

*Операции унифицированной
технологии построения
цифровых пространств
знаний*

Пространства знаний

Концептуальные пространства знаний – общие модели отражающие разнообразные представления о многообразиях знаний в предметных областях и средствах работы со знаниями.

Абстрактные пространства знаний – формальные модели, позволяющие изучать свойства многообразий идеальных знаний с помощью математических инструментов.

Цифровые пространства знаний - информационные системы, содержащие в структурированном и связном виде знания предметных областей, поддерживающие процессы их приобретения и практического использования.

ПРОБЛЕМАТИКА И ЦЕЛИ РАБОТЫ

ФУНДАМЕНТАЛЬНАЯ ПРОБЛЕМА

Создание научных основ для современных моделей многообразий знаний исследование информационных технологий и методов работы со знаниями

ЦЕЛИ

- 1. Разработка унифицированного, универсального, теоретически обоснованного формализма абстрактного пространства знаний.**
- 2. Построение языка и эффективной технологии построения моделей пространств знаний и их трансформации в программно реализуемые модели.**

*АБСТРАКТНОЕ ПРОСТРАНСТВО
ЗНАНИЙ*

ОСНОВЫ ФОРМАЛИЗАЦИИ

- 1. Множество объектов, представляющих отдельные абстрактные знания, бесконечное и вычислимое.*
- 2. Абстрактным знаниям эффективно сопоставляются их структурные представления.*
- 3. На множестве абстрактных знаний определяются разрешимые отношения, позволяющие оценивать сходство и различие структурных представлений знаний.*
- 4. Операции над знаниями, а также процессы пространств знаний моделируются специальными классами вычислимых отображений (морфизмов) и процессов.*

1. Семантическое пространство

Пусть \mathbf{M} - бесконечное вычислимое множество конфигураций, содержащее пустую конфигурацию Λ .

Семантическое пространство - алгебраическая система

$\mathfrak{R} = (\mathbf{R}, \mathbf{O}, \mathbf{C})$, где :

1. \mathbf{R} – бесконечное вычислимое множество разрешимых бинарных отношений на \mathbf{M} , содержащее отношения $E = \emptyset$ и $T = \mathbf{R} \times \mathbf{R}$.
2. \mathbf{O} – множество операций на, включающее объединение, пересечение, обращение, произведение и композицию
3. \mathbf{C} – множество логических операций, для которого отношение ρ_1 – вложения элементов \mathbf{R} является разрешимым.

2. Пространства конфигураций



$\varepsilon : \mathbf{M} \rightarrow \mathbf{M} \times \mathbf{M}$ - декомпозиция

$\psi : \mathbf{M} \rightarrow \mathbf{R}$ - связывание

$$\varepsilon(z) = (z_1, z_2)$$

Определение Декомпозицией конфигураций из \mathbf{M} называется пара $\mathbf{d} = (\varepsilon, \psi)$, где ε и ψ являются отображениями разложения и связывания конфигураций.

Определение Пространством конфигураций называется всякая пара $\mathbf{M} = (\mathbf{M}, \mathbf{d})$, для которой

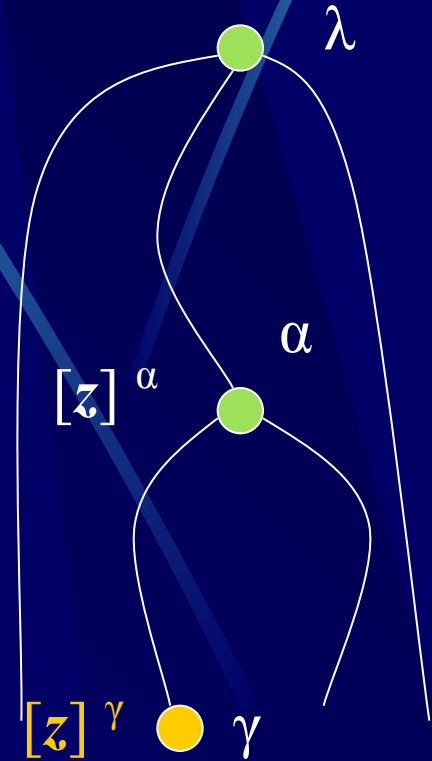
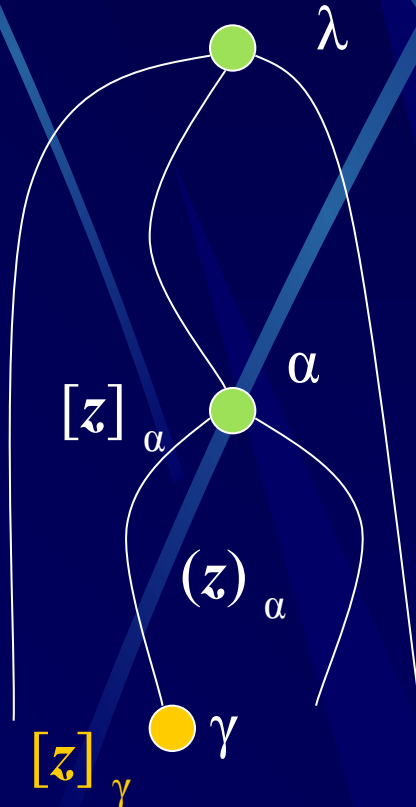
1. \mathbf{M} – бесконечное вычислимое множество конфигураций;
2. \mathbf{d} – декомпозиция элементов \mathbf{M} .

Структурные представления конфигураций

ПСП конфигураций

ПАП конфигураций

$\mathbf{D}(z)$ — все вершины
 $\mathbf{O}(z)$ — все висячие
 вершины дерева



$$[z]_{\alpha} = \begin{cases} \psi((z)_{\alpha}), & \text{если } \alpha \in \mathbf{D}(z) \setminus \mathbf{O}(z) \\ (z)_{\alpha}, & \text{если } \alpha \in \mathbf{O}(z) \end{cases} \quad \varepsilon((z)_{\alpha}) = (z_1, z_2) \begin{cases} \eta^d_{z_1, z_2}([z]^{\alpha}) = [z]_{\alpha} \\ \eta_0([z]^{\gamma}) = [z]_{\gamma} \end{cases}$$

3. Сравнения конфигураций

Определение Изотонное отображение $\xi : \mathbf{I} \rightarrow \mathbf{I}$ называется трассированием конфигурации z_1 в конфигурацию z_2 , если:

1. $\forall \alpha \in \mathbf{D}(z_1) (\alpha \in \mathbf{D}(z_1) \setminus \mathbf{O}(z_1) \leftrightarrow \xi(\alpha) \in \mathbf{D}(z_2) \setminus \mathbf{O}(z_2))$;

2. $\forall \alpha, \alpha\sigma \in \mathbf{D}(z_1), \sigma \in \{0, 1\} \exists \beta, \gamma \in \mathbf{I}$

Трассирование $((\xi(\alpha) \subset \xi(\alpha\sigma)) \rightarrow \xi(\alpha\sigma) \subseteq \xi(\alpha)\beta\sigma\gamma)$.

K - трассирование ($\gamma = \lambda$)

O - трассирование ($\beta = \lambda$)

c - трассирование ($\beta = \gamma = \lambda$)

p - трассирование



Определение. Конфигурация z_1 I -трассируется в конфигурацию z_2 ($z_1 \leq_I z_2, I \in \{o, p, c, \}$), если существует такое I трассирование $\xi: I \rightarrow I, z_1$ в z_2 , что:

1. $\forall \alpha \in O(z_1) ((z_1)_\alpha \rho_0 (z_2)_{\xi(\alpha)});$
2. $\forall \alpha \in D(z_1) \setminus O(z_1) ([z_1]_\alpha \rho_1 [z_2]_{\xi(\alpha)}).$

Определение. Конфигурация z_1 I -вложена, $I \in \{o, p, c, k\}$, в конфигурацию z_2 ($z_1 \subseteq_I z_2$), если

$$\exists z_1 \in \Delta(z_1), z_2 \in \Delta(z_2) (z_1 \leq_I z_2).$$

Определение. Конфигурации z_1 и z_2 эквивалентные в отношении I -вложения, если $z_1 \subseteq_I z_2$ и $z_2 \subseteq_I z_1$.

4. Морфизмы пространств знаний

Операции над формализованными знаниями моделируют универсальную систему этапов жизненных циклов знаний.

Универсальность системы операций для пространств знаний может рассматриваться в содержательном и точном смыслах.

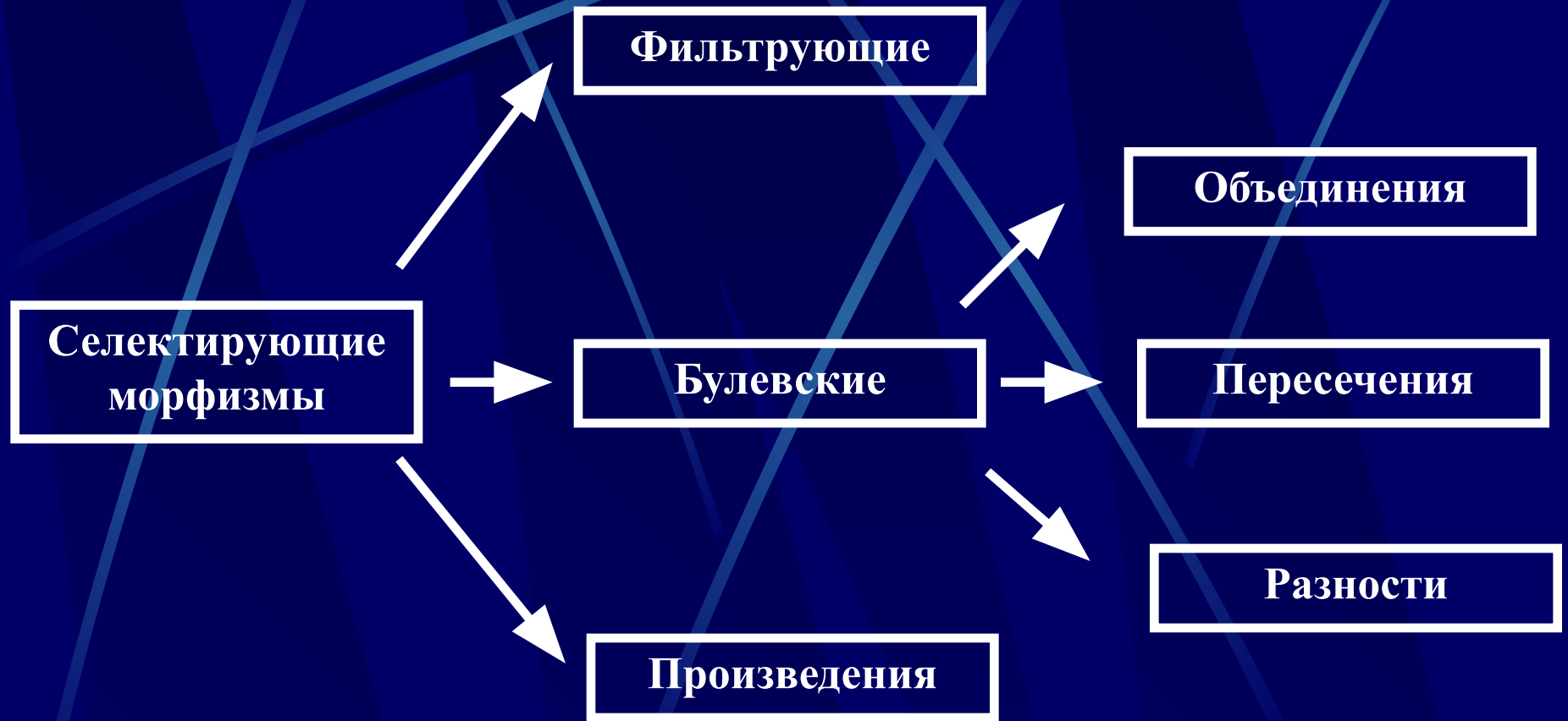
Во втором случае используются формальные критерии, позволяющие определять полную систему классов операций, согласованную с содержательными представлениями.

Одним из таких критериев является монотонность относительно трассирований или вложений.

Основные форматы операций:

$$f: M^* \times M^* \rightarrow M^*; f: M \rightarrow M; f: M \rightarrow M^*; f: M^* \rightarrow R$$

Селектирующие морфизмы



Данный класс составляют аналоги теоретико-множественных операций: морфизмы пересечения, объединения и разности, произведения и фильтры.

Морфизм $\mu : M^* \rightarrow M^*$ называется **фильтром**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* (\mu(V_1 \cup V_2) = \mu(V_1) \cup \mu(V_2)) \text{ и } \forall V \in M^* (\mu(V) \subseteq V)$$

1. Морфизм $\mu : M^* \times M^* \rightarrow M^*$ называется **пересечением**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* \forall V \in M^* (V \subseteq V_1 \ \& \ V \subseteq V_2 \rightarrow V \subseteq \mu(V_1, V_2)).$$

2. Морфизм $\mu : M^* \times M^* \rightarrow M^*$ называется **объединением**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* \forall V \in M^* ((V \subseteq V_1 \vee V \subseteq V_2) \rightarrow V \subseteq \mu(V_1, V_2)).$$

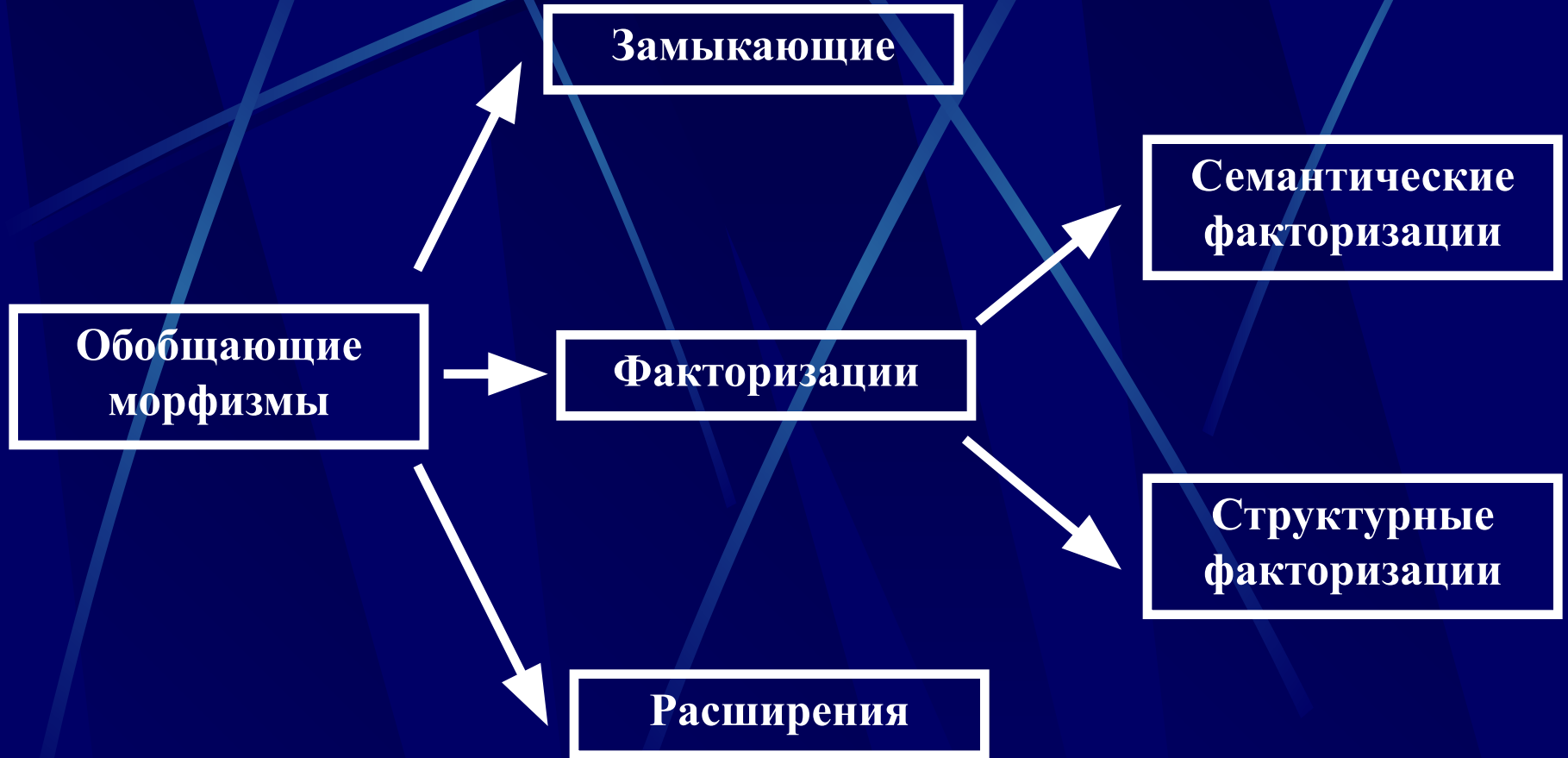
3. Морфизм $\mu : M^* \times M^{fin} \rightarrow M^*$ называется **разностью**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* (\mu(V_1, V_2) = \{z \mid z \in M \ \& \ \{z\} \subseteq V_1 \ \& \ \{z\} \not\subseteq V_2\})$$

$$\text{Морфизм } \mu_2 : M^* \times M^* \rightarrow M^* \text{ называется } \textbf{произведением}, \text{ если}$$
$$\forall V_1, V_2 \in M^* \forall z_1 \in V_1, z_2 \in V_2 \exists z \in \mu(V_1, V_2) (z_1 \subseteq z \ \& \ z_2 \subseteq z);$$

$$\forall V, V' \in M^* \exists z \in \mu(V, V') \exists z' \in V, z'' \in V' (z \subseteq z' \ \& \ z \subseteq z'');$$

Обобщающие морфизмы



Если $V \in M^*$, то $[V]$ – множество конфигураций, к которым сходятся вычислимые подмножества V

Морфизм $\mu : M^* \rightarrow M^*$ называется **закрывающим**, если

$$\forall V \in M^* (\mu(V) \subseteq [V] \setminus V)$$

Морфизм $\mu : M^* \rightarrow M^*$ называется **факторизацией**, если

$$\forall V \in M^* \forall z \in V \exists z_1 \in \mu(V) (z = (z_1)_0) \&$$
$$\& \forall z_1 \in \mu(V) \exists z \in V (z = (z_1)_0)$$

Расширением $V \in M^*$ называется множество, образованное всеми такими конфигурациями, для которых существуют разбиения, составленные из конфигураций множества V .

Трансформирующие морфизмы

Трансформирующие морфизмы

Декомпозиции

Разложения

Связывания

Адаптации

Сжатия

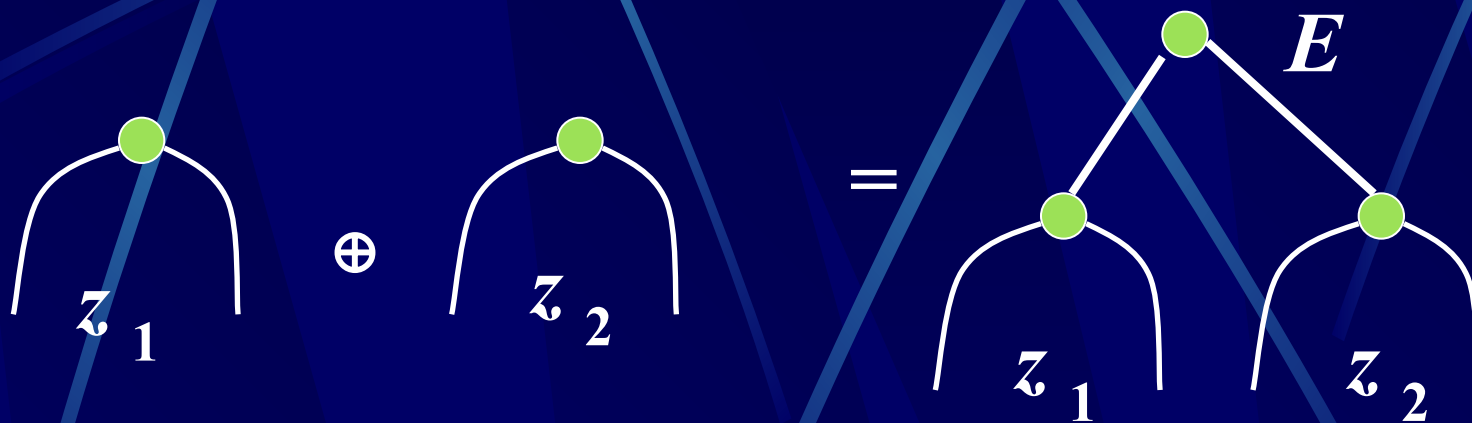
Компоновки

Интеграции

Расщепления

Биморфизмы конфигураций

Прямая сумма конфигураций $z_1 \oplus z_2$



Теорема

Если $z_1 \subseteq_o z$ и $z_2 \subseteq_o z$ и z -
неэлементарная, то $z_1 \oplus z_2 \subseteq_o z$.

Унифицирующие биморфизмы

Определение. Биморфизм μ называется унифицирующим, если: $\forall z_1, z_2 \in M (\mu(z_1, z_2) \subseteq_o z_1 \ \& \ (\mu(z_1, z_2) \subseteq_o z_2))$.

Отношение \leq на множестве унифицирующих биморфизмов $\forall \mu_1, \mu_2 (\mu_1 \leq \mu_2 \leftrightarrow \forall z_1, z_2 \in M (\mu_1(z_1, z_2) \subseteq_o \mu_2(z_1, z_2)))$.

Определим подкласс s – морфизмов.

1. отображения трассирования тождественные для внутренних вершин ПСП конфигураций.
2. $z_1 \subseteq_o z_2 \leftrightarrow z_1 \leq_o z_2$.

Определение. Биморфизм $\mu : M^2 \rightarrow M$ называется s – биморфизмом, если

$\forall z_0 \in M (\mu(z_0, z)$ и $\mu(z, z_0)$ – это s – морфизмы).

μSU – множество простых биморфизмов.

Теорема. μts является наибольшим элементом множества $(\mu\text{SU}, \leq_s)$.

$$R(\xi, z) = \{\alpha \mid \exists \beta \in Q(\xi, z) (\alpha = \xi(\beta))\}$$

Эндоморфизмы конфигураций

Пусть $\xi : I \rightarrow I$ изотонное и выполняются условия

1. $\forall \alpha \in I (\xi(\alpha) \in D(z))$
2. Если $\{\alpha_i \mid i \in \mathbb{N} \ \& \ \alpha_1 = \lambda \ \& \ \forall j (|\alpha_{j+1}| = |\alpha_j| + 1)\}$ – бесконечная последовательность, то $\exists i (\xi(\alpha_i) \in O(z))$

Определим множества:

$$R(\xi, z) = \{\alpha \mid \exists \beta \in Q(\xi, z) (\alpha = \xi(\beta))\};$$

$$Q(\xi, z) = \{\alpha \mid \xi(\alpha) \in D(z) \ \& \ \alpha = \beta\sigma \ \& \ \xi(\alpha) \in O(z) \ \& \ \xi(\alpha) \in D(z) \rightarrow \xi(\beta) \in D(z) \setminus O(z)\}$$

$T_p(z)$, $z \in M$, - множество изотонных отображений соответствующих определению p – трассирования

$R_\xi(z)$, нагруженное бинарное дерево с вершинами создаваемое из вершин ПСП z области значений ξ .

Теорема. Если $\xi \in T_p(z)$ транзитивное отображение, то $R_\xi(z)$ образует ПСП некоторой конфигурации.

5. Топологические свойства пространств знаний

Определение. Вычислимое множество конфигураций $\omega = \{z_i\}, i \in \mathbb{N}$, s -сходится к конфигурации z если:

1. $\forall i \in \mathbb{N} (z_i \leq_o z)$;
2. $\forall z' \in \mathbf{M} (\forall i \in \mathbb{N} (z_i \leq_o z') \rightarrow z \leq_o z')$;
3. $\forall \alpha \in \mathbf{O}(z) ([z]_\alpha \in \mathbf{M}(\omega) \cup \{\Lambda\})$;
4. $\forall \alpha \in \mathbf{D}(z) \setminus \mathbf{O}(z) ([z]_\alpha \in \mathbf{R}(\omega) \cup \{E\})$.

Теорема. Пусть $\omega_1 = \{z_i^1\}, i \in \mathbb{N}$, и $\omega_2 = \{z_i^2\}, i \in \mathbb{N}$, - это s -сходящиеся вычислимые множества конфигураций. Тогда вычислимое множество конфигураций $\omega_3 = \omega_1 \cup \omega_2$ также является сходящимся.

Следствие. Если непустое вычислимое множество $\mathbf{M}' \subseteq \mathbf{M}$ имеет конечную верхнюю грань, то \mathbf{M}' является s -сходящимся.

6. Эволюции конфигураций

- 1. Предназначены для моделирования процессов и жизненных циклов в пространствах знаний;*
- 2. Отличаются от морфизмов зависимостью результатов от времени и порядка поступления начальных данных;*
- 3. Выполняются в неограниченном дискретном времени;*
- 4. Группируются в системы процессов с общими механизмами построения процессов и определения их значений.*

Представления процессов и их значений

$$\mathbf{F} = \{ (T_\alpha, S_\alpha) \mid \alpha \in \mathbf{I}_0 \}$$

T_α - оператор перехода

S_α - оператор остановки

1. Начальное данное процесса:
вычислимая последовательность

$$\omega = (z^*_0, t_0), \dots, (z^*_j, t_j), \dots$$

2. Процесс для начального
данного ω - последовательность
пар $\mathbf{W} = (z_0, 0), \dots, (z_i, i), \dots$

3. Шаг процесса $z_i \Rightarrow z_{i+1}$

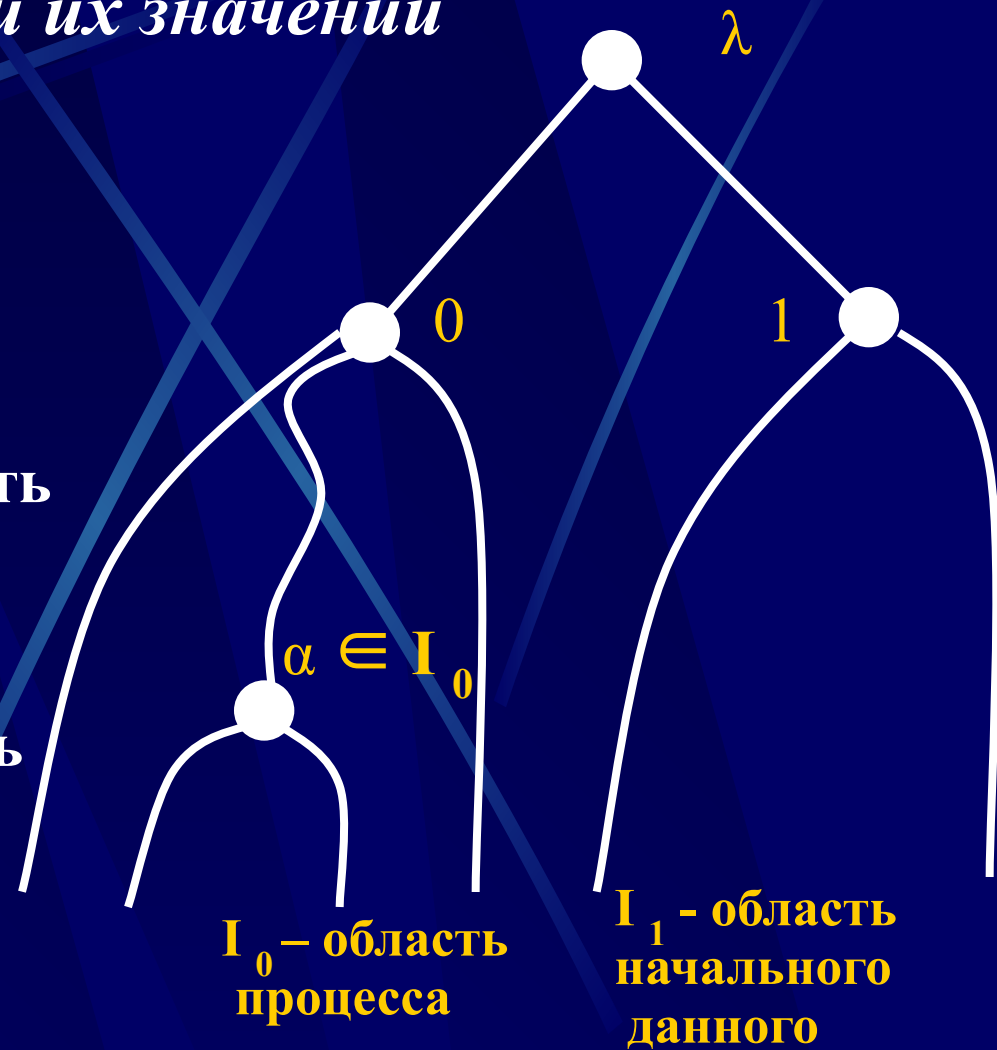
$$T_\alpha(z_i \oplus z^*_j) = [z_{i+1}]_\alpha,$$

$$S_\alpha(z_i \oplus z^*_j) \in \{0, 1, \emptyset\}, \alpha \in \mathbf{I}_0, i = 0, 1, \dots$$

4. Значение процесса \mathbf{W} в компоненте $\alpha \in \mathbf{I}_0$

$$\mathbf{F}_\alpha(\mathbf{W}) = \{ ((z_i)_\alpha, i) \mid S_\alpha(z_i \oplus z^*_j) = 0 \},$$

где z^*_j - конфигурация в \mathbf{I}_1 в момент i



Универсальные пространства эволюций конфигураций

Определение. Вычислимое отображение $\mu : \Omega \rightarrow \Omega$ является морфизмом эволюций конфигураций, если $\forall \omega', \omega'' \in \Omega \forall t (\omega' | t = \omega'' \rightarrow \exists \tau (L(\mu(\omega'')) = L(\mu(\omega') | \tau)))$.

1. Θ - множество всех морфизмов эволюций конфигураций.
2. Ξ - множество всюду определённых вычислимых отображений $\xi : I_0 \rightarrow I_0$.

Определение. Пространство эволюций конфигураций с базисом $F^u = \oplus (T_\alpha^u, S_\alpha^u)$ называется универсальным, если $\forall F = (T_\alpha, S_\alpha) \exists \mu \in \Theta \exists \xi \in \Xi \forall \omega \in \Omega \forall \alpha \in I_0 (L(F_\alpha(\omega)) = L(F^u(\mu(\omega))_{\xi(\alpha)}))$.

Теорема. Существует универсальное пространство эволюций конфигураций.



7. Язык и Технология пространств знаний

а. Операции конструирования и трансформации моделей пространств знаний

б. Форматы описаний компонентов пространств знаний

Элементы языка моделирования пространств знаний *KML*

Операции конструирования и трансформации пространств знаний

Модели компонентов пространств знаний представляются формальными системами вида $\Sigma = (T, F, P)$

T, F, P - системы классов данных, морфизмов и предикатов структурированных отношениями вложения и агрегирования

Свойства классов представляются формализованными описаниями специальной структуры.

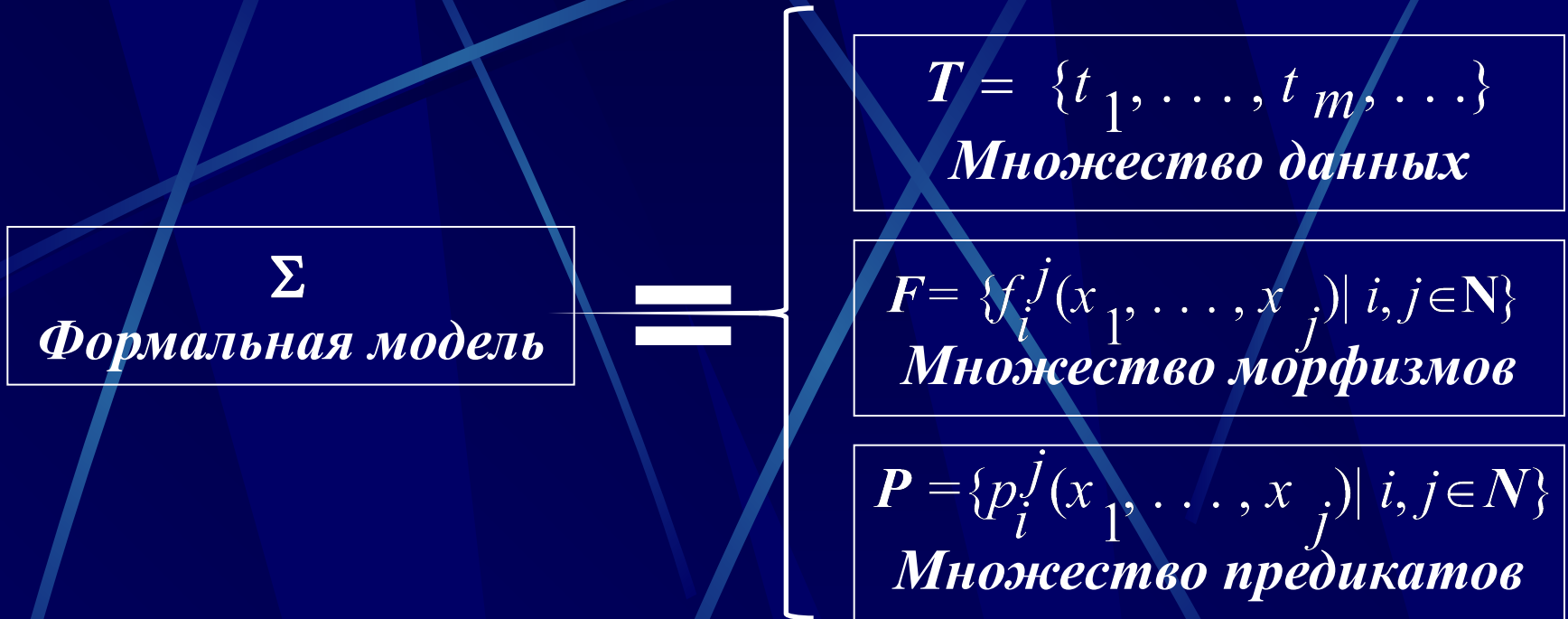
Базовые операции на множестве формальных моделей:

1. Интеграция – расщепление

2. Гомоморфное расширение – гомоморфное вложение

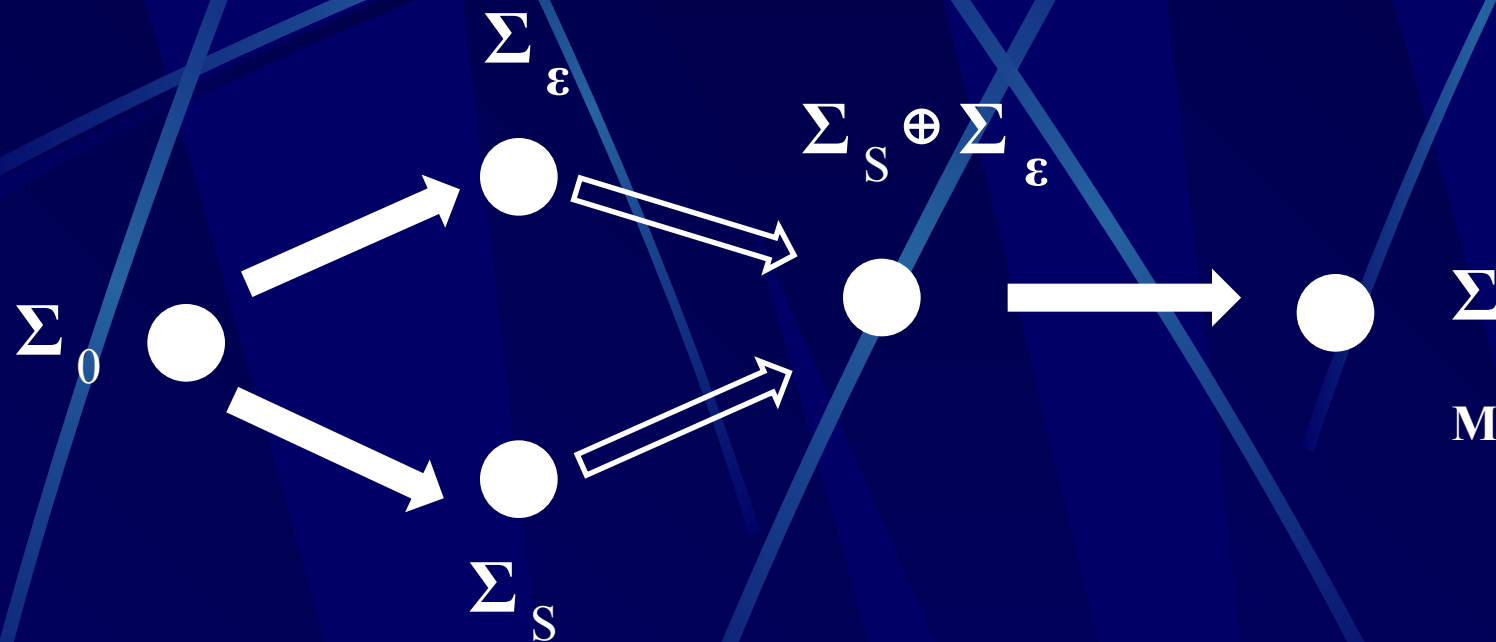


Унифицированная формальная модель



На множествах T , F и P определены вычислимые семейства классов CT , CF и CP , содержащих все элементы данных множеств. Такие семейства структурированы разрешимыми отношениями вложения и агрегирования классов, обозначаемыми в виде \subseteq и \bowtie .

Диаграмма процесса построения формальной модели абстрактного пространства знаний



Σ_0 – базовая модель

Σ_S – семантическое пространство

Σ_ε – множество конфигураций с операцией разложения

Σ_M – пространство конфигураций

Гомоморфные вложения формальных моделей

1. Соответствие классов (данных, морфизмов, предикатов)

$$p(x_1, \dots, x_n)$$



$$f(x_1, \dots, x_n)$$

$$\pi(y_1, \dots, y_m)$$

$$\phi(y_1, \dots, y_m)$$



2. Сохранение значений

$$h_f f(x_1, \dots, x_n) = \phi(\xi_1(x_1, \dots, x_n), \dots, \xi_m(x_1, \dots, x_n))$$

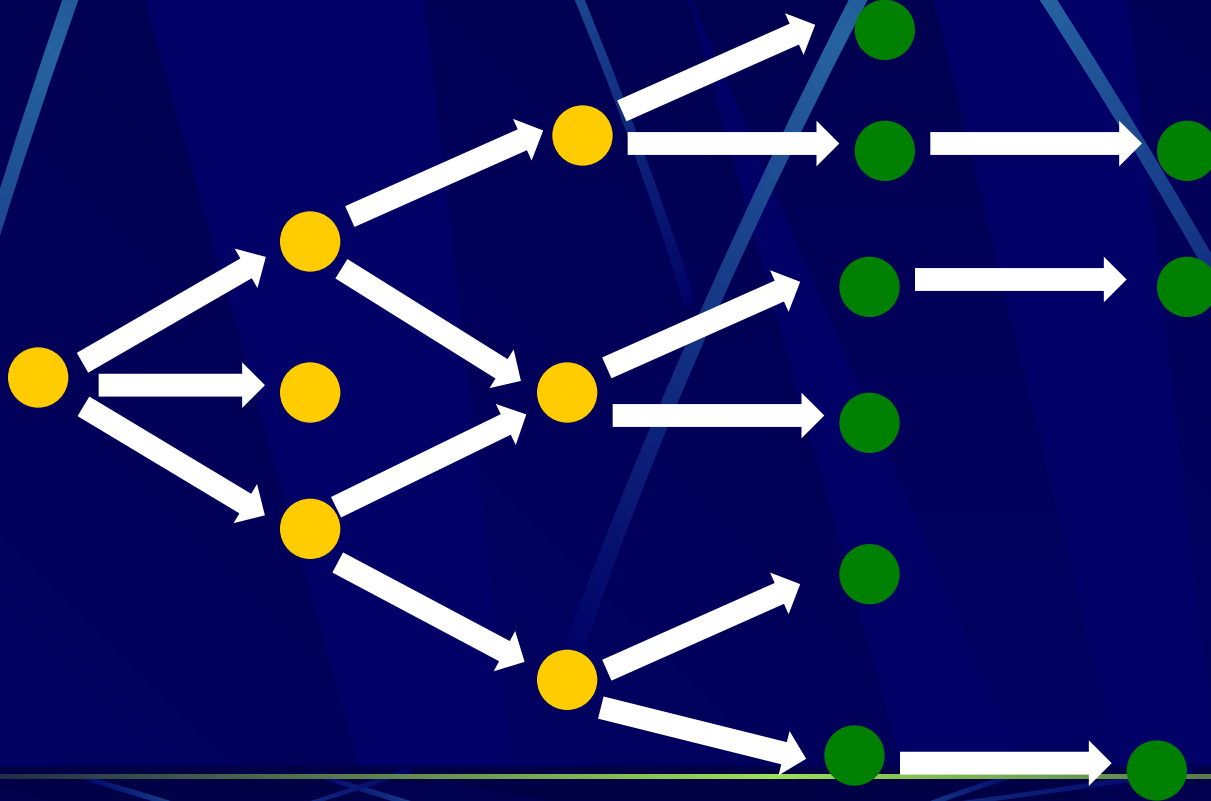
$$p(x_1, \dots, x_n) = \pi(\eta_1(x_1, \dots, x_n), \dots, \eta_m(x_1, \dots, x_n))$$

Диаграмма трансформаций моделей интеллектуальных систем и их программных реализаций

Теоретические модели



Программно реализуемые модели

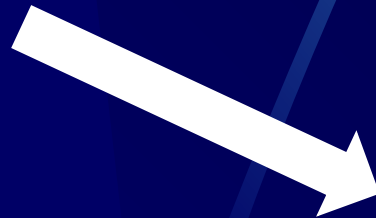
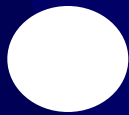


*Язык моделирования
пространств знаний*

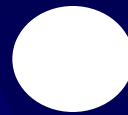
KML

Модели апробации, расширения и уточнения языка

**Абстрактное
пространство
знаний**



**Формальная
модель $\Sigma(PS)$**



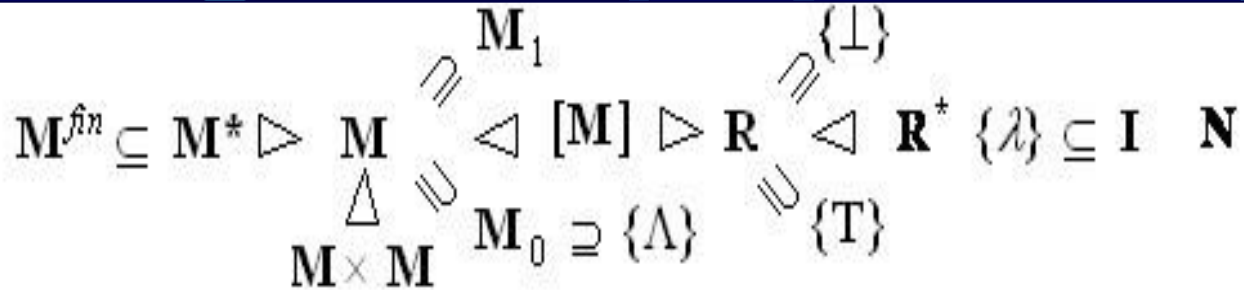
**Формальная
модель $\Sigma(WSV)$**



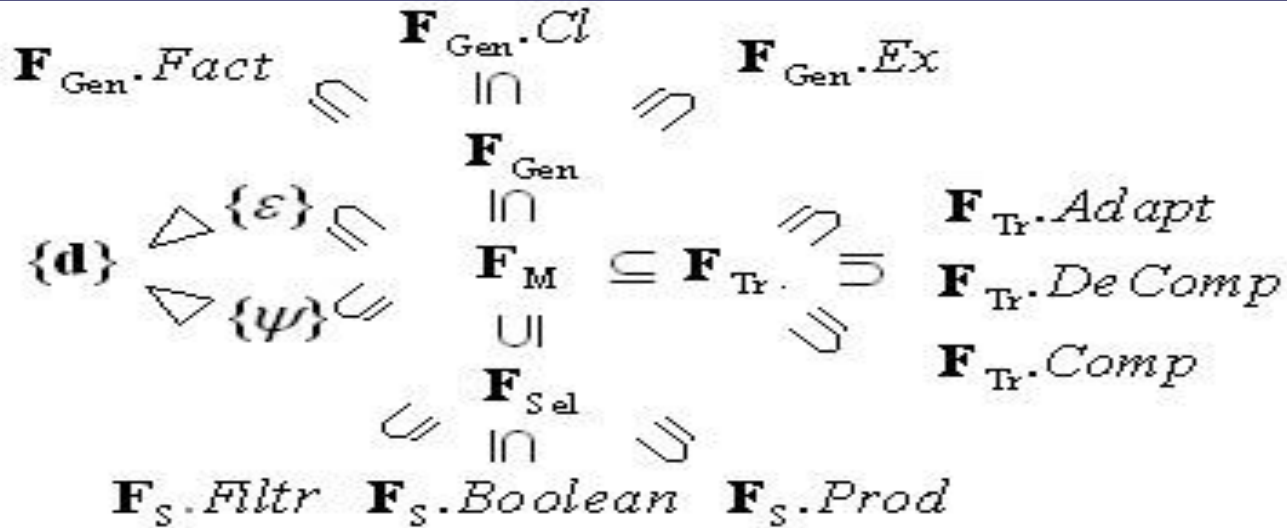
**Формальная
модель $\Sigma(PR)$**

Диаграммы классов объектов абстрактного пространства знаний

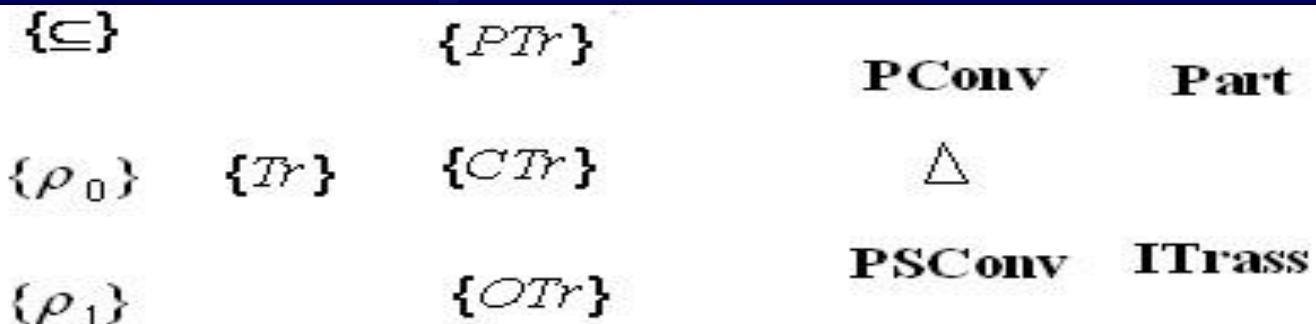
1



2



3

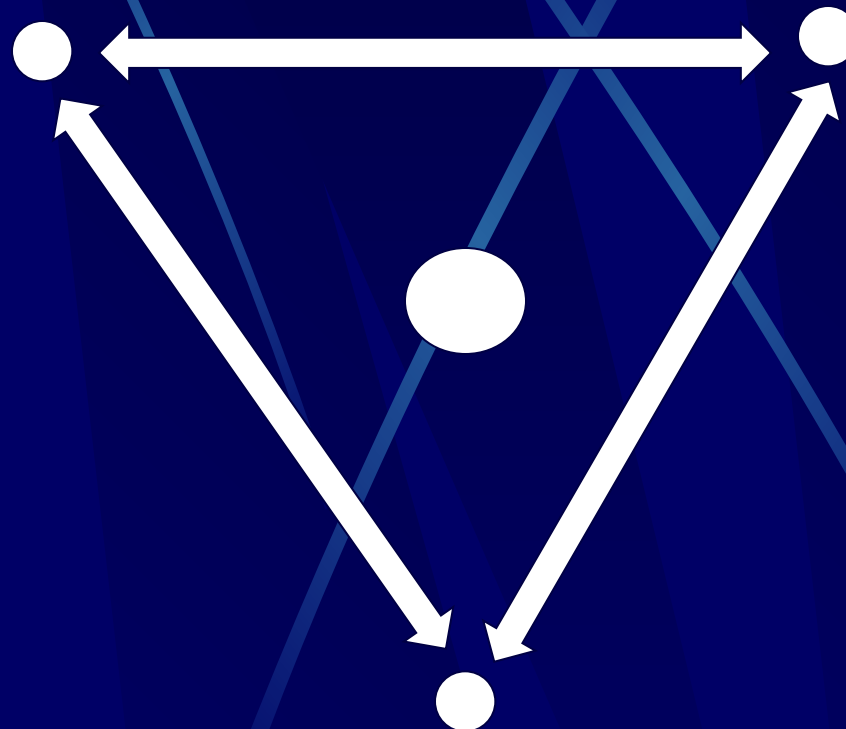


Унифицированная структура определений элементов абстрактного пространства знаний

DF-section

1. Диаграмма классов
2. Описания классов

DP-section



Описание класса:

DT-section



имя

форматы

свойства

алгоритмы

Примеры описаний классов

1. Класс данных Класс конфигураций

$(M; \{z_i \mid i \in N\}; \Lambda \in M; G(M),$

$D(M)).$

2. Класс данных Семантическое пространство

$(R; \{r_i \mid i \in N \ \& \ r_i \in (M \times M)^*\}; E \in R, T \in R; G(R),$

$D(R)).$

3. Класс данных Семейство параметризованных классов вершин ПСП конфигураций

$(D(z); \{\alpha \mid z \in M \ \& \ \alpha = \lambda \ \vee \ \alpha = \beta\sigma \ \& \ \beta \in I \ \& \ \sigma \in \{0,1\} \ \& \ \varepsilon((z)_\beta) \neq (\Lambda, \Lambda)\};$

$G(D(z)), D(D(z)).$

4. Класс морфизмов Каноническое разложение конфигураций

$(\{\varepsilon\}; \varepsilon: M \rightarrow M \times M; \varepsilon(\Lambda) = (\Lambda, \Lambda); G(\{\varepsilon\}).$

5. Класс морфизмов Каноническое семантическое связывание}

$(\{\psi\}; \varepsilon: M \rightarrow R; \forall z \in M (\varepsilon(z) = (z_1, z_2) \ \& \ z_1 \neq \Lambda \ \vee \ z_2 \neq \Lambda) \rightarrow \varepsilon(z) \in \psi(z),$

$\forall r \in R \ \forall z_1, z_2 \in M \ \exists! z \in M (\varepsilon(z) = (z_1, z_2) \ \& \ \varepsilon(z) \in \psi(z))$

$;G(\{\psi\}).$

6. Класс Предикатов Вложение двоичных наборов

Общая структура описаний

```
Section <имя раздела> begin
  Subsection Basic begin
  Subsection Basic end
  Subsection Special begin
  Subsection Special end
  Subsection Universal begin
  Subsection Universal end
Section <имя раздела > end
```

Разделы описаний:
Section DT – классы данных
Section DF – классы морфизмов
Section DP – классы предикатов

XML –структура пространства знаний (1)

```
<kxml version="0.1" date="01.11.2011" name="...">
<metadata>
  <kslink xmlns:owl="http://www.w3.org/2002/07/owl#" />
  <kstypes>
    <kstype type="base" id="1">данные</kstype>
    <kstype type="base" id="2">Морфизмы</kstype>
    <kstype type="base" id="3">Предикаты</kstype>
    <kstype type="role" id="4">Общие</kstype>
    <kstype type="role" id="5">Специальные</kstype>
  <kstypes/>
  <ksrelations>
    <ksrelation type="base" id="1" img="...">Включение</ksrelation>
    <ksrelation type="base" id="1" img="...">Агрегирование</ksrelation>
  </ksrelations>
  <ksinfo>
    <author>...</author>
    <comment>...</comment>
    ...
  </ksinfo>
  <ksstat sect_cnt="..." class_cnt="..." dia_cnt="..." />
</metadata>
```

XML – структура пространства знаний (2)

```
<section id='...' name='...' type='...'>
  <section id='...' name='...' type='...'>
    ...
  </section>
</section>
<section id='...' name='...' type='...'>
  ...
</section>
<!--определения классов...-->
<class id='...'>
  <classnames>
    <classname>...</classname>
    ...
  </classnames>
  <classformats>
    <classformat type='...'>
      ...
    </classformat>
    ...
  </classformats>
  <classprops>
    <classproperty type='...'>
      ...
    </classproperty>
    ...
  </classprops>
  <classalgs>
    <classalgorithm type='...'>
      ...
    </classalgorithm>
  </classalgs>
</class>
</section>
</structure>
```

```
<diagrams>
  <diag id='...' type='...' name='...'>
    <diaglinks>
      <diaglink id1='...' id2='...' type='...' />
      ...
    </diaglinks>
    <diagvisual type='...'>
      ...
    </diagvisual>
    <subdiags>
      <subdiag classid='...' diagid='...' />
    </subdiags>
  </diag>
</diagrams>
```

Элементы языка описания компонентов цифрового пространства знаний

*<Раздел> = "section" <Имя раздела> "begin"
{ <Определение класса> | <Подраздел> }
"section" <Имя раздела> "end".*

*<Подраздел> = "subsection" <Имя подраздела> "begin"
{ <Определение класса> | <Подраздел> }
"subsection" <Имя подраздела> "end".*

*<Определение класса> = <Идентификатор класса>
"{" <Описание класса> "}"
"(" <Ns> [";" <Fs>] [";" <Ps>] [";" <As>] ").".*

Классы модели пространства знаний

$\langle Ns \rangle = \langle \text{Имя класса} \rangle \{ "=" \langle \text{Имя класса} \rangle \} .$

$\langle \text{Имя класса} \rangle = (\langle \text{Имя} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя} \rangle \})$
| $\langle \text{Имя с параметром} \rangle$
| $\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle .$

- $\langle \text{Имя} \rangle = \langle \text{Слово} \rangle [\langle \text{Слово} \rangle | "*" | \langle \text{Число} \rangle]$
[$\langle \text{Слово} \rangle | \langle \text{Число} \rangle] .$
- $\langle \text{Имя с параметром} \rangle = \langle \text{Имя} \rangle$
" (" $\langle \text{Имя переменной} \rangle \{ ", " \langle \text{Имя переменной} \rangle \} "$) " .
- $\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle = "{ \{ " \langle \text{Имя} \rangle " \} "$
| $"{ \{ " \langle \text{Специальное имя} \rangle " \} "$.

Область форматов

$\langle \text{Формат множества} \rangle = \langle \text{Формат множества_Перечисление} \rangle$
 $| \langle \text{Формат множества_Характеристический предикат} \rangle.$

$\langle \text{Формат множества_Перечисление} \rangle =$
 $"\{ " \langle \text{Имя переменной} \rangle \{ (" , " \langle \text{Имя переменной} \rangle) | " , \dots " \} " \} " .$

$\langle \text{Формат множества_Характеристический предикат} \rangle =$
 $"\{ " \langle \text{Имя переменной} \rangle (" : " | " | ") \langle \text{Формула} \rangle " \} " .$

$\langle \text{Формат морфизма} \rangle = \langle \text{Имя морфизма} \rangle " : "$
 $\langle \text{Имя класса} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя класса} \rangle \} " \rightarrow "$
 $\langle \text{Имя класса} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя класса} \rangle \} .$

$\langle \text{Формат предиката} \rangle = \langle \text{Имя предиката} \rangle$
 $" (" \langle \text{Имя класса} \rangle \{ " , " \langle \text{Имя класса} \rangle \} ") " .$

Область имен формального определения класса

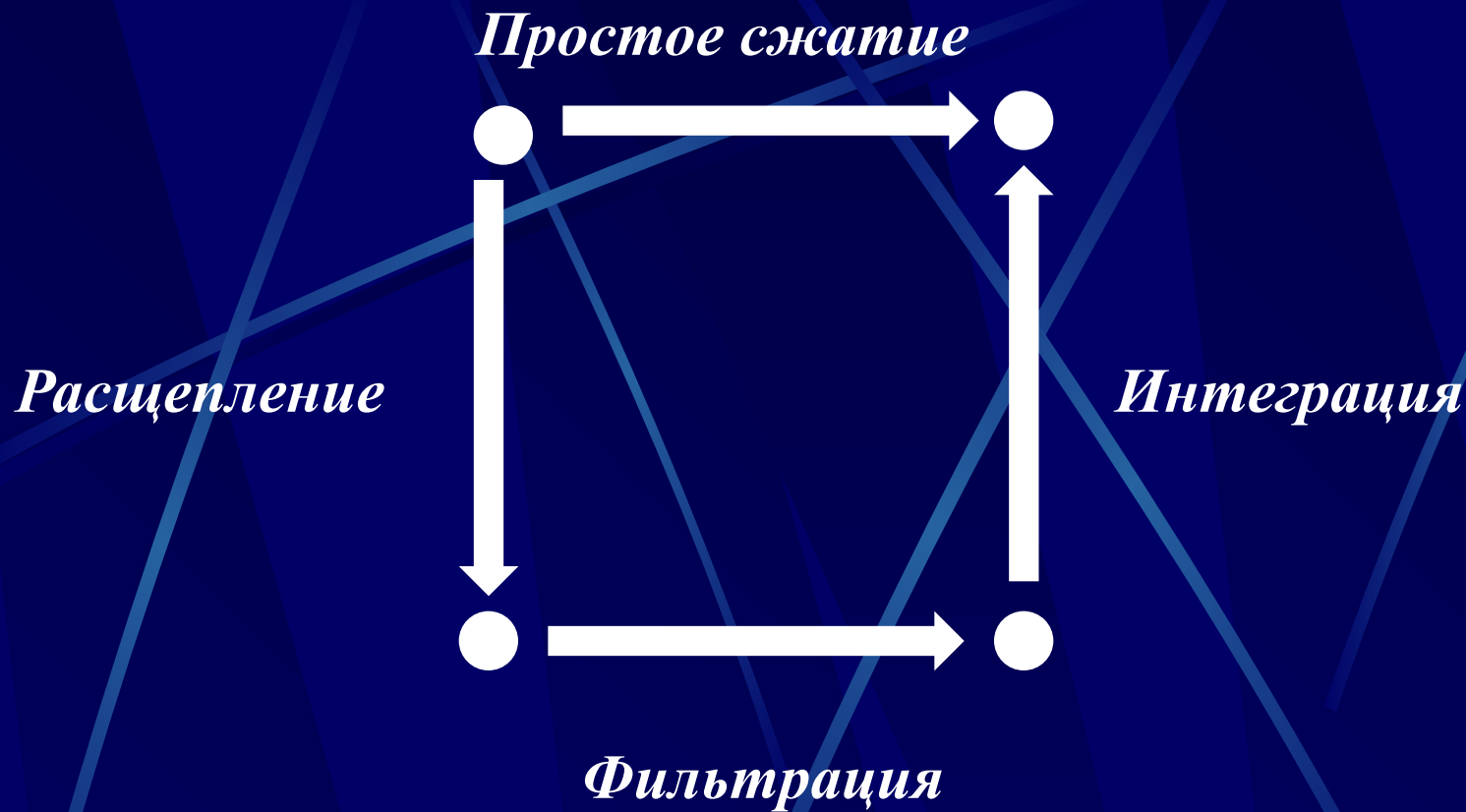
$\langle Ns \rangle = \langle \text{Имя класса} \rangle \{ "=" \langle \text{Имя класса} \rangle \} .$

$\langle \text{Имя класса} \rangle = (\langle \text{Имя} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя} \rangle \})$
| $\langle \text{Имя с параметром} \rangle$
| $\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle .$

$\langle \text{Имя} \rangle = \langle \text{Слово} \rangle [\langle \text{Слово} \rangle | "*" | \langle \text{Число} \rangle]$
| $\langle \text{Слово} \rangle | \langle \text{Число} \rangle] .$

$\langle \text{Имя с параметром} \rangle = \langle \text{Имя} \rangle$
| $"(" \langle \text{Имя переменной} \rangle \{ ", " \langle \text{Имя переменной} \rangle \} ")" .$

$\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle = "\{ " \langle \text{Имя} \rangle "\}"$
| $"\{ " \langle \text{Специальное имя} \rangle "\}" .$



*Операции унифицированной технологии построения
цифровых пространств знаний*

Костенко Константин Иванович

Кубанский государственный университет

kostenko@kubsu.ru