

Кластеризация данных

Александр Котов, гр. 5538

Николай Красильников, гр. 5538

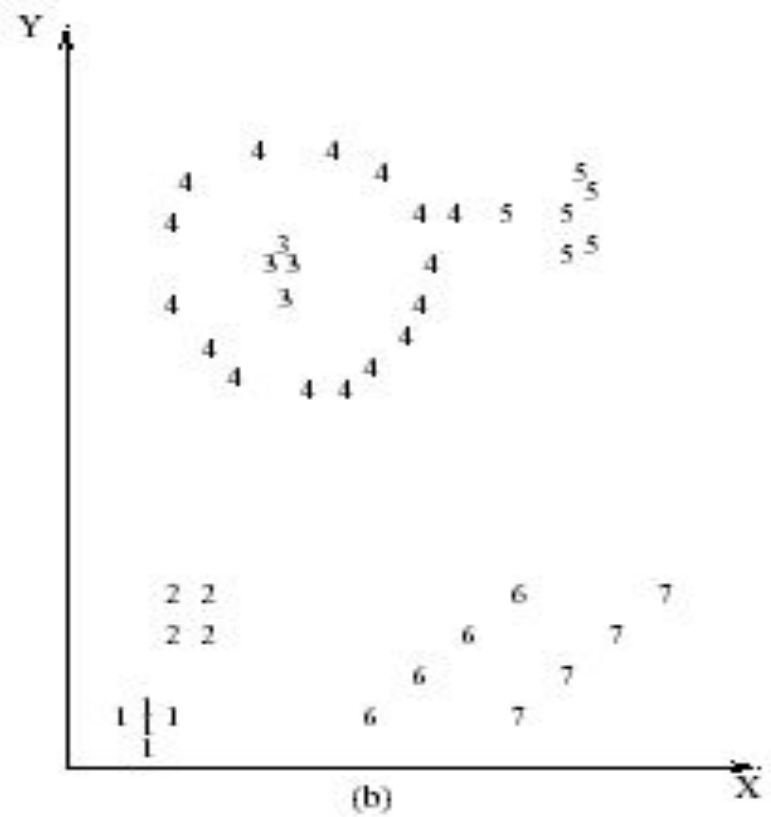
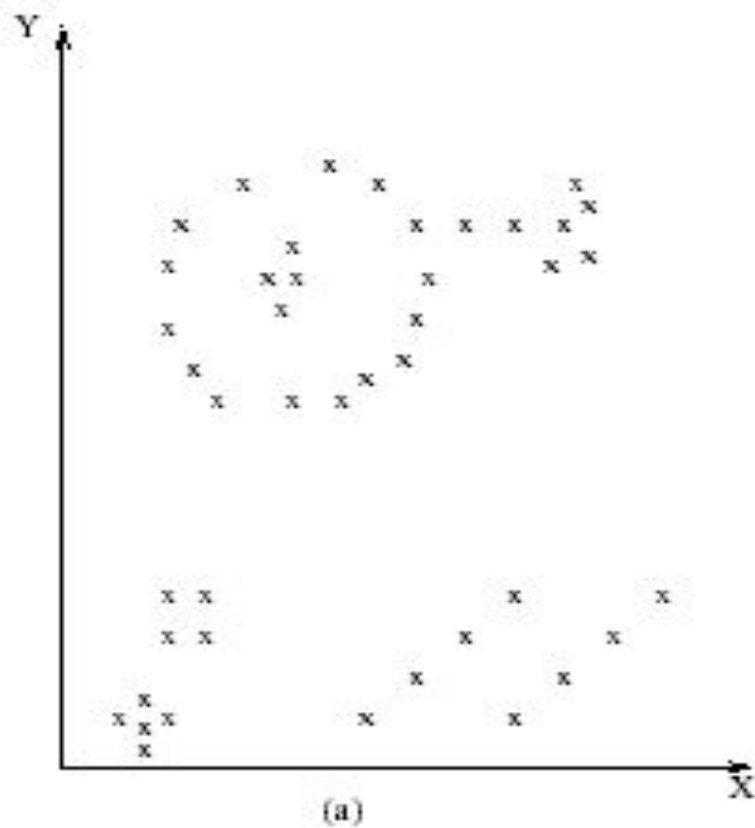
План доклада

- 1. Основные определения**
2. Общая схема кластеризации
3. Популярные алгоритмы
4. Применения кластеризации

Что такое кластеризация?

- **Кластеризация** – это автоматическое разбиение элементов некоторого множества (объекты, данные, вектора характеристик) на группы (кластеры) по принципу схожести.

Кластеризация (пример)



Разница между кластеризацией и классификацией

- Кластеризация (unsupervised classification) разбивает множество объектов на группы, которые определяются только ее результатом.
- Классификация (supervised classification) относит каждый объект к одной из заранее определенных групп.

Зачем нужна кластеризация?

- Много практических применений в информатике и других областях:
 - Анализ данных (Data mining);
 - Группировка и распознавание объектов;
 - Извлечение и поиск информации.
- Это важная форма абстракции данных.
- Это активно развивающаяся область теоретической информатики.

Формальные определения

- Вектор характеристик (объект) \mathbf{x} – единица данных для алгоритма кластеризации. Обычно это элемент d -мерного пространства:
 $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_d)$.
- Характеристика (атрибут) x_i – скалярная компонента вектора \mathbf{x} .
- Размерность d – количество характеристик объекта \mathbf{x} .

Формальные определения (продолжение)

- Множество объектов $\mathbf{X} = \{\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_n\}$ – набор входных данных. i -й объект из \mathbf{X} определяется как $\mathbf{x}_i = (x_{i,1}, \dots, x_{i,d})$. Часто \mathbf{X} представляют в виде *матрицы характеристик* размера $n \times d$.
- Кластер – подмножество «близких друг к другу» объектов из \mathbf{X} .
- Расстояние $d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$ между объектами \mathbf{x}_i и \mathbf{x}_j – результат применения выбранной метрики (или квази-метрики) в пространстве характеристик.

Постановка задачи

- Цель кластеризации – построить оптимальное разбиение объектов на группы:
 - разбить N объектов на k кластеров;
 - просто разбить N объектов на кластеры.
- Оптимальность может быть определена как требование минимизации среднеквадратической ошибки разбиения:

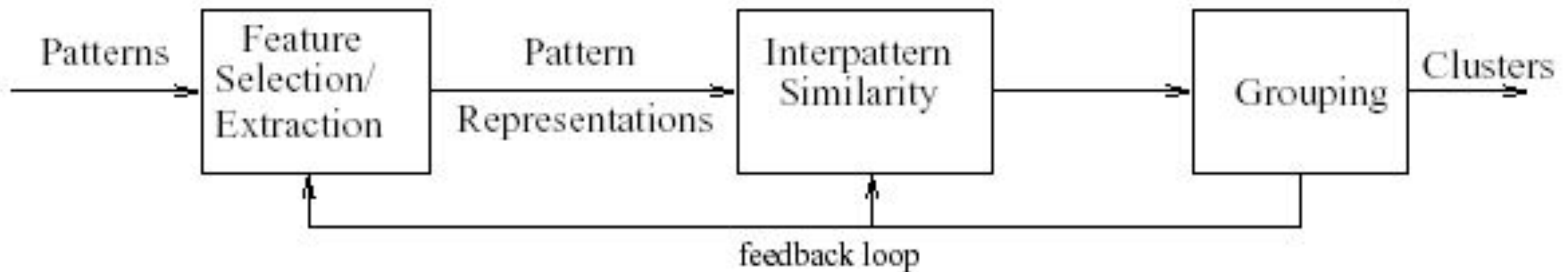
$$e^2(X, L) = \sum_{j=1}^K \sum_{i=1}^{n_j} \|x_i^{(j)} - c_j\|^2$$

План доклада

1. Основные определения
2. **Общая схема кластеризации**
3. Популярные алгоритмы
4. Применения кластеризации

Общая схема кластеризации

1. Выделение характеристик
2. Определение метрики
3. Разбиение объектов на группы
4. Представление результатов



Выделение характеристик

1. Выбор свойств, характеризующих объекты:
 - количественные характеристики (координаты, интервалы...);
 - качественные характеристики (цвет, статус, воинское звание...).
2. Уменьшение размерности пространства, нормализация характеристик.
3. Представление объектов в виде характеристических векторов.

Выбор метрики

- Метрика выбирается в зависимости от:
 - пространства, где расположены объекты;
 - неявных характеристик кластеров.
- Если все координаты объекта непрерывны и вещественны, а кластеры должны представлять собой нечто вроде гиперсфер, то используется классическая метрика Евклида (на самом деле, чаще всего так и есть):

$$d_2(x_i, x_j) = \left(\sum_{k=1}^d (x_{i,k} - x_{j,k})^2 \right)^{1/2} = \|x_i - x_j\|_2$$

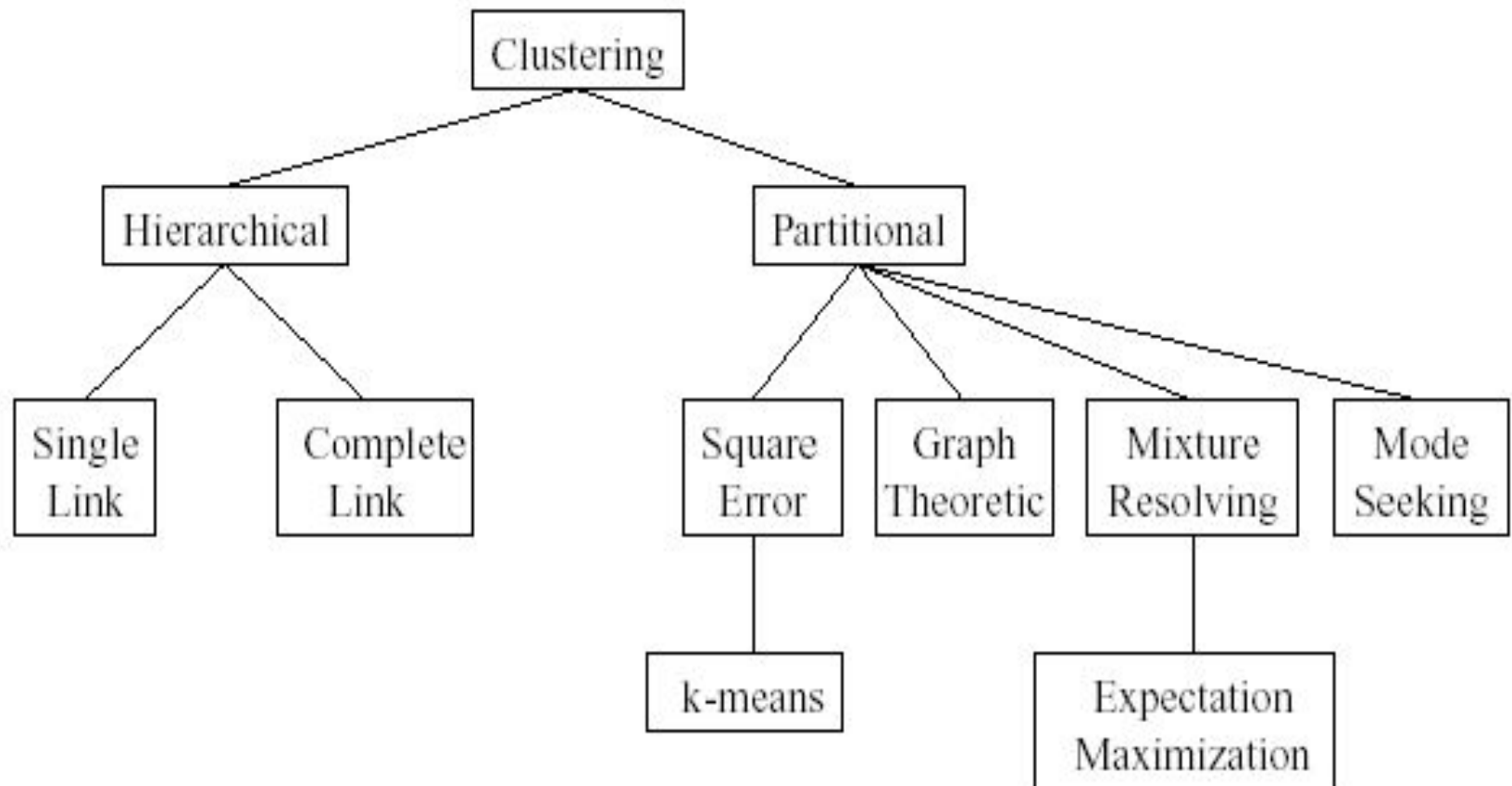
План доклада

1. Основные определения
2. Общая схема кластеризации
3. **Популярные алгоритмы**
4. Применения кластеризации

Алгоритмы кластеризации

- Иерархические алгоритмы
- Минимальное покрывающее дерево
- k*-Means алгоритм (алгоритм *k*-средних)
- Метод ближайшего соседа
- Алгоритмы нечеткой кластеризации
- Применение нейронных сетей
- Генетические алгоритмы
- Метод закалки

Алгоритмы кластеризации (схема)



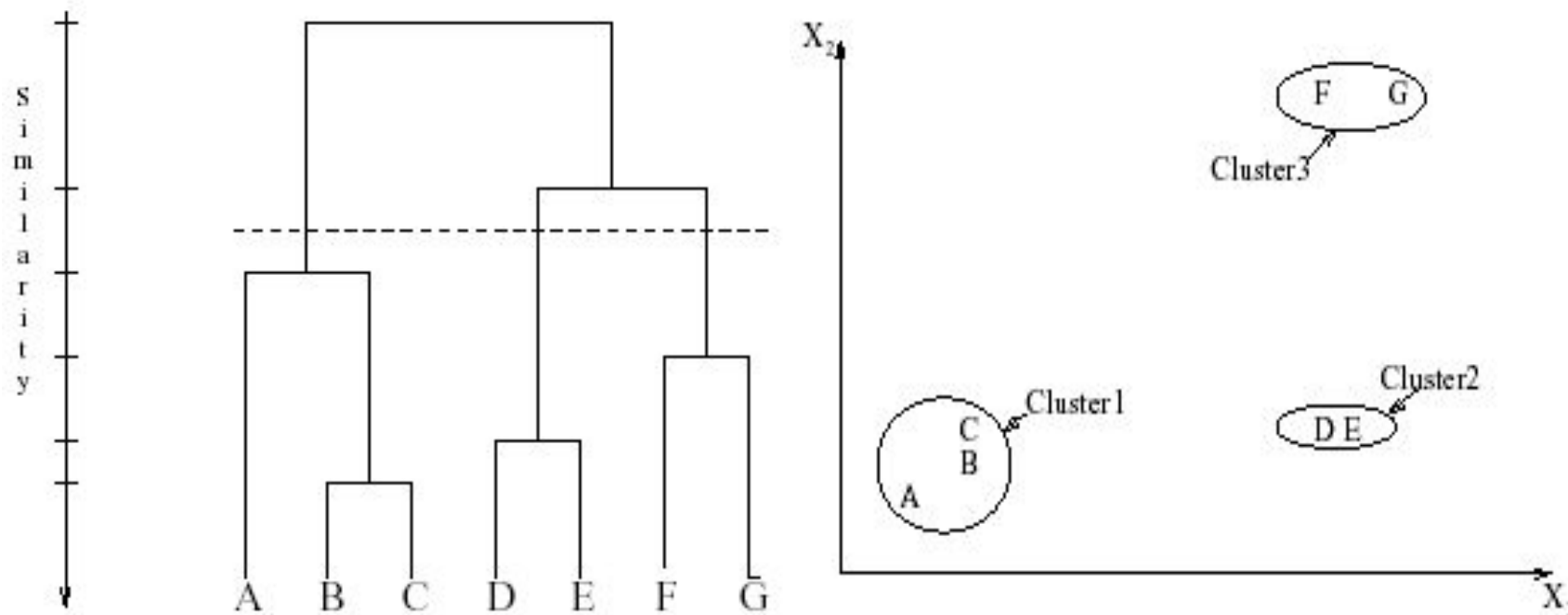
Классификация алгоритмов

- Строящие «снизу-вверх» и «сверху-вниз»
- Монотетические и политетические
- Непересекающиеся и нечеткие
- Детерминированные и стохастические
- Поточковые (online) и не поточковые
- Зависящие и не зависящие от начального разбиения
- Зависящие и не зависящие от порядка рассмотрения объектов

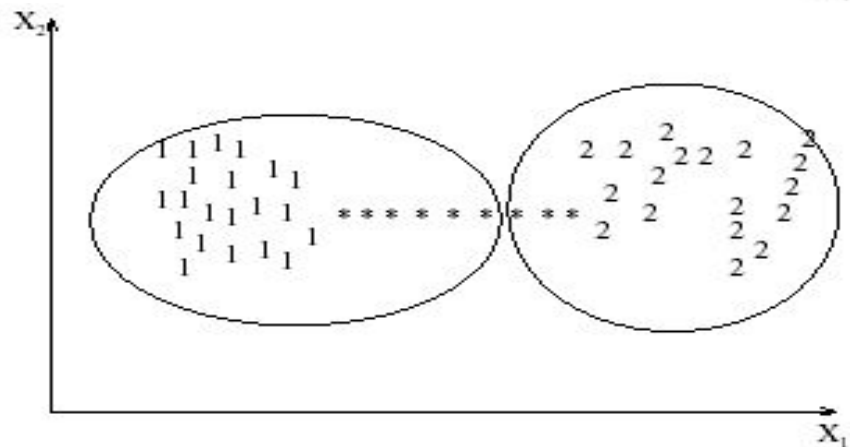
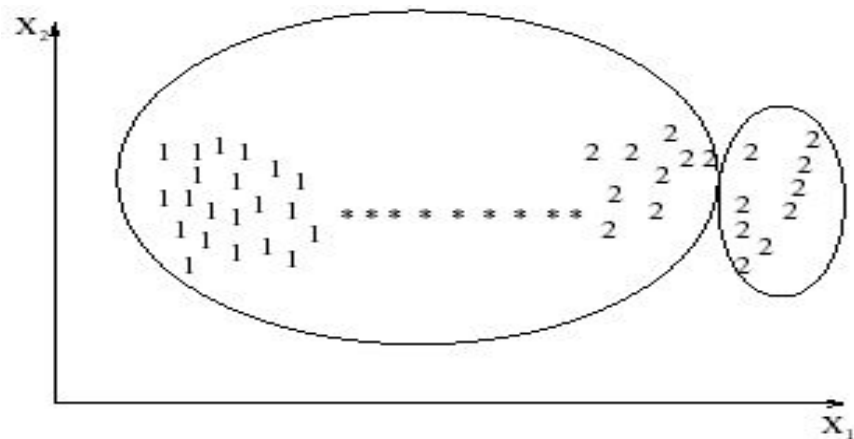
Иерархические алгоритмы

- Результатом работы является *дендограмма* (иерархия), позволяющая разбить исходное множество объектов на любое число кластеров.
- Два наиболее популярных алгоритма, оба строят разбиение «снизу-вверх»:
 - Single-link – на каждом шаге объединяет два кластера с наименьшим расстоянием между двумя *наиболее близкими* представителями;
 - Complete-link – объединяет кластеры с наименьшим расстоянием между двумя *наиболее удаленными* представителями.

Single-link (пример)

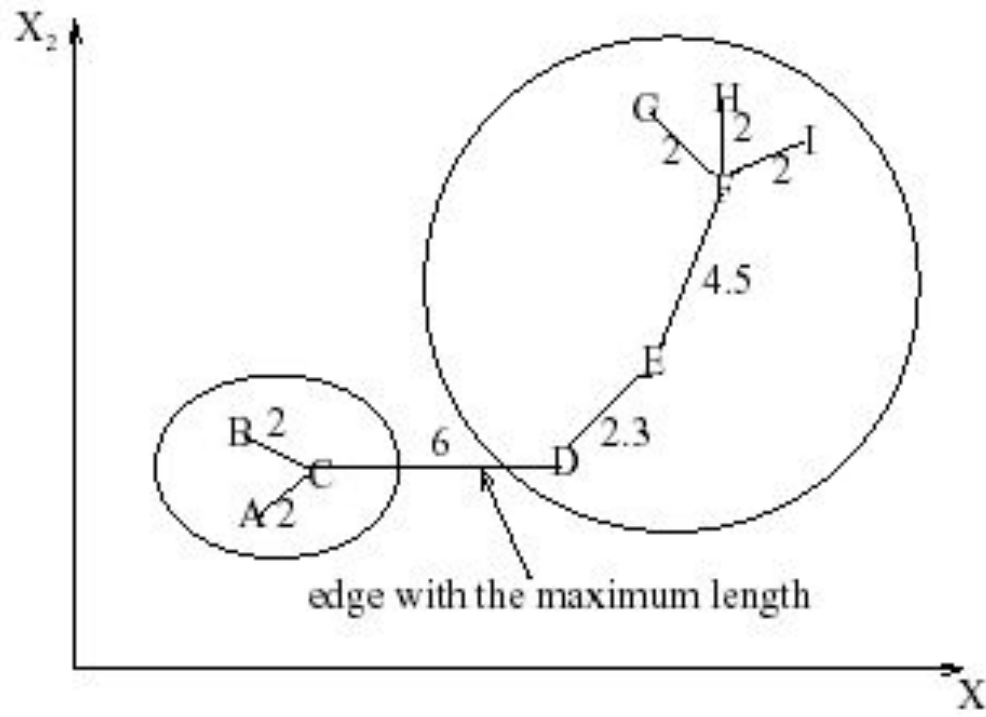


Сравнение Single-link и Complete-link



Минимальное покрывающее дерево

- Позволяет производить иерархическую кластеризацию «сверху-вниз»:

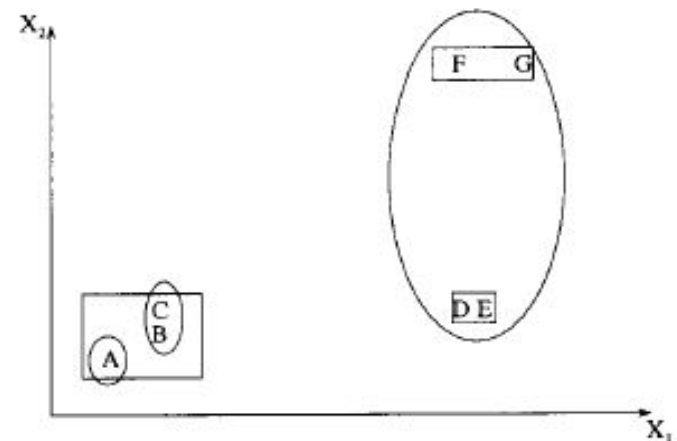


k -Means алгоритм

1. Случайно выбрать k точек, являющихся начальными «центрами масс» кластеров (любые k из n объектов, или вообще k случайных точек).
2. Отнести каждый объект к кластеру с ближайшим «центром масс».
3. Пересчитать «центры масс» кластеров согласно текущему членству.
4. Если критерий остановки алгоритма не удовлетворен, вернуться к шагу 2.

k-Means алгоритм (продолжение)

- В качестве критерия остановки обычно выбирают один из двух:
 - Отсутствие перехода объектов из кластера в кластер на шаге 2;
 - Минимальное изменение среднеквадратической ошибки.
- Алгоритм чувствителен к начальному выбору «центров масс».



Метод ближайшего соседа

- Один из старейших (1978), простейших и наименее оптимальных алгоритмов:

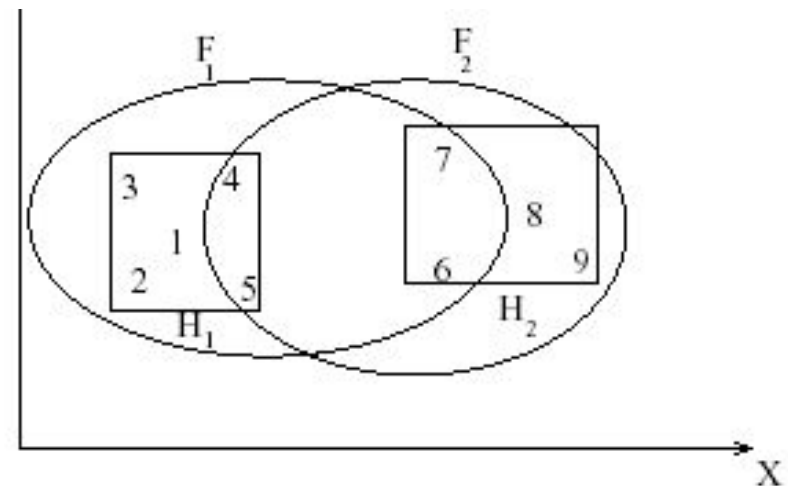
Пока существуют объекты вне кластеров {

- Для каждого такого объекта выбрать ближайшего соседа, кластер которого определен, и если расстояние до этого соседа меньше порога – отнести его в тот же кластер, иначе можно создать новый;
- Увеличить порог при необходимости;

}

Нечеткая кластеризация

- Непересекающаяся (четкая) кластеризация относит объект только к одному кластеру.
- Нечеткая кластеризация считает для каждого объекта x_i степень его принадлежности u_{ik} к каждому из k кластеров.



$$F1 = \{(1,0.9), (2,0.8), (3,0.7), (4,0.6), (5,0.55), (6,0.2), (7,0.2), (8,0.0), (9,0.0)\}$$
$$F2 = \{(1,0.0), (2,0.0), (3,0.0), (4,0.1), (5,0.15), (6,0.4), (7,0.35), (8,1.0), (9,0.9)\}$$

Схема нечеткой кластеризации

1. Выбрать начальное нечеткое разбиение n объектов на k кластеров путем выбора матрицы принадлежности U размера $n \times k$ (обычно $u_{ik} \in [0,1]$)

2. Используя матрицу U , найти значение критерия нечеткой ошибки (например,

$$E^2(X, U) = \sum_{i=1}^N \sum_{k=1}^K u_{ik} \|x_i - c_k\|^2 \quad c_k = \sum_{i=1}^N u_{ik} x_i$$

Перегруппировать объекты с целью ее уменьшения.

3. Пока матрица U меняется, повторять шаг 2.

Применение нейронных сетей

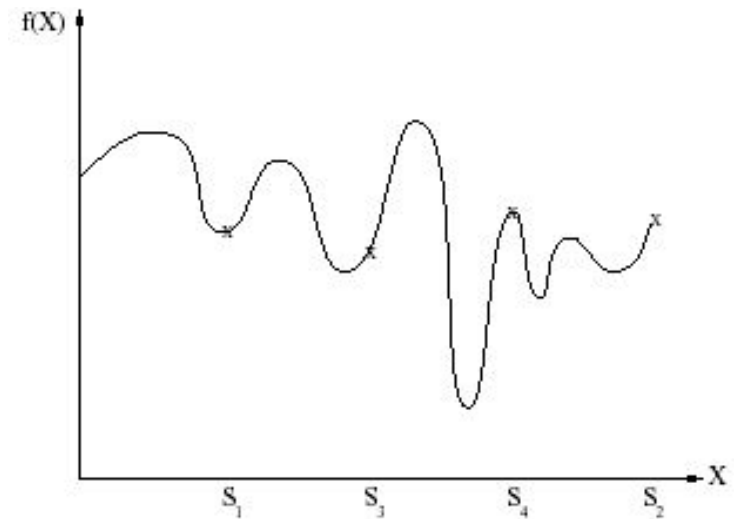
- Искусственные нейронные сети (ИНС) легко работают в распределенных системах в силу своей природы.
- ИНС могут проводить кластеризацию только для объектов с числовыми атрибутами.
- Настройка весовых коэффициентов ИНС помогает сделать выбор характеристик (этап 1 кластеризации) менее субъективным.
- Кластеризация с применением самоорганизующихся карт Кохонена эквивалентна алгоритму k -Means.

Генетические алгоритмы

1. Выбрать начальную случайную популяцию для множества решений. Получить оценку качества для каждого решения ($\sim 1 / e^2$).
2. Создать и оценить следующую популяцию решений, используя операторы:
 - выбора – предпочитает хорошие решения;
 - рекомбинации («кроссовер») – создает новое решение из двух существующих;
 - мутации – создает новое решение из случайного изменения существующего.
3. Повторять шаг 2 пока это необходимо.

Генетические алгоритмы ищут глобальный минимум

- Большинство популярных алгоритмов оптимизации выбирают начальное решение, которое затем изменяется в ту или иную сторону. Таким образом получается *хорошее* разбиение, но не всегда – *самое оптимальное*.
- Операторы рекомбинации и мутации позволяют получить решения, сильно не похожие на исходные.



Метод закалки

Пытается найти глобальный оптимум, однако работает только с одним текущим решением.

1. Случайно выбрать начальное разбиение P_0 и сосчитать ошибку E_{P_0} . Выбрать значения начальной и конечной температур ($T_0 > T_f$).
2. Выбрать P_1 недалеко от P_0 . Если $E_{P_0} > E_{P_1}$, то утвердить P_1 , иначе – P_0 , но с вероятностью, зависящей от разницы температур. Повторить выбор соседних разбиений несколько раз.
3. Чуть-чуть «остыть»: $T_0 = c * T_0$, где $c < 1$. Если $T_0 > T_f$ – снова на шаг 2, иначе – стоп.

Какой алгоритм выбрать?

- Генетические алгоритмы и искусственные нейронные сети хорошо распараллеливаются.
- Генетические алгоритмы и метод закаливания осуществляют глобальный поиск, но метод закаливания сходится о-о-очень медленно.
- Генетические алгоритмы хорошо работают только для одно- (двух-) мерных объектов, зато не требуется непрерывность координат.

Какой алгоритм выбрать? (продолжение)

- k -Means быстро работает и прост в реализации, но создает только кластеры, похожие на гиперсферы.
- Иерархические алгоритмы дают оптимальное разбиение на кластеры, но их трудоемкость квадратична.
- На практике лучше всего зарекомендовали себя гибридные подходы, где шлифовка кластеров выполняется методом k -Means, а первоначальное разбиение – одним из более сильных методов.

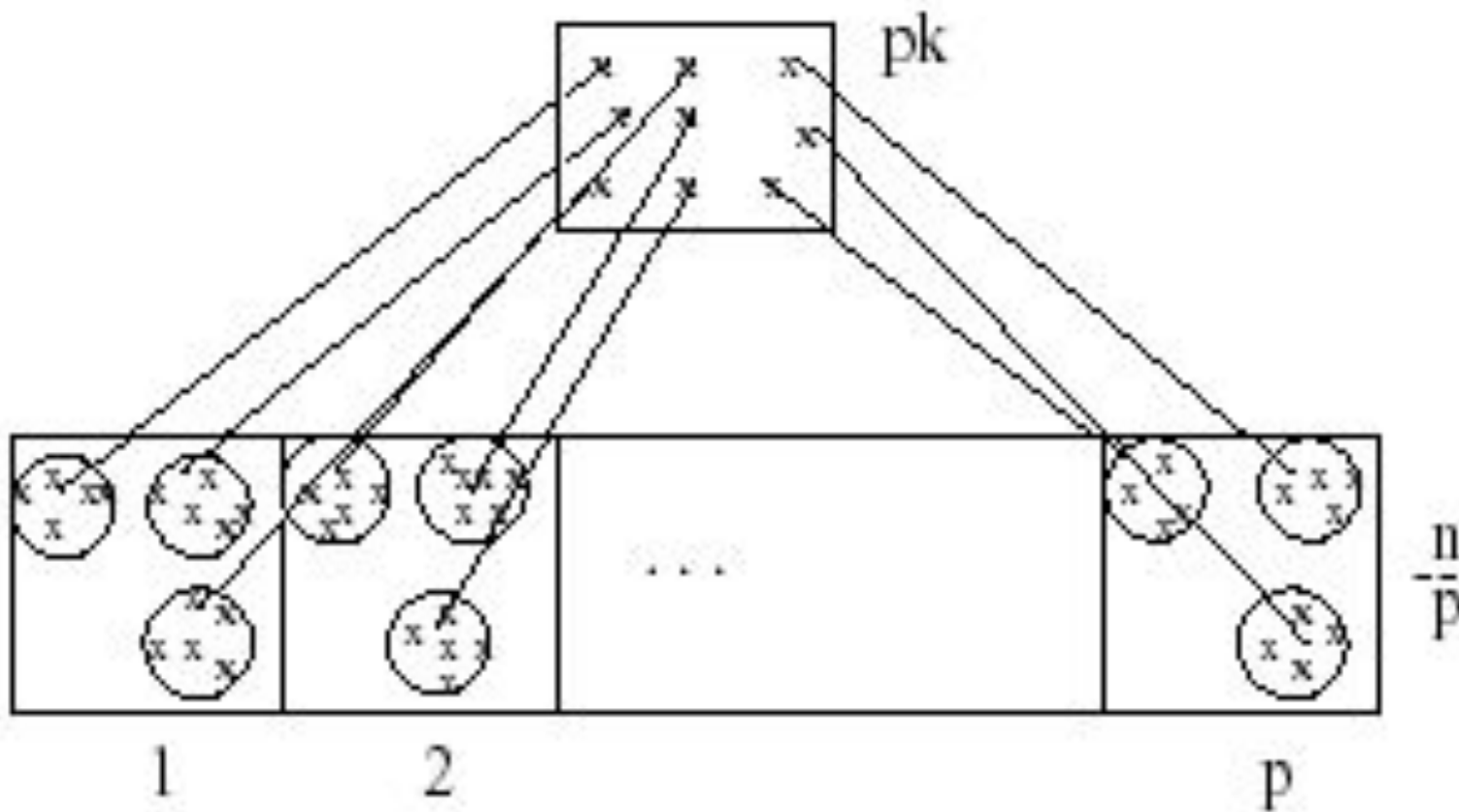
Априорное использование природы кластеров в алгоритмах

- Неявное использование:
 - выбор соответствующих характеристик объектов из всех характеристик
 - выбор метрики (метрика Евклида обычно дает гиперсферические кластеры)
- Явное использование:
 - подсчет схожести (использование ∞ для расстояния между объектами из заведомо разных кластеров)
 - представление результатов (учет явных ограничений)

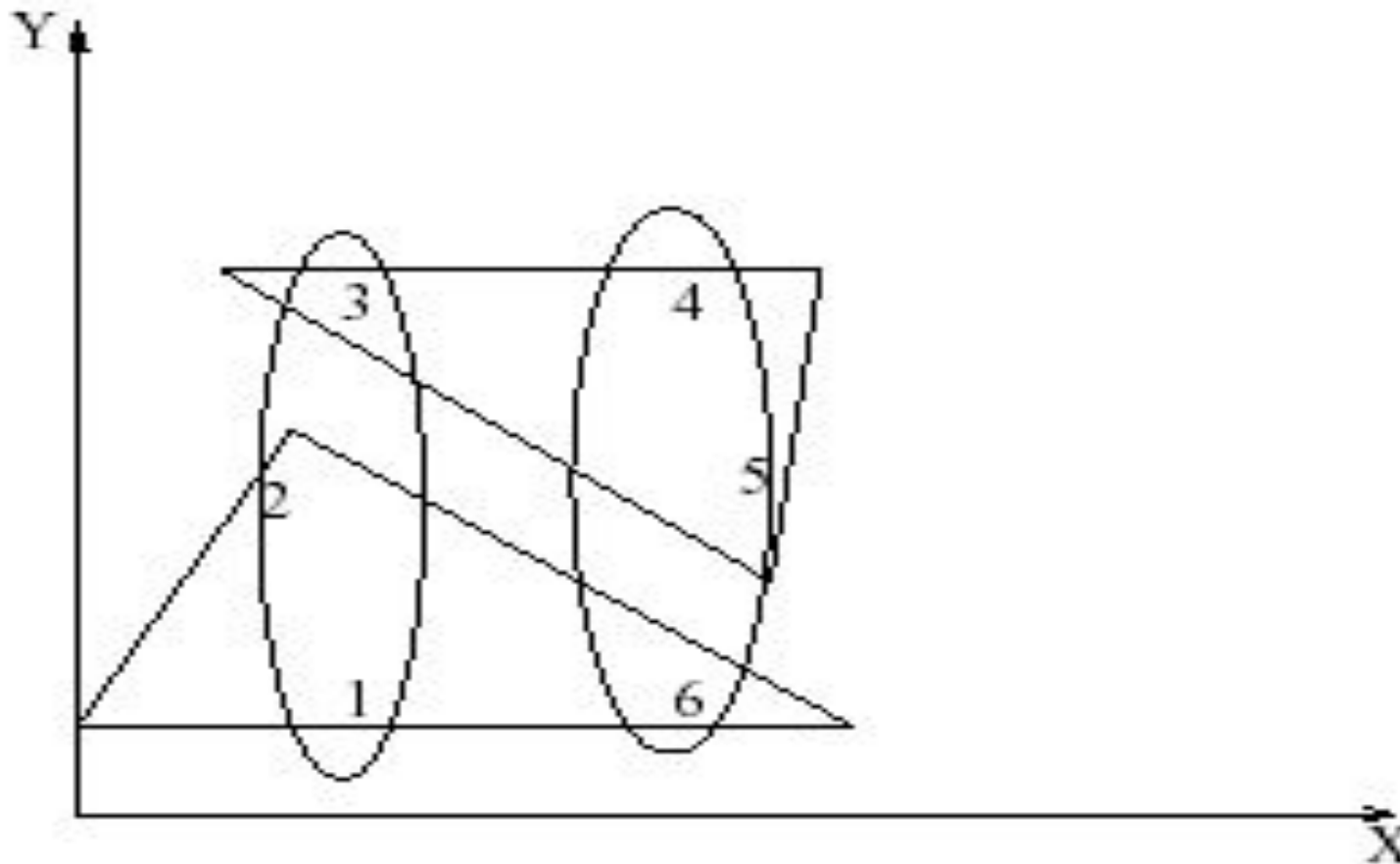
Кластеризация больших объемов данных

- Обычно используют k -Means или его гибридные модификации.
- Если множество объектов не помещается в основную память, можно:
 - проводить кластеризацию по принципу «разделяй и властвуй»;
 - использовать потоковые (on-line) алгоритмы (например, leader, модификация метода ближайшего соседа);
 - использовать параллельные вычисления.

Разделяй и властвуй (пример)

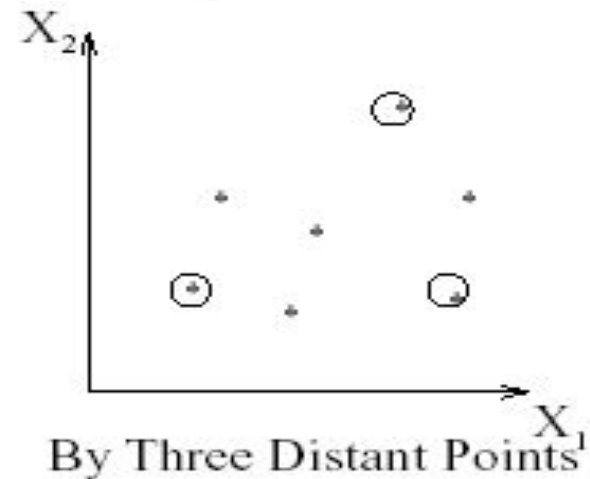
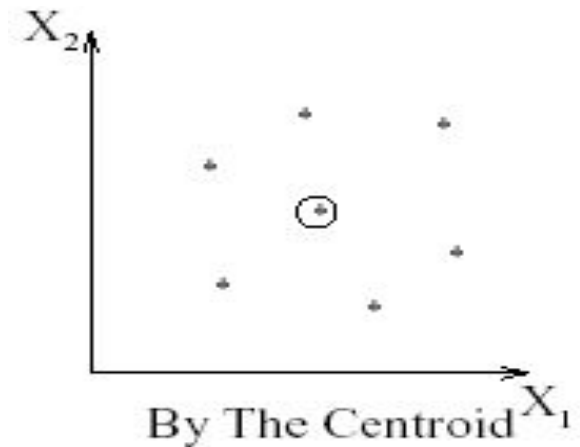


Алгоритм Leader (пример)



Представление результатов

- Обычно используется один из следующих способов:
 - представление кластеров центроидами;
 - представление кластеров набором характерных точек;
 - представление кластеров их ограничениями.



План доклада

1. Основные определения
2. Общая схема кластеризации
3. Популярные алгоритмы
4. **Применения кластеризации**

Применения кластеризации

- Анализ данных (Data mining)
 - Упрощение работы с информацией
 - Визуализация данных
- Группировка и распознавание объектов
 - Распознавание образов
 - Группировка объектов
- Извлечение и поиск информации
 - Построение удобных классификаторов

Анализ данных (Data mining)

- Упрощение работы с информацией:
 - достаточно работать только с представителями кластеров;
 - легко найти «похожие» объекты – такой поиск применяется в ряде поисковых движков (<http://www.nigma.ru> легко найти «похожие» объекты – такой поиск применяется в ряде поисковых движков (<http://www.nigma.ru>, <http://www.vivisimo.com>, ...));
 - автоматическое построение каталогов.

- Наглядное представление кластеров позволяет понять структуру множества

<http://www.nigma.ru> (пример)



результаты кластеризации:

кластеризация [539242]

- » [использовать](#) (17)
- » [технология кластеризации](#) (16)
- » [алгоритмы кластеризации](#) (15)
- » [серверов](#) (15)
- » [решение](#) (14)
- » [объектов](#) (11)
- » [кластеризация позволяет](#) (10)
- » [метод кластеризации](#) (10)
- » [поиск](#) (10)
- » [возможность](#) (10)
- » [документ](#) (9)
- » [множество](#) (9)
- » [баз данных](#) (7)
- » [введение](#) (7)

кластеризация

искать в: Google Yahoo MSN Y
 Altavista Aport Nigma

страницы: [1](#) | [2](#) | [3](#) | [4](#) | [5](#) | [6](#) | [7](#) | [8](#) | [9](#) | [10](#) | [11](#) | [12](#) | [13](#) | [14](#) | [15](#) | [1](#)

Результаты поиска

Найдено примерно : 539 242

1. [Кластеризация Windows](#)

Кластеризация Windows предоставляет три разных, но до друга, ... Дополнительные сведения о способах сочетания **1 кластеризации Windows** ...

Найти слова | www.microsoft.com/technet/prodtechnol/windowsserver2003/358b9815-3cd3-4912-a75a-cae85ea8d5ab.mspx Google: 1 Google-M: 1

2. [Возможности масштабируемости и кластеризации](#)

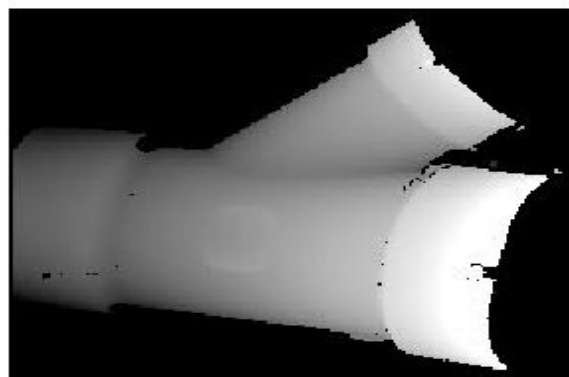
Технология **кластеризации** в Windows Server 2003 (EN) ... устоявшаяся технология масштабирования компьютерных с применяющаяся ...

Найти слова | www.microsoft.com/Rus/Business/Infrastructure/Unified/Sc

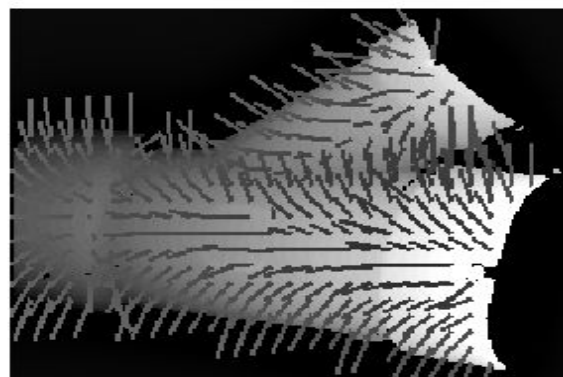
Группировка и распознавание объектов

- Распознавание образов (OCR и др.):
 1. построение кластеров на основе большого набора учебных данных;
 2. пометка каждого из кластеров;
 3. ассоциация каждого объекта на входе алгоритма распознавания с меткой соответствующего кластера.
- Группировка объектов:
 - сегментация изображений;
 - уменьшение количества информации.

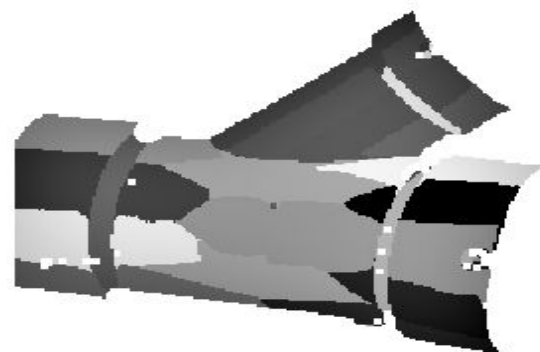
Сегментация изображений (пример)



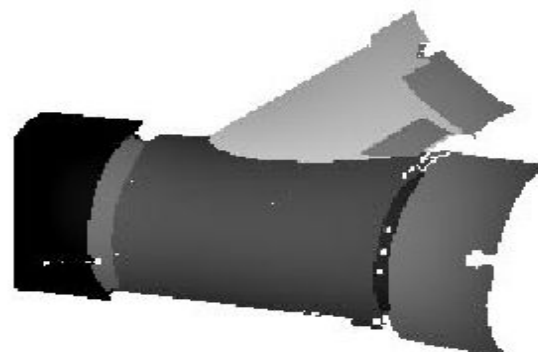
(a)



(b)



(c)



(d)

Извлечение и поиск информации (на примере книг в библиотеке)

- LCC (Library of Congress Classification):
 - Метки с QA76 до QA76.8 – книги по CS.
- Проблемы LCC:
 - книга относится только к одной категории;
 - классификация отстает от быстрого развития некоторых областей науки.
- Выручает автоматическая кластеризация:
 - Нечеткое разбиение на группы решает проблему одной категории;
 - Кластеры вырастают с развитием области.

Итого

- Кластеризация – это автоматическое разбиение множества объектов на группы по принципу схожести
- Общая схема кластеризации одна (выделение характеристик -> выбор метрики -> группировка объектов -> представление результатов). Но существует много различных реализаций этой схемы.
- Кластеризация данных широко применяется в современной информатике.

Спасибо!

ВОПРОСЫ?