

Урок математики в 8 классе

РЕШЕНИЕ БИКВАДРАТНОГО УРАВНЕНИЯ

Цель урока:

образовательная: изучить приемы решения биквадратного уравнения, рассмотреть способ замены при решении уравнений;

развивающая: развитие вычислительных умений и навыков, развитие логического мышления;

воспитательная: формирование познавательного интереса.

Классификация уравнений

- Линейное
- Квадратное
- Дробное –рациональное
- Иррациональное
- Биквадратное и др.

Устный счет

- Решите уравнения:

1) $6x=3,$

2) $0,5x=12,$

3) $|x|=5,$

4) $\sqrt{x} = 4,$

5) $x^2=16.$

Повторение

Квадратное уравнение:

$ax^2+bx+c=0$, где $a \neq 0$, b , c – действительные числа.

$$D=b^2-4ac$$

▪ $D > 0$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

$D = 0$

$$x = \frac{-b}{2a}$$

$D < 0$
Корней нет

Решите уравнения

№	Уравнение	Ответ
1	$9x^2 - 6x = 0$	$x_1 = 0; x_2 = \frac{2}{3}$
2	$x^2 + 8x + 15 = 0$	$x_1 = -5; x_2 = -3$
3	$x^2 - 12x + 27 = 0$	$x_1 = 3; x_2 = 9$
4	$-x^2 + 12x - 61 = 0$	\emptyset
5	$-x^2 - x + 12 = 0$	$x_1 = -4; x_2 = 3$

Биквадратное уравнение: $ax^4 + bx^2 + c = 0$

Алгоритм решения

1	Сделать замену переменной	$x^2 = t$
2	Получится	$at^2 + bt + c = 0$
3	Найти корни квадратного уравнения	$t_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$
4	Обратная подстановка	$\begin{cases} x^2 = t_1 \\ x^2 = t_2 \end{cases}$
5	Если $t_k < 0$ Если $t_k > 0$ Если $t_k = 0$	корней нет $x = \pm \sqrt{t_k}$ $x = 0$

Таким образом, биквадратное уравнение может иметь от 0 до 4 решений

Решите уравнения

№	Уравнение	Ответ
1	$x^4 - 12x^2 - 64 = 0$	$x \in \{-4, 4\}$
2	$9x^4 - 40x^2 + 16 = 0$	$x \in \left\{-2, -\frac{2}{3}, \frac{2}{3}, 2\right\}$
3	$4x^4 + 19x^2 - 5 = 0$	$x \in \left\{-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right\}$
4	$x^4 + 2x^2 - 3 = 0$	$x \in \{-1, 1\}$
5	$x^4 + 3x^2 + 2 = 0$	\emptyset

Веселые задачи

- Вы много раз держали в руках горошину и не менее часто имели дело со стаканом. Размеры и того и другого вам хорошо знакомы. Представьте теперь стакан, доверху наполненный горохом, и вообразите, что все это горошины поставлены в один ряд, вплотную одна к другой.
- Как вы думаете: этот ряд окажется длиннее обеденного стола или короче?

Решение задачи

- Ряд горошин будет гораздо длиннее стола. Диаметр горошины $\frac{1}{2}$ см. В кубике с ребром в 1 см должно уместиться не менее 8 горошин. Следовательно, в стакане емкостью 200 см^3 число горошин должно быть не меньше 1600. Расположив их в один ряд, получим цепочку длиной 800 см, или 8 м- расстояние гораздо длиннее любого стола.

Решение уравнений заменой

- Пример 1

$$(x^2 - 2x)^2 - 4(x^2 - 2x) + 3 = 0.$$

Решение:

1. Введем замену $y = x^2 - 2x$

2. Получим уравнение $y^2 - 4y + 3 = 0$, решим его $y_1 = 1$ $y_2 = 3$

3. Вернемся к замене:

$$x^2 - 2x = 1$$

$$x_{1,2} = 1 \pm \sqrt{2}$$

$$x^2 - 2x = 3$$

$$x_3 = -1,$$

$$x_4 = 3$$

- Пример 2

$$(x^2 + 4x + 3)(x^2 + 4x + 1) = 48.$$

- Решение:

1. Введем замену: $y = x^2 + 4x + 1$

2. Получим уравнение $(y+2)y = 48$

Корни которого $y_1 = -8$ $y_2 = 6$.

3. Вернемся к замене

$$x^2 + 4x + 1 = -8 \quad \text{и} \quad x^2 + 4x + 1 = 6$$

$$\text{Корней нет} \quad x_1 = -5 \quad x_2 = 1$$

Итоги урока

- Домашнее задание

Решите уравнения

$$x^4 - 20x^2 + 64 = 0$$

$$x^4 - 13x^2 - 48 = 0$$

$$(x^2 + 3x - 8)^2 + 2(x^2 + 3x - 8) - 3 = 0$$

■ Литература:

1. Макарычев Ю.Н. Алгебра 8 кл: учебник для общеобразовательных учреждений.- М.: Просвещение, 2009
2. Ершова А.П. и др. Самостоятельные и контрольные работы. – М.: «ИЛЕКСА», 2004.
3. Рурукин А.Н. Поурочные разработки по алгебре 8 класс. –М.: «ВАКО», 2010.