Интегрированный урок по теме:

"Решение алгебраических задач геометрическим методом"





Решение алгебраической задачи геометрическим методом.



- •
- 1)Построение геометрической модели задачи, т.е. перевод её на язык геометрии;
- 2)Решение получившейся геометрической задачи;
- 3)Перевод полученного ответа с геометрического языка на естественный.

- , II
- 1)При решении задачи этим методом четко определяется начало действия;
- 2)Графическая иллюстрация облегчает проведение анализа, составления уравнений, помогает найти несколько способов решения;
- 3)Расширяется область использования графиков, повышается графическая культура учеников;
- 4)Совершенствуется техника решения уравнений (разделений переменных);
- 5)Реализуются внутрипредметные (алгебра и геометрия) и межпредметные (математика и физика) связи.

Задача 1. Чтобы ликвидировать опоздание на 1 час, поезд на перегоне в 720км увеличил скорость, с которой должен был идти по расписанию, на 10 км/ч. Какова скорость поезда по расписанию? Геометрический метод.

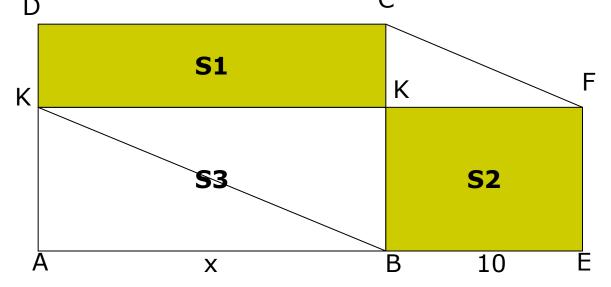


AB = x -скорость по расписанию (мк/ч);

AD – время движения по расписанию (ч).

$$S_{ABCD} = AB*CD = 720.$$

Т. к. поезд увеличил скорость на 10 км/ч, то прибавим к отрезку АВ отрезок ВЕ, условно обозначающий 10 км/ч. С увеличенной скоростью поезд прошёл весь путь на 1 час быстрее, поэтому вычтем из отрезка AD отрезок DK, условно обозначающий 1 час.



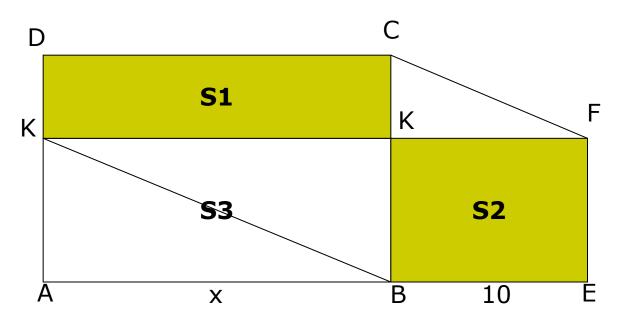
$$S_1 = S_2$$
, T. .K. $S_1 + S_2 = S_3$; $S_1 = x$; $S_2 = 10EF$, $EF = S_{AEFK}/AE = 720/(x + 10)$.

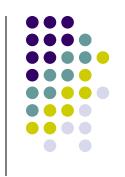
$$X = 720/(x + 10);$$

$$X_2 + 10x - 7200 = 0;$$

$$X_1 = 80; x_2 = -90;$$

Ответ: 80 км/ч скорость поезда по расписанию.





Алгебраический метод



Решение
приводит к
уравнению

$$rac{720}{X} - rac{720}{X+10} = 1, \ensuremath{\it z} \partial e$$
 х (км/ч) – скорость поезда по расписанию.

Теорема

- Если через произвольную точку Е диагонали АС прямоугольника ABCD проведены прямые FM II AB и HK II AD, то
- 1)Образовавшиеся при этом прямоугольники НВМЕ и FEKD равновелики ;
- 2)Прямоугольники ABMF и AHKD также велики;
- 3) Отрезки FH , DB , KM параллельны.

