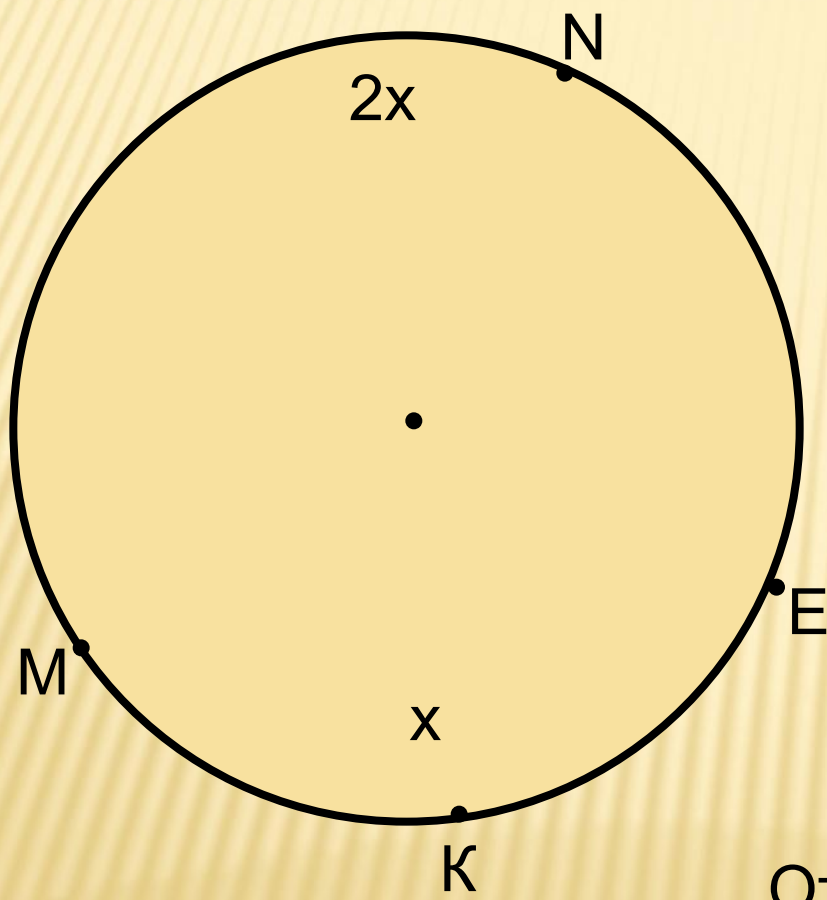


Теорема о вписанном угле.

Устное решение задач.

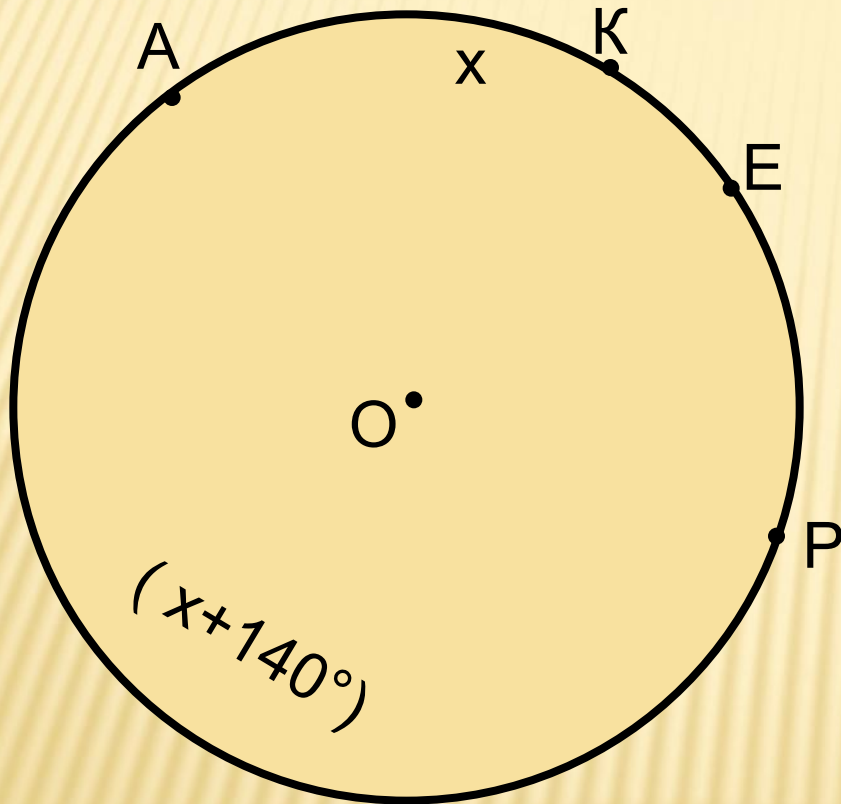
1) Дано: $\sphericalangle MKE$ в два раза меньше $\sphericalangle MNE$.
Найти: $\sphericalangle MKE$, $\sphericalangle MNE$.



$$x + 2x = 360^\circ$$
$$x = 120^\circ$$

Ответ: $\sphericalangle MKE = 120^\circ$, $\sphericalangle MNE = 240^\circ$.

2) Дано: \sphericalangle AKE на 140° меньше \sphericalangle APE.
Найти: \sphericalangle APE.

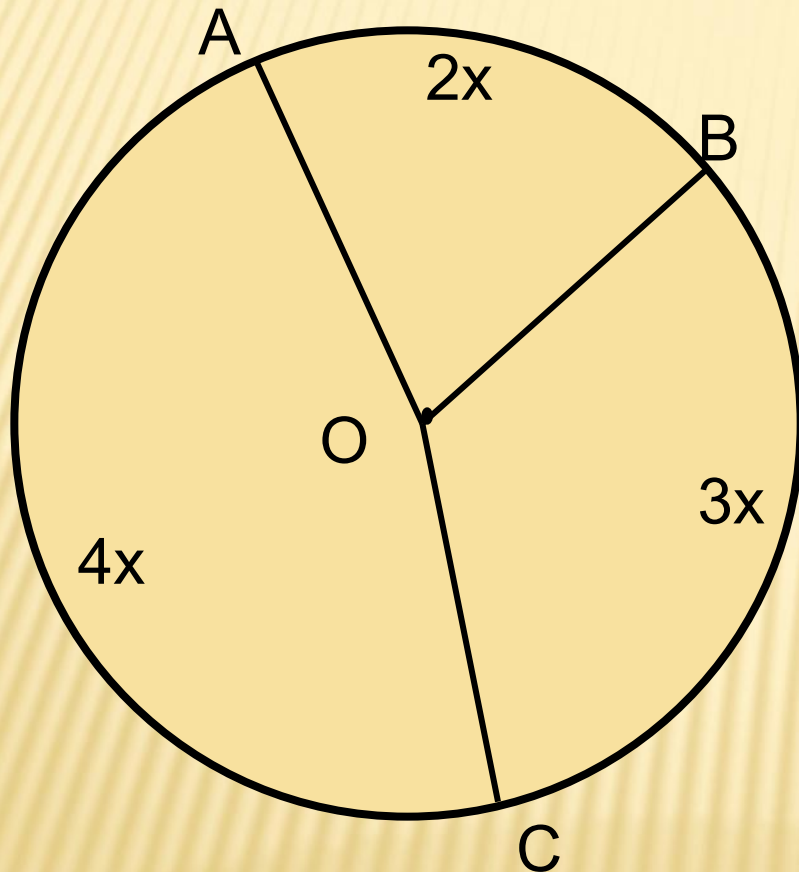


$$x + (x + 140^\circ) = 360^\circ$$
$$x = 110^\circ$$

Ответ: \sphericalangle APE = 250° .

3) Дано: $\cup AB : \cup BC : \cup AC = 2:3:4$

Найти: $\angle AOB$, $\angle BOC$,
 $\angle AOC$.

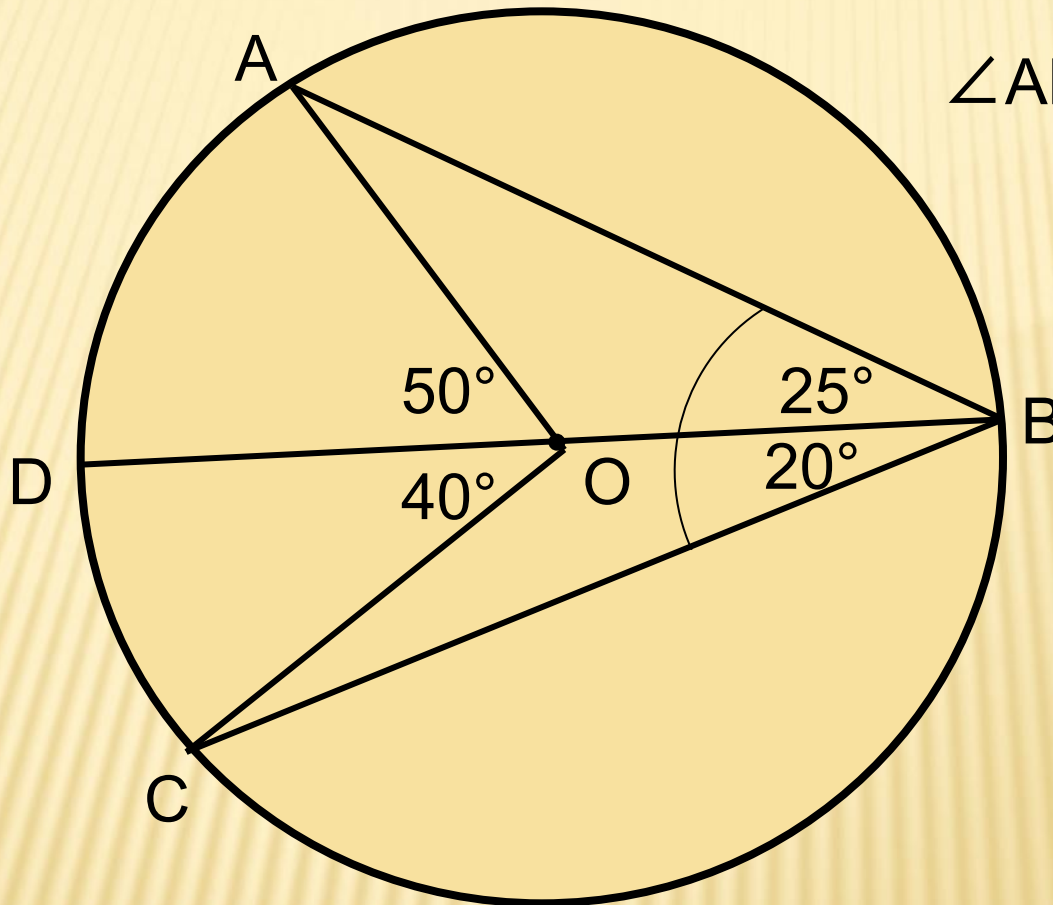


$$360^\circ : 9 = 40^\circ$$

Ответ: $\cup AB = 80^\circ$, $\cup BC = 120^\circ$, $\cup AC = 160^\circ$.

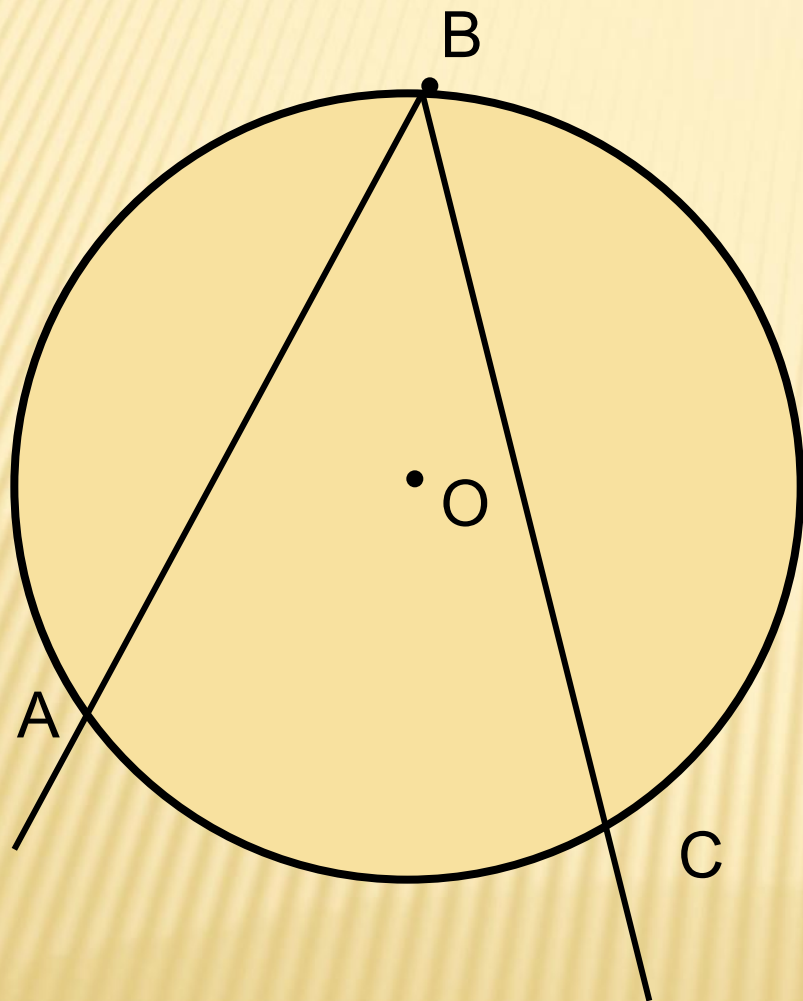
Найдите: $\sphericalangle ADC$,

$\angle ABC$.



Ответ: $\sphericalangle ADC = 90^\circ$ $\angle ABC = 45^\circ$

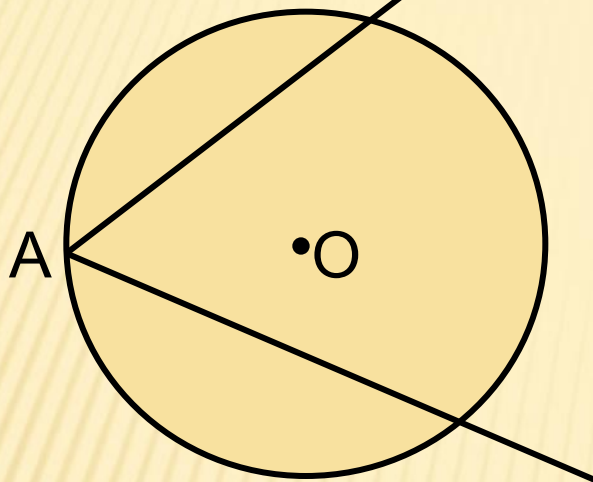
$\angle ABC$ - вписанный угол
окружности с центром в т.О



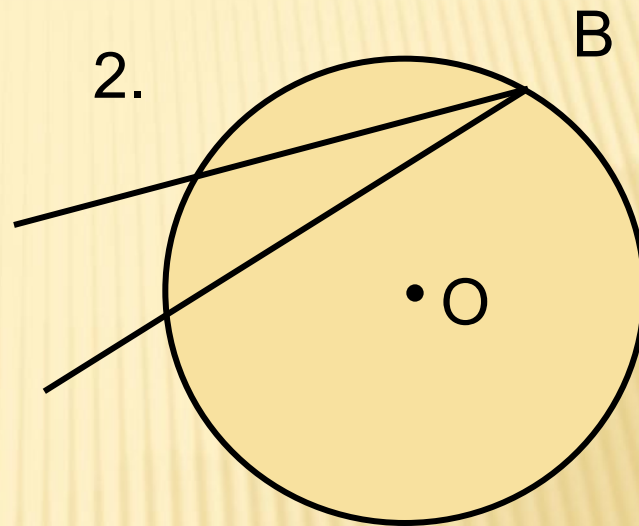
$\angle ABC$ опирается на
 $\frown AC$

Назовите вписанный угол.

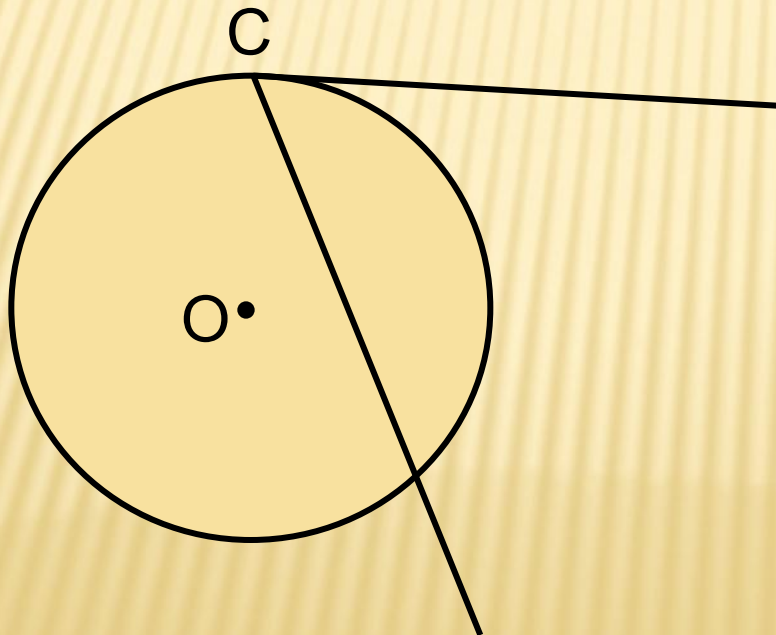
1.



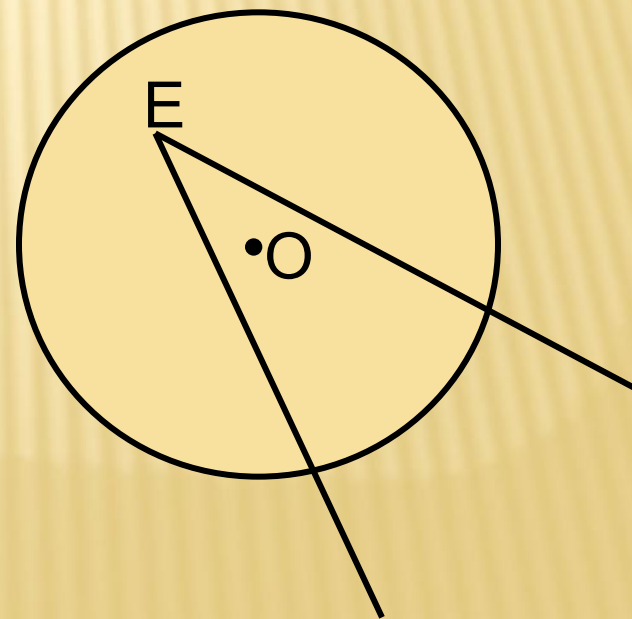
2.



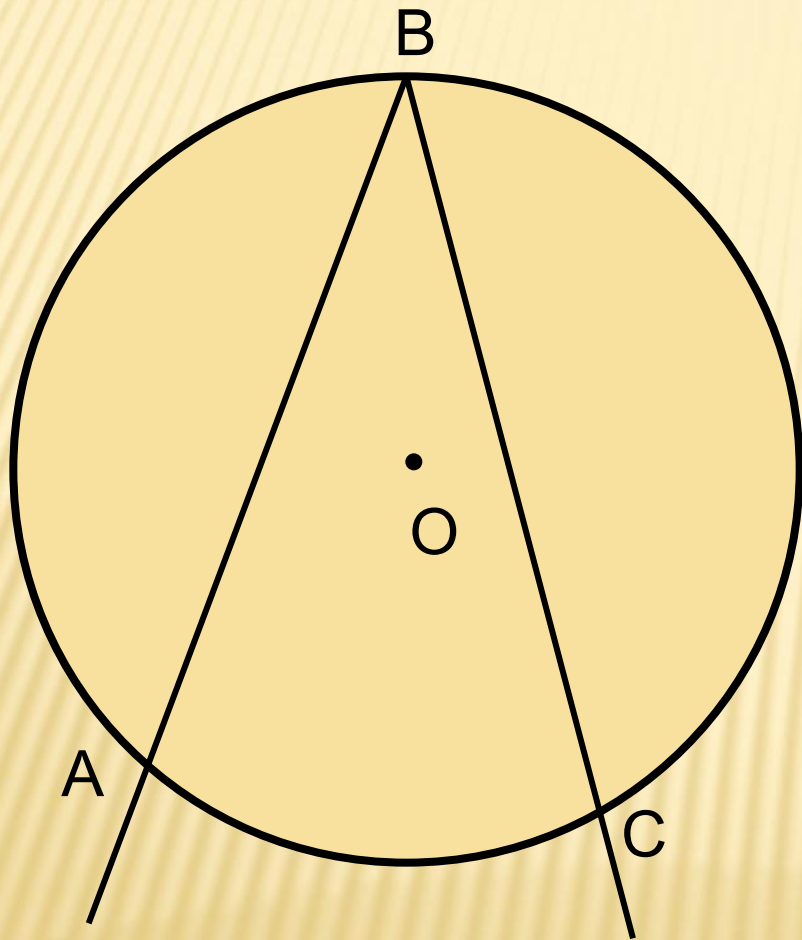
3.



4.



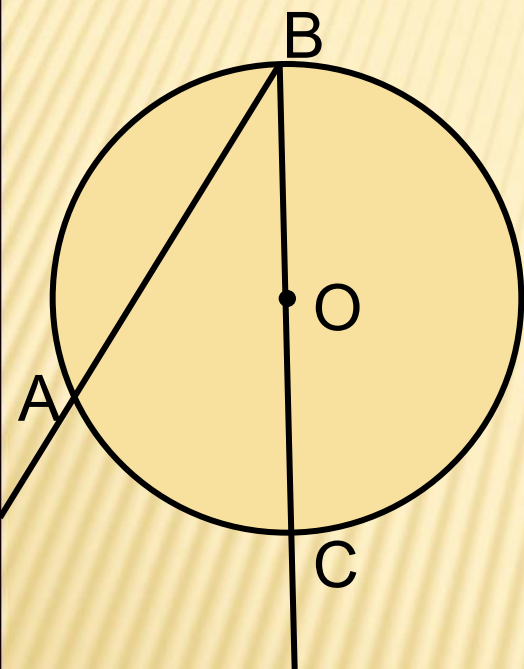
Теорема: «Вписанный угол измеряется половиной дуги, на которую он опирается».



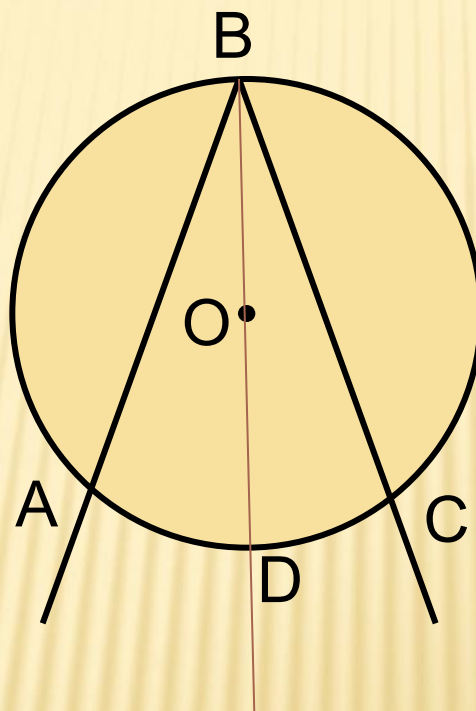
Дано: $\angle ABC$ - вписанный,
опирающийся на $\cup AC$;
O- центр окружности.

Доказать: $\angle ABC = \frac{1}{2} \cup AC$:

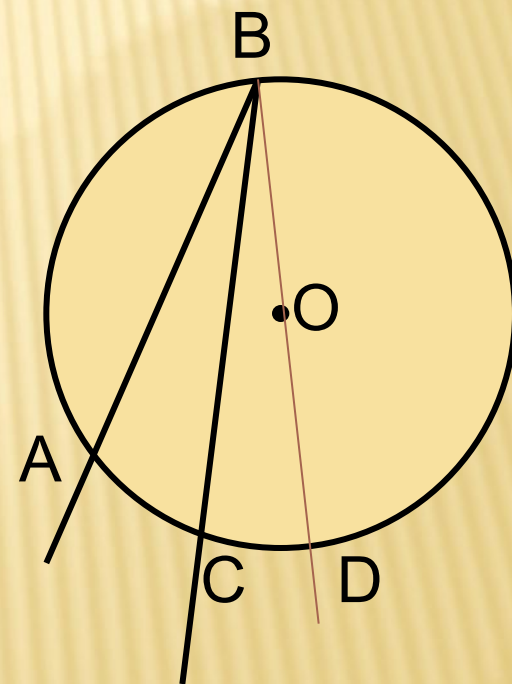
1) Луч BO совпадает с одной из сторон $\angle ABC$.



2) Луч BO делит $\angle ABC$ на два угла



3) Луч BO не делит $\angle ABC$ на два угла и не совпадает со стороной этого угла.



Вписанный угол измеряется половиной дуги, на которую он опирается.



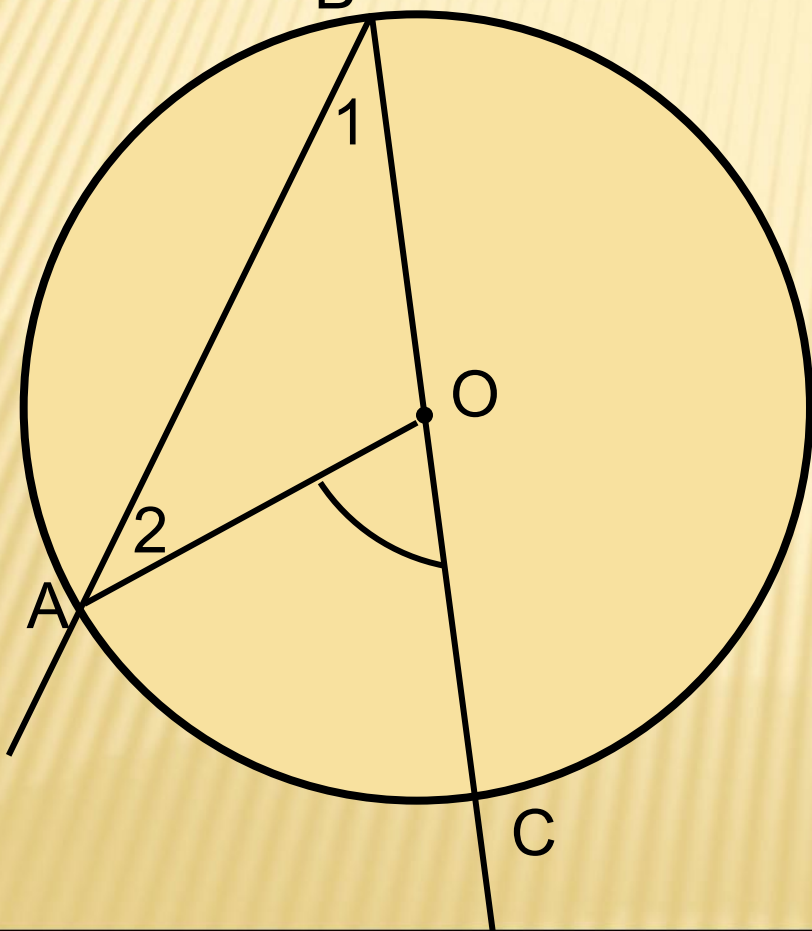
Доказательство:

Проведем радиус OA .

$\triangle AOB$ - равнобедренный

$OA=OB$, значит $\angle 1 =$

$\angle 2$



$\angle AOC$ - внешний угол

$\triangle AOB$,

$$= 2 \cdot \angle 1 = 2 \angle AOB$$

$$\angle AOC = \angle 1 + \angle 2$$

$\angle AOC$ -

центральный,

значит

$$\angle AOC = \overset{\frown}{AC},$$

$$\angle AOC = 2 \angle ABC = \overset{\frown}{AC}$$

$$\angle ABC = \frac{1}{2} \overset{\frown}{AC} :$$

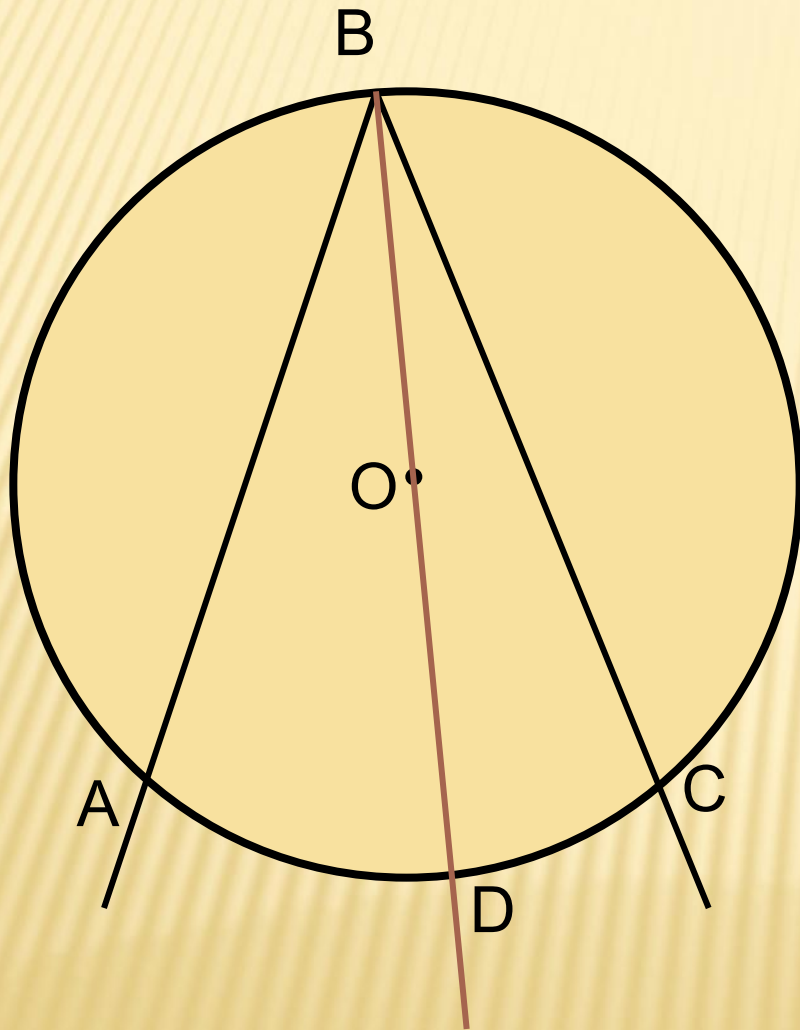
2.

Вписанный угол измеряется половиной дуги, на которую он опирается.



Доказательство:

Луч OB делит $\sphericalangle AC = \sphericalangle AD + \sphericalangle CD$



По доказанному

$$\sphericalangle ABD = \frac{1}{2} \sphericalangle AD :$$

+2

$$\sphericalangle CBD = \frac{1}{2} \sphericalangle CD :$$

$$\sphericalangle ABD + \sphericalangle CBD = \frac{1}{2} (\sphericalangle AD + \sphericalangle CD)$$

:2

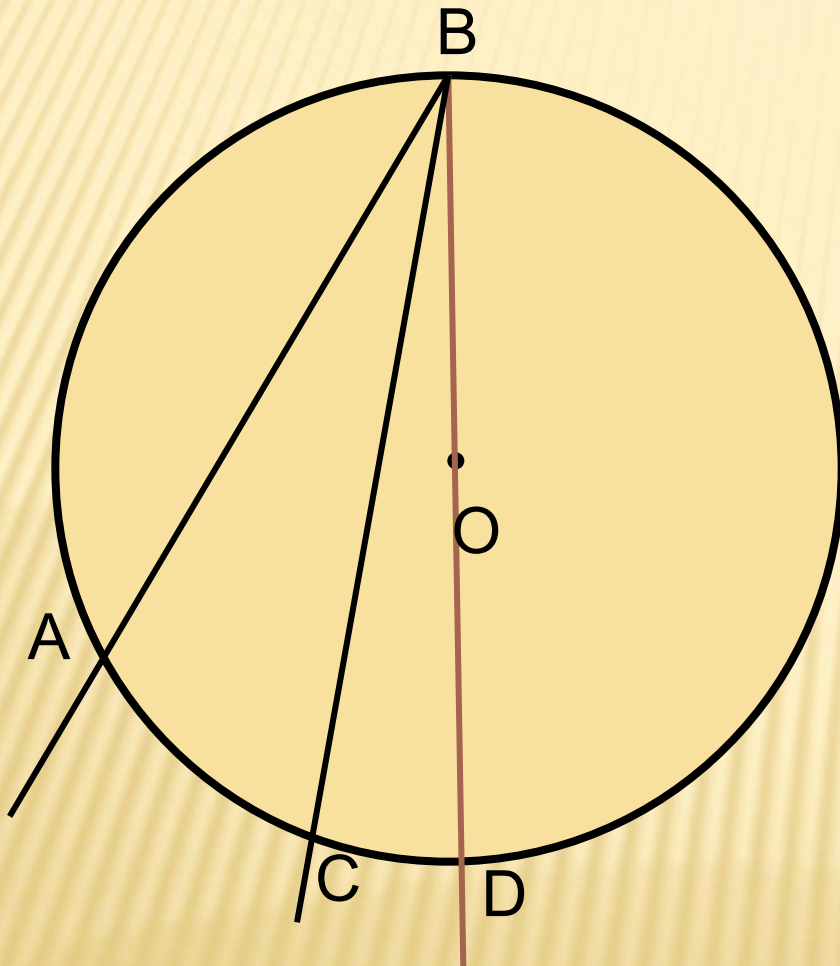
или

$$\sphericalangle ABC = \frac{1}{2} \sphericalangle AC :$$

2



По доказанному



$$\angle ABD = \frac{1}{2} \text{AD} :$$

$$- \frac{1}{2} \angle CBD = \frac{1}{2} \text{CD} :$$

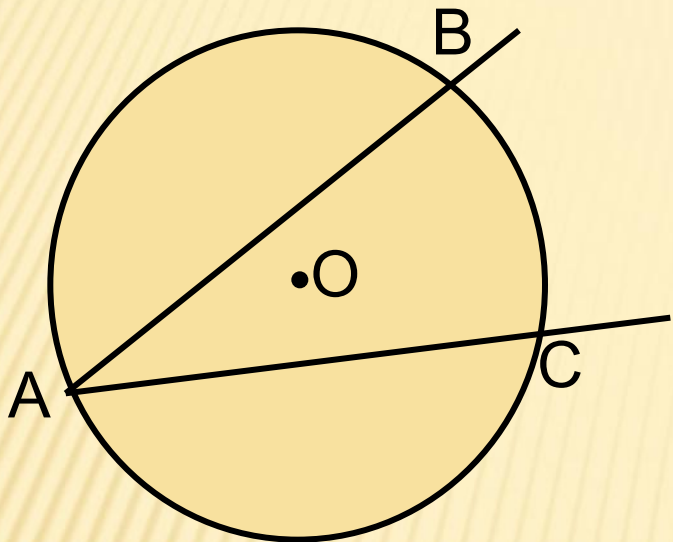
$$\angle ABD - \angle CBD = (\frac{1}{2} \text{AD} - \frac{1}{2} \text{CD}) : 2$$

или

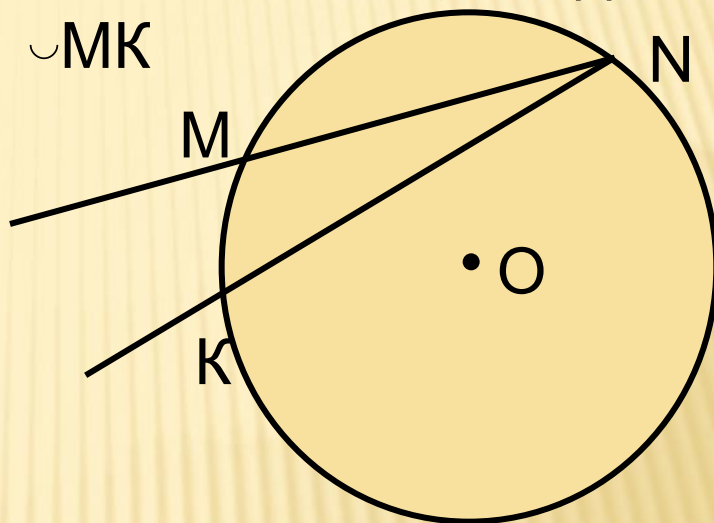
$$\angle ABC = \frac{1}{2} \text{AC} :$$



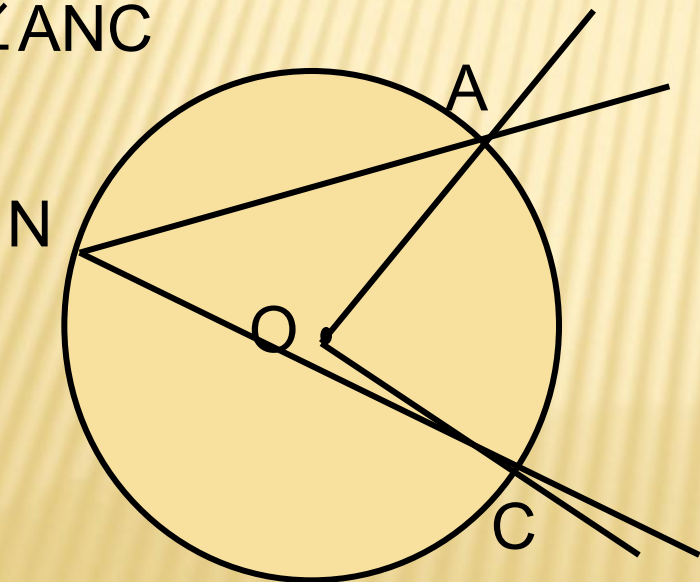
1. $\sphericalangle BC = 48^\circ$, найди $\sphericalangle BAC$



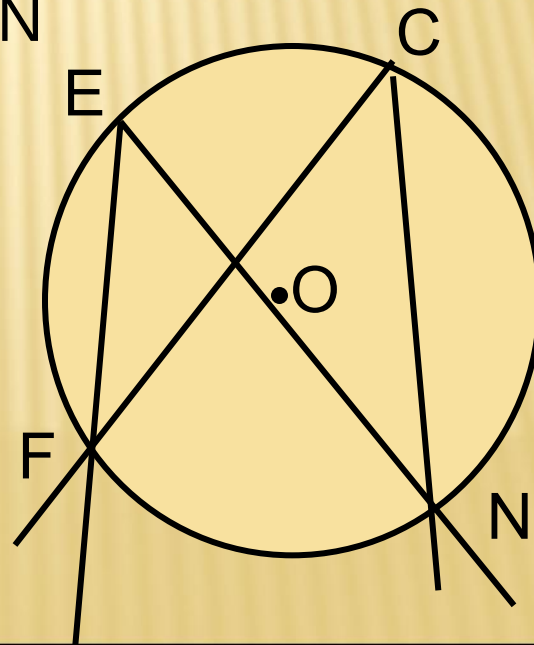
2. $\sphericalangle MNK = 20^\circ$, найди $\sphericalangle MK$



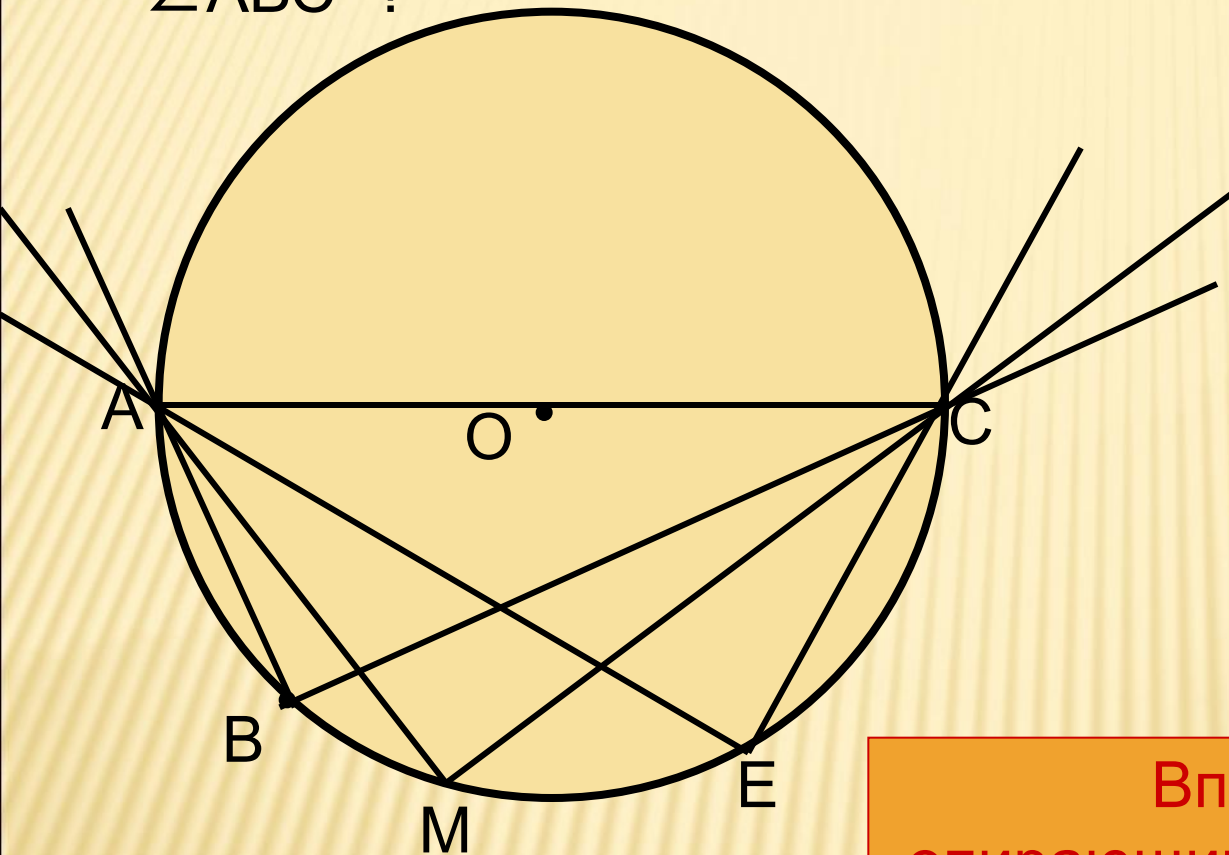
3. $\sphericalangle AOC = 86^\circ$, найди $\sphericalangle ANC$



4. $\sphericalangle FCN = 47^\circ$, найди $\sphericalangle FEN$



AC- диаметр,
 $\angle ABC=?$

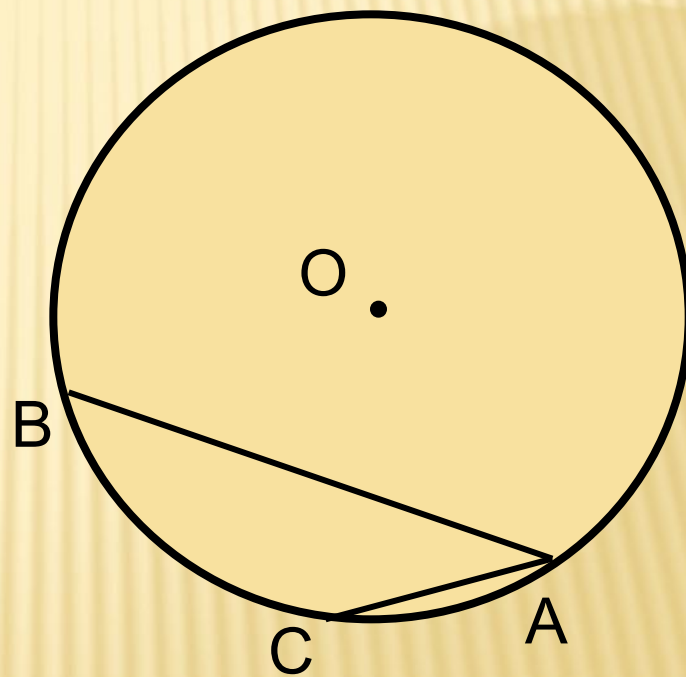
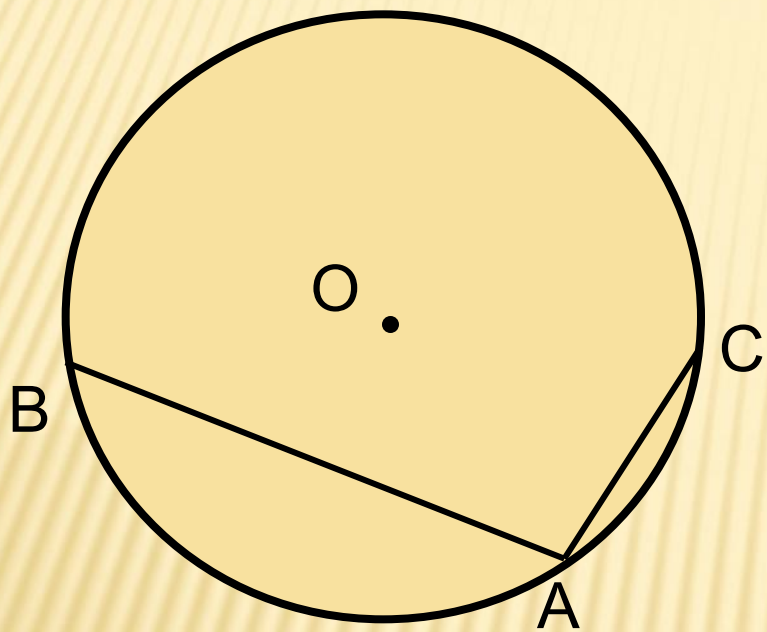


Ответ:
 $\angle ABC=90^\circ$.

Вписанный угол,
опирающийся на полуокружность
прямой.

Решение задач: №656, №658.

№656

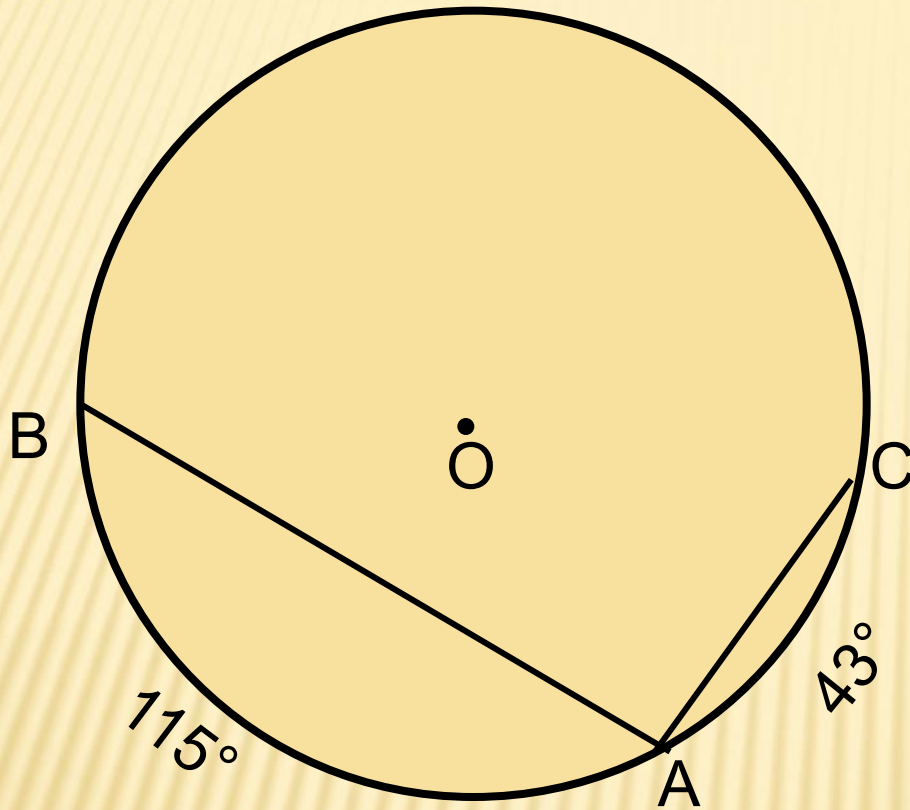


Решение:

$\angle BAC$ -
вписанный,
 $\angle BAC = \frac{1}{2} \overset{\frown}{BC}$:

$$2\overset{\frown}{BC} = 360^\circ - (115^\circ + 43^\circ) = 202^\circ,$$

значит
 $\angle BAC = 101^\circ$

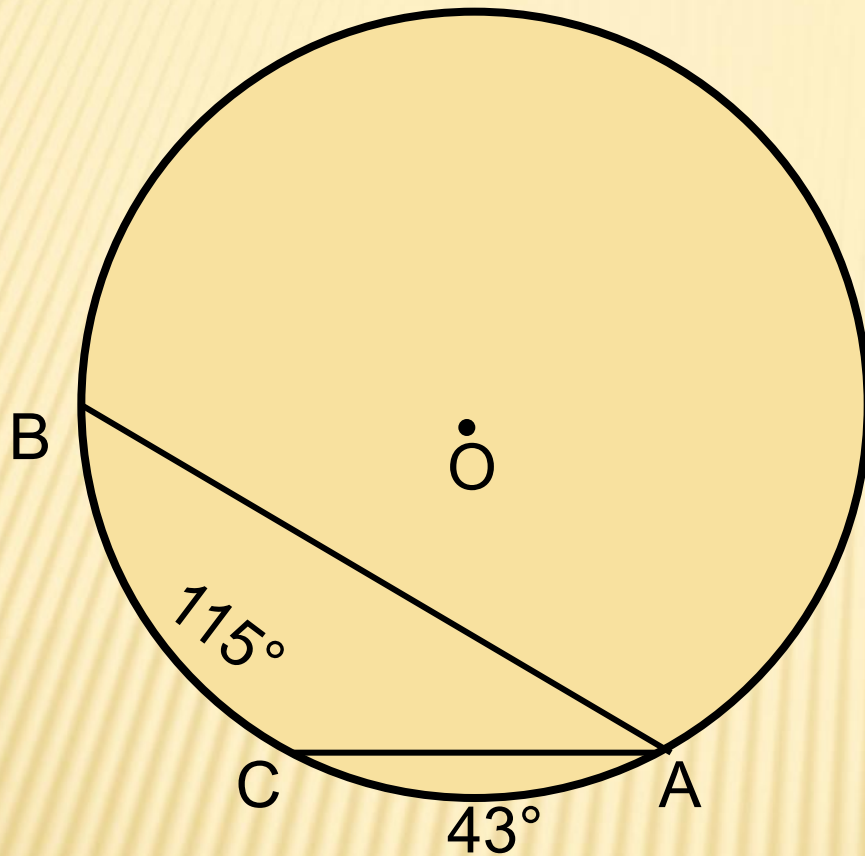


Решение:

$\angle BAC$ -
вписанный,
 $\angle BAC = \frac{1}{2} \overset{\frown}{BC}$:

$$\overset{\frown}{BC} = 115^\circ - 43^\circ = 72^\circ$$

значит $\angle BAC =$
 36°

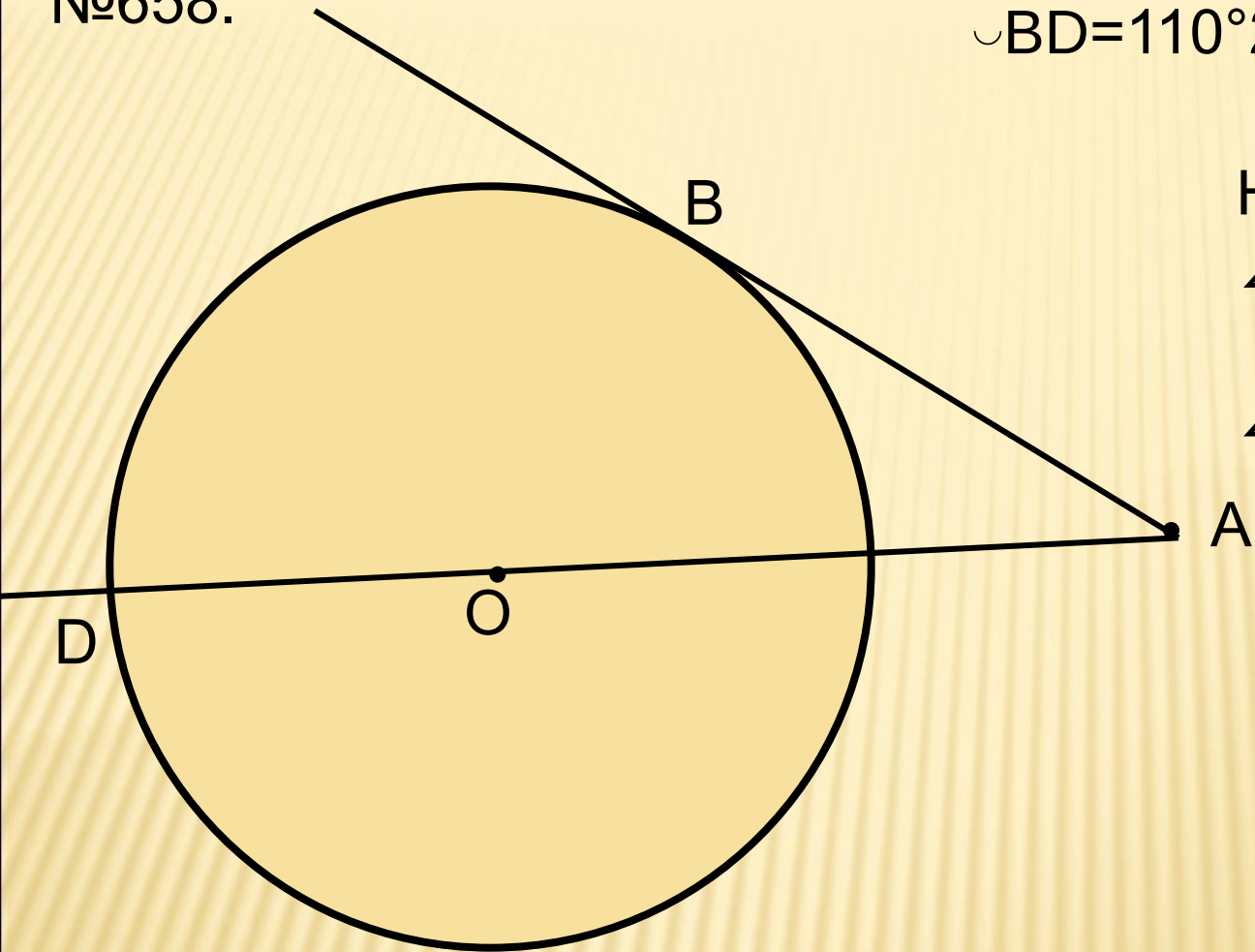


Ответ: 101° или 36° .

№658.

№658.

$\sphericalangle BD = 110^\circ 20'$.



Найти:

$\sphericalangle BAD$,

$\sphericalangle ADB$.

№658.

$$\overset{\frown}{BD} = 110^\circ 20'.$$

Найти:
 $\angle BAD,$

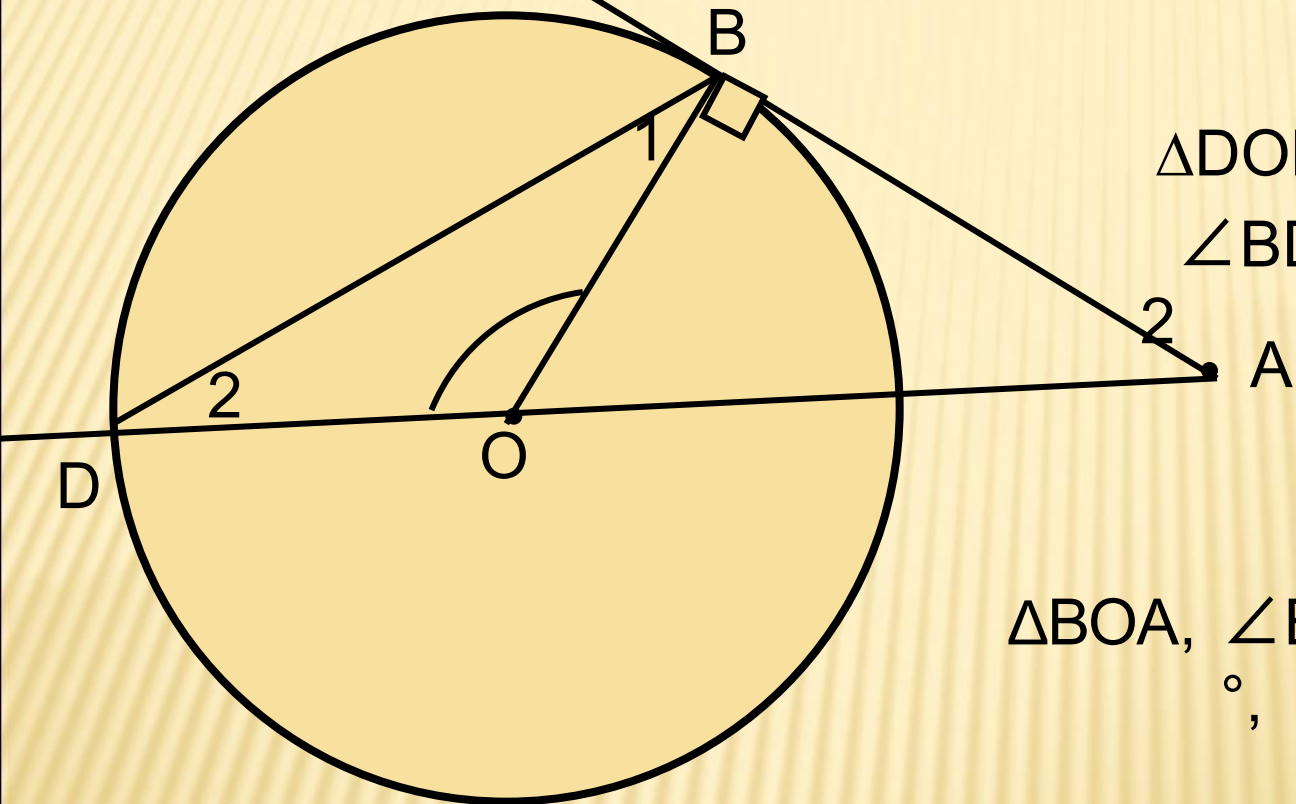
$$\angle DOB = 110^\circ$$

$$\angle ADB = 20'$$

$\triangle DOB$ - равнобедренный,

$$\angle BDO = (180^\circ - 110^\circ 20') :$$

$$\angle ADB = 34^\circ 50'.$$



$$\triangle BOA, \angle B = 90^\circ, \angle O = 69^\circ 40'$$

$$\angle BAO = 90^\circ - 69^\circ 40' = 20^\circ 20'.$$

Ответ: $\angle BAO = 20^\circ 20'$; $\angle ADB = 34^\circ 50'$.

Домашнее задание: п.71, вопросы 11-13,

№654, 655.