

# Фестиваль исследовательских и творческих работ учащихся «Портфолио»

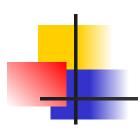
Муниципальное образовательное учреждение средняя общеобразовательная школа № 6 городского округа Кохма Ивановской области

Секция: математика

<u>Исследовательская работа</u> по теме «Отрезки»

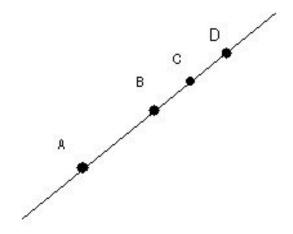
Выполнили учащиеся 9 класса: Куклев Александр, Егорова Ксения

<u>Руководитель:</u> Малышева И.М.



#### 1.Задача.

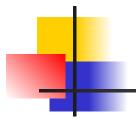
На прямой отметили точки А, В, С и D. Сколько отрезков изображено на этой прямой?



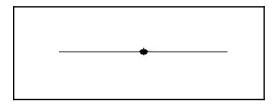


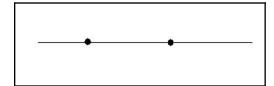
#### 2.Проблема.

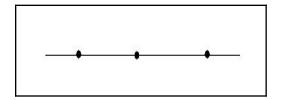
Как зависит количество отрезков на прямой от числа точек, отмеченных на ней?

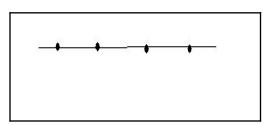


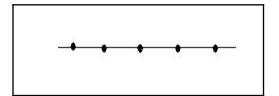
### 3. Пробы











## 4. Таблица результатов

Пробы	I	II	III	IV	V
Число точек (n)	1	2	3	4	5
Число отрез- ков (х <sub>n</sub> )	0	1	3	6	10



Каждое следующее число отрезков х равняется предыдущему числу отрезков  $X_{n-1}$ , сложенному с числом точек, соответствующих ему:

$$1 = 0 + 1$$
;

$$3 = 1 + 2$$
;

$$1 = 0 + 1;$$
  $3 = 1 + 2;$   $6 = 3 + 3;$   $10 = 6 + 4.$ 

$$10 = 6 + 4$$
.

$$x_n = x_{n-1} + (n-1).$$

Пробы III IV V Число точек (n) 1 2 3 4 5 Число отрезков (x<sub>n</sub>) 0 1 3 6 10

### 5.Гипотезы.

II. Каждое следующее число х<sub>п</sub> равняется половине произведения соответствующего ему числа п и предыдущего числа n-1 точек:

$$1 = \frac{2 \cdot 1}{2};$$
  $3 = \frac{3 \cdot 2}{2};$   $6 = \frac{4 \cdot 3}{2};$   $10 = \frac{5 \cdot 4}{2}.$ 

$$x_n = \frac{(n-1) \cdot n}{2}.$$

Пробы	I	II	III	IV	V
Число точек (n)	1	2	3	4	5
Число отрезков (x <sub>n</sub> )	0	1	3	6	10

#### 5.Гипотезы.

III. Каждое следующее число xn равняется сумме всех натуральных чисел, предшествующих числу n:

$$1 = 1$$
;  $3 = 1 + 2$ ;  $6 = 1 + 2 + 3$ ;  $10 = 1 + 2 + 3 + 4$ .

Значит, 
$$x_n = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1)$$
.

#### 5.Гипотезы.

IV. Каждое следующее число х₁, начиная с четвертого, получается путем последовательного удвоения нечетных чисел натурального ряда 3, 5, ...:

$$6 = 2 \cdot 3;$$
  $10 = 2 \cdot 5.$ 

Значит,

$$x_{n+3} = 2(2n+1).$$

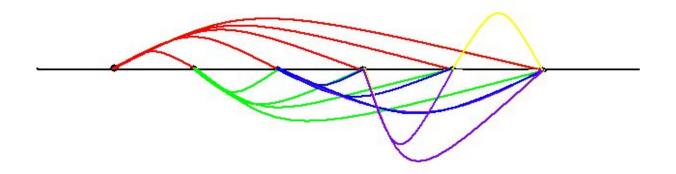
```
Пробы
I
II
III
IV
V

Число точек (n)
1
2
3
4
5

Число отрезков (xn)
0
1
3
6
10
```

## 6. Проверка гипотез.

Пусть n=6 (рис. 3). Тогда: a) фактическое число отрезков  $x_6=15$ ;



# 6. Проверка гипотез.



I. 
$$x_6 = x_5 + (6-1) = 10 + 5 = 15;$$

II. 
$$x_6 = \frac{5 \cdot 6}{2} = 15;$$

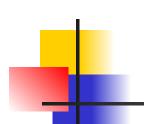
III. 
$$x_6 = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15;$$

IV. 
$$x_6 = 2 \cdot (2 \cdot 3 + 1) = 2 \cdot 7 = 14$$
.

# 7. Доказательство гипотез.



$$x_{n-1} + (n-1) = 1 + 2 + 3 + ... + (n-1).$$



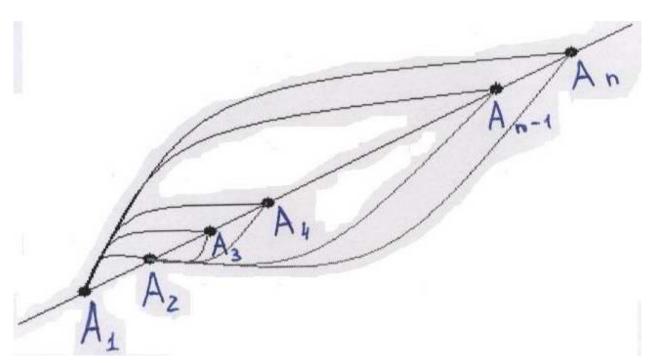
# 7. Доказательство гипотез.

2). Гипотеза II равносильна гипотезе III:

$$1+2+3+...+(n-1)=\frac{n(n-1)}{2}.$$

# 7. Доказательство гипотез.

3) Докажем гипотезу III.



$$x_n = 1 + 2 + 3 + \dots + (n-1)$$