# Тема: Построение графиков

#### План занятия:

- 1. Введение в тему
- 2. Закрепление
- 3. Самостоятельная работа



# Повторяем!!!

- 1. Производная функции и ее монотонность.
- 2. Экстремумы функции.
- 3. Наибольшее и наименьшее значения функции.
- 4. Стационарные и критические точки.



## Производная

 $(u'v-uv')/v^2$ 

 $1/2\sqrt{x}$ 

-sinx

1. (C)'=	8. (cosx)'=

2. 
$$(x)'=$$
 9.  $(sjnx)'=$ 

3. 
$$(\kappa x)'=$$
 10.( tgx)'=

6. 
$$(x^n)'=$$
 13.  $(u/v)'=$ 

k
$$cosx = \frac{1. (C) = 2. (x)' = 3. (\kappa x)' = 3. (\kappa x)' = 4. (\kappa x + C)' = 5. (1/x)' = 6. (x^n)' = 7. (\sqrt{X})' =$$

$$0 \qquad 1$$

$$1 \qquad 4 \qquad k$$

 $1/\cos^2 x$ 

$$1/\cos^2$$

## Монотонность! Критические и стационарные точки! Точки экстремума!

■ Возрастает, если
■ Убывает, если
• Критические точки, это внутренние точки Д(ƒ) в
которых
■ Стационарные точки, это внутренние точки Д(ƒ)
B
которых

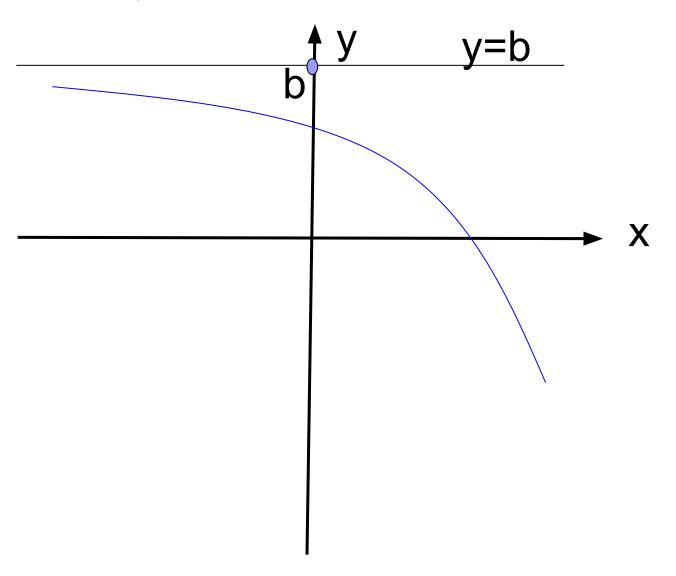
$$f'(x)>0 \quad X_1 \quad f'(x)<0 \quad X_2 \quad f'(x)>0$$

#### Асимптоты!

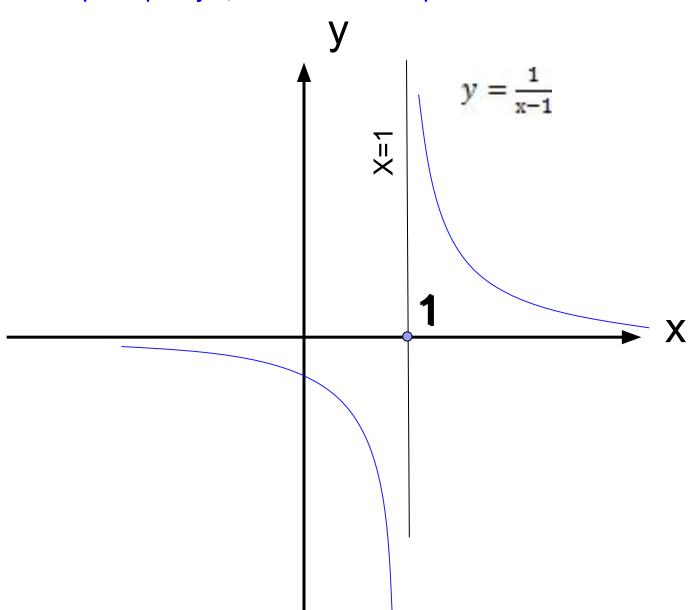
•Если limf(x)=b, то y=b горизонтальная асимптота

■ Если  $f(x) = \frac{p(x)}{q(x)}$  и при x=a q(x)=0, то x=a вертикальная асимптота

#### Пример существования горизонтальной асимптоты



#### Пример существования вертикальной асимптоты



## Схема построения

- 1. Нахождение области определения, Д(f)
- 2. Исследование на четность
- 3. Нахождение асимптот
- 4. Нахождение стационарных и критических точек , точек экстремума и промежутков монотонности
- 5. Составление таблицы
- 6. Отмечаем точки и соединяем плавной кривой учтя исследование

## Построение графика функции

$$y=x/1+x^2$$

- 1.  $\mathcal{D}(f) = (\infty, +\infty)$
- 2. Функция нечетная
- 3. У=0 горизонтальная асимптота
- 4. Критических точек нет, x=1 и x=-1 стационарные x=1 точка максимума x=-1 точка минимума [0,1] промежуток возрастания  $[1,+\infty]$  промежуток убывания
- 5. *(0,0)*, *(1,1/2)*,*(2,2/5)*, *(3,3/10)*

