

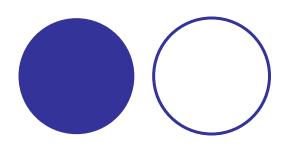
Бранспиз Ю.А.

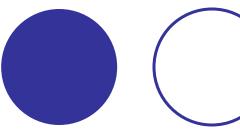
Восточноукраинский национальный университет имени Владимира Даля

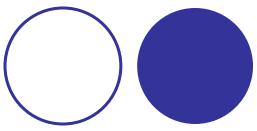


г. Луганск, ВНУ им. В. Даля, «Голубой корпус» универсальный вероятностный процесс для описания изменения параметров в системах взаимодействующих частиц

как







Составные части дальнейшего

Аксиологическая

Основные цели автора

Методологическая

Краткая характеристика используемого метода

Тематическая

Испытания Бернулли и их приближение процессом Пуассона

Пример



Аксиологическая часть

- 1. «Законно» ли существование кафедр прикладной физики в университетах ?
- 2. Является ли «Прикладная физика» научной специальностью ?



Ответ на первый вопрос зависит от ответа на второй вопрос

Университет как высшее учебнонаучное заведение



Университет

Факультет 1 Факультет 2 Факультет 3

Кафедра 1 Кафедра 2 Кафедра 3

Не выпускная

Выпускная

Университет – высшее учебное и научное заведение, в котором изучается вся совокупность дисциплин, составляющих основы научного знания по всем или отдельным отраслям знания



- 1. Организация факультетов по отраслям знаний
- 2. Организация кафедр (выпускных) по научным специальностям

Ответ на риторический вопрос

Университет

Кафедры

Должно быть соответствие («стыковка»)

Специальности

Наука

Существование кафедр
«Прикладной физики»
в университетах будет «законным»,
если будет существовать
научная специальность «Прикладная
физика»

Можно пи включить в перечень ВАК Украинь новую специальность «Прикладная физика»?



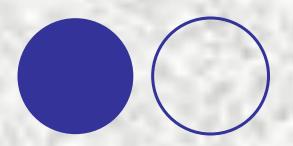
НАУКА ЛИ ПРИКЛАДНАЯ ФИЗИКА?

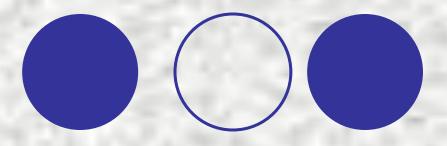


ТАКОЙ ВОТ ВОПРОС

Пожалуй вопросом «что такое философия» можно заниматься лишь в позднюю пору, когда наступает старость, а с нею и время говорить конкретно. Действительно, библиография по нашей проблеме весьма скудна. Это такой вопрос, который задают, скрывая беспокойство, ближе к полуночи, когда больше спрашивать уже не о чем. Его ставили и раньше, все время, но слишком уж косвенно и или уклончиво, слишком искусственно, слишком абстрактно, излагая этот вопрос походя и свысока, не давая ему слишком глубоко себя зацепить. ... Слишком хотелось заниматься философией,.. не доходили до той грубости слога, когда наконец можно спросить – так что же это за штука, которой я занимался всю жизнь?

Ж. Делез, Ф. Гваттари





НАУКА ЛИ ПРИКЛАДНАЯ ФИЗИКА?



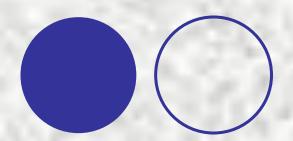
Г. Галилей

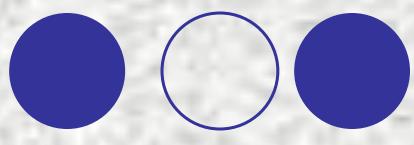
История формирования технических наук

- 1. Описание природных процессов с целью управления ими для *практического использования в инженерных приложениях*.
- 2. Такое изменение реального объекта, которое полностью соответствует теории.
- 3. Перевод техническим путем реального объекта в идеальное состояние на основе использования открытых теорией законов природы в целях практики.

Х. Гюйгенс

Реализация замысла: на основе теории – запустить реальный природный процесс в техническом устройстве, сделав его следствием человеческой деятельности.



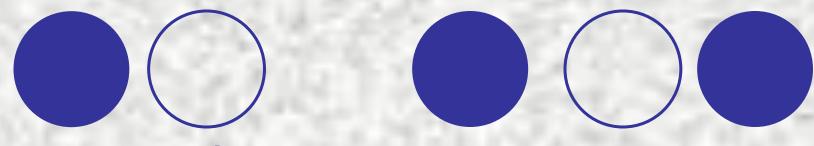


Методология прикладной физики и методология физики



Общее и различие:

- 1. В процессе схематизации (формализации) решаемых задач.
- 2. В процессе замещения реального процесса (явления) математической моделью.
- 3. В процессе формирования новых теоретических знаний.
- 4. В характере теоретических знаний и организации их использования



Проблемы демаркации

Прикладная физика Физика

Прикладная математика



Математика

Целевая направленность физики и прикладной физики

ФИЗИКА

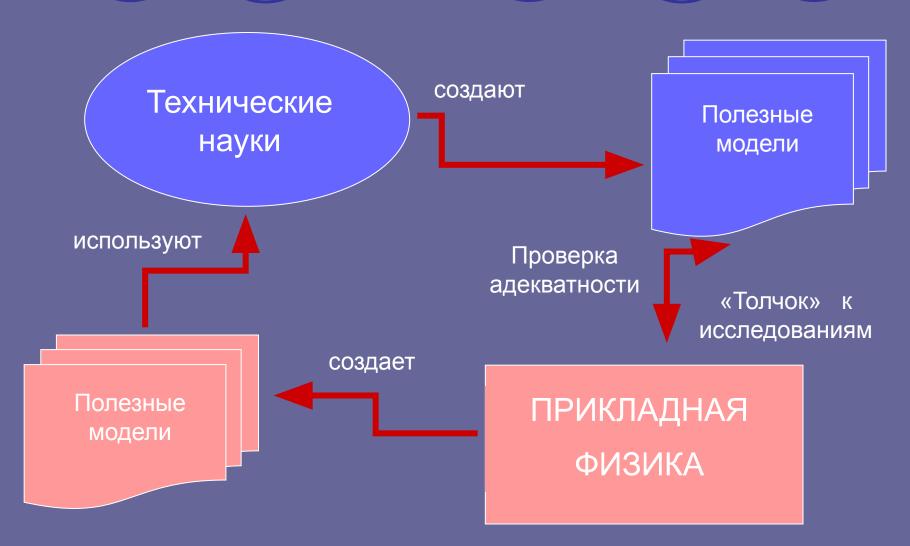
ПОИСК ИСТИНЫ

ПРИКЛАДНАЯ ФИЗИКА

Полезные модели

Но полезные модели разрабатывают и в технических науках

1-й уровень взаимодействия технических наук и прикладной физики



ХАРАКТЕРНЫЕ ОСОБЕННОСТИ РАЦИОНАЛЬНЫХ РАССУЖДЕНИЙ

Применение формулировок, включающих неточно определенные понятия

Применение утверждений, допускающих частные опровержения

Уточнение в ходе исследования (открытость для уточнения)

Использование аналогий и соответствия

Использование доводов, основанных на частных данных экспериментов

Моделирования дискретного континуумом и континуума дискретностью

Применение практической бесконечности (знаки>> и <<)

Интерполяция и экстраполяция результатов

Блехман И.И., Мышкис А.Д., Пановко Я.Г. Прикладная математика: предмет, логика, особенности подходов.— Киев: Наукова думка, 1976.

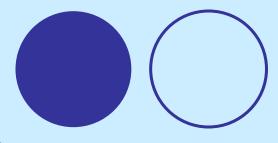
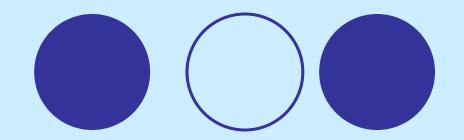


Схема испытаний Бернулли



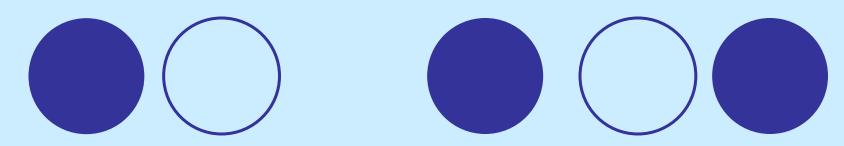


На дне глубокого сосуда Лежат спокойно и шаров. Поочередно их оттуда Таскают двое дураков.

Сия работа им приятна, Они таскают t минут, И, вынув шар, его обратно Тотчас немедленно кладут.

Ввиду занятия такого, Сколь вероятность велика, Что первый был глупей второго, когда шаров он вынул k?

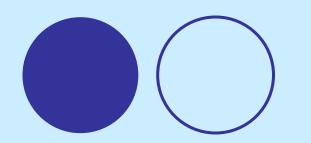
В.П. Скитович



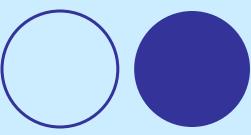
Определение испытаний Бернулли

Дано:

- 1. Некоторое испытание (физический процесс).
- 2. В результате испытания событие **S** может произойти или не произойти
- 3. Вероятность события **S** в каждом из испытаний не зависит от результата остальных испытаний и равна **p**.
- 4. Осуществление события **S** «успех», не осуществление «неудача».
- Пример: 1. **S** изменение некоторого параметра в системе многих частиц в сторону увеличения («успех) или уменьшения («неудача»); каждое такое изменение испытание Бернулли.
 - 2. Увеличение некоторого параметра в системе многих частиц на величину менее («успех») или более («неудача») данной.







Закономерности испытаний Бернулли

1. Вероятность того, что в **n** испытаниях Бернулли событие **S** произойдет **k** раз определяется равенством

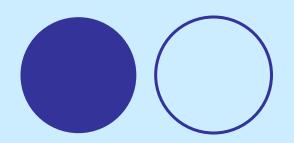
 $C_n^k p^k (1-p)^{n-k}$

где C_n^{k} - число сочетаний из \mathbf{n} по \mathbf{k} .

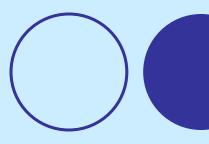
2. Пусть **n** стремится к бесконечности и **p** \to 0. Пусть также имеет место предел **np** \to **λ>0.** Тогда для любого **k>0** вероятность получить **k** «успехов» в **n** испытаниях схемы Бернулли с вероятностью успеха **p** стремится к величине $\lambda^k e^{-\lambda}/k!$

То есть, имеет место предельный переход

$$C_n^k p_n^k (1-p_n)^{n-k} \longrightarrow \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}.$$







Испытания Бернулли как процесс Пуассона

Определение процесса Пуассона:

Вероятность того, что в интервале времени ($t,t+\Delta t$) произойдет изменение состояния равна $\lambda \Delta t$.

Тогда вероятность того, что в момент времени $t \ge 0$ система находится в состоянии x (x = 0, 1, 2, ...) равна

Эту вероятность можно интерпретировать и как вероятность того, что за время *t* произойдет *x* изменений.

$$P_{x}(t) = \frac{(\lambda t)^{x}}{x!} e^{-\lambda t}$$

Если $\lambda = \lambda(x,t)$, то получаем процесс рождения и гибели

Для любого физического процесса всегда можно подобрать соответствующий вид зависимости $\lambda = \lambda(x,t)!$



Уравнение Чепмена-Колмогорова для изменения значения параметра х

$$P(x_0, t + \tau) = P(x_0, t) \cdot [1 - \alpha(x_0) - \beta(x_0)] + P(x_0, t) \cdot [1 - \alpha(x_0) - \beta(x_0)] + P(x_0, t) \cdot \beta(x_0) + P(x_0, t) \cdot \alpha(x_0)$$

(Y-K)

 x_0 - значение параметра X в момент времени t

- $\alpha(x)$ вероятность увеличения значения параметра X
- $\beta(x)$ вероятность уменьшения значения параметра X

Это уравнение - уравнение полной вероятности



Общее уравнение для плотности вероятности изменения значения параметра х

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\tau}{2!} \cdot \frac{\partial^2}{\partial t^2} [\rho(x, t)] + \dots =$$



Конкретизация вида уравнения для плотности вероятности изменения значения параметра

Условие для интервала времени наблюдения за изменением параметра x

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\frac{h}{\tau} \cdot \frac{\partial \rho(\alpha - \beta)}{\partial x} + \frac{h^2}{2 \cdot \tau} \cdot \frac{\partial^2 \rho(\alpha + \beta)}{\partial x^2} - \frac{h^3}{3!} \cdot \frac{\partial^3 \rho(\alpha - \beta)}{\partial x^3} + \dots$$
 (*)

Нет бесконечного числа слагаемых слева

 $\tau \rightarrow 0$

Предельный переход применим не для всех процессов

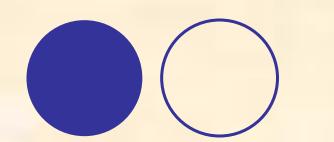


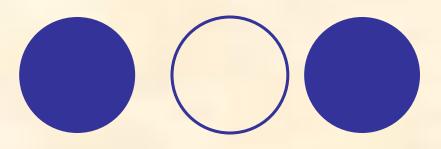
Конкретизация вида уравнения для плотности вероятности изменения значения параметра

Ограничение числа слагаемых в правой части уравнения (*) связано с установлением взаимосвязи между характеристиками изменения параметра х: h и τ

Порядок малости **т**определяет порядок малости h

Порядок малости не может превышать порядок малости величины h^{n} , $n \ge 3$





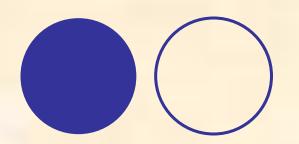
О двух способах конкретизации вида рассматриваемого уравнения

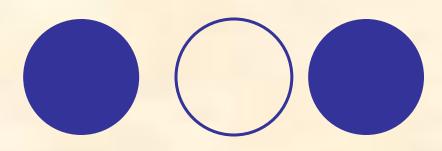
$$n = 1$$
 $\lim_{\tau \to 0} \left(\frac{h}{\tau}\right) = const$

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\frac{h}{\tau} \cdot \frac{\partial}{\partial x} \left[\rho(x, t) \cdot \left[\alpha(x) - \beta(x) \right] \right]$$

$$n = 2$$
 $\lim_{\tau \to 0} \left(\frac{h^2}{\tau}\right) = const$

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\frac{h}{\tau} \cdot \frac{\partial}{\partial x} \left[\rho(x, t) \cdot \left[\alpha(x) - \beta(x) \right] \right] + \frac{h^2}{2 \cdot \tau} \cdot \frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[\rho(x, t) \cdot \left[\alpha(x) + \beta(x) \right] \right]$$





Реализация одного из способов

$$n = 2$$

$$\alpha(x) + \beta(x) = 1$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\frac{h}{\tau} \cdot \frac{\partial}{\partial x} \left[\rho(x, t) \cdot \left[\alpha(x) - \beta(x) \right] \right] + \frac{h^2}{2 \cdot \tau} \cdot \frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[\rho(x, t) \right]$$

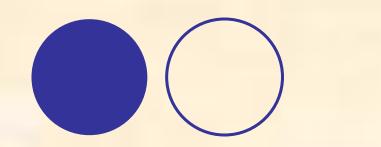
$$\alpha(x) - \beta(x) = C_{\alpha-\beta} = const$$

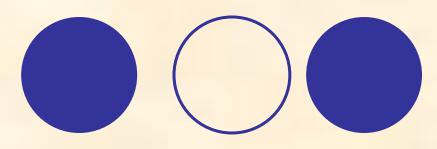
$$\frac{h}{\tau} \cdot C_{\alpha-\beta} = V_{cp}$$

$$h^{2}$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\frac{\partial}{\partial x} \left[V_{cp} \cdot \rho(x, t) \right] + D \cdot \frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[\rho(x, t) \right]$$

Уравнение диффузии мс дрейфом (Эйнштейна-Смолуховского)





К сравнению способов конкретизации вида уравнения для плотности вероятности случайного изменения значения параметра х

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -V_{cp} \cdot \frac{\partial \rho(x,t)}{\partial x}$$

1-й способ описания (процесс Пуассона)

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\frac{\partial}{\partial x} \Big[V_{cp} \cdot \rho(x,t) \Big] + D \cdot \frac{\partial^2}{\partial x^2} \Big[\rho(x,t) \Big] \qquad \text{(диффузия с дрейфом)}$$

Соответствующим подбором соотношений констант, характеризующих два способа описания случайного изменения параметра х, можно добиться, что средние и дисперсии этих способов будут одинаковы



Доклад закончен.

Благодарю за внимание

