



Решение задач оптимизации в MS Excel

*ГБОУ Центр образования № 133 Невского
района
авт. Баринова Е.А.*

Для решения задач оптимизации необходимо:

- Задать целевую функцию
- Создать математическую модель задачи
- Решить задачу на компьютере

Математическая модель

- Математическая модель – это приближенное описание какого-либо класса явлений средствами математической символики.
- При составлении математической модели решения задачи оптимизации искомые величины принимаются за неизвестные и составляется система неравенств, наиболее полно характеризующих решение поставленной задачи.
- В любую математическую модель входят две составляющие:
- **Ограничения**, которые устанавливают зависимости между переменными.
- **Граничные условия** показывают, в каких пределах могут быть значения искомых переменных в оптимальном решении.

Задача

- Компания производит полки для ванных комнат двух типов - А и В. Агенты по продаже считают, что за неделю на рынке может быть реализовано до 550 полок. Для каждой полки типа А требуется 2 м^2 материала, для полки типа В - 3 м^2 материала. Компания может получить до 1200 м^2 материала в неделю. Для изготовления одной полки типа А требуется 12 мин. работы оборудования, а для изготовления одной полки типа В - 30 мин. Оборудование можно использовать 160 час. в неделю. Если прибыль от продажи полок типа А составляет 3 долл., а от полок типа В - 4 долл., то сколько полок надо выпускать в неделю, чтобы получить максимальную прибыль?

Целевая функция

- Очевидно, что в качестве критерия оптимизации в данном случае выступает функция прибыли. Оптимальным будет считаться тот из вариантов решения, в котором значение прибыли будет максимальным. Учитывая, что «...прибыль от продажи полок типа А составляет 3 долл., а от полок типа В - 4 долл....» целевая функция будет выглядеть следующим образом:
 - $3x_1 + 4x_2 \Rightarrow \max$, где
 - x_1 – объем производства полок типа А
 - x_2 – объем производства полок типа В

Ограничение на объем производства:

- «...Агенты по продаже считают, что неделю на рынке может быть реализовано до 550 полок...»
Очевидно, что совокупный объем производства полок не должен превышать 550 единиц, или, в математическом виде:
- $x_1 + x_2 \leq 550$

Ограничение на использование оборудования:

- ⦿ «...Для изготовления одной полки типа А требуется 12 мин. работы оборудования, а для изготовления одной полки типа В - 30 мин. Оборудование можно использовать 160 часов в неделю...» На основе этой информации можно сделать вывод, что общее время использования оборудования в рамках данного проекта не должно превышать 160 часов в неделю. Переведя время, необходимое для изготовления одной полки в часы (с целью сопоставимости единиц измерения правой и левой части неравенства) получим:
- ⦿ $0,2x_1 + 0,5x_2 \leq 160$

Ограничение на использование материалов:

- «...Для каждой полки типа А требуется 2 м^2 материала, для полки типа В - 3 м^2 материала. Компания может получить до 1200 м^2 материала в неделю...» На основе этой информации можно сделать вывод, что общее количество материала, затрачиваемого для реализации данного проекта, не должно превышать 1200 м^2 :
- $2x_1 + 3x_2 \leq 1200$

Граничные условия

- ⊙ В качестве граничных условий в данном примере могут быть использованы следующие утверждения, вытекающие из сути поставленной задачи:
- ⊙ Объем производства полок типа А и полок типа В – неотрицательное значение.
- ⊙ Объем производства полок типа А и полок типа В – целое число, запишем таким образом:
- ⊙ $x_1, x_2 \geq 0$
- ⊙ x_1, x_2 – целое

Ввод условий задачи

Ввод условий задачи состоит из следующих основных шагов:

- ⦿ Создание формы для ввода данных, необходимых для последующего решения.
- ⦿ Ввод исходных данных и зависимостей из математической модели.
- ⦿ Указание целевой ячейки (ячейки, в которую введена целевая функция), ввод ограничений и граничных условий в диалоговом окне Поиск решения.

Создание формы для ввода данных

Такая форма должна содержать возможность ввода всех данных, необходимых для решения поставленной задачи:

- искомым переменных;
- целевой функции;
- правой и левой части неравенств, описывающих ограничения, налагаемые на возможные варианты решения поставленной задачи.

	A	B	C	D	E
1	План производства				
2	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Объем производства	Объем реализации
3	Возможный объем производства				
4	Прибыль от реализации единицы продукции				
5					
6		Прибыль от реализации проекта			
7					
8	Ограничения				
9	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Всего затрачено	Технологические возможности
10	Количество материала				
11	Время функционирования оборудования				

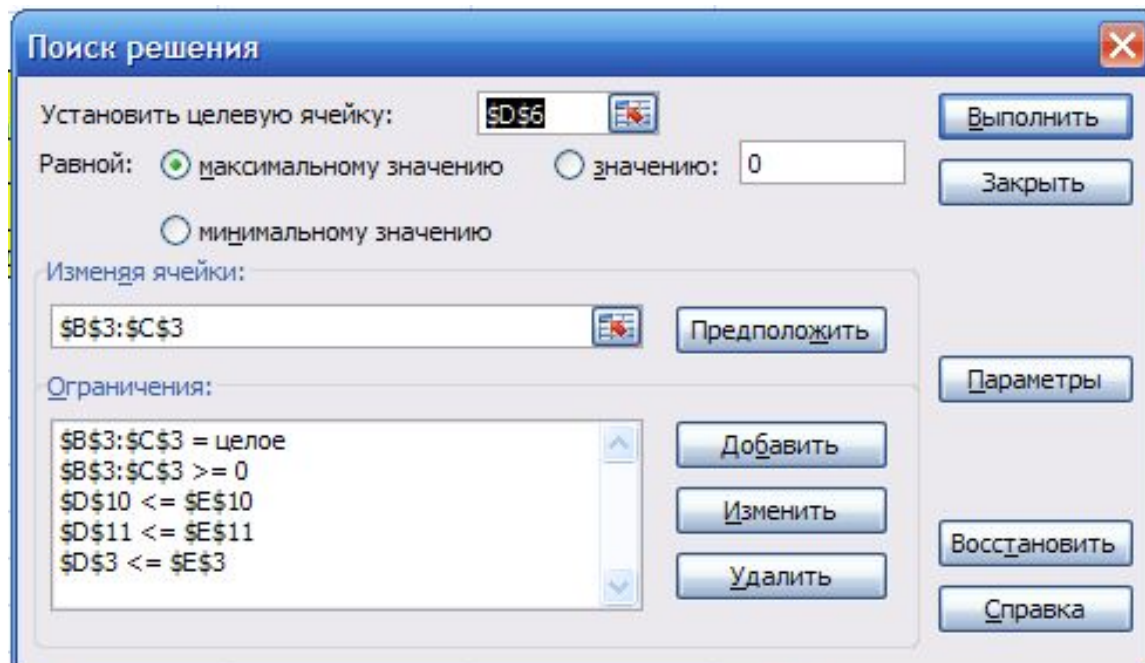
Ввод исходных данных

- Отметим, что целевая функция и левые части неравенств, определяющих возможные варианты решения поставленной задачи, вводятся формулой, в которой роль искомым переменных играют адреса ячеек, зарезервированных для вывода их значений после решения задачи, а роль коэффициентов – адреса ячеек, содержащих соответственные коэффициенты.

	A	B	C	D	E
1	План производства				
2	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Объем производства	Объем реализации
3	Возможный объем производства			=СУММ(B3:C3)	550
4	Прибыль от реализации единицы продукции	3	4		
5					
6		Прибыль от реализации проекта		=СУММПРОИЗВ(B3:C3;B4:C4)	
7					
8	Ограничения				
9	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Всего затрачено	Технологические возможности
10	Количество материала	2	3	=СУММПРОИЗВ(\$B\$3:\$C\$3;B10:C10)	1200
11	Время функционирования оборудования	0,2	0,5	=СУММПРОИЗВ(\$B\$3:\$C\$3;B11:C11)	160

Назначение целевой функции, ввод ограничений и граничных условий

- Данная стадия ввода условия задачи осуществляется в диалоговом окне Поиск решения

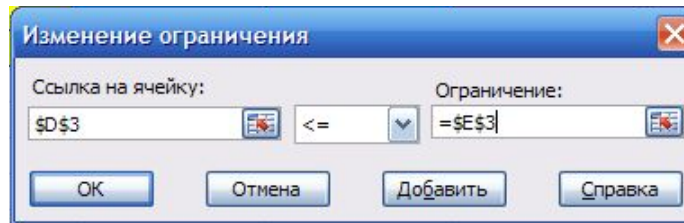


Назначить целевую ячейку

- Для этого в поле «Установить целевую ячейку:» вводится адрес ячейки, содержащей целевую функцию. Затем устанавливается направление последней – значение, к которому она должна стремиться исходя из условий задачи (минимальное, максимальное, конкретное, задаваемое пользователем).
- **В поле «Изменяя ячейки:»** ввести адреса ячеек, зарезервированных для искомым переменных.

Ввести ограничения и граничные условия

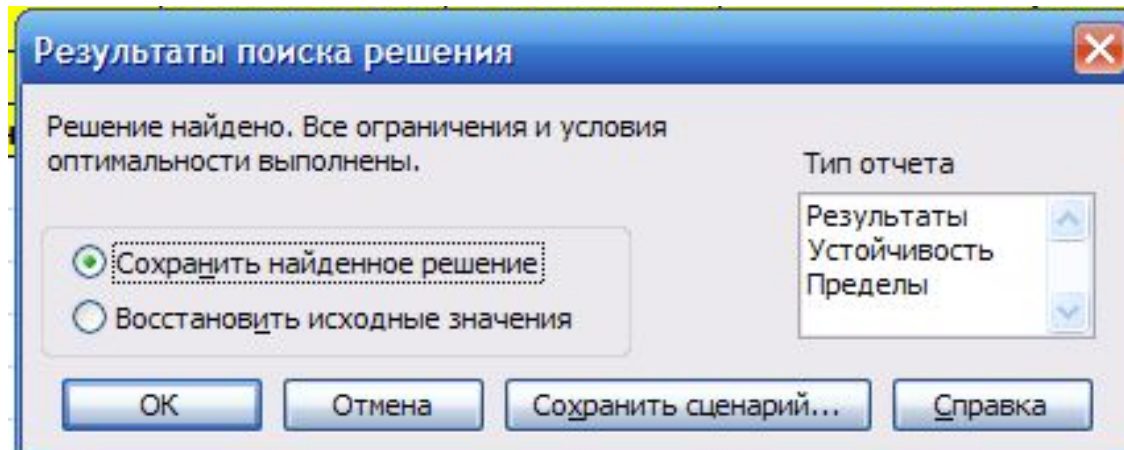
- Ввести **ограничения и граничные условия**. Для этого в диалоговом окне Поиск решения нажать на кнопку Добавить. В открывшемся диалоговом окне Добавление ограничений:



- в поле **«Ссылка на ячейку:»** ввести адрес ячейки листа, содержащей формулу для расчета показателя, используемого в качестве левой части неравенства, из списка знаков неравенств выбрать необходимый знак, в поле **«Ограничение:»** указать адрес ячейки, содержащей показатель, используемый в качестве правой части неравенства.

Получение результата

- После нажатия на кнопку Выполнить диалогового окна Поиск решения на экране появляется диалоговое окно Результаты поиска решения.



Решение найдено

	A	B	C	D	E
1	План производства				
2	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Объем производства	Объем реализации
3	Возможный объем производства	450	100	550	550
4	Прибыль от реализации единицы продукции	3	4		
5					
6		Прибыль от реализации проекта		1750	
7					
8	Ограничения				
9	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Всего затрачено	Технологические возможности
10	Количество материала	2	3	1200	1200
11	Время функционирования оборудования	0,2	0,5	140	160

Оптимальное решение поставленной задачи

- ⊙ полок типа А - в количестве 450 штук (В₃);
- ⊙ полок типа В – в количестве 100 штук (С₃).
При этом максимальная прибыль будет составлять 1720 единиц, а ресурсы используются следующим образом:
- ⊙ потребление материала – 1200 единиц (D₁₀);
- ⊙ использование оборудования – 140 часов (D₁₁).