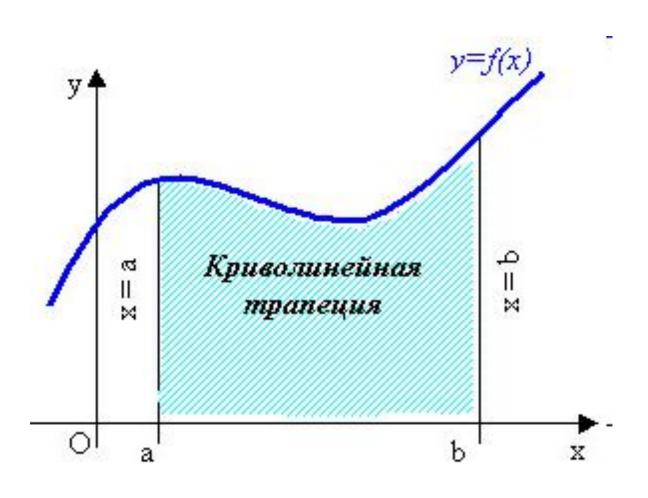
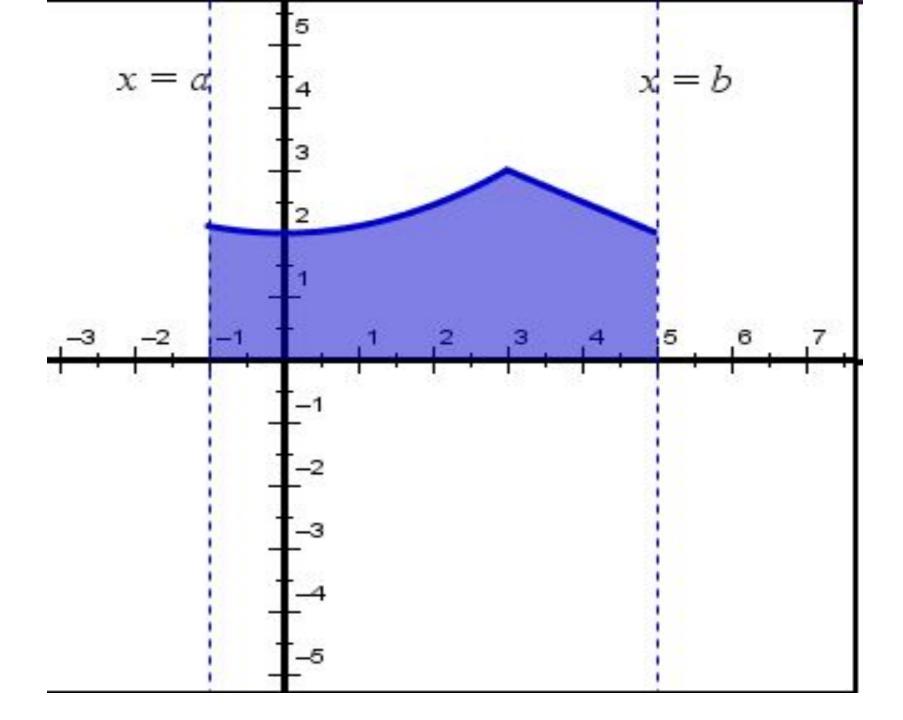
Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла

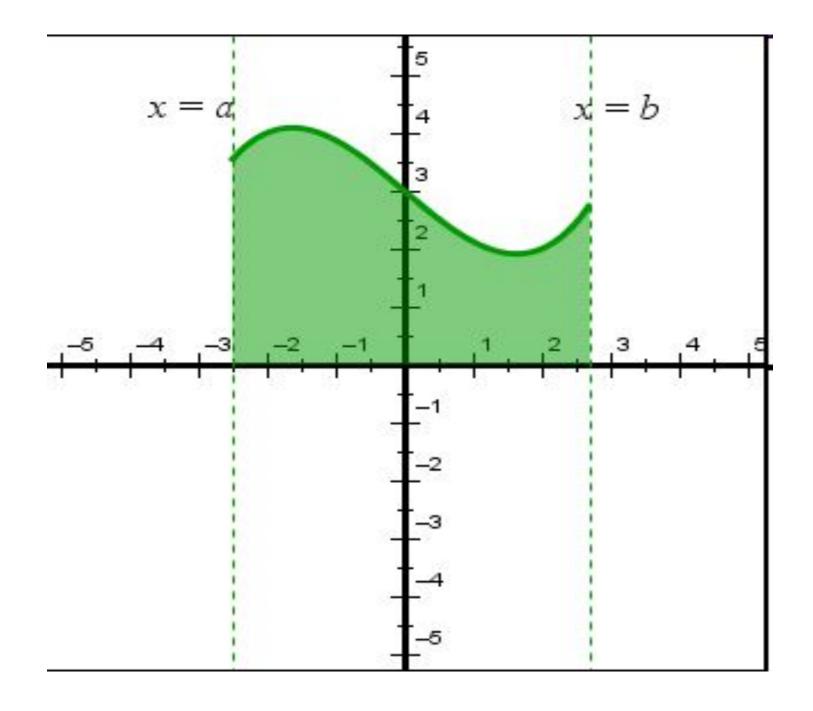
 Задача1. (О вычислении площади криволинейной трапеции.)

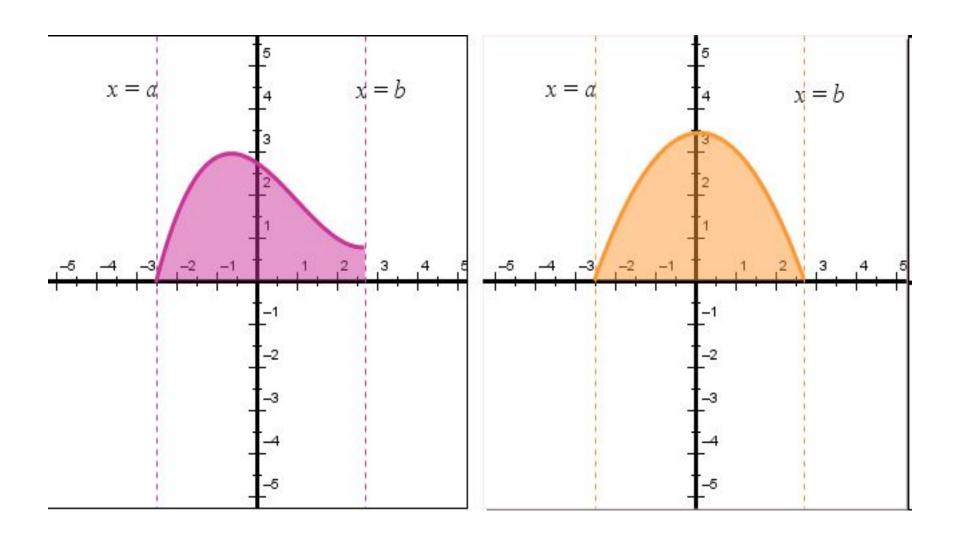
Определение:

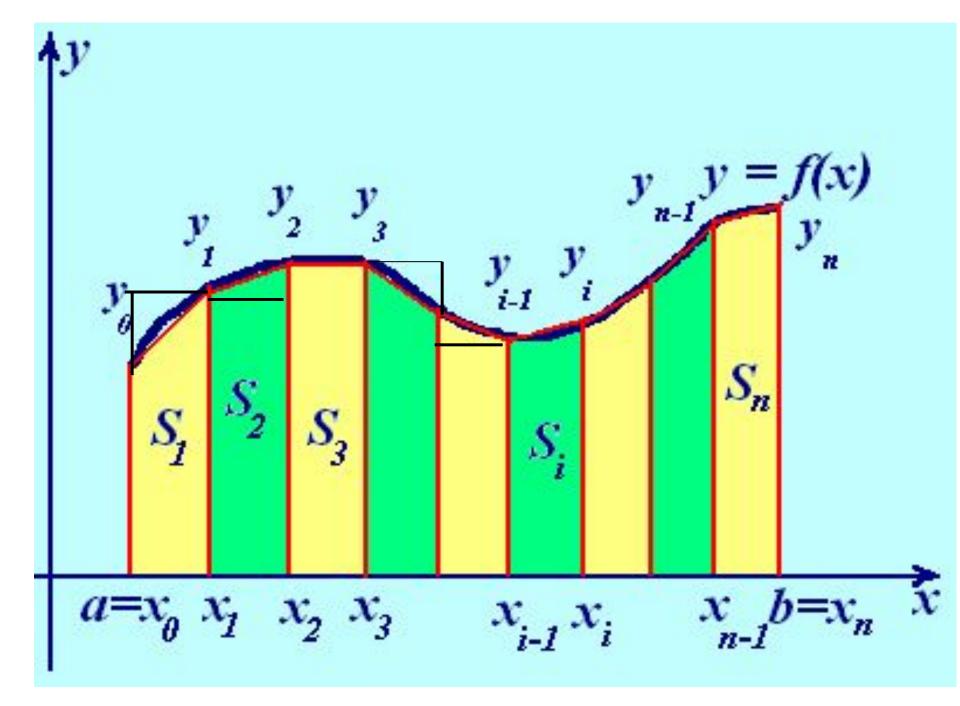
фигура, ограниченная графиком неотрицательной и непрерывной на отрезке [a; b] функции f, осью Ох и прямыми x = a, x = b.











• Площадь криволинейной трапеции равна пределу последовательности S

$$S = Lim S_n$$

$$\int_{a}^{b} f(x)dx = \lim_{\lambda \to 0} \sum_{i=1}^{n} f(z_i) \Delta x_i$$

Понятие определенного интеграла.

- 1. Разбиваем отрезок [а;в] на правных частей.
- 2. Составляем сумму площадей прямоугольников.
- 3. Вычисляем предел $S = Lim S_n$

Этот предел называют определенным интегралом от функции у = f(x) по отрезку [a;b]

- «Интеграл» латинское слово integro "восстанавливать" или integer — "целый".
- Одно из основных понятий математического анализа, возникшее в связи потребностью измерять площади, объемы, отыскивать функции по их производным.

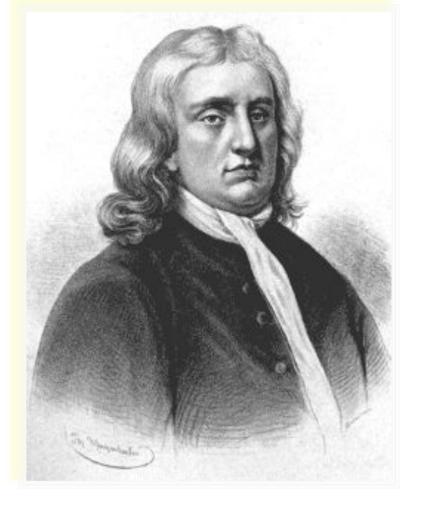
3нак ∫ - стилизованная буква S от латинского слова summa – "сумма". Впервые появился у Г.В. Лейбница в 1686 году.

Формула Ньютона- Лейбница

- Если f(x)– непрерывная и неотрицательная на отрезке [a; b]
- функция, а F(x) ее первообразная на этом отрезке, то площадь S соответствующей криволинейной трапеции равна приращению первообразной на отрезке [a; b], т.е.

$$\int_{a}^{b} f(x)dx = F(b) - F(a)$$

$$F(b) - F(a) = F(x)\Big|_a^b$$



Исаак Ньютон

1643-1727

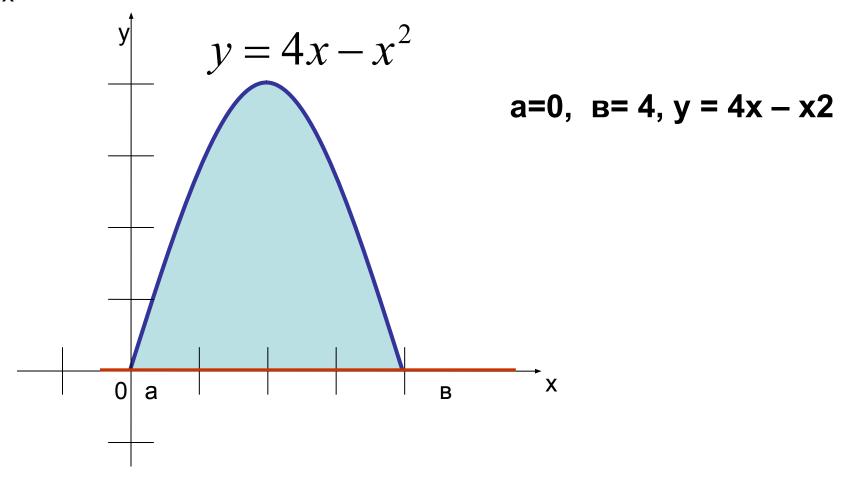


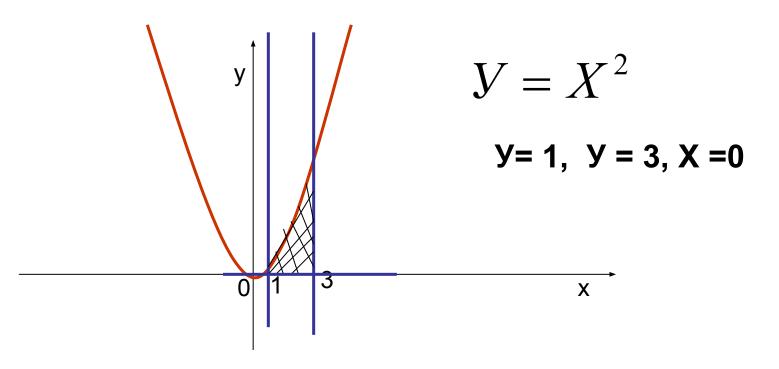
Готфрид Вильгельм фон Лейбниц.

1646 - 1716

великих деятелях, как сэр Исаак Ньютон и Готфрид Вильгельм фон Лейбниц. Конфликт возник вокруг исследований о функциях. Раздор о первенстве в получении результатов привлек внимание всей великих деятелях, как сэр Исаак Ньютон и Готрфрио своим путем, и лишь один Бог ведает, как сильно могла уйти вперед наука, если бы эти мыслители встретились тогда в далеком прошлом.

X





 $\int_{1}^{3} x^{2} dx =$

$$\int_{1}^{3} x^{2} dx = \frac{x^{3}}{3} \Big|_{1}^{3} = \frac{3^{3}}{3} - \frac{1^{3}}{3} = 9 - \frac{1}{3} = 8\frac{1}{3}$$

Площадь фигуры
Объем тела вращения
Работа электрического заряда
Работа переменной силы
Центр масс
Формула энергии заряженного конденсатора

