Решение задачи ЛП средствами EXCEL

Описание ситуации и ЭММ задачи

Требуется определить план выпуска 4 видов продукции. На изготовление расходуются трудовые ресурсы, сырье и финансы. Границы выпуска каждого вида продукции, а так же наличие и нормы расхода ресурсов, прибыль на единицу продукции приведены в таблице:

| Ресурсы | Продукт 1 | Продукт 2 | Продукт 3 | Продукт 4 | Наличие |
|------------|-----------|----------------|-----------|-----------|---------|
| Труд | 2 | 1 | 2 | 2 | 36 |
| Сырье | 8 | 5 | 6 | 5 | 85 |
| Финансы | 10p. | 8p. | 10p. | 15p. | 180p. |
| нижн. гр. | 1 | 1 | 2 | 3 | _ |
| верхн. гр. | 6 | 10 - 10 | 4 | 5 | |
| Прибыль | 800p. | 700p. | 1 200p. | 1 500p. | |

Необходимо создать производственный план, обеспечивающий наибольшую прибыль.

Экономико - математическая модель задачи:

 $F = 800x1 + 700x2 + 1200x3 + 1500x4 \implies max$

| Ограничения на ресурсы: | Ограничения на выпуск: |
|---|---|
| $2 x1 + 1 x2 + 2 x3 + 2 x4 \le 36,$ | $\begin{bmatrix} 1 \le x \\ 1 \le 6, \end{bmatrix}$ |
| $-8x1 + 5x2 + 6x3 + 5x4 \le 85,$ | $1 \leq x2$, |
| $10 x1 + 8 x2 + 10 x3 + 15 x4 \le 180;$ | $2 \leq x3 \leq 4$, |
| | $3 \le x4 \le 5$. |

Модель для решения задачи в Excel

Для решения задачи средствами Excel удобно подготовить на листе Excel модель следующего вида:

| | A | B | C | D | E | F | G | Н |
|----|------------------------|-------------------|-------------------|------------------------|-------------------|----------------------------|----|---------|
| 1 | | Продукт 1 (X1) | Продукт 2 (X2) | Продукт 3 (ХЗ) | Продукт 4 (X4) | Общая прибыль | = | 4 200p. |
| 2 | Прибыль: | 800p. | 700p. | 1 200p. | 1 500p. | | | |
| з | Количество выпуска: | 1 | 1 | 1 | 1 | | | |
| 4 | | - | | Ограничения | 1 | | | |
| 5 | На ресурсы | : | | | | | | |
| 6 | | Продукт 1 | Продукт 2 | Продукт З | Продукт 4 | Используется на выпуск: | | Наличие |
| 7 | Труд | 2 | 1 | 2 | 2 | 7 | <= | 36 |
| 8 | Сырье | 8 | 5 | 6 | 5 | 24 | <= | 85 |
| 9 | Финансы | 10p. | 8p. | 10p. | 15p. | 43p. | <= | 180p. |
| 10 | | | | | | | | 243 |
| 11 | На выпуск | продукции: | | | | | | |
| 12 | | Нижняя гра | ница спроса: | Количество выпуска: | Верхняя гра | аница спроса: | | |
| 13 | Продукт 1 (X1) | 1 | <= | 1 | <= | 6 | | |
| 14 | Продукт 2 (X2) | 1 | <= | 1 | <= | 1000000 | | |
| 15 | Продукт 3 (X3) | 2 | <= | 1 | <= | 4 | | |
| 16 | Продукт 4 (Х4) | 3 | <= | - 1 | <= | 5 | | |

Вид листа с формулами, описывающими модель

| | A | В | C | D | E | F | G | Н |
|----|-------------------|------------------------------|-------------------|------------------------|-------------------|----------------------------------|----|--------------------------|
| 1 | | Продукт 1 (X1) | Продукт 2 (X2) | Продукт 3 (X3) | Продукт 4 (X4) | Общая прибыль | = | =СУММПРОИЗВ(B2:E2;B3:E3) |
| 2 | Прибыль: | 800 | 700 | 1200 | 1500 | | | |
| | Количество | | | | | | | |
| 3 | выпуска: | 1 | 1 | 1 | 1 | | | |
| 4 | | | | Ограничения | a | | | |
| 5 | На ресурсы: | | | | | | | |
| 6 | | Продукт 1 | Продукт 2 | Продукт 3 | Продукт 4 | Используется на выпуск: | | Наличие |
| 7 | Труд | 2 | 1 | 2 | 2 | =СУММПРОИЗВ(\$В\$3:\$Е\$3;В7:Е7) | <= | 36 |
| 8 | Сырье | 8 | 5 | 6 | 5 | =СУММПРОИЗВ(\$В\$3:\$Е\$3;В8:Е8) | <= | 85 |
| 9 | Финансы | 10 | 8 | 10 | 15 | =СУММПРОИЗВ(\$В\$3:\$Е\$3;В9:Е9) | <= | 180 |
| 10 | | | | | | | | |
| 11 | На выпуск и | | | | | | | |
| 12 | | Нижняя граница спроса: | | Количество выпуска: | | Верхняя граница спроса: | | |
| | Продукт 1 | | | | | | | |
| 13 | (X1) | 1 | <= | =B3 | <= | 6 | | |
| | Продукт 2 | | | | | | | |
| 14 | (X2) | 1 | <= | =C3 | <= | 1000000 | | |
| | Продукт 3 | | | | | | | |
| 15 | (X3) | 2 | <= | =D3 | <= | 4 | | |
| 16 | Продукт 4 (X4) | 3 | <= | =E3 | <= | 5 | | |

Решение задачи в Excel

Для решения задачи используется команда Сервис/Поиск решения. После выполнения команды появится окно:

| | | Ячейка с формулой для р | расчета |
|----------------------|---|--------------------------|-------------------|
| Ячейки с исходными | | значения ЦФ (Общая при | ибыль) |
| данными, которые | | | |
| будут подбираться в | Поиск решения | | |
| процессе решения | поиск решения | | |
| (количество | Установить целевую ячейку: | \$H\$1 🗾 | <u>В</u> ыполнить |
| выпускаемых изделий) | Равной: 💽 максимальному значени | ю С значению: О | Закрыть |
| | С ми <u>н</u> имальному значению Измен <u>я</u> я ячейки: \$B\$3:\$E\$3 Ограничения: | о <u>Предположить</u> | <u>П</u> араметры |
| Для добавления | | <u> </u> | |
| ограничений | | Изменить | 1 |
| нажать кнопку | | -1 Удалить | Восстановить |
| Добавить. | | | <u>С</u> правка |

Добавление ограничений

Вид окна для добавления ограничений:

| Добавление о | граничения | | ? 🔀 |
|------------------------|------------|---------------------|-----------------|
| Ссылка на <u>я</u> чей | cy: | <u>О</u> граничение | |
| \$F\$7:\$F\$9 | <u></u> <= | ▼ =\$H\$7:\$H\$9 | 3 |
| ОК | Отмена | До <u>б</u> авить | <u>С</u> правка |

В окне на рисунке добавляется ограничение на использование ресурсов

| Добавление огра | ничения | | ? 🛛 | | | | | | |
|---|-----------------|---------------------------------|--------|--|---|-----|----------|--------------|-------------------|
| Ссылка на <u>я</u> чейку: [\$B\$3:\$E\$3 ОК | 💽 цел Отмена | Ограничени целое Добавить | е: | | | Огр | Огранич | Ограничение | Ограничение, зада |
| | | | | | | цел | целочисл | целочисленно | целочисленность д |
| | | | | | И | ИЗМ | изменяем | изменяемых я | изменяемых ячеек |

Окно для задания параметров поиска решения

Установка флажка "Линейная модель" обеспечивает ускорение поиска решения линейной задачи за счет применение симплекс-метода и дает возможность получить информацию в отчете по устойчивости, необходимую для анализа результатов (только для задач линейного программирования).

| Максимальное время; | 100 секу | нд | ок |
|---|---------------------------------------|------------------------------------|--|
| – Тредел <u>ь</u> ное число итер | раций: 100 | | Отмена |
| О <u>т</u> носительная погреш | ность: 0,000001 | | <u>З</u> агрузить модель |
| 1 <u>о</u> пустимое отклонени | e: 5 | - % | Сохр <u>а</u> нить модель |
| Т <u>х</u> одимость: | 0,0001 | | <u>С</u> правка |
| Динейная модель Неотрицательные з Оценки | П Авто начения) П Пока Разности | матическо зывать ре: Метод г | е масштабирование зультаты итераций тоиска |

Установка флажка "Неотрицательные значения" позволяет установить нулевую нижнюю границу для тех изменяемых ячеек, для которых она не указана в ограничениях.

Окончательный вид окна поиска решения для рассматриваемого примера

Для нахождения решения нажать кнопку **Выполнить**.



Окно «Результаты поиска решения»

В появившемся окне «**Результаты поиска решения**» отображается информация о том, найдено или нет решение.

| Результаты поиска решения | ? 🛛 | В этом окне |
|---|---|--|
| Решение найдено. Все ограничения и условия оптимальности выполнены. • Сохранить найденное решение | <u>Т</u> ип отчета Результаты Устойчивость Пределы | можно выорать тип отчета, щелкнув по нему мышкой. |
| ОК Отмена Со <u>х</u> ранить с | ценарий | |

Отчеты по устойчивости и по пределам нельзя получить, если на изменяемые переменные наложены ограничения целочисленности. Для получения более полной информации в отчете по устойчивости нужно в окне задания параметров установить флажок "Линейная модель".

Анализ оптимального решения на чувствительность в Excel Отчет по результатам

Отчет по результатам состоит из трех таблиц:

| Габлица 1 | 3 | Пелевая яч | чейка (Максимум) | | | | | | |
|---|----|---|---|---|---|--|--|--|--------|
| содержит | | Ячейка | Имя | | Исходно | Результат | | | |
| информацию о | | \$H\$1 | = | | 4 200p. | 17 O2Op. | Табли | ца 2 соде | ожит |
| ĮΨ | | | | | | | инфог | манию о | значе- |
| | 3 | Изменяемь | ле ячейки | | + | | ниях і | теременні | ых |
| | | Ячейка | Имя | | Исходно | Результат | получ | енных в г | езупь- |
| | | \$B\$3 | Количество выпуска: Про | одукт 1 (X1) | 1 | 1 | | | |
| | | \$C\$3 | Количество выпуска: Про | эдукт 2 (X2) | 1 | 5,6 | решен | ния задачи | 1 |
| | 1 | \$D\$3 | Количество выпуска: Про | эдукт 3 (X3) | 1 | 4 | | | |
| Габлица 3 | | \$E\$3 | Количество выпуска: Про | эдукт 4 (X4) | 1 | 6 | 0 | | |
| юказывает | | | | | | | | | |
| оезультаты | 25 | Ограничен | ия | | | | | | |
| птимального | | Ячейка | Имя | | Значение | формула | Статус | Разница | |
| ешения для | | \$F\$7 | Труд Используется на вы | луск: | 25,6 | \$F\$7<=\$H\$7 | не связан. | 10,4 | |
| грани-чений и | | C C C C C C | | | | | | 1.000.001.001 | |
| - p ••••••••••••••••••••••••••••••••••• | | φ1ψO | Сырье Используется на в | эыпуск: | 85 | \$F\$8<=\$H\$8 | связанное | 0 | |
| | | \$F\$9 | Сырье Используется на п Финансы Используется н | эыпуск: на выпуск | 85 170p. | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 | связанное не связан. | 0 10,2 | |
| ля граничных | | \$F\$9 \$D\$13 | Сырье Используется на Финансы Используется н <= Количество выпуска: | эыпуск: на выпуск Ограничен | 85 170р. ния 1 | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 \$D\$13>=\$B\$13 | связанное не связан. связанное | 0 10,2 0 | |
| ля граничных словий | | \$F\$9 \$D\$13 \$D\$14 | Сырье Используется на Финансы Используется н <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: | выпуск: на выпуск — Ограничен — выпуска и | 85 170р. ния 1 5,6 | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 \$D\$13>=\$B\$13 \$D\$14>=\$B\$14 | связанное не связан. связанное не связан. | 0 10,2 0 4,6 | |
| иля граничных словий | | \$7,50 \$F\$9 \$D\$13 \$D\$14 \$D\$15 | Сырье Используется на Финансы Используется н <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: | выпуск: 1а выпуск — Ограничен — выпуска н | 85 170р. ния 1 ижние 5,Б 4 | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 \$D\$13>=\$B\$13 \$D\$14>=\$B\$14 \$D\$15>=\$B\$15 | связанное не связан. связанное не связан. не связан. | 0 10,2 0 4,6 2 | |
| ля граничных словий | | \$F\$9 \$D\$13 \$D\$14 \$D\$15 \$D\$16 | Сырье Используется на Финансы Используется н <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: | выпуск: 1а выпуск Ограничея – выпуска н – Ограничея | 85 170р. ния 1 нижние 5,6 нижние 4 ния 5 | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 \$D\$13>=\$B\$13 \$D\$14>=\$B\$14 \$D\$15>=\$B\$15 \$D\$16>=\$B\$16 | связанное не связан. связанное не связан. не связан. не связан. | 0 10,2 0 4,6 2 2 | |
| иля граничных словий | | \$F\$9 \$D\$13 \$D\$14 \$D\$15 \$D\$16 \$D\$13 | Сырье Используется на Финансы Используется н <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: | выпуск: а выпуск Ограничен – выпуска н – Ограничен – Ограничен | 85 170р. ния 1 нижние 5,6 ижние 4 ния 5 эрушие 1 | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 \$D\$13>=\$B\$13 \$D\$14>=\$B\$14 \$D\$15>=\$B\$15 \$D\$16>=\$B\$16 \$D\$13<=\$F\$13 | связанное не связан. связанное не связан. не связан. не связан. не связан. | 0 10,2 0 4,6 2 2 5 | |
| ля граничных словий | | \$F\$9 \$D\$13 \$D\$14 \$D\$15 \$D\$16 \$D\$16 \$D\$13 \$D\$14 | Сырье Используется на Финансы Используется н <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: | выпуск: на выпуск Ограничен выпуска н Ограничен выпуска в | 85 170р. ния 1 ния 5,Б ния 5 ния 5 ерхние 1 5,Б | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 \$D\$13>=\$B\$13 \$D\$14>=\$B\$14 \$D\$15>=\$B\$15 \$D\$16>=\$B\$16 \$D\$13<=\$F\$13 \$D\$14<=\$F\$14 | связанное не связан. связанное не связан. не связан. не связан. не связан. не связан. | 0 10,2 0 4,6 2 2 2 5 999994,4 | |
| цля граничных условий | | \$F\$9 \$D\$13 \$D\$14 \$D\$15 \$D\$16 \$D\$16 \$D\$13 \$D\$14 \$D\$14 \$D\$15 | Сырье Используется на Финансы Используется н <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: <= Количество выпуска: | выпуск: а выпуск Ограничен выпуска н Ограничен выпуска в | 85 170р. ния 1 нижние 5,6 нижние 4 ния 5 ерхние 1 серхние 5,6 4 | \$F\$8<=\$H\$8 \$F\$9<=\$H\$9 \$D\$13>=\$B\$13 \$D\$14>=\$B\$14 \$D\$15>=\$B\$15 \$D\$16>=\$B\$16 \$D\$13<=\$F\$13 \$D\$14<=\$F\$14 \$D\$15<=\$F\$13 | связанное не связан. связанное не связан. не связан. не связан. не связан. не связан. не связан. | 0 10,2 0 4,6 2 2 2 5 999994,4 0 | |

Анализ оптимального решения на чувствительность в Excel Отчет по устойчивости

Отчет по устойчивости состоит из двух таблиц.

