Исторические сведения Формулы сокращённого умножения

Некоторые правила сокращённого умножения были известны еще около 4 тыс. лет тому назад. Их знали вавилоняне и другие народы древности. У древних греков величины обозначались не числами или буквами, а отрезками от прямых. Они говорили не «а²» ,а «квадрат на отрезке а», не «ав», а «прямоугольник содержащийся между отрезками а и в».

Тождество $(a + B)^2 = a^2 + 2aB + B^2$ в книге «Начал» Евклида

(III в. до н. э.) формулировалось так: « Если прямая линия как либо

рассечена, то квадрат на всей прямой равен квадратам на отрезках

ав	B ²
a ² a	ав

вместе с дважды взятом

прямоугольником, заключённым между

отрезками».

Доказательство опиралось на геометрические соображения.

1.
$$(a + 2B)^2 = a^2 + 4aB + 4B^2$$

2. $(5x^2 + 0.4y^2)(5x^2 - 0.4y^2) = 25x^4 - 0.16y^4$
3. $a^4 - 225B^{10} = (a^2 - 15B^5)(15B^5 + a^2)$
4. $(3a - 0.5B)^2 = 9a^2 - 3aB + 0.25B^2$
5. $(10a - 2)(100a^2 + 20a + 4) = 1000a^3 - 8$
6. $121x^2 + 44xy + 4y^2 = (-11x - 2y)^2$
7. $64a^3 + 1 = (4a + 1)(16a^2 - 4a + 1)$

Ответы:

- 1. Квадрат разности 4.
- 2. Квадрат суммы 1; 6.
- 3. Разность квадратов 2; 3.
- 4. Сумма кубов 7
- 5. Разность кубов -5

```
1. (a + 2B)^2 = a^2 + 4aB + 4B^2

2. (5x^2 + 0.4y^2)(5x^2 - 0.4y^2) = 25x^4 - 0.16y^4

3. a^4 - 225B^{10} = (a^2 - 15B^5)(15B^5 + a^2)

4. (3a - 0.5B)^2 = 9a^2 - 3aB + 0.25B^2

5. 121x^2 + 44xy + 4y^2 = (-11x - 2y)^2

6. 64a^3 + 1 = (4a + 1)(16a^2 - 4a + 1)

7. (10a - 2)(100a^2 + 20a + 4) = 1000a^3 - 8
```