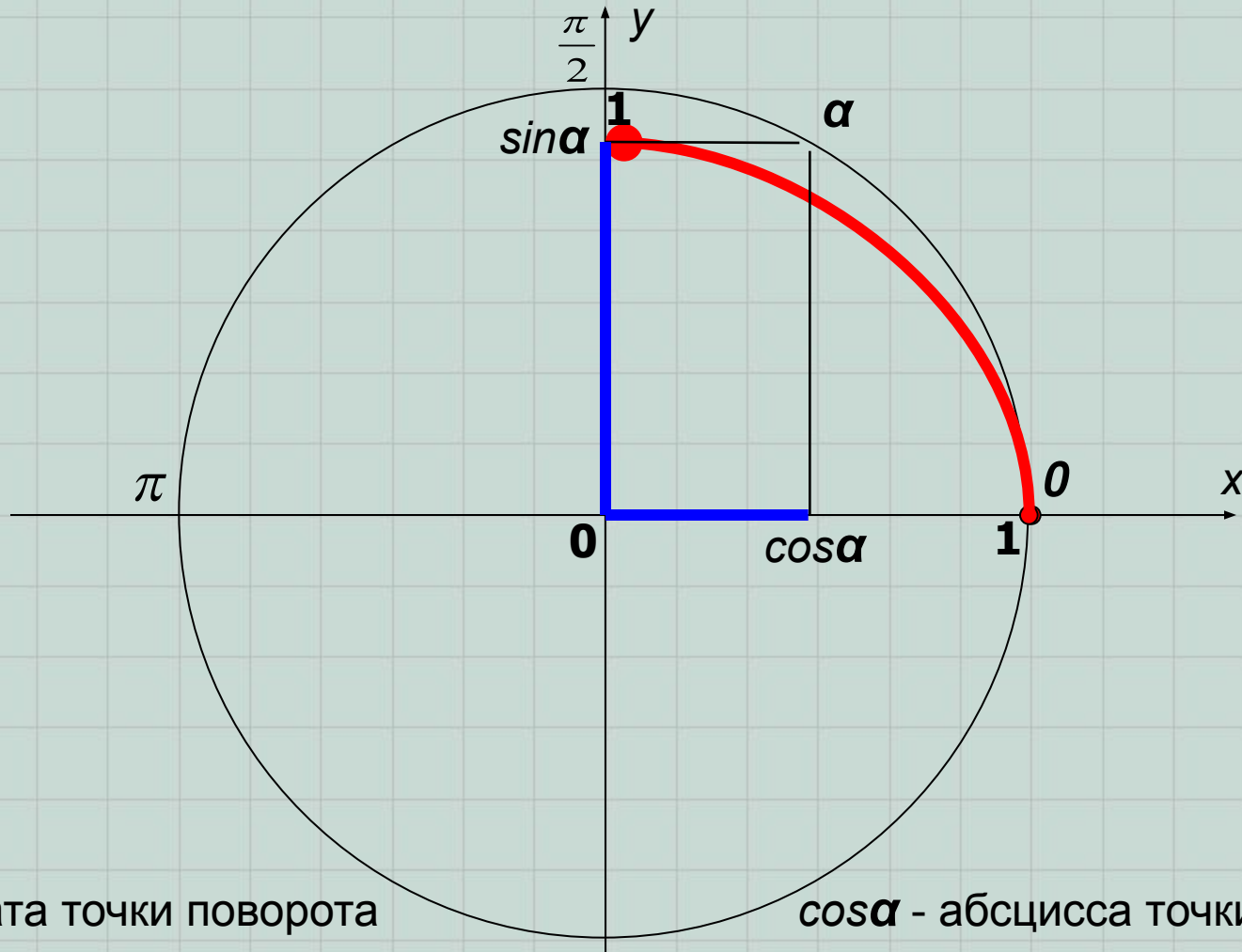


# Графики тригонометрических функций



Вспомним определение синуса и косинуса угла поворота:



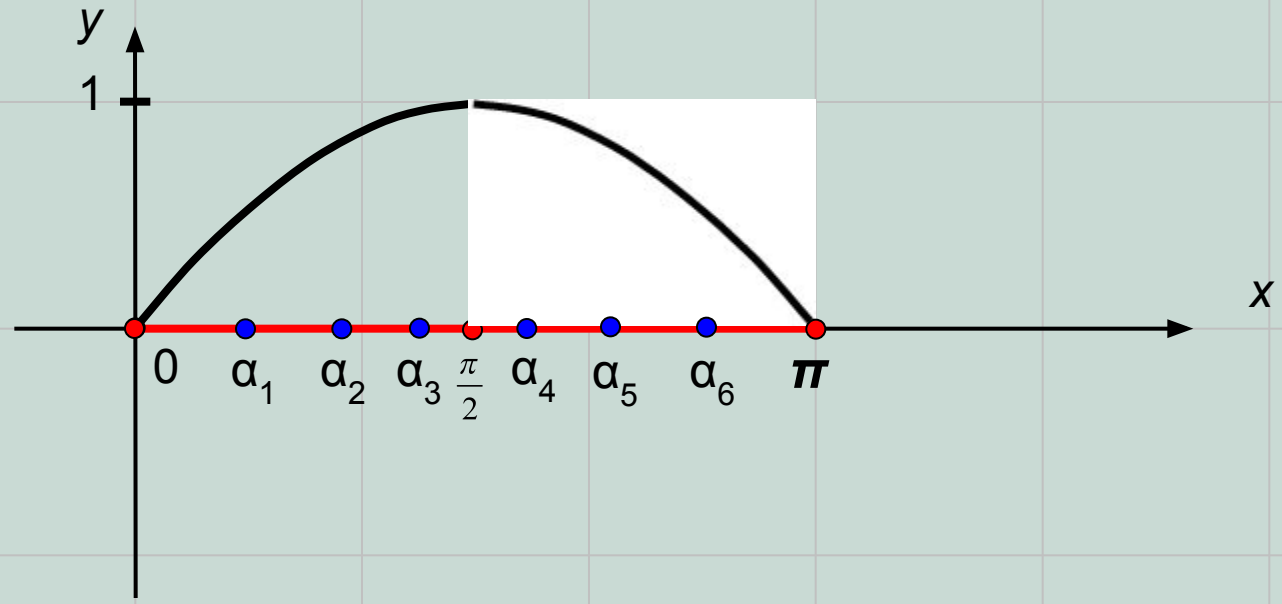
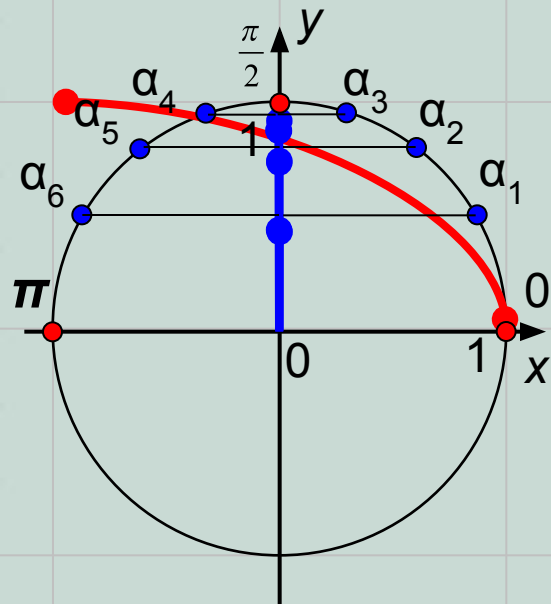
$\sin \alpha$  - ордината точки поворота

$\cos \alpha$  - абсцисса точки поворота

(под «точкой поворота» следует понимать – «точку единичной тригонометрической окружности, полученной при повороте на  $\alpha$  радиан от начала отсчета»)

На оси абсцисс координатной плоскости  $Oxy$  будем отмечать точки, соответствующие различным углам поворота, а на оси ординат – значения синусов этих углов.

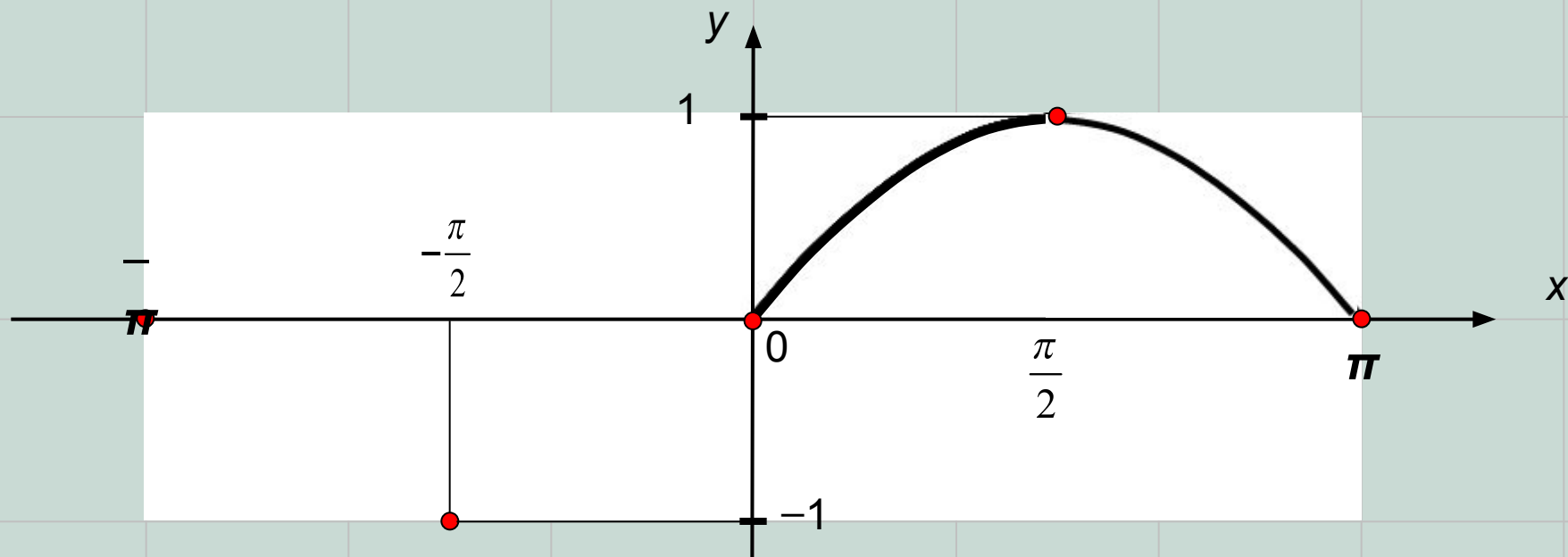
Масштаб  $\pi:3$



Таким образом мы получили график функции  $y = \sin x$  на промежутке  $[0; \pi]$ .

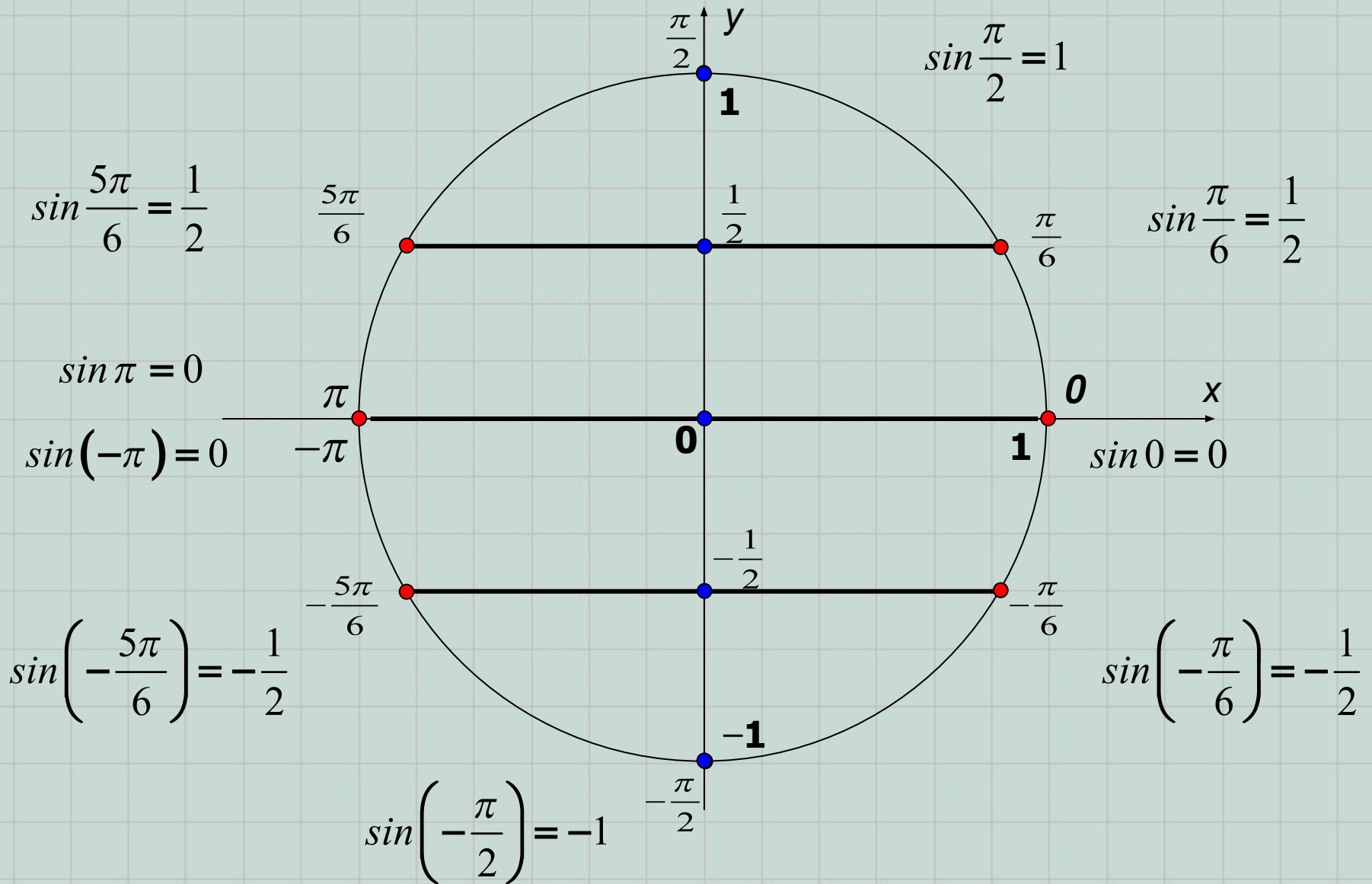
Теперь воспользуемся тем, что функция  $y=\sin x$  является нечетной, а, значит, график функции на промежутке  $[-\pi ; 0]$  можно получить из данного симметрией относительно начала координат (или поворотом на  $180^\circ$ ).

Масштаб  $\pi:3$



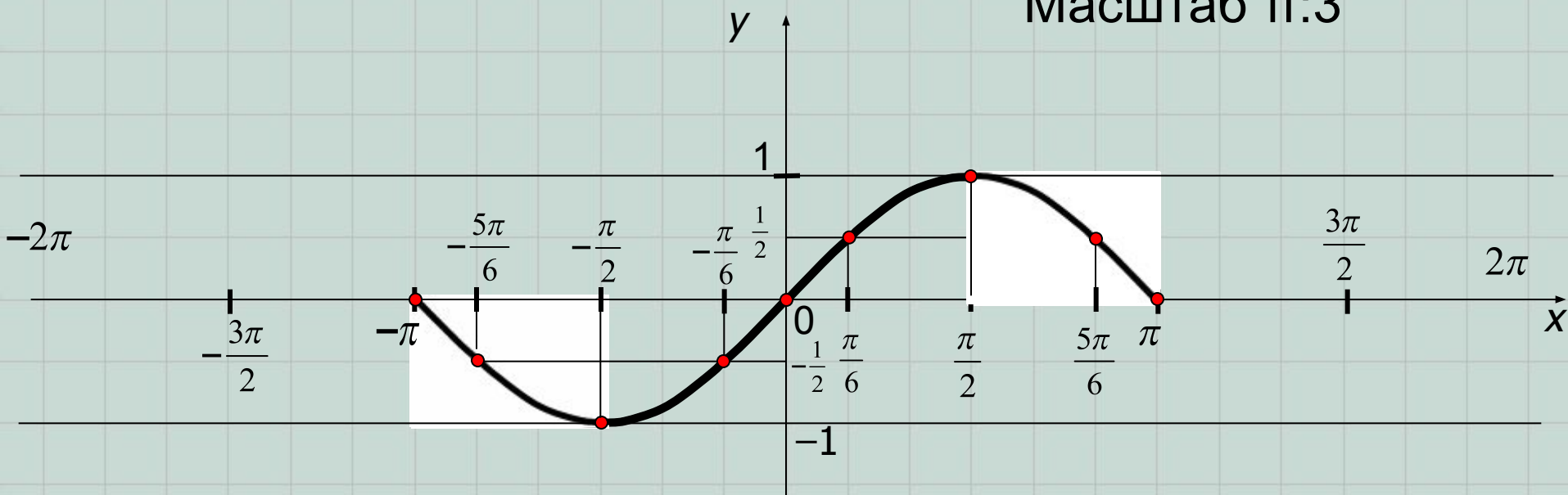
Таким образом, мы получили график функции  $y=\sin x$  на промежутке  $[-\pi ; \pi]$ .

Напомним некоторые рациональные значения функции  $y = \sin x$   
на промежутке  $[-\pi; \pi]$ :



На практике, для построения графика функции  $y = \sin x$  на промежутке  $[0; \pi]$ , сначала отмечают точки с координатами  $(0; 0)$ ,  $(\pi/6; 0,5)$ ,  $(\pi/2; 1)$ ,  $(5\pi/6; 0,5)$  и  $(\pi; 0)$ . Они образуют своеобразную «арку», которая периодически (с периодом  $\pi$ ) отображается симметрично оси  $Ox$ .

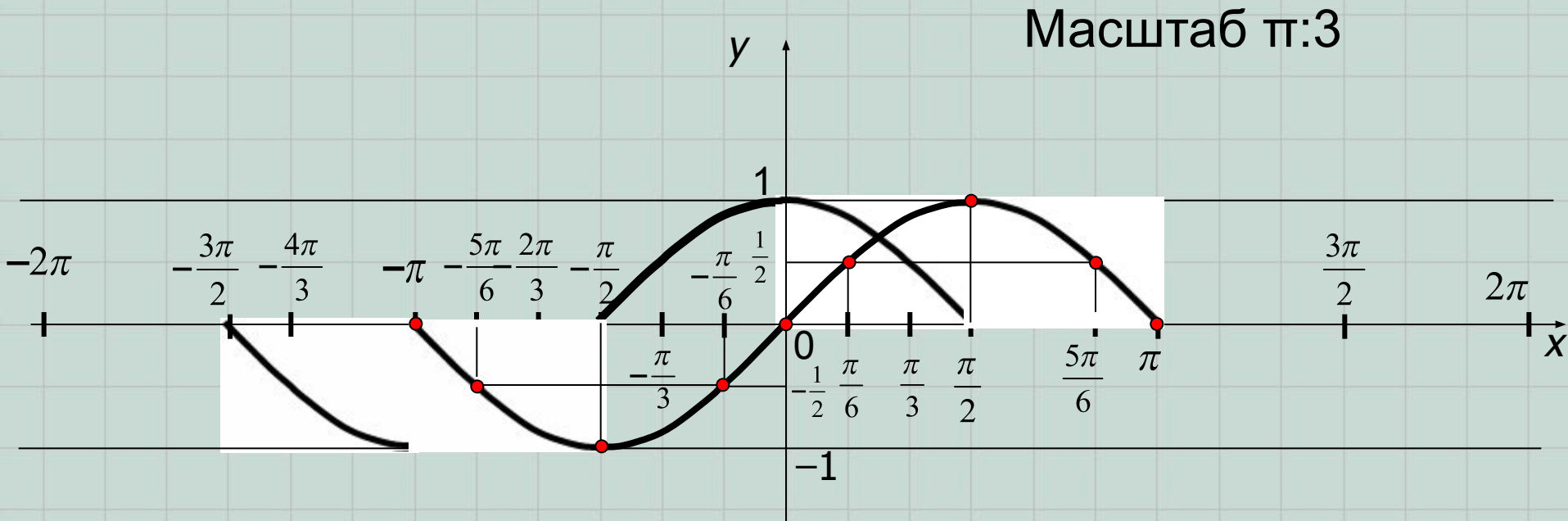
Масштаб  $\pi:3$



После этого используют свойство периодичности функции  $y = \sin x$ . Так как наименьший положительный период функции  $y = \sin x$  равен  $2\pi$ , то изображенный участок графика можно параллельно переносить влево и вправо вдоль оси  $Ox$  на  $2\pi \cdot n$  ( $n \in \mathbb{Z}$ ) единичных отрезков.

График функции  $y = \sin x$  называется **синусоидой**.

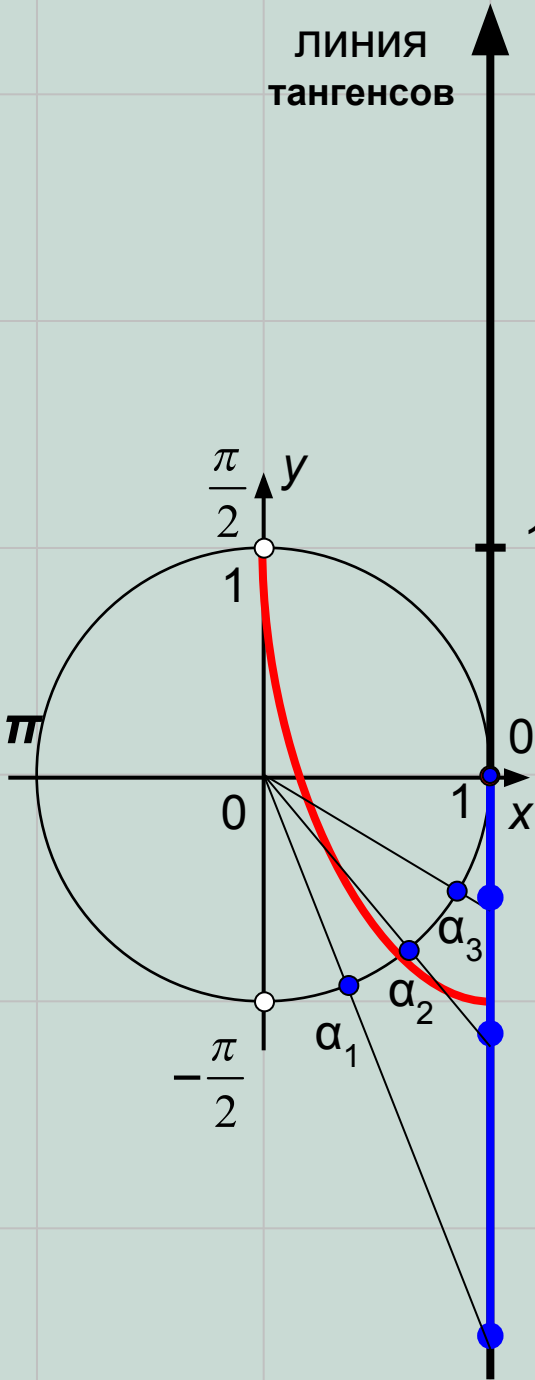
Используя равенство  $\cos x = \sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right)$ , график функции  $y = \cos x$  можно получить из синусоиды путем параллельного переноса вдоль оси  $Ox$  влево на  $\frac{\pi}{2}$  единичных отрезков.



И опять, воспользовавшись свойством периодичности функции  $y = \cos x$ , достраивают график на всей числовой прямой.

График функции  $y = \cos x$  называется **косинусоидой**.

ЛИНИЯ  
ТАНГЕНСОВ



у  
Комментарий учителя

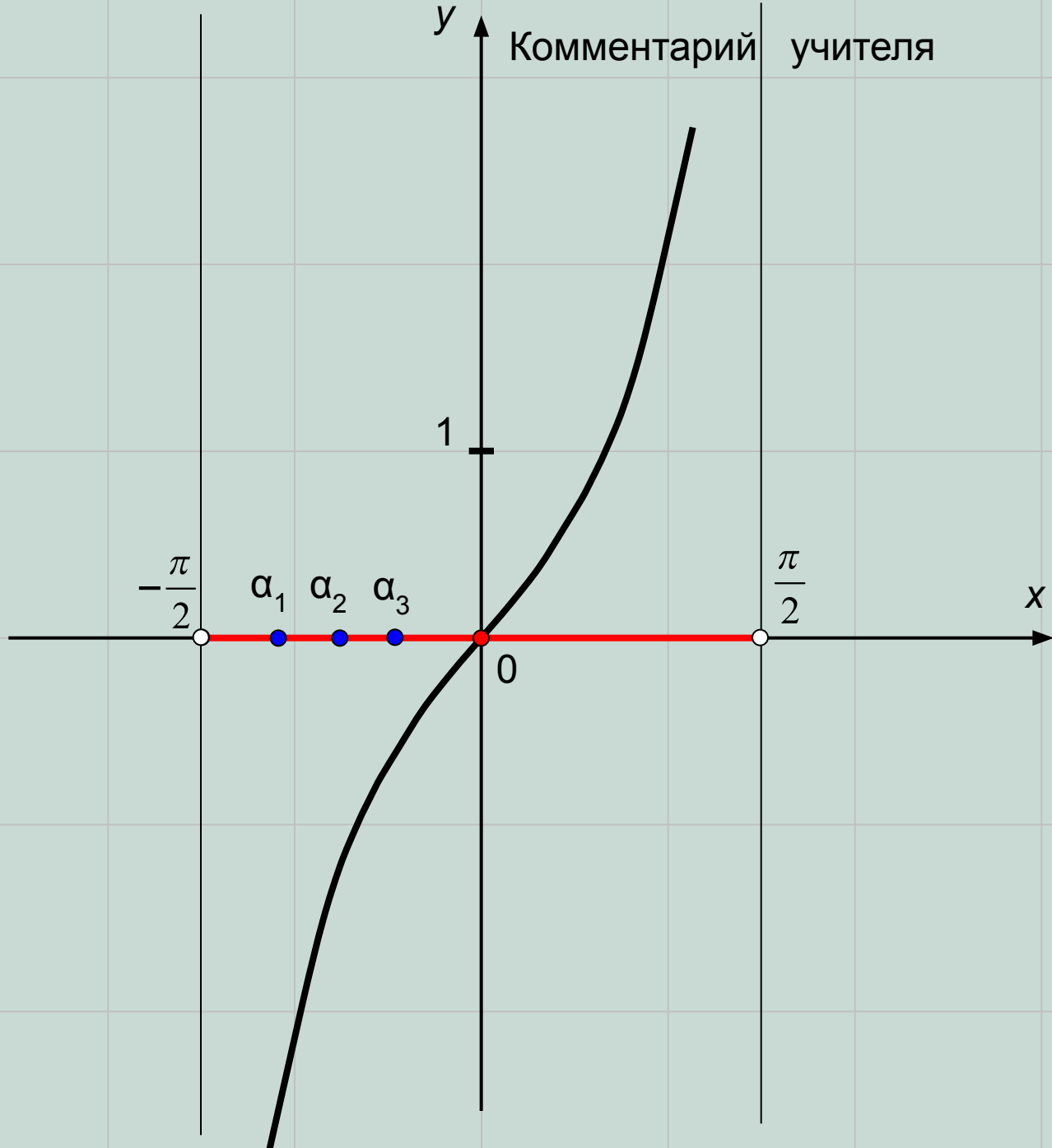
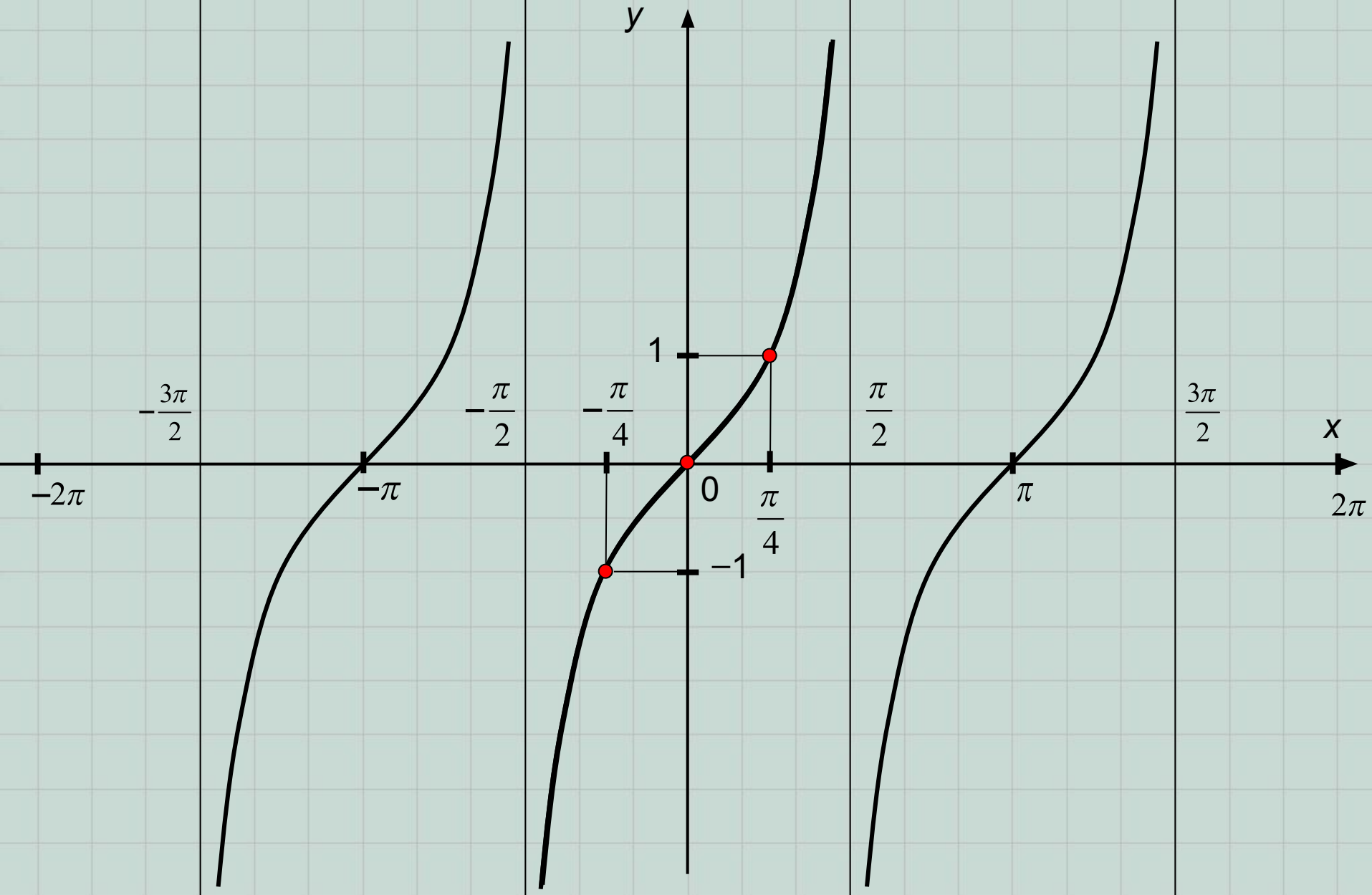




График функции  $y = \operatorname{tg} x$  называется  
**тангенсоидой**

Комментарий учителя



Масштаб  $\pi:3$

Комментарий учителя

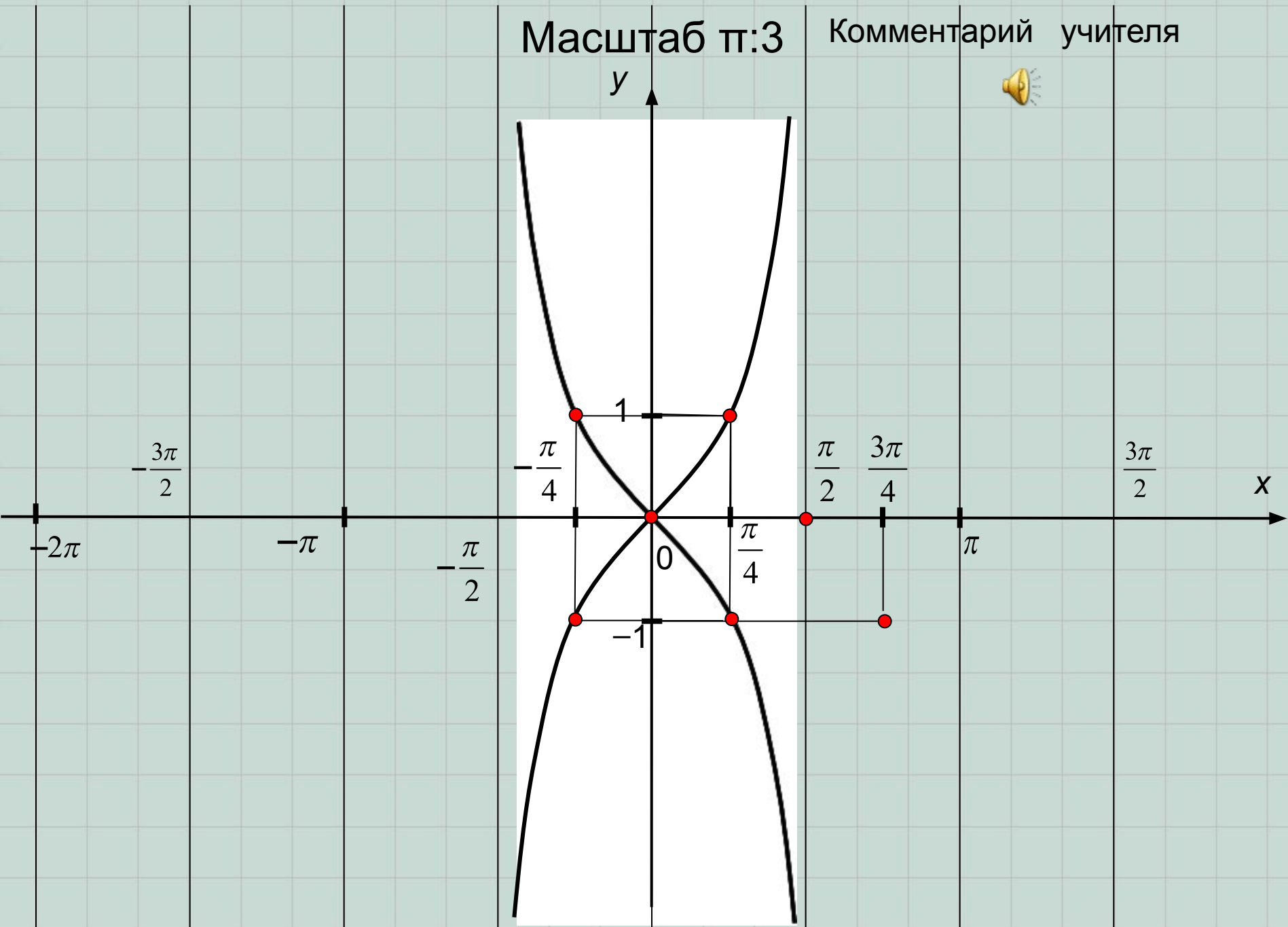


График функции  $y = \text{ctg}x$  называется **котангенсойдой**

Комментарий учителя

