

Лекция 2. УРАВНЕНИЕ СОСТОЯНИЯ ИДЕАЛЬНЫХ ГАЗОВ

**1. ОСНОВНЫЕ ЗАКОНЫ ИДЕАЛЬНЫХ
ГАЗОВ**

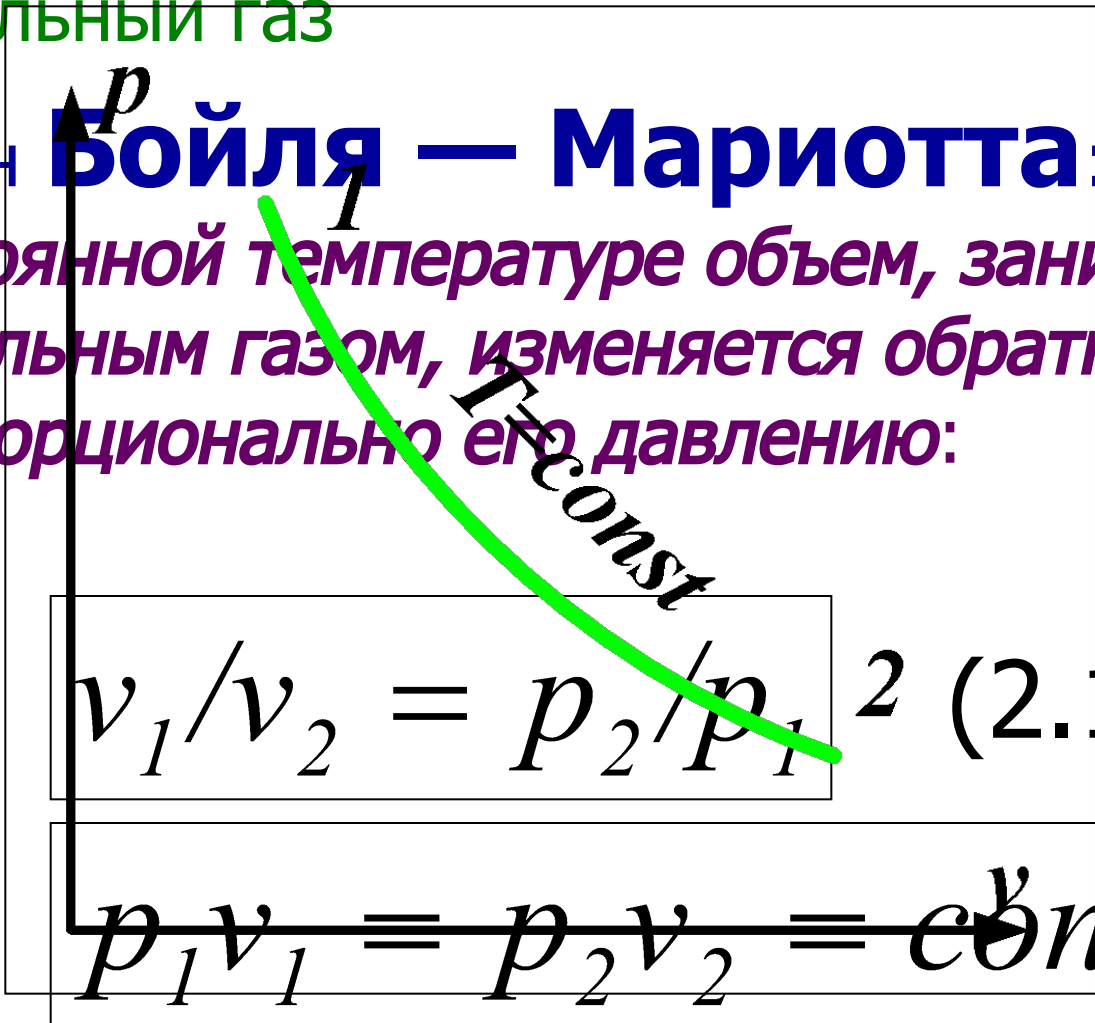
**2. УРАВНЕНИЕ СОСТОЯНИЯ ИДЕАЛЬНЫХ
ГАЗОВ**

**3. УНИВЕРСАЛЬНОЕ УРАВНЕНИЕ
СОСТОЯНИЯ ИДЕАЛЬНОГО ГАЗА**

1. ОСНОВНЫЕ ЗАКОНЫ ИДЕАЛЬНЫХ ГАЗОВ

- Идеальный газ

- Закон **Бойля — Мариотта**: при постоянной температуре объем, занимаемый идеальным газом, изменяется обратно пропорционально его давлению:


$$v_1/v_2 = p_2/p_1 \quad (2.1)$$

$$p_1 v_1 = p_2 v_2 = \text{const}$$

- Закон **Гей-Люссака**: при постоянном давлении объемы одного и того же количества идеального газа изменяются прямо пропорционально абсолютным температурам:

$$v_1/v_2 = T_1/T_2 \quad (2.2)$$

1 ————— 2
p=const

v

2. УРАВНЕНИЕ СОСТОЯНИЯ ИДЕАЛЬНЫХ ГАЗОВ

$$F(p, \nu, T) = 0$$

$$p = \frac{2}{3} \cdot \frac{n}{\nu} \cdot \frac{m \overline{w}^2}{2} \quad (2.3)$$

$$\overline{w} = \sqrt{\frac{w_1^2 + w_2^2 + \dots + w_n^2}{n}}$$

Молекулярно-кинетическая теория газов устанавливает **прямую пропорциональность между средней кинетической энергией молекул и абсолютной температурой:**

$$\frac{m\overline{w^2}}{2} = BT$$

$$p\nu = \frac{2nBT}{3} \quad (2.4)$$

$$p_1 v_1 = 2nVT_1/3$$

$$p_2 v_2 = 2nVT_2/3$$

$$p_1 v_1 / T_1 = p_2 v_2 / T_2 \quad (2.5)$$

**Объединенный закон Бойля –
Мариотта и Гей-Люссака.**

$$pv/T = const \quad (2.6)$$

**(2.7) - термическое уравнение
состояния идеальных газов или
характеристическое уравнение
Клапейрона**

Для произвольного количества газа с массой m (кг) уравнение состояния имеет вид:

$$pV = mRT$$

Удельная газовая постоянная R представляет собой **физическую постоянную**, которая для каждого газа принимает вполне **определенное значение**, зависящее от природы газа и **не зависящее** от его состояния

Физический смысл удельной газовой постоянной

$$pV_1 = mRT_1$$

$$pV_2 = mRT_2$$

$$p(V_2 - V_1) = mR(T_2 - T_1)$$

$$R = [p(V_2 - V_1)] / [m(T_2 - T_1)]$$

Удельная газовая постоянная есть **работа** в джоулях **1 кг газа** в процессе при **постоянном давлении** и при изменении **температуры на 1°**

Единица удельной газовой постоянной:

$$R = \frac{[p(V_2 - V_1)]}{[m(T_2 - T_1)]} = \frac{H / \text{м}^2 \cdot \text{м}^3}{\text{кг} \cdot K} =$$
$$= \frac{H \cdot \text{м}}{\text{кг} \cdot K} = \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot K}$$

3. УНИВЕРСАЛЬНОЕ УРАВНЕНИЕ СОСТОЯНИЯ ИДЕАЛЬНОГО ГАЗА

Закон **АВОГАДРО**:

при одинаковых температурах и давлениях в равных объемах различных идеальных газов содержится одинаковое количество молекул:

$$\rho_1/\rho_2 = M_1/M_2 \quad (a)$$

Молярная масса газа

Молярной массой газа (вещества)

называется отношение массы ***m***

системы к количеству газа (вещества) ***ν***

ЭТОЙ СИСТЕМЫ:

$$M = m/\nu$$

Единица молярной массы:

$$[M] = [1\text{кг}] / [1\text{моль}] = 1\text{кг} / \text{моль}$$

Отношение **плотностей газов** в уравнении (а)
заменим обратным отношением **удельных объемов**

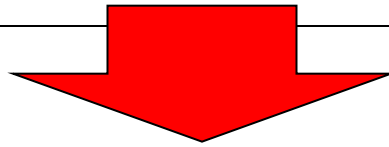
**При одинаковых физических условиях
произведение удельного объема газа на
его молярную массу есть величина
постоянная и не зависит от природы
газа:**

$$v \cdot M = \textit{idem} \quad (2.8)$$

Объем 1 моль идеального газа

**Молярные объемы всех газов при равных
температурах и давлениях **ОДИНАКОВЫ****

$$pV_{\mu} = MRT \quad (2.9)$$



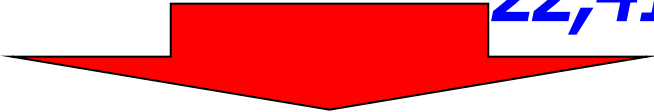
$$MR = R_{\mu} = pV_{\mu} / T$$


Произведение $M \cdot R_{\mu}$ называют **универсальной (молярной) газовой постоянной**

Универсальная газовая постоянная R_{μ} есть работа 1 моль идеального газа в процессе при постоянном давлении и при изменении температуры на 1° .

Нормальные физические условия
(давление **101 325 Па** и температура
273,15 К)

Объем **1 моль** газа равен
 $22,4143 \cdot 10^{-3} \text{ м}^3/\text{моль}$


$$R_{\mu} = \frac{101325 \cdot 22,4143 \cdot 10^{-3}}{273,15} = 8,314 \text{ [Дж/(моль} \cdot \text{К)].}$$


$$pV_{\mu} = 8,314 \cdot T \quad (2.10)$$

Уравнение Клапейрона — Менделеева

$$R = 8,314/M$$

Газ	Химическая формула	Относительная молекулярная масса	Удельная газовая постоянная R , Дж/(кг·К)	Плотность газа при нормальных физических условиях, кг/м ³
Кислород	O_2	32	259,8	1,429
Водород	H_2	2,016	4124,3	0,090
Азот	N	28,02	296,8	1,250
Окись углерода	CO	28	296,8	1,250
Воздух	-	28,96	287,0	1,293
Углекислый газ	CO_2	44	189,0	1,977
Водяной пар	H_2O	18,016	461,6	0,804
Гелий	He	4,003	2077,2	0,178
Аргон	Ar	39,944	208,2	1,784
Аммиак	NH_3	17,031	488,2	0,771

$$pdv + vdp = RdT;$$

при $\left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_p = \frac{R}{p};$
 при $\left(\frac{\partial p}{\partial T} \right)_v = \frac{R}{v};$

при $\left(\frac{\partial v}{\partial p} \right)_T = -\frac{RT}{p^2}$
 $\left(\frac{\partial p}{\partial v} \right)_T = -\frac{1}{v^2}$