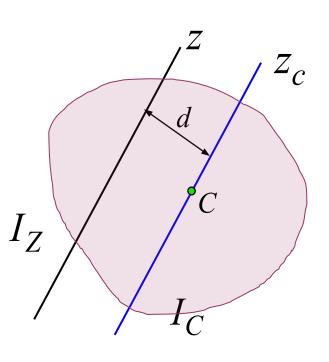
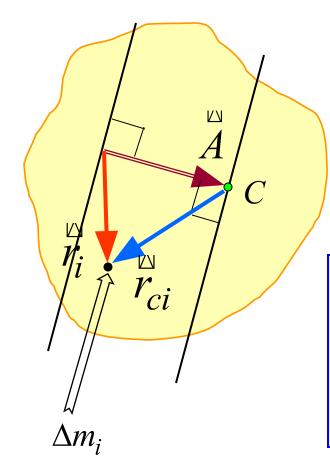
Теорема Штейнера

Момент инерции тела относительно произвольной оси Zравен сумме момента инерции этого тела относительно оси $,Z_{\mathcal{C}}$ параллельной данной и проходящей через центр масс этого тела, и произведения массы тела на квадрат расстояния между осями.



$$I_Z = I_C + md^2$$

Док-во теоремы Штейнера



$$r_{i} = A + r_{ci} \qquad (...)^{2}$$

$$r_{i}^{2} = A^{2} + 2A \cdot r_{ci} + r_{ci}^{2} \qquad \times M_{i}; \sum_{i=1}^{N}$$

$$\sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_{i} r_{i}^{2} = A^{2} \sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_{i} + 2A \sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_{i} r_{ci} + \sum_{i=1}^{N} \Delta m_{i} r_{ci}^{2}$$

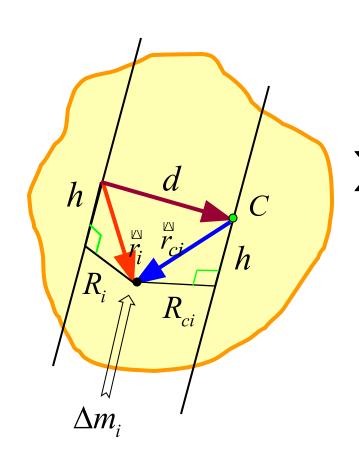
Поместим начало координат в центр инерции,

т.е. $\overset{\bowtie}{r_c}=0$ Из определения ц.инерции следует:

$$\overset{\boxtimes}{r_c} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{N} \Delta m_i \overset{\boxtimes}{r_{ci}} = 0 \qquad \longrightarrow \qquad \sum_{i=1}^{N} \Delta m_i \overset{\boxtimes}{r_{ci}} = 0$$

$$\boxed{A = d}$$

$$\sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_i r_i^2 = d^2 \sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_i + \sum_{i=1}^{N} \Delta m_i r_{ci}^2$$



$$\sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_{i} r_{i}^{2} = d^{2} \sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_{i} + \sum_{i=1}^{N} \Delta m_{i} r_{ci}^{2}$$

$$\sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_i (R_i^2 + h^2) = d^2 \sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_i + \sum_{i=1}^{N} \Delta m_i (R_{ci}^2 + h^2)$$

$$\sum_{i=1}^{N} \mathbb{M} m_{i} R_{i}^{2} = m d^{2} + \sum_{i=1}^{N} \Delta m_{i} R_{ci}^{2}$$

$$I_Z = I_C + md^2$$