

Урок алгебры и начал анализа

11 ф-м класс



Урок алгебры и начал анализа

11 ф-м класс



Эпиграф:

«Кто с детских лет занимается математикой, тот развивает внимание, тренирует свой мозг, свою волю, воспитывает настойчивость и упорство в достижении ЦЕЛИ»

(А. Маркушевич)

Кластер знаний

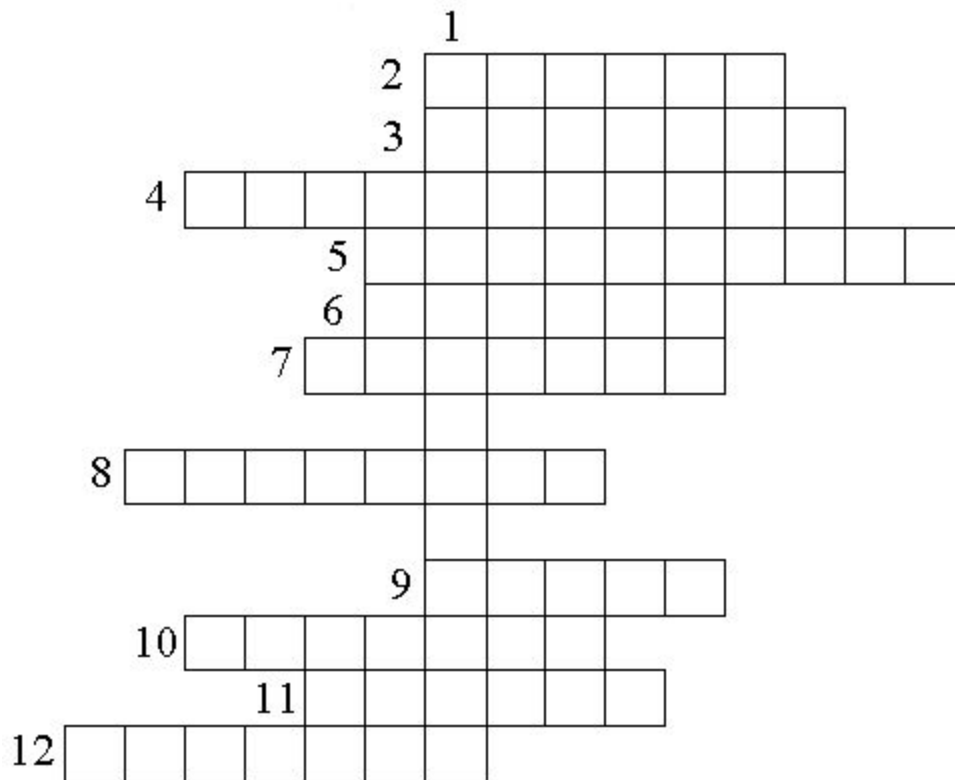
Тема: Интеграл.

Цели урока:

- 1) обобщить и систематизировать знания по данной теме;***
- 2) развить умение применять знания на практике;***
- 3) формировать чувство самоуверждения, самоанализа, самооценки, взаимооценки.***

5. **Синоним слова дюжина?**

6. **Есть в каждом слове, у растения и может быть у уравнения.**



1. **Как называется функция $F(x)$ для**

$f(x)$?

рала?

2. **Что является графиком функции $y=kx+b$?**

3. **Верхняя школьная отметка.**

4. **Какой урок обычно проходит после**

изучения темы?

5. **Синоним слова дюжина?**

6. **Есть в каждом слове, у растения и**

может быть у уравнения.

7. **Что можно вычислить при помощи**

интеграла?

8. **Одно из важнейших понятий**

математики.

9. **Форма урока, на котором проводится**

проверка знаний.

10. **Немецкий ученый, в честь которого**

названа формула, связывающая

площадь криволинейной трапеции и

интеграл.

11. **Множество точек плоскости,**

абсциссы которых равны значениям

аргумента, а ординаты -

соответствующим значениям функции.

12. **Зависимость между переменными X**

и Y , при которой каждому значению X

соответствует единственное значение Y , носит название

Теория:

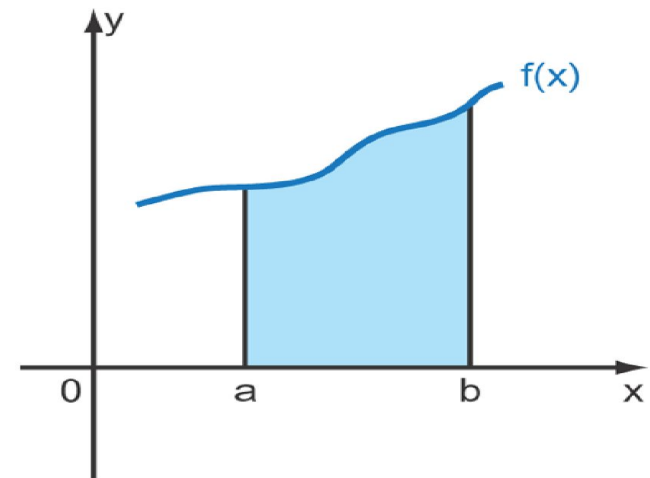
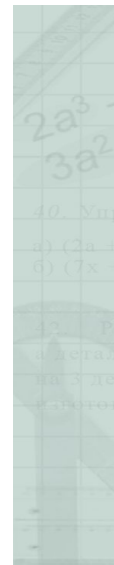
Что называется первообразной функции $f(x)$?

Теория:

Какого основное свойство первообразной?

Теория:

Как вычислить площадь криволинейной трапеции при помощи интеграла?



Найти первообразные для функций:

а) $f(x) = 10x$

$$F(x) = 5x^2 + C$$

б) $f(x) = x^2$

$$F(x) = \frac{1}{3}x^3 + C$$

в) $f(x) = -\sin(2x)$

$$F(x) = 0,5\cos(2x) + C$$

г) $f(x) = 5\cos x$

$$F(x) = 5\sin x + C$$

д) $f(x) = 6x^2$

$$F(x) = 2x^3 + C$$

е) $f(x) = 3$

$$F(x) = 3x + C$$

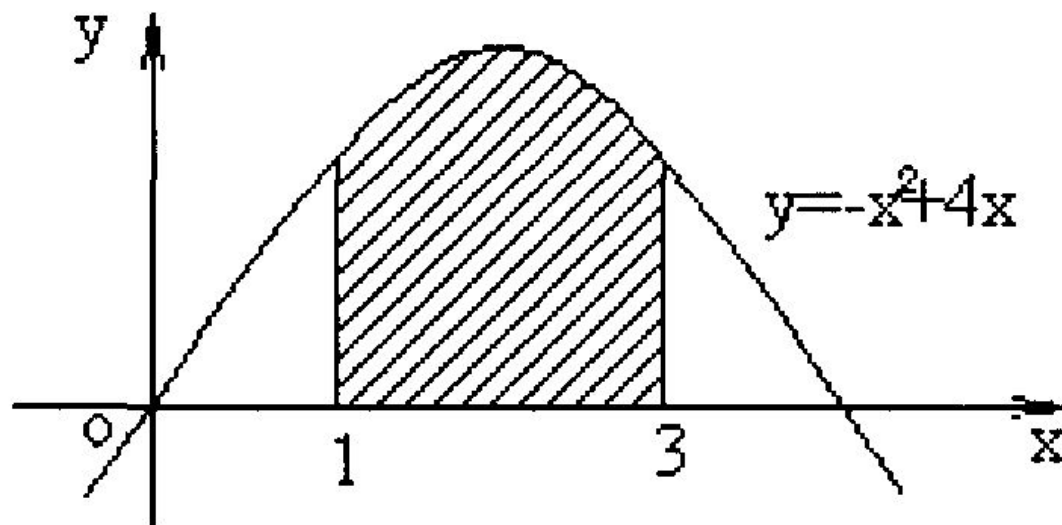
Верны ли равенства:

$$\text{а) } \int_0^1 x^3 dx = \frac{1}{4} \quad \text{б) } \int_0^5 x^2 dx = 2\frac{1}{3} \quad \text{в) } \int_2^4 x^2 dx = 2x$$

$$\text{г) } \int_0^3 5dx = \frac{5x^2}{2} \Big|_0^3 = \frac{5}{2}(3^2 - 0^2) = \frac{45}{2}$$

$$\text{д) } \int_0^1 x^2 dx = \frac{x^3}{3} \Big|_0^1 = \frac{1}{3}(1 - 0) = \frac{1}{3} \quad ?$$

Найдите с помощью интеграла площадь фигуры изображенной на рисунке:



"Составьте фразу"

- Вычислить 28 интегралов,
- найти на доске правильный ответ,
- сопоставить результат вычисления интеграла и букву, получить фразу,
- время выполнения задания 7 минут.

Вычислите интеграл:

$$1) \int_2^3 (1-x)^4 dx$$

$$2) \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (3 \cos x) dx$$

$$3) \int_1^2 (2x-5) dx$$

$$4) \int_0^1 (x+1)^5 dx$$

$$5) \int_0^3 x^2 dx$$

$$6) \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{3}{\cos^2 \frac{x}{2}} dx$$

$$7) \int_0^1 (x^2 - 2x + 1) dx$$

$$8) \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{4}{\cos^2 x} dx$$

$$9) \int_0^1 (x^2 + 4x - 1) dx$$

$$10) \int_0^{\frac{\pi}{12}} (108 \sin 6x) dx$$

$$11) \int_0^{\frac{\pi}{4}} (4 \cos 2x) dx$$

$$12) \int_0^{\pi} \left(3 \sin \frac{1}{2} x \right) dx$$

$$13) \int_1^2 (4x^3 + 2x) dx \quad 14) \int_{-1}^1 (6x^3 - 5x) dx$$

$$15) \int_0^{\frac{\pi}{8}} \frac{36}{\cos^2 2x} dx$$

$$16) \int_0^{\frac{\pi}{2}} 2 \sin x dx$$

$$17) \int_{-2}^2 (4 - x^4) dx$$

$$18) \int_1^4 x^3 dx$$

$$19) \int_{-\frac{2}{3}}^{\frac{2}{3}} (3x^3 - 2x) dx$$

$$20) \int_{-3\pi}^0 \cos 3x dx$$

$$21) \int_0^{2\pi} \cos \frac{x}{4} dx$$

$$22) \int_1^4 (x^2 + 9) dx$$

$$23) \int_{-1}^2 (3x^2) dx$$

$$24) \int_{-1}^0 (1 - 2x)^4 dx$$

$$25) \int_1^3 2 dx \quad 26) \int_0^2 (x^3 - x) dx \quad 27) \int_2^3 x^2 dx$$

$$28) \int_1^3 (3 - 2x) dx$$

Код:

$1\frac{1}{3}$ – в

6 – и

$10\frac{2}{3}$ – я

$6\frac{1}{3}$ – а

6,2 – ж

0 – т

18 – е

$\frac{1}{3}$ – д

-2 – з

24,2 – к

9 – ь

48 – л

2 – р

10,5 – н

4 – о

63,75 – ю

ОТВЕТЫ:

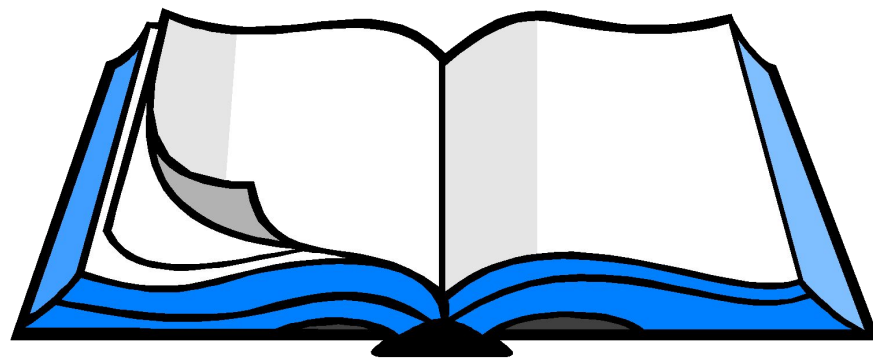
- 1) 6,2 – **ж** 13) 18 – **е** 24) 24,2 – **к**
2) 6 – **и** 14) 0 – **т** 25) 4 – **о**
3) 2 – **з** 15) 18 – **е** 26) 2 – **р**
4) 10,5 – **н** 16) 2 – **р**
5) 9 – **ь** 27) – **а**
6) 6 – **и** 17) – $10\frac{2}{3}$
7) $\frac{1}{3}$ – **д** 18) 63,75 – **ю** 28) -2 – **з**
8) 4 – **о** 19) 0 – **т**
9) $1\frac{1}{3}$ – **в** 20) 0 – **т**
10) 18 – **е** 21) 4 – **о**
11) 2 – **р** 22) 48 – **л**
12) 6 – **и** 23) 9 – **ь**

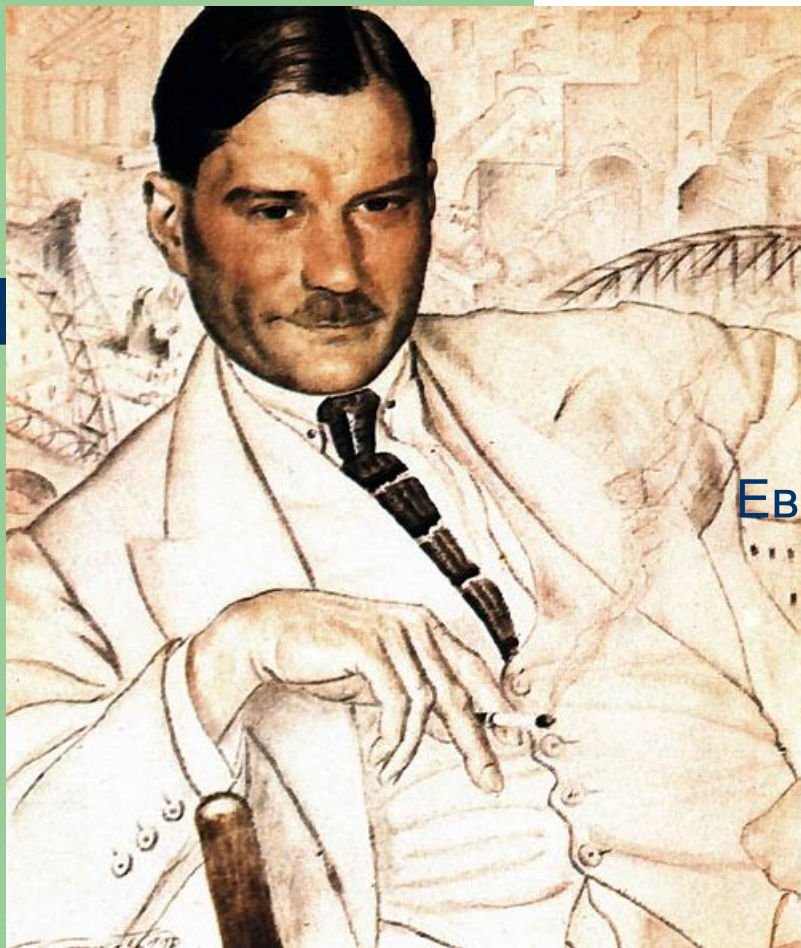
$$6\frac{1}{3}$$

Подведение итогов

<i>Баллы</i>	<i>Отметка</i>
10 и более	5
7 – 9	4
3 – 6	3

Интеграл в литературе





Замятин
Евгений Иванович

(1884-1937)

Роман «Мы»

(1920 год)

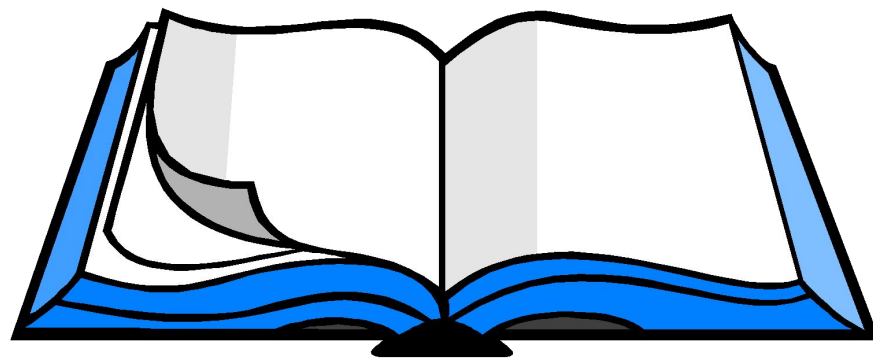
Евгений Замятин



Иллюстрация к роману «Мы»



Интеграл в литературе



**Определенный интеграл,
Ты мне ночами начал сниться,
Когда тебя впервые брал,
Я ощутил твои границы.**



**И ограниченность твоя
Мне придавала больше силы.
С тобой бороться должен я,
Но должен победить красиво!**



**Какое счастье познал
Я в выборе первообразной,
Как долго я ее искал,
Как мне далась она не сразу.**



**Замен и подстановок ряд
Привел к решению задачи.
Ты побежден! Ты мною взят!
Да и могло ли быть иначе...**



Как ты поверженный лежал
Числом обычным на странице.
Определенный интеграл,
Кому теперь ты будешь
сниться?



Группа «Интеграл»

1970-1980-ые годы



Домашнее задание

Составить и решить 3 задания:

- вычислить $F(x)$ для $f(x)$
- вычислить **интеграл**
- найти **площадь** фигуры, ограниченной **линиями**

Урок алгебры и начал анализа

11 ф-м класс

