



Показательная функция

**Урок обобщения и
систематизации знаний**

Презентация снабжена

гиперссылками, при обращении к которым можно сразу перейти на выбранный слайд.

Так же используются следующие управляющие кнопки:



- переход к содержанию урока



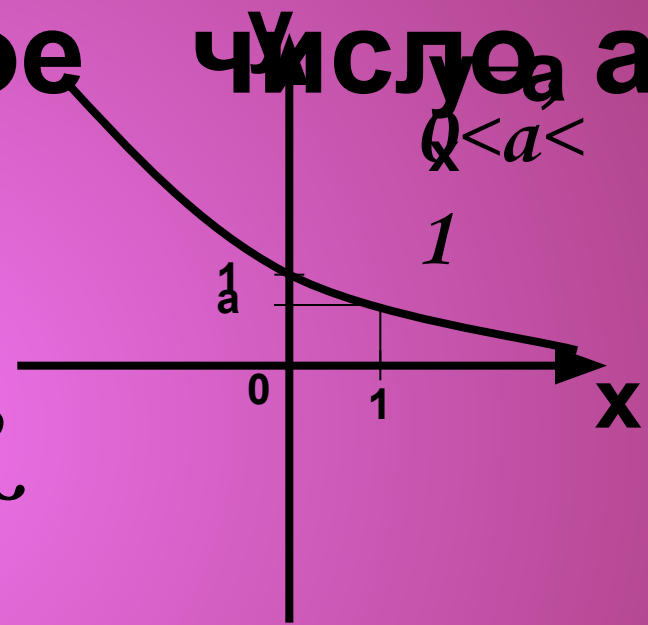
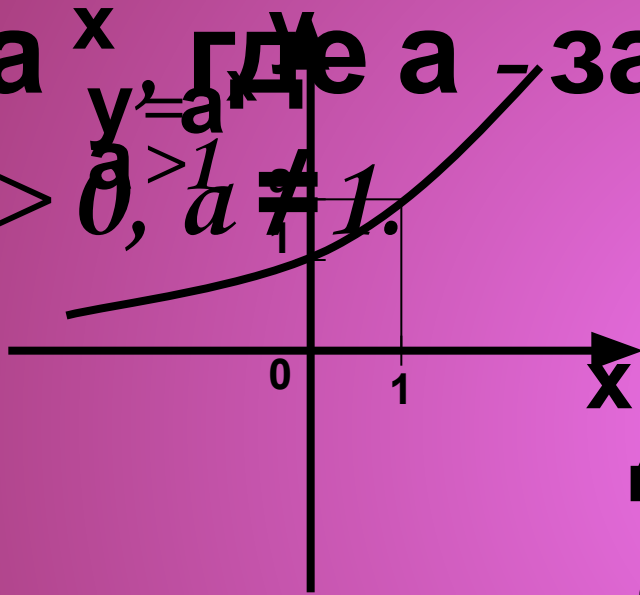
- переход на вопрос теории

- Немного теории
- Решение уравнений: устно и письменно №252(1;3),
дополнительно№264(3;4)
- Решение неравенств: устно и письменно №253 (3;4),
дополнительно№261(3;4)
- Графическое решение
уравнений №

Показательной функцией

называется функция вида $y =$

a^x , где a - заданное число $a > 0, a \neq 1$.



$D(y): \mathcal{R}$

$E(y):$

$(0; +\infty)$

МОНОТОННО

возрастает

МОНОТОННО

убывает



Сравните

$$0,9^x > 0,9^y$$

- $x < y$

$$0,9^{-6} \text{ и } 0,9^{-5}$$

- $0,9^{-6} > 0,9^{-5}$

$$1,2^x > 1,2^y$$

- $x > y$

$$1,2^{-4} \text{ и } 1$$

- $1 = 1,2^0$

- $-4 < 0$

$$\left(\frac{5}{6}\right)^x < \left(\frac{6}{5}\right)^y$$

- $x > -y$

$$\left(\frac{5}{6}\right)^{1,2^{-4}} \text{ и } \left(\frac{6}{5}\right)^3$$

- $1,2^{-4} > 1,2^0$

- $5/6^{-2} < 6/5^{-3}$



Свойства степени

- $a^{x_1} \cdot a^{x_2} = a^{x_1 + x_2}$
- $a^{x_1} / a^{x_2} = a^{x_1 - x_2}$
- $(a^{x_1})^{x_2} = a^{x_1 \cdot x_2}$
- $(a \cdot b)^x = a^x \cdot b^x$
- $(a / b)^x = a^x / b^x$
- $a^x > 0$
- $a^x > 1$, если $a > 1, x > 0$
- $a^{x_1} < a^{x_2}$, если $a > 1, x_1 < x_2$
- $a^{x_1} > a^{x_2}$, если $0 < a < 1, x_1 < x_2$



Показательные уравнения

решаются по свойству показательной функции:

• если $a > 0$ и $a \neq 1$, то $a^{x_1} = a^{x_2}$ справедливо $\iff x_1 = x_2$



Решите уравнения (устно):

■ $5^x = 25$

■ $x = 2$

■ $7^{x-2} = 49$

■ $x = 4$

■ $4^x = 1$

■ $x = 0$

■ $5 \cdot 7^{x-3} = 1$

■ $x = 3$

устно): $2^x = 64$

■ $x = 5$

■ $3 \cdot 9^x = 81$

■ $x = 1,5$

■ $5^x = 7^x$

■ $x = 0$

■ $3 \cdot 4^{x+2} = 4 \cdot 3^{x+2}$

■ $x = -2$

No

$$5^{2x} - 5^x - 600 = 0 \quad (1;3)$$

Пусть $5^x = t, t > 0$

$$t^2 - t - 600 = 0$$

$$D = 2401$$

$t_1 = -24$ постор.
корень

$$t_2 = 25, t = 25$$

$$5^x = 25$$

$x = 2$ Ответ: 2.

$$3^x + 9^{x-1} - 810 = 0$$

$$3^{2x-2} + 3^x - 810 = 0$$

$$3^{2x} \cdot \frac{1}{9} + 3^x - 810 = 0 \quad | \cdot 9$$

Пусть $3^x = t, t > 0$

$$t^2 - 9t - 7290 = 0$$

$$D = 29160$$

$t_1 = -90$ постор.
корень

$$t_2 = 81, t = 81$$

$$3^x = 81$$

$x = 4$ Ответ: 4.

Показательные неравенства

решаются по следующим свойствам показательной функции:

• если $a > 1$, то неравенство справедливо



$$a^{x_1} < a^{x_2}$$
$$x_1 < x_2$$

• если $0 < a < 1$, то неравенство справедливо



$$a^{x_1} > a^{x_2}$$
$$x_1 < x_2$$



Решите неравенства

(устно):

■ $2^x > 0$

■ x -любое

■ $2^x > 1$

■ $x > 0$

■ $\left(\frac{1}{2}\right)^x \geq 1$

■ $x < 0$

■ $\left(\frac{1}{2}\right)^x < 0$

■ $x = \emptyset$

■ $3^x > 25$

■ $x > 2$

■ $0,7^x < 0,49$

■ $x > 2$

■ $0,2^{x+1} < 0,2^4$

■ $x > 3$

■ $9,7^{x-2} < 9,7^{10}$

■ $x < 12$

№ 253(3;4)

■ $0,7^{x^2+2x} < 0,7^3$

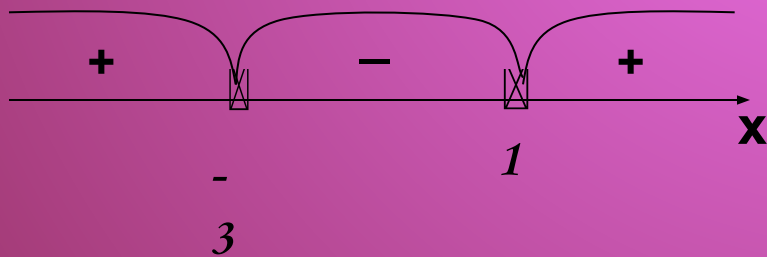
■ $y=0,7^x$ - убывает

■ $x^2 + 2x > 3$

■ $x^2 + 2x - 3 > 0, x^2 + 2x - 3 = 0$

■ $x_1 = -3, x_2 = 1$

■ $(x+3)(x-1) = 0$



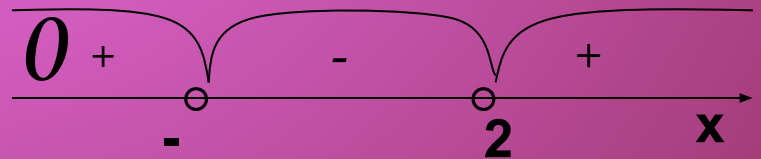
Ответ: $(-\infty; -3) \cup (1; +\infty)$

$\left(\frac{1}{3}\right)^{2x} > \frac{1}{81}$

$\left(\frac{1}{3}\right)^{2x} > \left(\frac{1}{3}\right)^4$

$y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ -
= убывает
 $x^2 < 4$

$(x-2)(x+2) < 0$



Ответ: $(-2; 2)$

■ Чтобы решить

графически уравнение f

$(x) = g(x)$, надо:

- построить графики функций $y = f(x)$ и $y = g(x)$
- найти абсциссу точки пересечения графиков функций
- рассмотреть возможность существования других точек пересечения



No 254

