

Решение задач на законы сохранения импульса и энергии



Повторим теорию!

Импульс тела

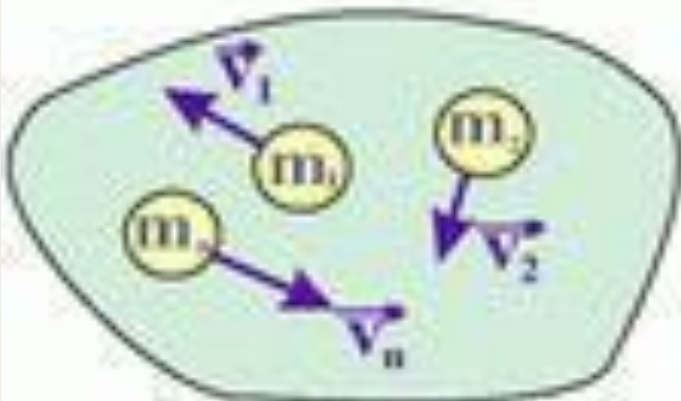
Импульс есть мера механического движения тел:

а) материальной точки



$$\vec{p} = m\vec{v}$$

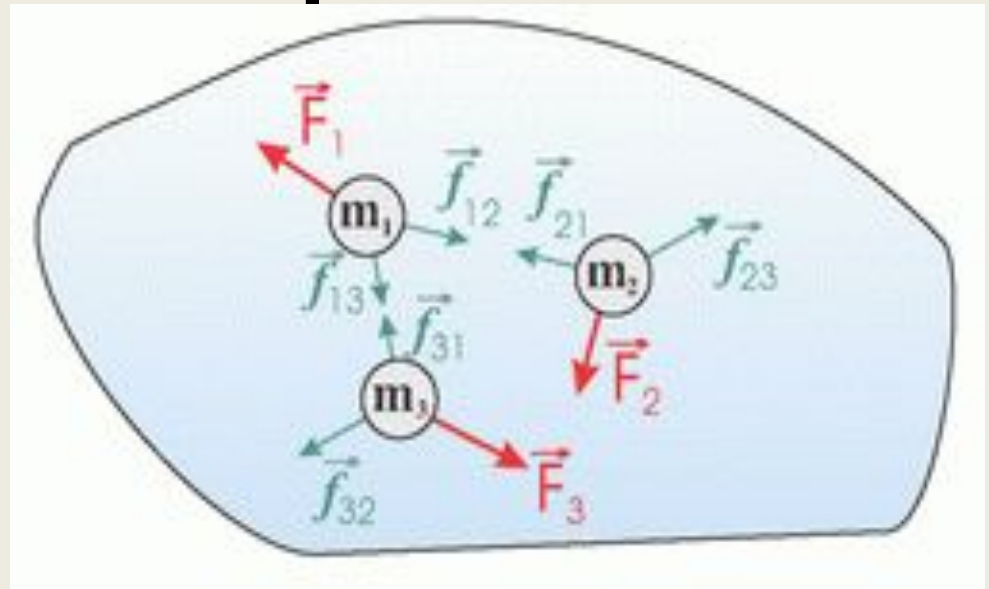
б) системы



$$\begin{aligned}\vec{p}_{\text{сист}} &= \sum_{i=1}^N \vec{p}_i = \\ &= m_1\vec{v}_1 + m_2\vec{v}_2 + \dots + m_n\vec{v}_n\end{aligned}$$

Повторим теорию!

При взаимодействии тел **импульс** одного тела может частично или полностью передаваться другому телу.



$\vec{f}_{12}, \vec{f}_{21}, \vec{f}_{23}, \vec{f}_{32}, \vec{f}_{13}, \vec{f}_{31}$ - силы, действующие между телами, входящими в систему, - *внутренние силы*

$\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3$ - силы, действующие со стороны тел, не входящих в систему, - *внешние силы*

Если $\sum_{i=1}^N \vec{F}_i = 0$, то система называется **ЗАМКНУТОЙ**

Повторим теорию!

Закон сохранения импульса

для замкнутой системы

$$\vec{p}_{\text{сист}} = \text{const},$$

$$m_1 \overset{\sphericalangle}{v}_1 + m_2 \overset{\sphericalangle}{v}_2 = m_1 \overset{\sphericalangle}{u}_1 + m_2 \overset{\sphericalangle}{u}_2$$

для упругого
взаимодействия

$$m_1 \overset{\sphericalangle}{v}_1 + m_2 \overset{\sphericalangle}{v}_2 = (m_1 + m_2) \overset{\sphericalangle}{u}$$

для неупругого
взаимодействия

Рассмотрим примеры

Нецентральное соударение двух шаров разных масс, один из которых до соударения

находился в состоянии покоя.

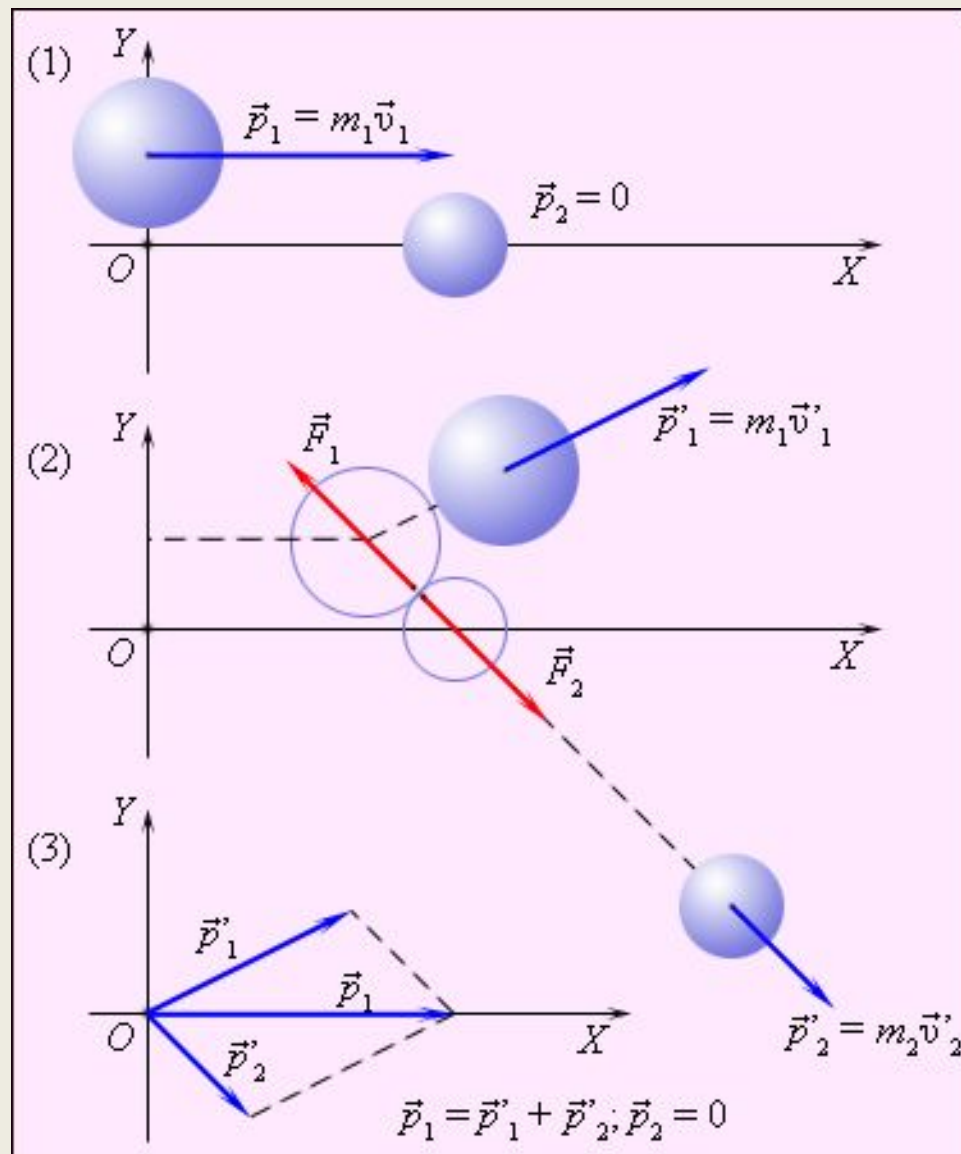
1 – импульсы до соударения;

2 – импульсы после соударения;

Обратим внимание:

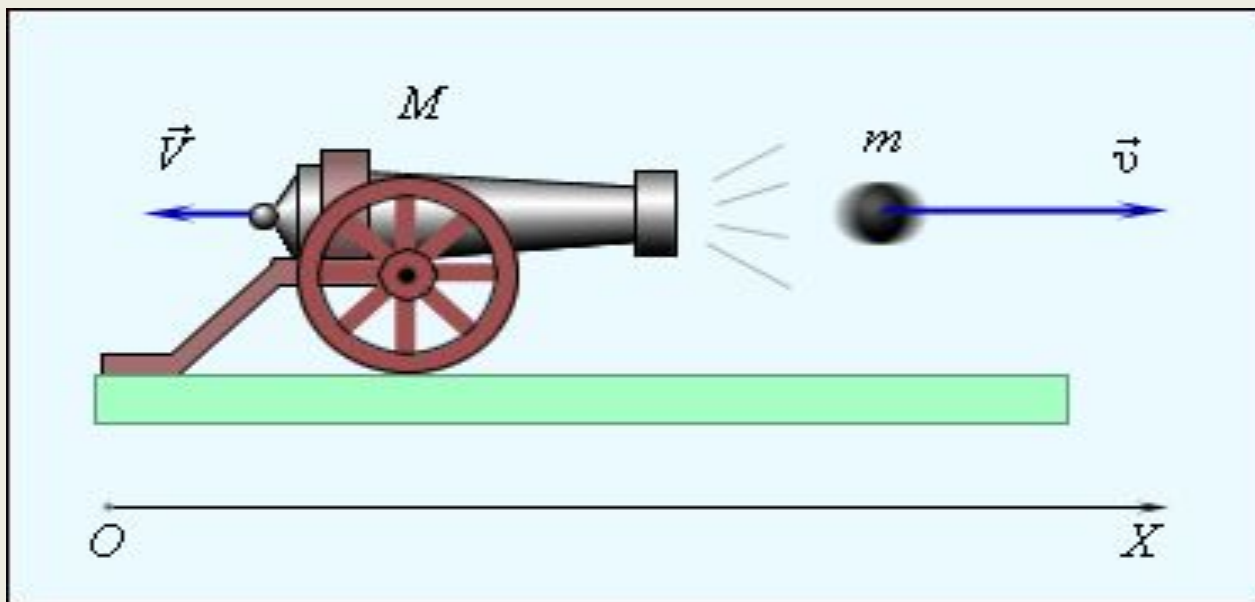
проекции импульсов обоих шаров после соударения на ось OY должны быть одинаковы по модулю и иметь разные знаки, чтобы их

сумма равнялась нулю.



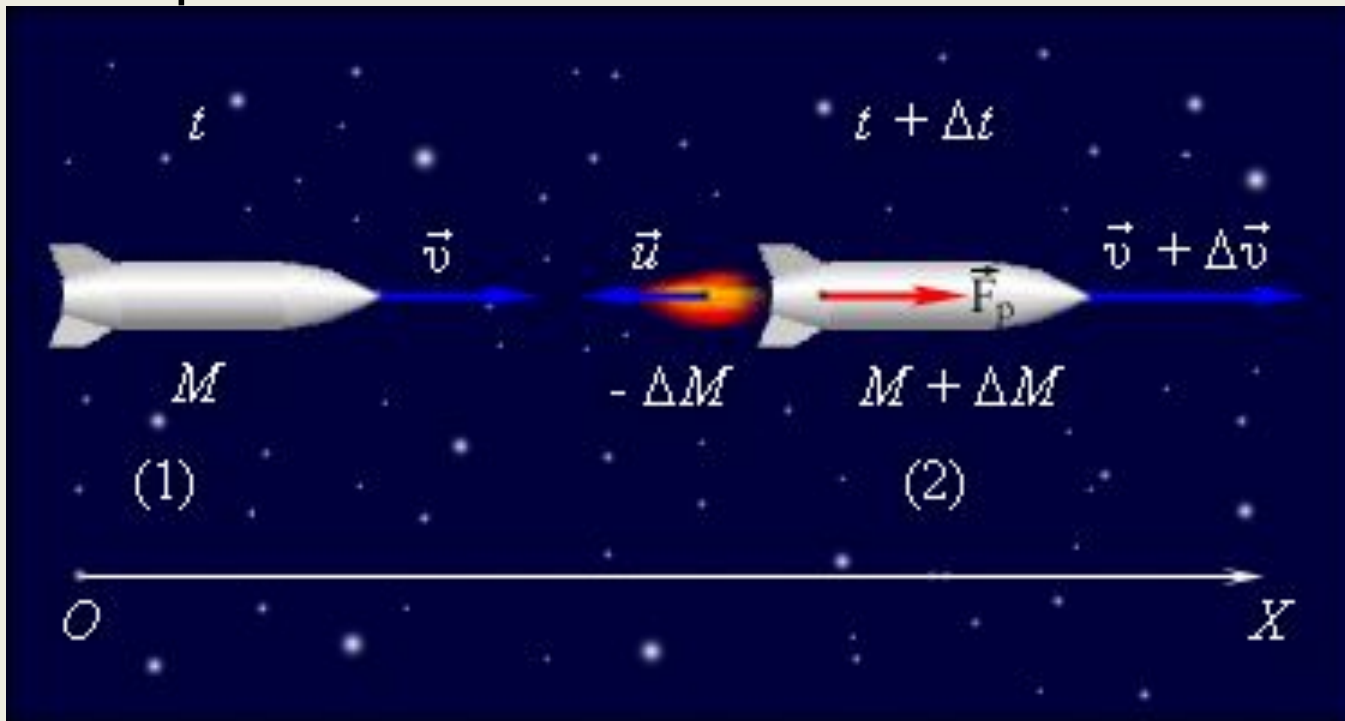
Рассмотрим примеры

При стрельбе из орудия возникает **отдача** – снаряд движется вперед, а орудие – откатывается назад. Снаряд и орудие – два взаимодействующих тела. Скорость, которую приобретает орудие при отдаче, зависит только от скорости снаряда и отношения масс.



Рассмотрим примеры

На принципе отдачи основано **реактивное движение**. В **ракете** при сгорании топлива газы, нагретые до высокой температуры, выбрасываются из сопла с большой скоростью относительно ракеты.



Продолжим повторение теории!

Физическая величина, равная половине произведения массы тела на квадрат его скорости, называется **кинетической энергией** тела

$$E_k = \frac{mv^2}{2}$$

Теорема о кинетической энергии тела:

работа приложенной к телу равнодействующей силы равна изменению его кинетической энергии

$$A = E_{k2} - E_{k1}$$

Потенциальная энергия тела в поле силы тяжести равна работе, которую совершает сила тяжести при опускании тела на нулевой уровень

$$E_p = mgh$$

Потенциальная энергия упруго деформированного тела равна работе силы упругости при переходе из данного состояния в состояние с нулевой деформацией

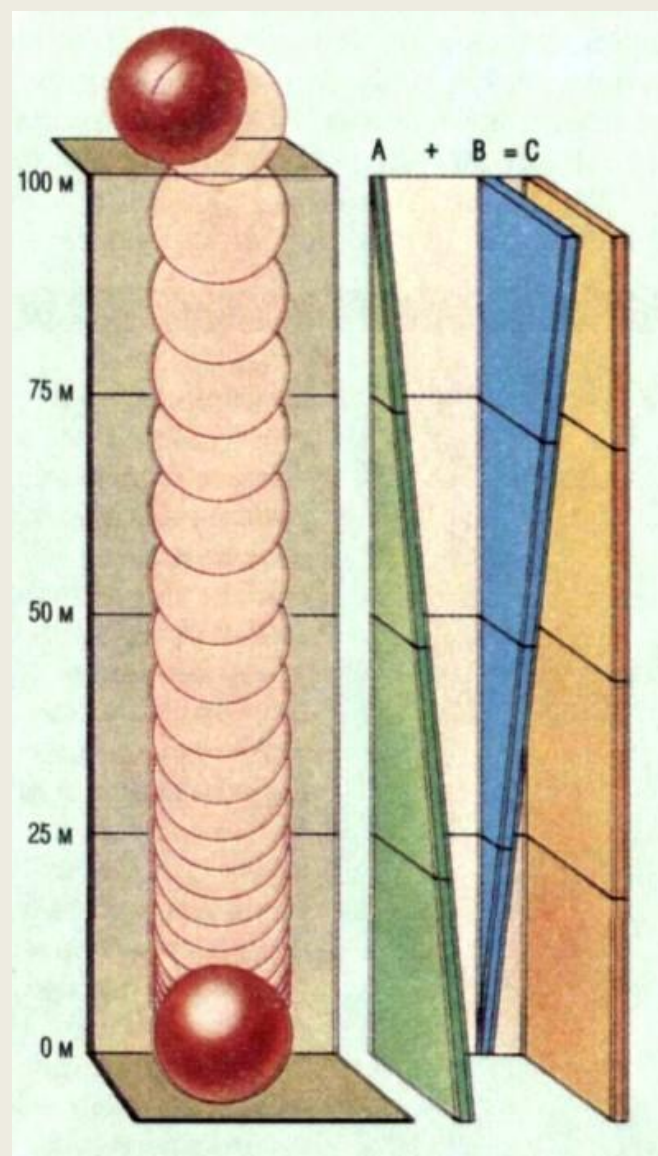
$$E_p = \frac{kx^2}{2}$$

Продолжим повторение теории!

Закон сохранения энергии в механических процессах:

Сумма кинетической и потенциальной энергии тел, составляющих замкнутую систему и взаимодействующих между собой силами тяготения и силами упругости, остается неизменной

А – кинетическая энергия шара;
В – потенциальная энергия шара;
С – полная механическая энергия шара.



Неупругие и упругие соударения

Абсолютно неупругим ударом называют такое ударное взаимодействие, при котором тела соединяются (слипаются) друг с другом и движутся дальше как одно тело.

Абсолютно упругим ударом называется столкновение, при котором сохраняется механическая энергия системы тел.

Во многих случаях столкновения атомов, молекул и элементарных частиц подчиняются законам абсолютно упругого удара.

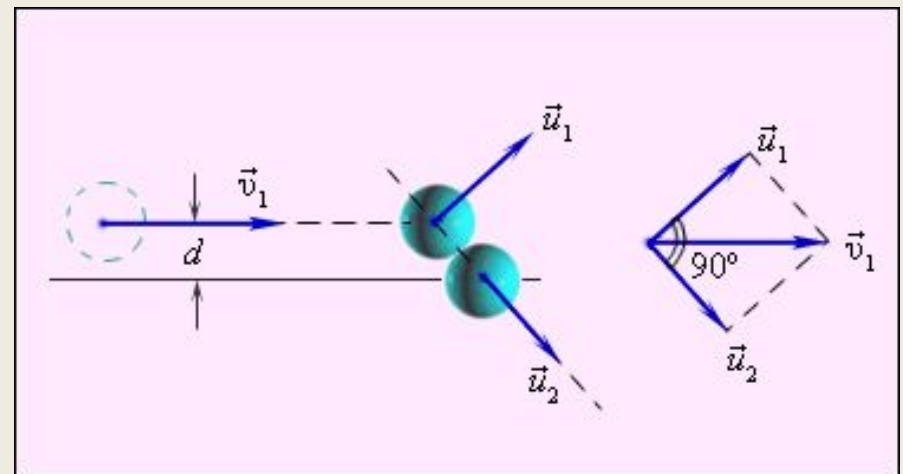
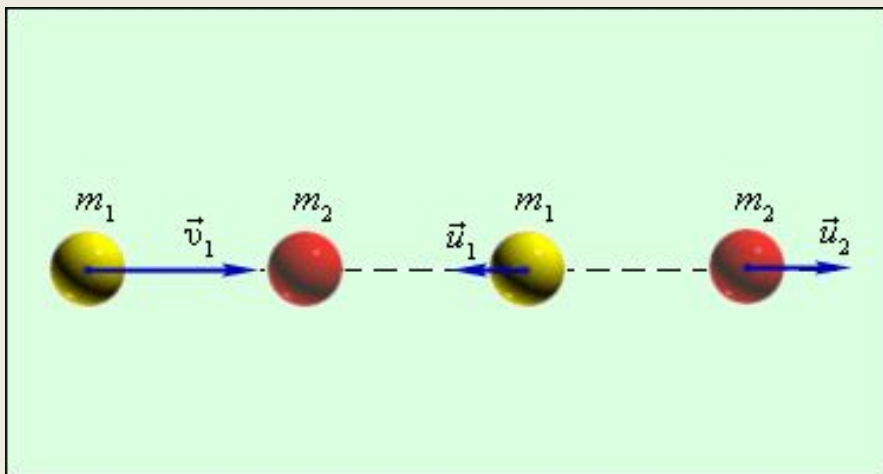
Рассмотрим пример

На основе законов механики математически точно описывается «поведение» **бильярдных шаров**, столкновения которых друг с другом и со стенками бильярдного стола можно считать абсолютно упругими.

При этом соударения могут быть центральными и нецентральными

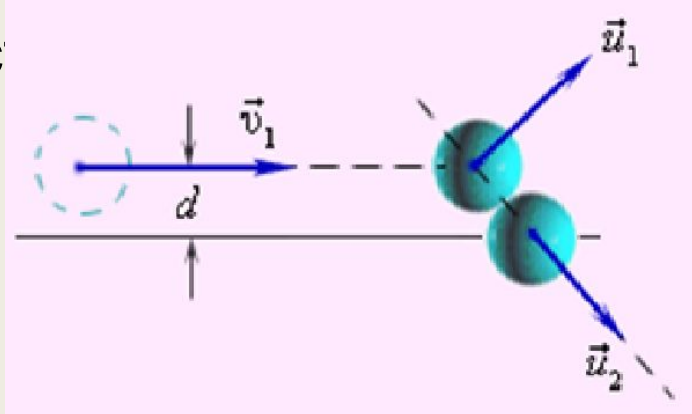
Центральное соударение

Нецентральное соударение

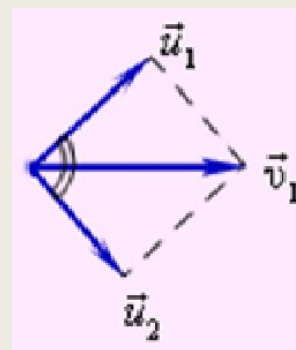


Переходим к практике

Задача . Под каким углом могут разлететься два тела одинаковой массы после упругого нецентрального



Построим диаграмму импульсов



Применим закон сохранения импульса в векторном виде с учётом равенства $\vec{v}_1 = \vec{u}_1 + \vec{u}_2$

По закону сохранения энергии при равных массах $v_1^2 = u_1^2 + u_2^2$

Первое из этих равенств означает, что векторы скоростей образуют треугольник, а второе – что для этого треугольника справедлива теорема Пифагора, то есть он прямоугольный. Искомый угол – это угол между катетами, т.е. он **равен 90°**.

Д/з: