

# Теорема Виета

Франсуа Виет (1540–1603) родился во Франции. Разработал почти всю элементарную алгебру; ввёл в алгебру буквенные обозначения и построил первое буквенное исчисление.

# Формулировка

- Если  $x_1$  и  $x_2$  – корни квадратного уравнения  $x^2+px+q=0$ , то  $x_1+x_2=-p$ , а  $x_1 \cdot x_2=q$ .

С помощью теоремы Виета можно выразить коэффициенты квадратного уравнения через его корни.

# Доказательство

- Мы знаем, что при  $D \geq 0$  корни приведённого квадратного уравнения находятся по формуле

$$x_{1,2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{D}.$$

- Теперь выполним алгебраические преобразования – и теорема Виета доказана:

$$x_1 + x_2 = \left(-\frac{p}{2} + \sqrt{D}\right) + \left(-\frac{p}{2} - \sqrt{D}\right) = -p$$

$$x_1 \cdot x_2 = \left(-\frac{p}{2} + \sqrt{D}\right)\left(-\frac{p}{2} - \sqrt{D}\right) = \frac{p^2}{4} - D = \frac{p^2}{4} - \left(\frac{p^2}{4} - q\right) = q.$$

# Обратим внимание

- Ещё одно интересное соотношение – дискриминант уравнения равен квадрату разности его корней:

$$D=(x_1-x_2)^2.$$

# Посмотрим на теорему Виета в действии

Приведённое квадратное уравнение  $x^2 - 7x + 10 = 0$  имеет корни 2 и 5. Их сумма равна 7, а произведение 10.

Мы видим, что сумма корней равна второму коэффициенту с противоположным знаком, а произведение свободному члену.

# Список литературы

- Энциклопедия «Математика»  
издательство «Аванта+».