

*Операции унифицированной  
технологии построения  
цифровых пространств  
знаний*

# *Пространства знаний*

*Концептуальные пространства знаний* – общие модели отражающие разнообразные представления о многообразиях знаний в предметных областях и средствах работы со знаниями.

*Абстрактные пространства знаний* – формальные модели, позволяющие изучать свойства многообразий идеальных знаний с помощью математических инструментов.

*Цифровые пространства знаний* - информационные системы, содержащие в структурированном и связном виде знания предметных областей, поддерживающие процессы их приобретения и практического использования.

# ***ПРОБЛЕМАТИКА И ЦЕЛИ РАБОТЫ***

## ***ФУНДАМЕНТАЛЬНАЯ ПРОБЛЕМА***

**Создание научных основ для современных моделей многообразий знаний исследование информационных технологий и методов работы со знаниями**

## ***ЦЕЛИ***

- 1. Разработка унифицированного, универсального, теоретически обоснованного формализма абстрактного пространства знаний.**
- 2. Построение языка и эффективной технологии построения моделей пространств знаний и их трансформации в программно реализуемые модели.**

*АБСТРАКТНОЕ ПРОСТРАНСТВО  
ЗНАНИЙ*

# *ОСНОВЫ ФОРМАЛИЗАЦИИ*

- 1. Множество объектов, представляющих отдельные абстрактные знания, бесконечное и вычислимое.*
- 2. Абстрактным знаниям эффективно сопоставляются их структурные представления.*
- 3. На множестве абстрактных знаний определяются разрешимые отношения, позволяющие оценивать сходство и различие структурных представлений знаний.*
- 4. Операции над знаниями, а также процессы пространств знаний моделируются специальными классами вычислимых отображений (морфизмов) и процессов.*

# 1. Семантическое пространство

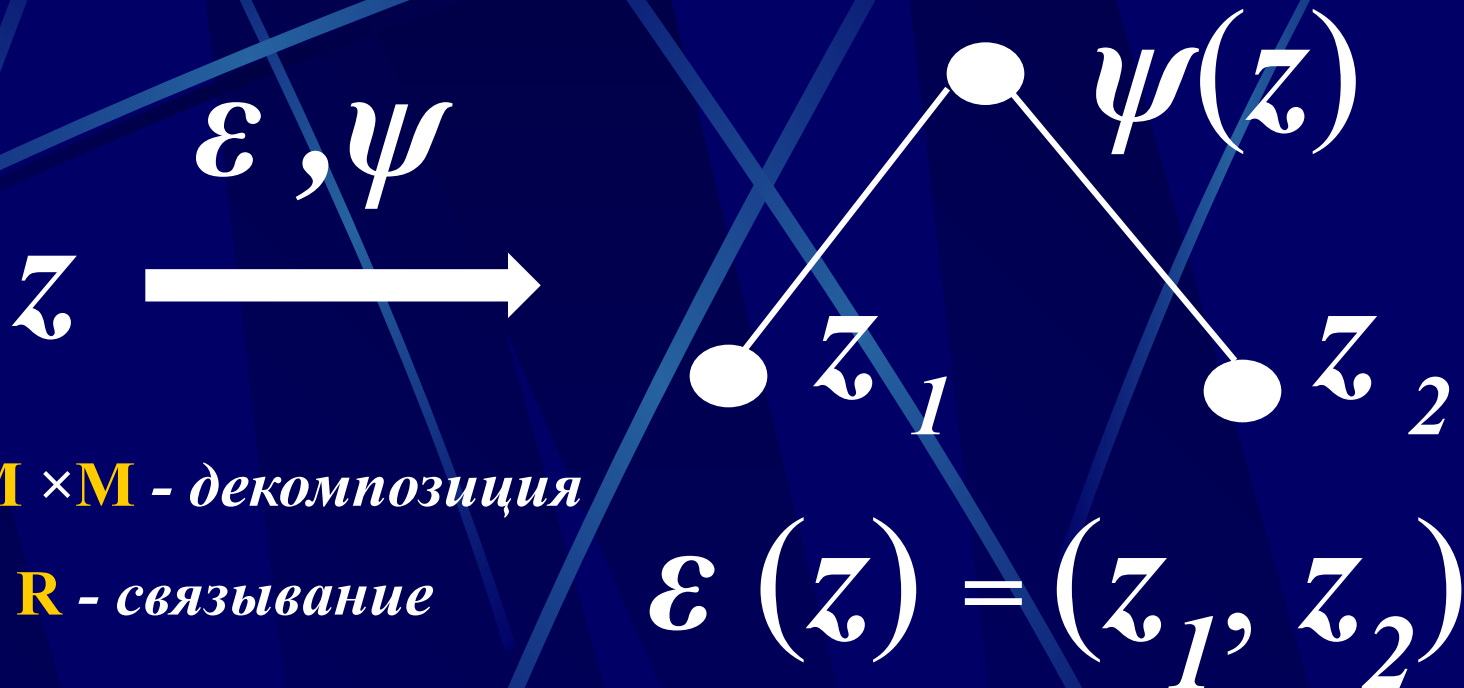
Пусть  $M$  - бесконечное вычислимое множество конфигураций, содержащее пустую конфигурацию  $\Lambda$ .

*Семантическое пространство* - алгебраическая система

$\mathfrak{R} = (R, O, C)$ , где :

1.  $R$  – бесконечное вычислимое множество разрешимых бинарных отношений на  $M$ , содержащее отношения  $E = \emptyset$  и  $T = R \times R$ .
2.  $O$  – множество операций на, включающее объединение, пересечение, обращение, произведение и композицию
3.  $C$  – множество логических операций, для которого отношение  $\rho_1$  – вложения элементов  $R$  является разрешимым.

## 2. Пространства конфигураций



$\varepsilon : \mathbf{M} \rightarrow \mathbf{M} \times \mathbf{M}$  - декомпозиция

$\psi : \mathbf{M} \rightarrow \mathbf{R}$  - связывание

$$\varepsilon(z) = (z_1, z_2)$$

**Определение** Декомпозицией конфигураций из  $\mathbf{M}$  называется пара  $\mathbf{d} = (\varepsilon, \psi)$ , где  $\varepsilon$  и  $\psi$  являются отображениями разложения и связывания конфигураций.

**Определение** Пространством конфигураций называется всякая пара  $\mathbf{M} = (\mathbf{M}, \mathbf{d})$ , для которой

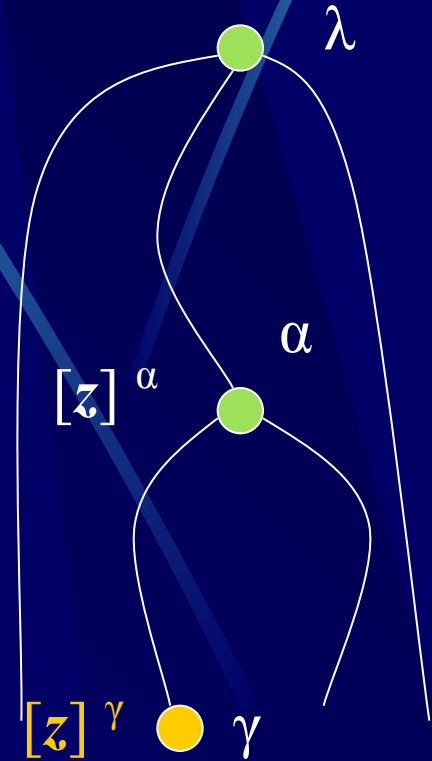
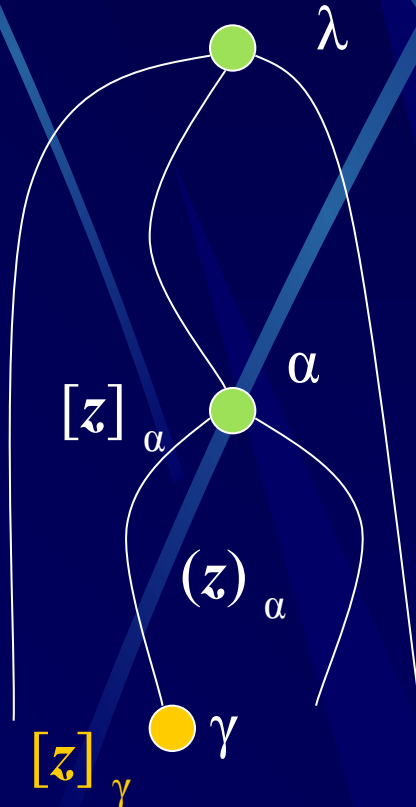
1.  $\mathbf{M}$  – бесконечное вычислимое множество конфигураций;
2.  $\mathbf{d}$  – декомпозиция элементов  $\mathbf{M}$ .

# Структурные представления конфигураций

## ПСП конфигураций

## ПАП конфигураций

$\mathbf{D}(z)$  — все вершины  
 $\mathbf{O}(z)$  — все висячие  
 вершины дерева



$$[z]_{\alpha} = \begin{cases} \psi((z)_{\alpha}), & \text{если } \alpha \in \mathbf{D}(z) \setminus \mathbf{O}(z) \\ (z)_{\alpha}, & \text{если } \alpha \in \mathbf{O}(z) \end{cases} \quad \varepsilon((z)_{\alpha}) = (z_1, z_2) \quad \begin{cases} \eta^d_{z_1, z_2}([z]_{\alpha}) = [z]_{\alpha} \\ \eta_0([z]_{\gamma}) = [z]_{\gamma} \end{cases}$$



### 3. Сравнения конфигураций

**Определение** Изотонное отображение  $\xi : \mathbf{I} \rightarrow \mathbf{I}$  называется трассированием конфигурации  $z_1$  в конфигурацию  $z_2$ , если:

1.  $\forall \alpha \in \mathbf{D}(z_1) (\alpha \in \mathbf{D}(z_1) \setminus \mathbf{O}(z_1) \leftrightarrow \xi(\alpha) \in \mathbf{D}(z_2) \setminus \mathbf{O}(z_2))$ ;

2.  $\forall \alpha, \alpha\sigma \in \mathbf{D}(z_1), \sigma \in \{0, 1\} \exists \beta, \gamma \in \mathbf{I}$

**Трассирование**  $((\xi(\alpha) \subset \xi(\alpha\sigma)) \rightarrow \xi(\alpha\sigma) \subseteq \xi(\alpha)\beta\sigma\gamma)$ .

**K - трассирование** ( $\gamma = \lambda$ )

**O - трассирование** ( $\beta = \lambda$ )

**c - трассирование** ( $\beta = \gamma = \lambda$ )

**p - трассирование**



**Определение.** Конфигурация  $z_1$   $I$ -трассируется в конфигурацию  $z_2$  ( $z_1 \leq_I z_2$ ,  $I \in \{o, p, c, \}$ ), если существует такое  $I$  трассирование  $\xi: I \rightarrow I$ ,  $z_1$  в  $z_2$ , что:

1.  $\forall \alpha \in O(z_1) ((z_1)_\alpha \rho_0 (z_2)_{\xi(\alpha)});$
2.  $\forall \alpha \in D(z_1) \setminus O(z_1) ([z_1]_\alpha \rho_1 [z_2]_{\xi(\alpha)}).$

**Определение.** Конфигурация  $z_1$   $I$ -вложена,  $I \in \{o, p, c, k\}$ , в конфигурацию  $z_2$  ( $z_1 \subseteq_I z_2$ ), если

$$\exists z_1 \in \Delta(z_1), z_2 \in \Delta(z_2) (z_1 \leq_I z_2).$$

**Определение.** Конфигурации  $z_1$  и  $z_2$  эквивалентные в отношении  $I$ -вложения, если  $z_1 \subseteq_I z_2$  и  $z_2 \subseteq_I z_1$ .

## 4. Морфизмы пространств знаний

*Операции над формализованными знаниями моделируют универсальную систему этапов жизненных циклов знаний.*

*Универсальность системы операций для пространств знаний может рассматриваться в содержательном и точном смыслах.*

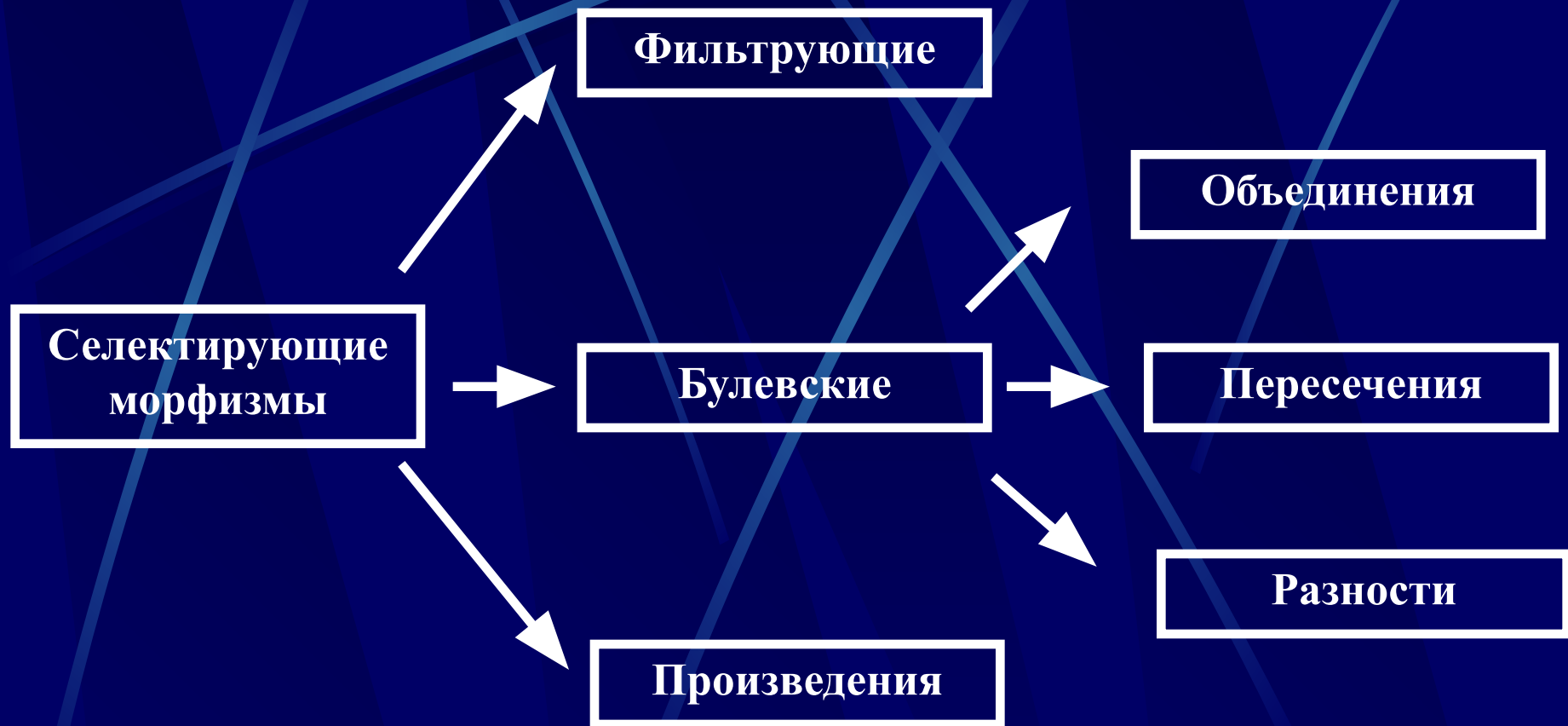
*Во втором случае используются формальные критерии, позволяющие определять полную систему классов операций, согласованную с содержательными представлениями.*

*Одним из таких критериев является монотонность относительно трассирований или вложений.*

*Основные форматы операций:*

$$f: M^* \times M^* \rightarrow M^*; f: M \rightarrow M; f: M \rightarrow M^*; f: M^* \rightarrow R$$

# *Селектирующие морфизмы*



Данный класс составляют аналоги теоретико-множественных операций: морфизмы пересечения, объединения и разности, произведения и фильтры.

Морфизм  $\mu : M^* \rightarrow M^*$  называется **фильтром**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* (\mu(V_1 \cup V_2) = \mu(V_1) \cup \mu(V_2)) \text{ и } \forall V \in M^* (\mu(V) \subseteq V)$$

1. Морфизм  $\mu : M^* \times M^* \rightarrow M^*$  называется **пересечением**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* \forall V \in M^* (V \subseteq V_1 \ \& \ V \subseteq V_2 \rightarrow V \subseteq \mu(V_1, V_2)).$$

2. Морфизм  $\mu : M^* \times M^* \rightarrow M^*$  называется **объединением**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* \forall V \in M^* ((V \subseteq V_1 \vee V \subseteq V_2) \rightarrow V \subseteq \mu(V_1, V_2)).$$

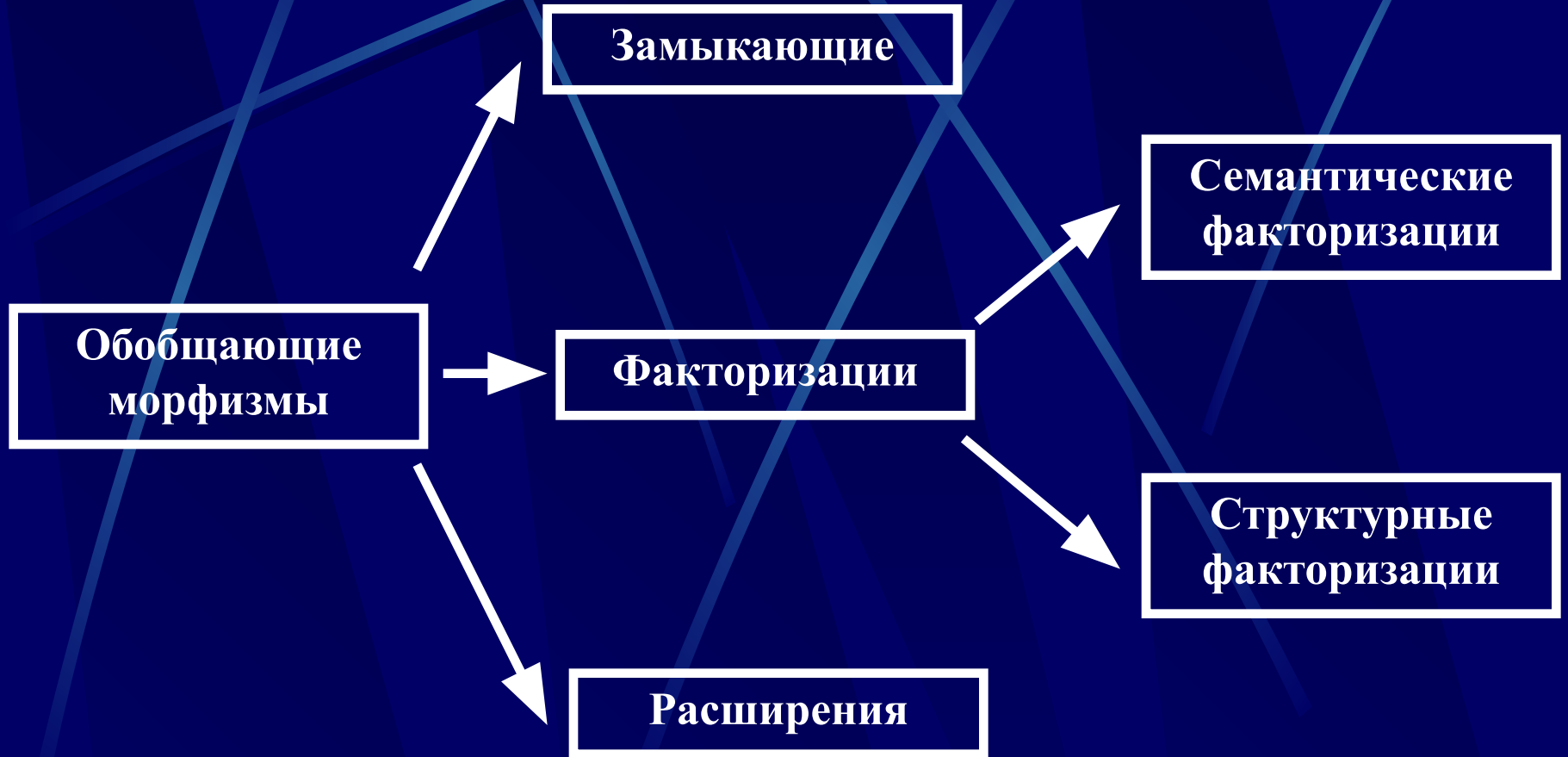
3. Морфизм  $\mu : M^* \times M^{fin} \rightarrow M^*$  называется **разностью**, если

$$\forall V_1, V_2 \in M^* (\mu(V_1, V_2) = \{z \mid z \in M \ \& \ \{z\} \subseteq V_1 \ \& \ \{z\} \not\subseteq V_2\})$$

$$\text{Морфизм } \mu : M^* \times M^* \rightarrow M^* \text{ называется } \textbf{произведением}, \text{ если}$$
$$\forall V_1, V_2 \in M^* \forall z_1 \in V_1, z_2 \in V_2 \exists z \in \mu(V_1, V_2) (z_1 \subseteq z \ \& \ z_2 \subseteq z);$$

$$\forall V, V' \in M^* \exists z \in \mu(V, V') \exists z' \in V, z'' \in V' (z \subseteq z' \ \& \ z \subseteq z'');$$

# Обобщающие морфизмы



Если  $V \in M^*$ , то  $[V]$  – множество конфигураций, к которым сходятся вычислимые подмножества  $V$

Морфизм  $\mu : M^* \rightarrow M^*$  называется **закрывающим**, если

$$\forall V \in M^* (\mu(V) \subseteq [V] \setminus V)$$

Морфизм  $\mu : M^* \rightarrow M^*$  называется **факторизацией**, если

$$\forall V \in M^* \forall z \in V \exists z_1 \in \mu(V) (z = (z_1)_0) \&$$
$$\& \forall z_1 \in \mu(V) \exists z \in V (z = (z_1)_0)$$

**Расширением**  $V \in M^*$  называется множество, образованное всеми такими конфигурациями, для которых существуют разбиения, составленные из конфигураций множества  $V$ .

# *Трансформирующие морфизмы*

**Трансформирующие морфизмы**

**Декомпозиции**

**Разложения**

**Связывания**

**Адаптации**

**Сжатия**

**Компоновки**

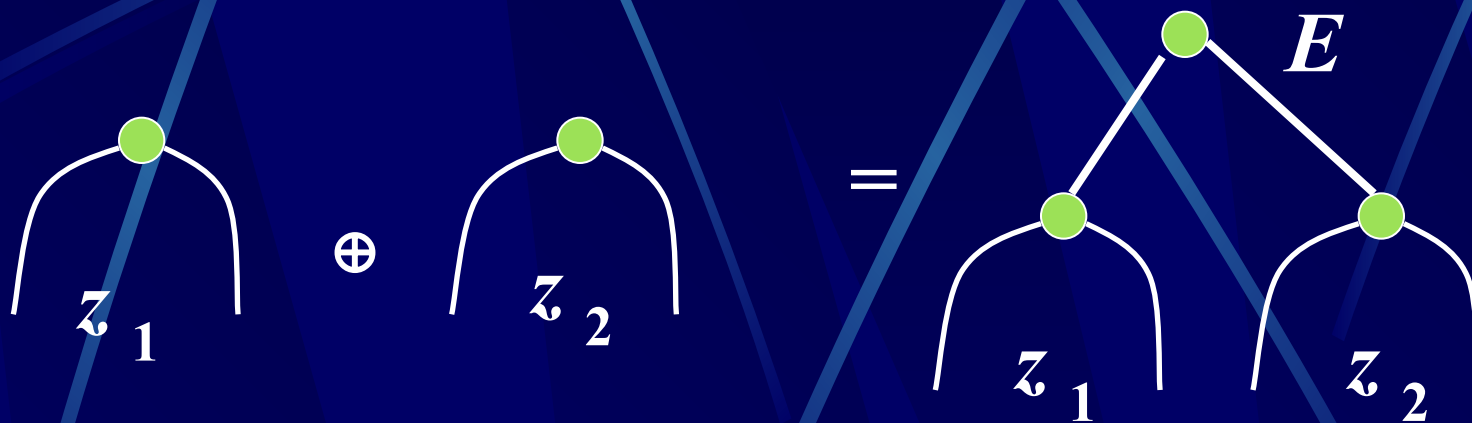
**Интеграции**

**Расщепления**



# Биморфизмы конфигураций

## Прямая сумма конфигураций $z_1 \oplus z_2$



### Теорема

Если  $z_1 \subseteq_o z$  и  $z_2 \subseteq_o z$  и  $z$  -  
неэлементарная, то  $z_1 \oplus z_2 \subseteq_o z$ .

# Унифицирующие биморфизмы

**Определение.** Биморфизм  $\mu$  называется унифицирующим, если:  $\forall z_1, z_2 \in M (\mu(z_1, z_2) \subseteq_o z_1 \ \& \ (\mu(z_1, z_2) \subseteq_o z_2))$ .

Отношение  $\leq$  на множестве унифицирующих биморфизмов  $\forall \mu_1, \mu_2 (\mu_1 \leq \mu_2 \leftrightarrow \forall z_1, z_2 \in M (\mu_1(z_1, z_2) \subseteq_o \mu_2(z_1, z_2)))$ .

**Определим подкласс  $s$  – морфизмов.**

1. отображения трассирования тождественные для внутренних вершин ПСП конфигураций.
2.  $z_1 \subseteq_o z_2 \leftrightarrow z_1 \leq_o z_2$ .

**Определение.** Биморфизм  $\mu : M^2 \rightarrow M$  называется  $s$  – биморфизмом, если

$\forall z_0 \in M (\mu(z_0, z) \text{ и } \mu(z, z_0) \text{ - это } s \text{ – морфизмы}).$

$\mu\text{SU}$  – множество простых биморфизмов.

**Теорема.**  $\mu\text{ts}$  является наибольшим элементом множества  $(\mu\text{SU}, \leq_s)$ .

$$R(\xi, z) = \{\alpha \mid \exists \beta \in Q(\xi, z) (\alpha = \xi(\beta))\}$$

# Эндоморфизмы конфигураций

Пусть  $\xi : I \rightarrow I$  изотонное и выполняются условия

1.  $\forall \alpha \in I (\xi(\alpha) \in D(z))$
2. Если  $\{\alpha_i \mid i \in \mathbb{N} \ \& \ \alpha_1 = \lambda \ \& \ \forall j (|\alpha_{j+1}| = |\alpha_j| + 1)\}$  – бесконечная последовательность, то  $\exists i (\xi(\alpha_i) \in O(z))$

Определим множества:

$$R(\xi, z) = \{\alpha \mid \exists \beta \in Q(\xi, z) (\alpha = \xi(\beta))\};$$

$$Q(\xi, z) = \{\alpha \mid \xi(\alpha) \in D(z) \ \& \ \alpha = \beta\sigma \ \& \ \xi(\alpha) \in O(z) \ \& \\ \xi(\alpha) \in D(z) \rightarrow \xi(\beta) \in D(z) \setminus O(z)\}$$

$T_p(z)$ ,  $z \in M$ , - множество изотонных отображений соответствующих определению  $p$  – трассирования

$R_\xi(z)$ , нагруженное бинарное дерево с вершинами создаваемое из вершин ПСП  $z$  области значений  $\xi$ .

**Теорема.** Если  $\xi \in T_p(z)$  транзитивное отображение, то  $R_\xi(z)$  образует ПСП некоторой конфигурации.

## 5. Топологические свойства пространств знаний

**Определение.** Вычислимое множество конфигураций  $\omega = \{z_i\}, i \in \mathbb{N}$ ,  $s$ -сходится к конфигурации  $z$  если:

1.  $\forall i \in \mathbb{N} (z_i \leq_o z)$ ;
2.  $\forall z' \in \mathbf{M} (\forall i \in \mathbb{N} (z_i \leq_o z') \rightarrow z \leq_o z')$ ;
3.  $\forall \alpha \in \mathbf{O}(z) ([z]_\alpha \in \mathbf{M}(\omega) \cup \{\Lambda\})$ ;
4.  $\forall \alpha \in \mathbf{D}(z) \setminus \mathbf{O}(z) ([z]_\alpha \in \mathbf{R}(\omega) \cup \{E\})$ .

**Теорема.** Пусть  $\omega_1 = \{z^1_i\}, i \in \mathbb{N}$ , и  $\omega_2 = \{z^2_i\}, i \in \mathbb{N}$ , - это  $s$ -сходящиеся вычислимые множества конфигураций. Тогда вычислимое множество конфигураций  $\omega_3 = \omega_1 \cup \omega_2$  также является сходящимся.

**Следствие.** Если непустое вычислимое множество  $\mathbf{M}' \subseteq \mathbf{M}$  имеет конечную верхнюю грань, то  $\mathbf{M}'$  является  $s$ -сходящимся.

## *6. Эволюции конфигураций*

- 1. Предназначены для моделирования процессов и жизненных циклов в пространствах знаний;*
- 2. Отличаются от морфизмов зависимостью результатов от времени и порядка поступления начальных данных;*
- 3. Выполняются в неограниченном дискретном времени;*
- 4. Группируются в системы процессов с общими механизмами построения процессов и определения их значений.*

# Представления процессов и их значений

$$\mathbf{F} = \{ (T_\alpha, S_\alpha) \mid \alpha \in \mathbf{I}_0 \}$$

$T_\alpha$  - оператор перехода

$S_\alpha$  - оператор остановки

1. Начальное данное процесса:  
вычислимая последовательность

$$\omega = (z^*_0, t_0), \dots, (z^*_j, t_j), \dots$$

2. Процесс для начального  
данного  $\omega$  - последовательность  
пар  $\mathbf{W} = (z_0, 0), \dots, (z_i, i), \dots$

3. Шаг процесса  $z_i \Rightarrow z_{i+1}$

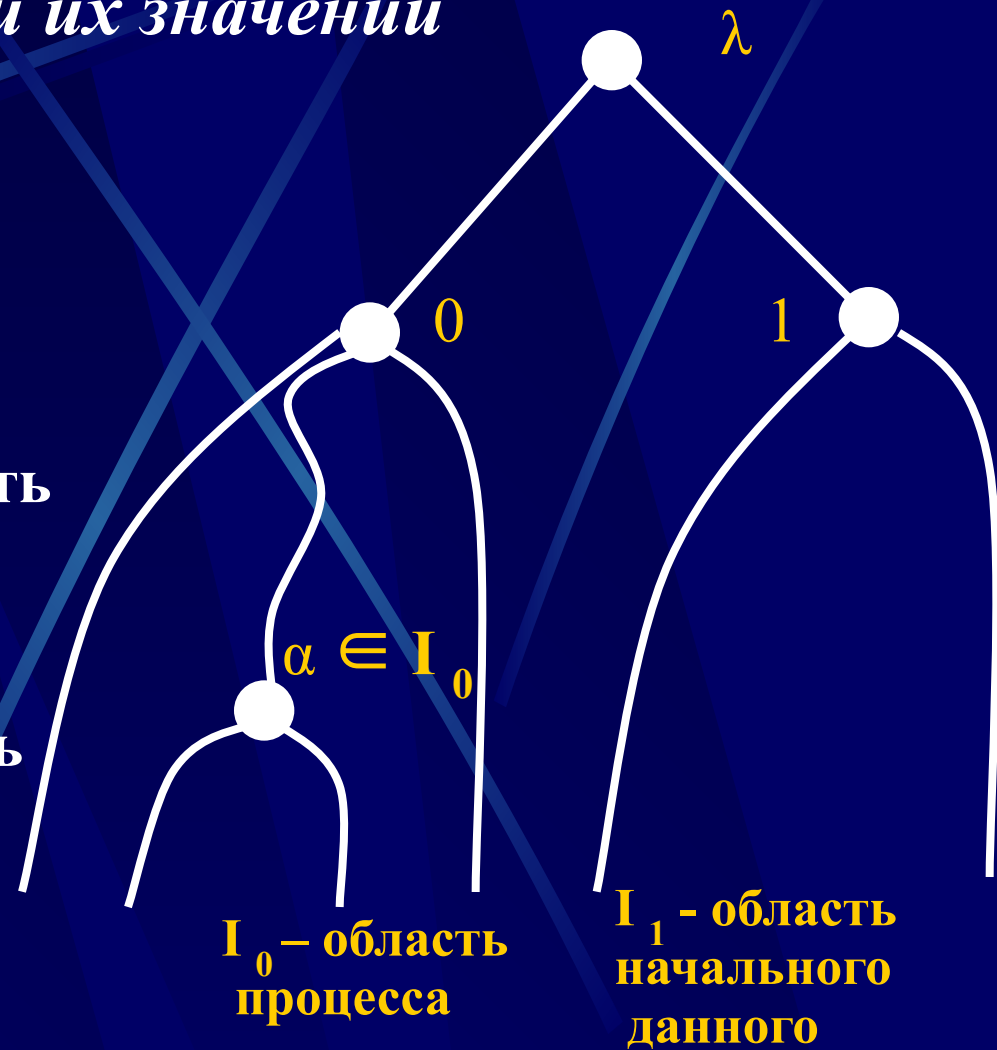
$$T_\alpha(z_i \oplus z^*_j) = [z_{i+1}]_\alpha,$$

$$S_\alpha(z_i \oplus z^*_j) \in \{0, 1, \emptyset\}, \alpha \in \mathbf{I}_0, i = 0, 1, \dots$$

4. Значение процесса  $\mathbf{W}$  в компоненте  $\alpha \in \mathbf{I}_0$

$$\mathbf{F}_\alpha(\mathbf{W}) = \{ ((z_i)_\alpha, i) \mid S_\alpha(z_i \oplus z^*_j) = 0 \},$$

где  $z^*_j$  - конфигурация в  $\mathbf{I}_1$  в момент  $i$



# Универсальные пространства эволюций конфигураций

**Определение.** Вычислимое отображение  $\mu : \Omega \rightarrow \Omega$  является морфизмом эволюций конфигураций, если  $\forall \omega', \omega'' \in \Omega \forall t (\omega' | t = \omega'' \rightarrow \exists \tau (L(\mu(\omega'')) = L(\mu(\omega') | \tau)))$ .

1.  $\Theta$  - множество всех морфизмов эволюций конфигураций.
2.  $\Xi$  - множество всюду определённых вычислимых отображений  $\xi : I_0 \rightarrow I_0$ .

**Определение.** Пространство эволюций конфигураций с базисом  $F^u = \Theta(T_\alpha^u, S_\alpha^u)$  называется универсальным, если  $\forall F = (T_\alpha, S_\alpha) \exists \mu \in \Theta \exists \xi \in \Xi \forall \omega \in \Omega \forall \alpha \in I_0 (L(F_\alpha(\omega)) = L(F^u(\mu(\omega))_{\xi(\alpha)}))$ .

**Теорема.** Существует универсальное пространство эволюций конфигураций.





## ***7. Язык и Технология пространств знаний***

**а. Операции конструирования и трансформации моделей пространств знаний**

**б. Форматы описаний компонентов пространств знаний**

**Элементы языка моделирования пространств знаний *KML***

# *Операции конструирования и трансформации пространств знаний*

Модели компонентов пространств знаний представляются формальными системами вида  $\Sigma = (T, F, P)$

T, F, P - системы классов данных, морфизмов и предикатов структурированных отношениями вложения и агрегирования

Свойства классов представляются формализованными описаниями специальной структуры.

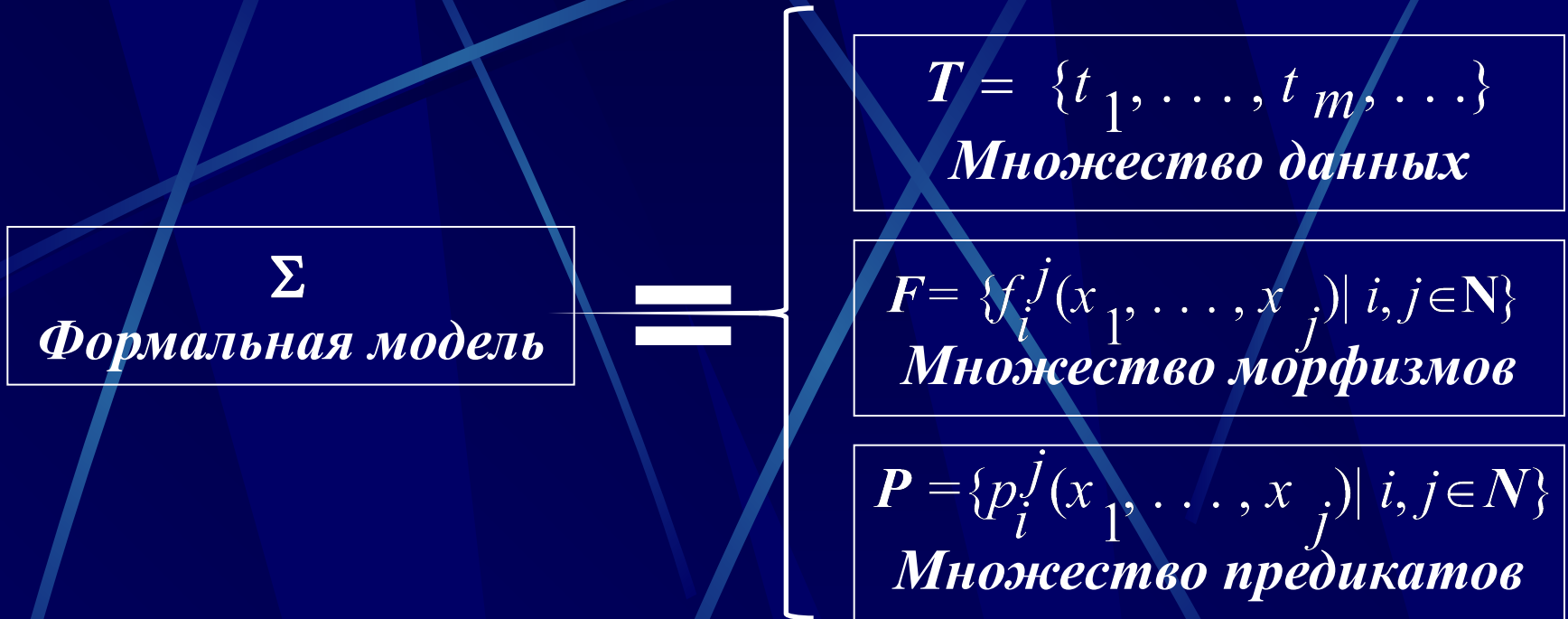
*Базовые операции на множестве формальных моделей:*

1. Интеграция – расщепление

2. Гомоморфное расширение – гомоморфное вложение

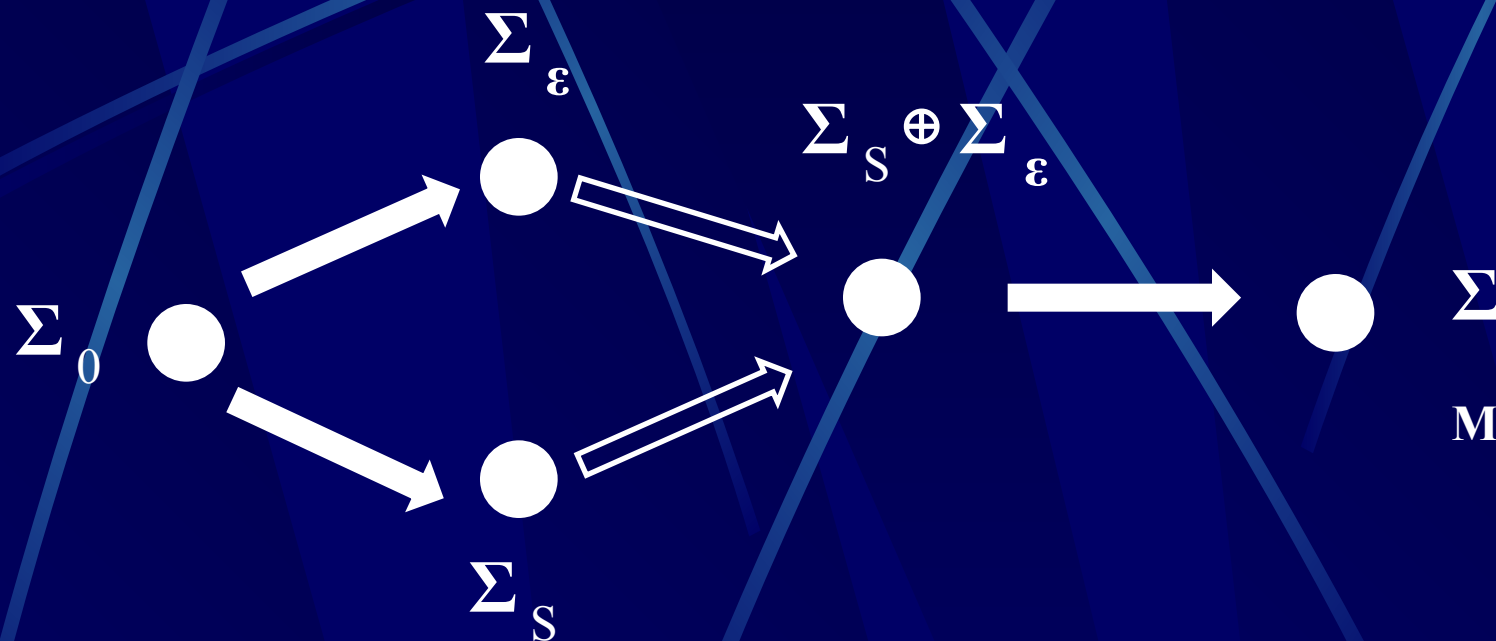


# Унифицированная формальная модель



На множествах  $T$ ,  $F$  и  $P$  определены вычислимые семейства классов  $CT$ ,  $CF$  и  $CP$ , содержащих все элементы данных множеств. Такие семейства структурированы разрешимыми отношениями вложения и агрегирования классов, обозначаемыми в виде  $\subseteq$  и  $\bowtie$ .

# Диаграмма процесса построения формальной модели абстрактного пространства знаний



$\Sigma_0$  – базовая модель

$\Sigma_S$  – семантическое пространство

$\Sigma_\varepsilon$  – множество конфигураций с операцией разложения

$\Sigma_M$  – пространство конфигураций

# Гомоморфные вложения формальных моделей

## 1. Соответствие классов (данных, морфизмов, предикатов)

$$p(x_1, \dots, x_n)$$



$$f(x_1, \dots, x_n)$$

$$\pi(y_1, \dots, y_m)$$

$$\phi(y_1, \dots, y_m)$$

## 2. Сохранение значений

$$h_f p(x_1, \dots, x_n) = \phi(\xi_1(x_1, \dots, x_n), \dots, \xi_m(x_1, \dots, x_n))$$

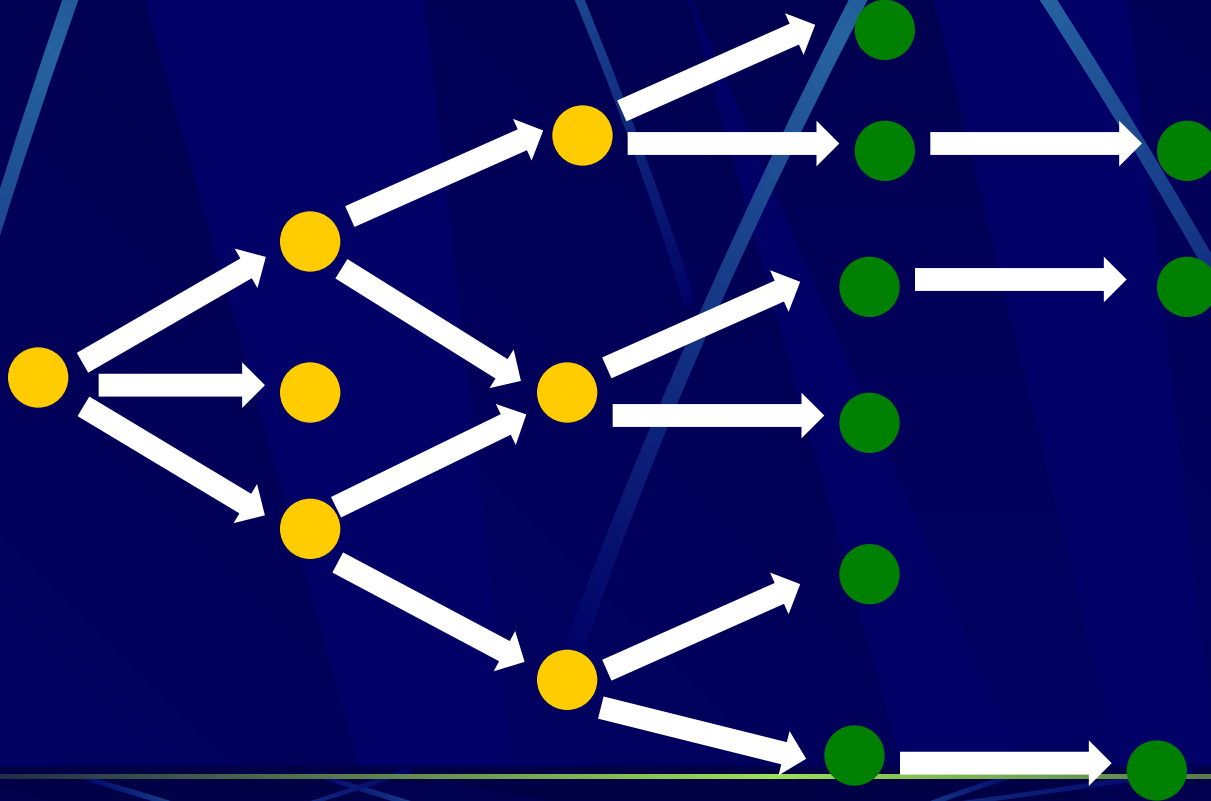
$$p(x_1, \dots, x_n) = \pi(\eta_1(x_1, \dots, x_n), \dots, \eta_m(x_1, \dots, x_n))$$

# Диаграмма трансформаций моделей интеллектуальных систем и их программных реализаций

*Теоретические модели*



*Программно реализуемые модели*

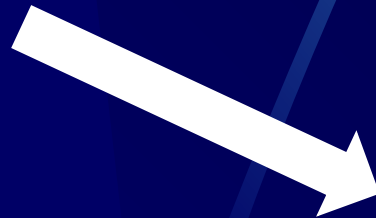
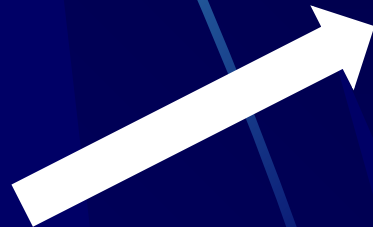
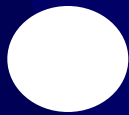


*Язык моделирования  
пространств знаний*

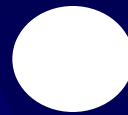
*KML*

# *Модели апробации, расширения и уточнения языка*

**Абстрактное  
пространство  
знаний**



**Формальная  
модель  $\Sigma(PS)$**



**Формальная  
модель  $\Sigma(WSV)$**

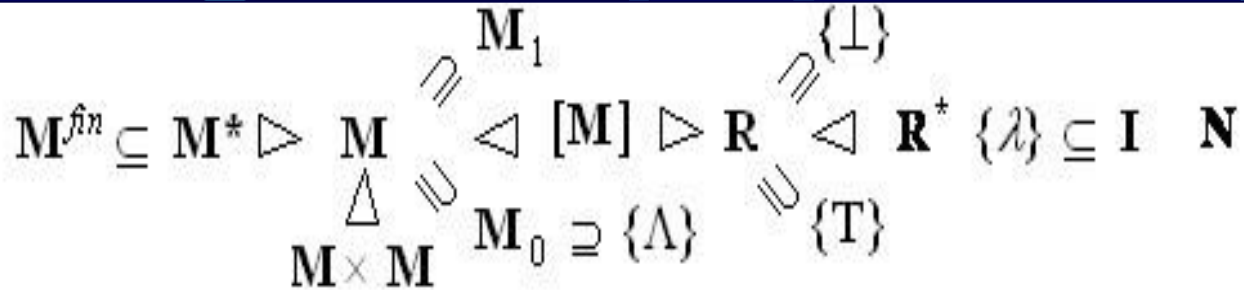


**Формальная  
модель  $\Sigma(PR)$**

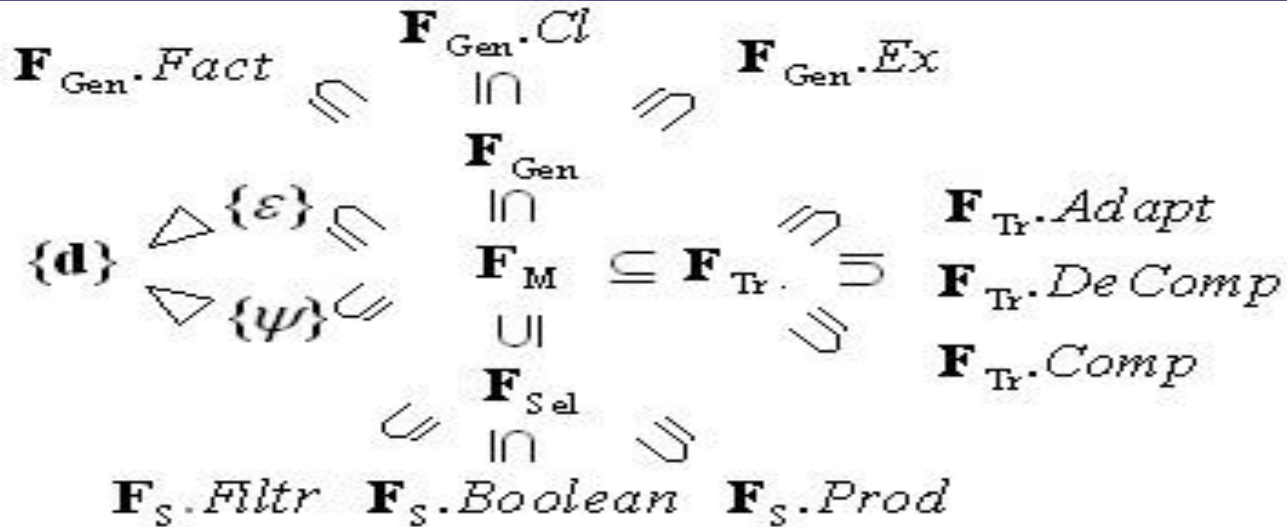


# Диаграммы классов объектов абстрактного пространства знаний

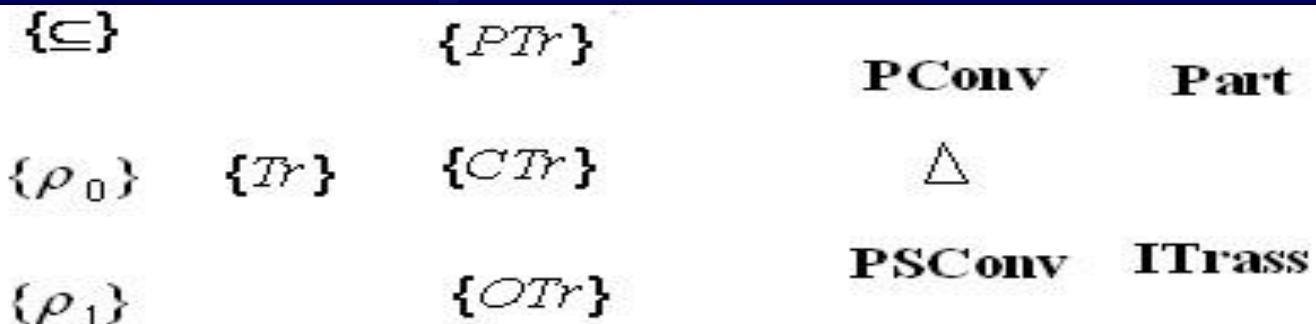
1



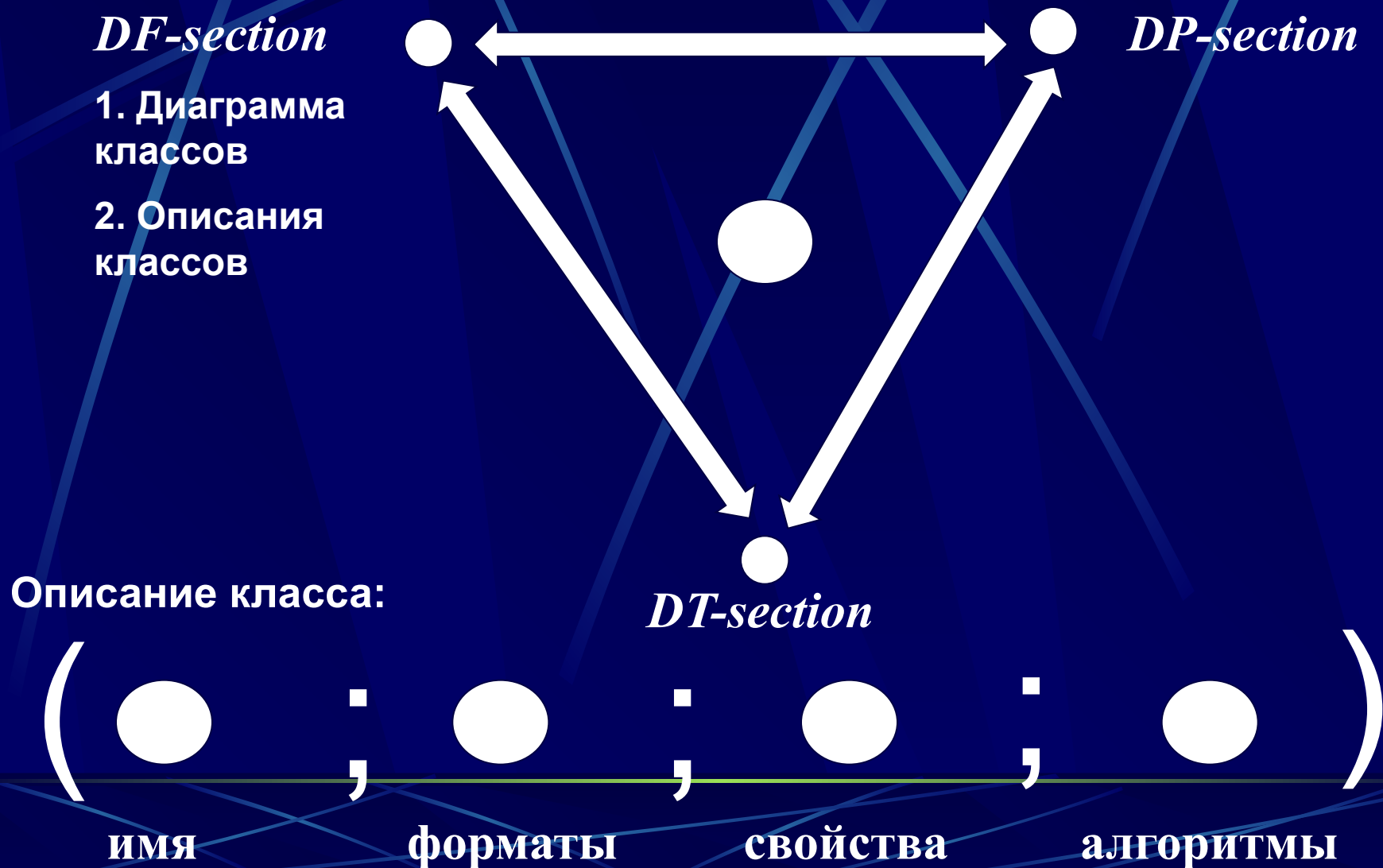
2



3



# Унифицированная структура определений элементов абстрактного пространства знаний



# Примеры описаний классов

1. Класс данных Класс конфигураций

$(M; \{z_i \mid i \in N\}; \Lambda \in M; G(M),$

$D(M)).$

2. Класс данных Семантическое пространство

$(R; \{r_i \mid i \in N \ \& \ r_i \in (M \times M)^*\}; E \in R, T \in R; G(R),$

$D(R)).$

3. Класс данных Семейство параметризованных классов вершин ПСП конфигураций

$(D(z); \{\alpha \mid z \in M \ \& \ \alpha = \lambda \ \vee \ \alpha = \beta\sigma \ \& \ \beta \in I \ \& \ \sigma \in \{0,1\} \ \& \ \varepsilon((z)_\beta) \neq (\Lambda, \Lambda)\};$

$G(D(z)), D(D(z)).$

4. Класс морфизмов Каноническое разложение конфигураций

$(\{\varepsilon\}; \varepsilon: M \rightarrow M \times M; \varepsilon(\Lambda) = (\Lambda, \Lambda); G(\{\varepsilon\}).$

5. Класс морфизмов Каноническое семантическое связывание}

$(\{\psi\}; \varepsilon: M \rightarrow R; \forall z \in M (\varepsilon(z) = (z_1, z_2) \ \& \ z_1 \neq \Lambda \ \vee \ z_2 \neq \Lambda) \rightarrow \varepsilon(z) \in \psi(z),$

$\forall r \in R \ \forall z_1, z_2 \in M \ \exists! z \in M (\varepsilon(z) = (z_1, z_2) \ \& \ \varepsilon(z) \in \psi(z))$

$;G(\{\psi\}).$

6. Класс Предикатов Вложение двоичных наборов

# Общая структура описаний

```
Section <имя раздела> begin
  Subsection Basic begin
  Subsection Basic end
  Subsection Special begin
  Subsection Special end
  Subsection Universal begin
  Subsection Universal end
Section <имя раздела > end
```

*Разделы описаний:*  
*Section DT* – классы данных  
*Section DF* – классы морфизмов  
*Section DP* – классы предикатов

# XML –структура пространства знаний (1)

```
<kxml version="0.1" date="01.11.2011" name="...">
<metadata>
  <kslink xmlns:owl="http://www.w3.org/2002/07/owl#" />
  <kstypes>
    <kstype type="base" id="1">данные</kstype>
    <kstype type="base" id="2">Морфизмы</kstype>
    <kstype type="base" id="3">Предикаты</kstype>
    <kstype type="role" id="4">Общие</kstype>
    <kstype type="role" id="5">Специальные</kstype>
  <kstypes/>
  <ksrelations>
    <ksrelation type="base" id="1" img="...">Включение</ksrelation>
    <ksrelation type="base" id="1" img="...">Агрегирование</ksrelation>
  </ksrelations>
  <ksinfo>
    <author>...</author>
    <comment>...</comment>
    ...
  </ksinfo>
  <ksstat sect_cnt="..." class_cnt="..." dia_cnt="..." />
</metadata>
```

# XML – структура пространства знаний (2)

```
<section id='...' name='...' type='...'>
  <section id='...' name='...' type='...'>
    ...
  </section>
</section>
<section id='...' name='...' type='...'>
  ...
</section>
<!--определения классов...-->
<class id='...'>
  <classnames>
    <classname>...</classname>
    ...
  </classnames>
  <classformats>
    <classformat type='...'>
      ...
    </classformat>
    ...
  </classformats>
  <classprops>
    <classproperty type='...'>
      ...
    </classproperty>
    ...
  </classprops>
  <classalgs>
    <classalgorithm type='...'>
      ...
    </classalgorithm>
  </classalgs>
</class>
</section>
</structure>
```

```
<diagrams>
  <diag id='...' type='...' name='...'>
    <diaglinks>
      <diaglink id1='...' id2='...' type='...' />
      ...
    </diaglinks>
    <diagvisual type='...'>
      ...
    </diagvisual>
    <subdiags>
      <subdiag classid='...' diagid='...' />
    </subdiags>
  </diag>
</diagrams>
```

# *Элементы языка описания компонентов цифрового пространства знаний*

*<Раздел> = "section" <Имя раздела> "begin"  
{ <Определение класса> | <Подраздел> }  
"section" <Имя раздела> "end".*

*<Подраздел> = "subsection" <Имя подраздела> "begin"  
{ <Определение класса> | <Подраздел> }  
"subsection" <Имя подраздела> "end".*

*<Определение класса> = <Идентификатор класса>  
"{" <Описание класса> "}"  
"(" <Ns> [ ";" <Fs> ] [ ";" <Ps> ] [ ";" <As> ] ").".*

# Классы модели пространства знаний

$\langle Ns \rangle = \langle \text{Имя класса} \rangle \{ "=" \langle \text{Имя класса} \rangle \} .$

$\langle \text{Имя класса} \rangle = ( \langle \text{Имя} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя} \rangle \} )$   
|  $\langle \text{Имя с параметром} \rangle$   
|  $\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle .$

- $\langle \text{Имя} \rangle = \langle \text{Слово} \rangle [ \langle \text{Слово} \rangle | "*" | \langle \text{Число} \rangle ]$   
[  $\langle \text{Слово} \rangle | \langle \text{Число} \rangle ] ^ \bullet$
- $\langle \text{Имя с параметром} \rangle = \langle \text{Имя} \rangle$   
" ("  $\langle \text{Имя переменной} \rangle \{ ", " \langle \text{Имя переменной} \rangle \} "$  ) " .
- $\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle = "{ \{ " \langle \text{Имя} \rangle " \} "$   
|  $"{ \{ " \langle \text{Специальное имя} \rangle " \} "$  .



# Область форматов

$\langle \text{Формат множества} \rangle = \langle \text{Формат множества\_Перечисление} \rangle$   
 $| \langle \text{Формат множества\_Характеристический предикат} \rangle.$

$\langle \text{Формат множества\_Перечисление} \rangle =$   
 $"\{ " \langle \text{Имя переменной} \rangle \{ ( " , " \langle \text{Имя переменной} \rangle ) | " , \dots " \} " \} " .$

$\langle \text{Формат множества\_Характеристический предикат} \rangle =$   
 $"\{ " \langle \text{Имя переменной} \rangle ( " : " | " | " ) \langle \text{Формула} \rangle " \} " .$

$\langle \text{Формат морфизма} \rangle = \langle \text{Имя морфизма} \rangle " : "$   
 $\langle \text{Имя класса} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя класса} \rangle \} " \rightarrow "$   
 $\langle \text{Имя класса} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя класса} \rangle \} .$

$\langle \text{Формат предиката} \rangle = \langle \text{Имя предиката} \rangle$   
 $" ( " \langle \text{Имя класса} \rangle \{ " , " \langle \text{Имя класса} \rangle \} " ) " .$

## Область имен формального определения класса

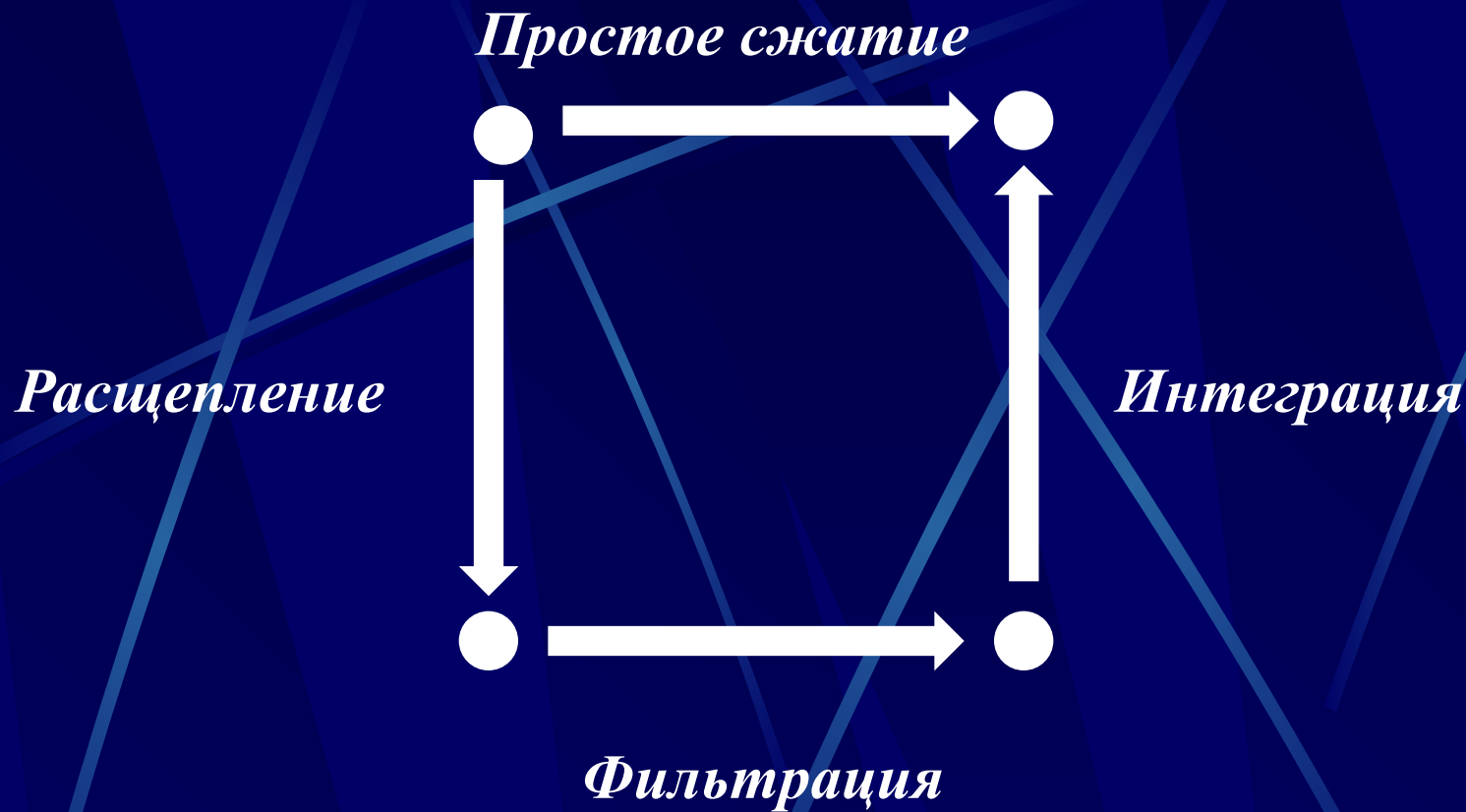
$\langle Ns \rangle = \langle \text{Имя класса} \rangle \{ "=" \langle \text{Имя класса} \rangle \} .$

$\langle \text{Имя класса} \rangle = ( \langle \text{Имя} \rangle \{ " \times " \langle \text{Имя} \rangle \} )$   
|  $\langle \text{Имя с параметром} \rangle$   
|  $\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle .$

$\langle \text{Имя} \rangle = \langle \text{Слово} \rangle [ \langle \text{Слово} \rangle | "*" | \langle \text{Число} \rangle ]$   
|  $\langle \text{Слово} \rangle | \langle \text{Число} \rangle ] \cdot$

$\langle \text{Имя с параметром} \rangle = \langle \text{Имя} \rangle$   
|  $"( " \langle \text{Имя переменной} \rangle \{ ", " \langle \text{Имя переменной} \rangle \} " )" .$

$\langle \text{Имя одноэлементного класса} \rangle = "\{ " \langle \text{Имя} \rangle "\}"$   
|  $"\{ " \langle \text{Специальное имя} \rangle "\}" .$



*Операции унифицированной технологии построения  
цифровых пространств знаний*

**Костенко Константин Иванович**

**Кубанский государственный университет**

**[kostenko@kubsu.ru](mailto:kostenko@kubsu.ru)**