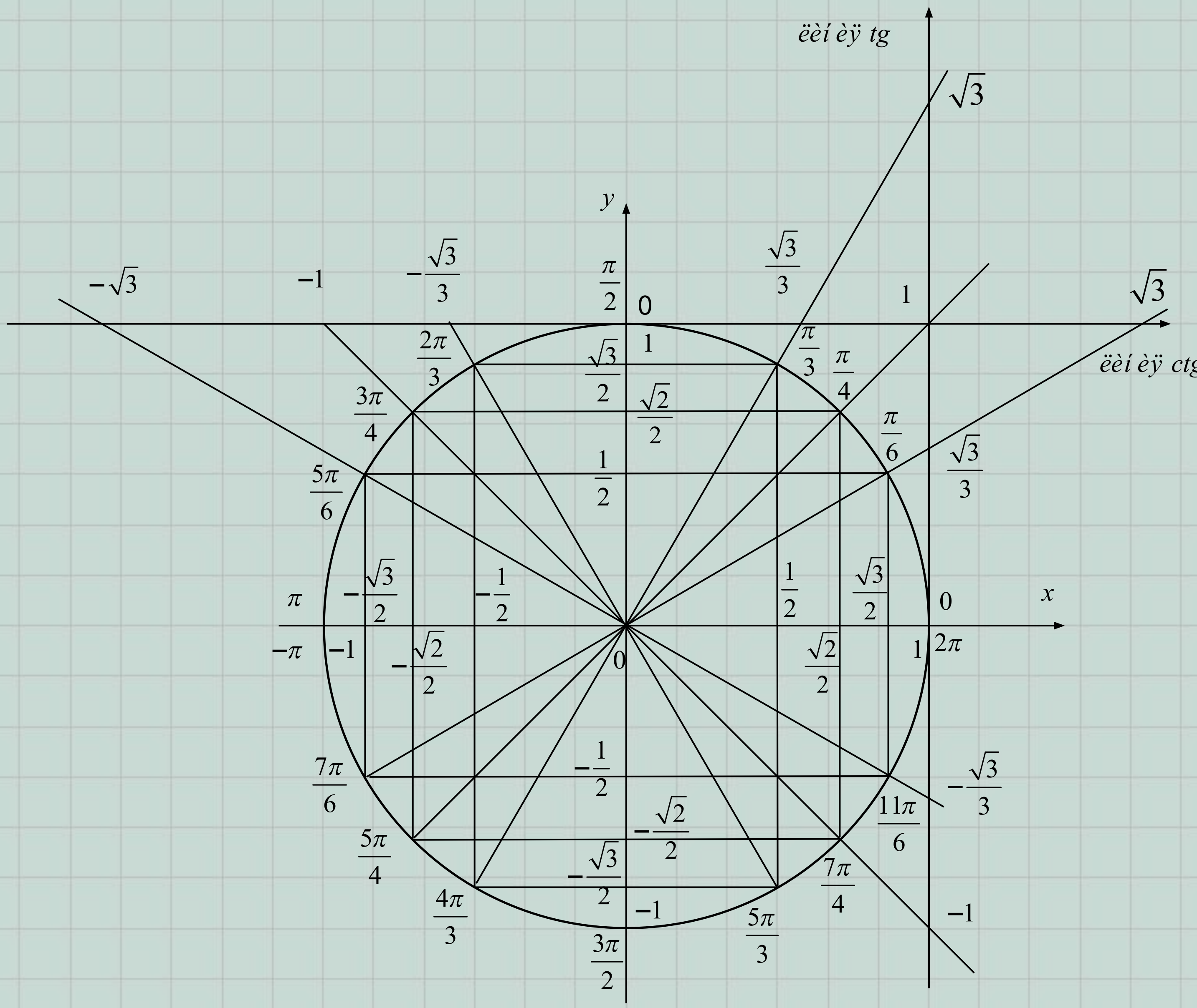
Докажите этот факт самостоятельно, рассматривая два подобных прямоугольных треугольника.


линия
тангенсов
tgα4
1
tgα5
0
x
tg0
tgα3
tgα2
tgα1
y
α4
1
π
0
1
α5
α3
α2
α1

Постарайтесь самостоятельно разобраться в содержании данного слайда…



Итогом всей предыдущей работы может являться следующий чертеж:



Выполните его аккуратно в своих тетрадях!