

*Тема урока:* **Множества  
чисел.  
Свойства  
действительных  
чисел.**



**Объединением множеств  $A$  и  $B$  называют множество, состоящее из всех элементов, принадлежащих хотя бы одному из этих множеств.**

$$A \cup B$$

**Пересечением множеств  $A$  и  $B$  называют множество, состоящее из всех элементов, каждый из которых принадлежит и множеству  $A$ , и множеству  $B$ .**

$$A \cap B$$



# Свойства порядка.

№	СВОЙСТВО
1	
2	
3	



# Свойства сложения и вычитания.

№	свойство
1	
2	
3	
4	
5	
6	



# Свойства умножения и деления.

№	СВОЙСТВО
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	

## Архимедово свойство.

Для любых чисел  $a$  и  $b$ , таких, что  $b > a > 0$ , существует натуральное число  $n$ , такое, что  $an > b$ .



# Свойство непрерывности действительных чисел.






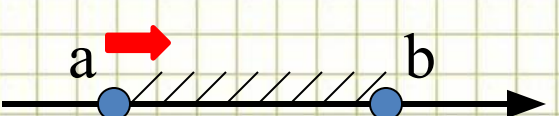

Для любой системы отрезков  $[a_1; b_1], [a_2; b_2], \dots, [a_n; b_n], \dots$  удовлетворяющей условиям :

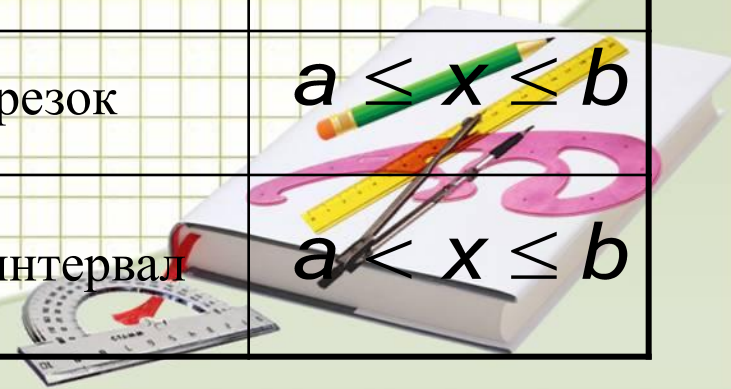
- 1)  $a_1 \leq a_2 \leq \dots \leq a_n \leq a_{n+1} \leq \dots \leq b_{n+1} \leq b_n \leq \dots \leq b_2 \leq b_1$ ;
- 2)  $|b_n - a_n| \rightarrow 0$  при  $n \rightarrow \infty$ ,

существует, и притом единственная, точка, принадлежащая всем отрезкам  $[a_n; b_n]$ .



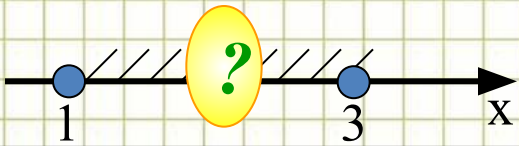


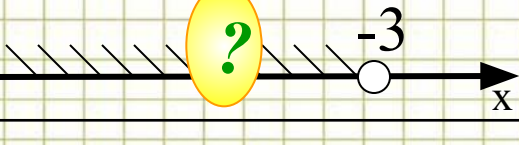
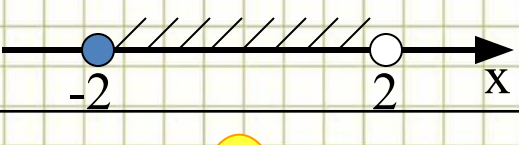
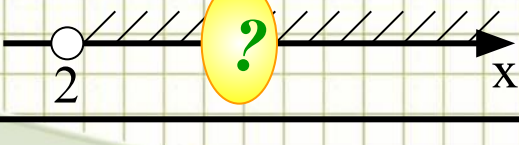
# Таблица числовых промежутков

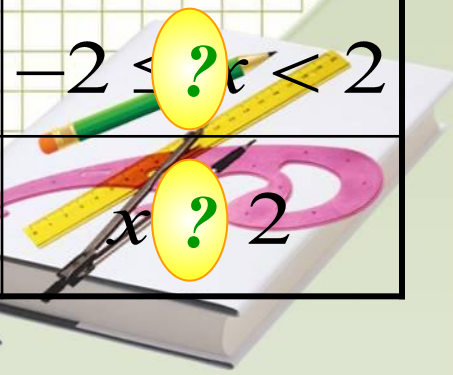
Геометрическая модель	Обозначение	Название числового промежутка	Аналитическая модель
	$(a; +\infty)$	Открытый луч	$x > a$
	$[a; +\infty)$	Луч	$x \geq a$
	$(-\infty; b)$	Открытый луч	$x < b$
	$(-\infty; b]$	Луч	$x \leq b$
	$(a; b)$	Интервал	$a < x < b$
	$[a; b]$	Отрезок	$a \leq x \leq b$
	$(a; b]$	Полуинтервал	$a < x \leq b$





# Заполните таблицу

Геометрическая модель	Обозначение	Название числового промежутка	Аналитическая модель
	$[1; 3]$	Открытый пром. ?	$1 \leq ? \leq 3$
	$[2; +\infty)$	Открытый пром. ?	$x \geq 2$
	$(2; 5)$	Интервал ?	$2 < x < 5$
	$(-\infty; -3)$	Открытый луч от $-\infty$ до $-3$	$x < -3$
	$[-2; 2)$	Полотный интервал ?	$-2 \leq x < 2$
	$(2; +\infty)$	Открытый луч от 2 до $+\infty$	$x > 2$



# Опорный конспект

## Пересечение и объединение промежутков

### Пересечение промежутков

Пример 1. Решим систему неравенств

$$\begin{cases} x > 3, \\ x < 5 \end{cases}$$

(рис. 1).

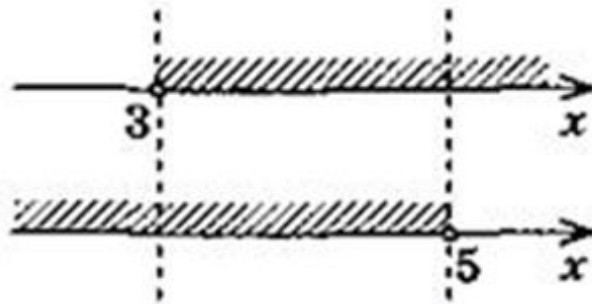
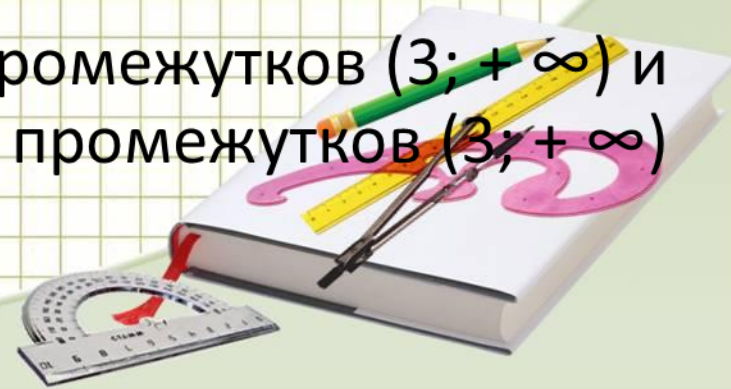


Рис. 1

- Решение.  $(3; 5)$  - **общая часть** промежутков  $(3; +\infty)$  и  $(-\infty; 5)$ ,  $(3; 5)$  - это **пересечение** промежутков  $(3; +\infty)$  и  $(-\infty; 5)$  (**решение системы**).
- Ответ:  $(3; +\infty) \cap (-\infty; 5) = (3; 5)$ .



# Опорный конспект

## Пересечение и объединение промежутков

### Объединение промежутков

Пример 2. Решим систему неравенств

$$\begin{cases} 2 < x < 3, \\ -1 < x < 2,5 \end{cases} \quad (\text{рис. 2}).$$

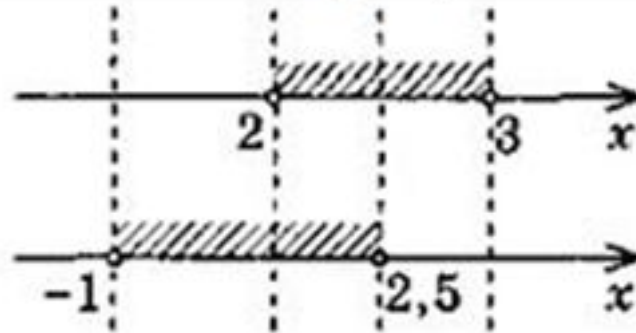
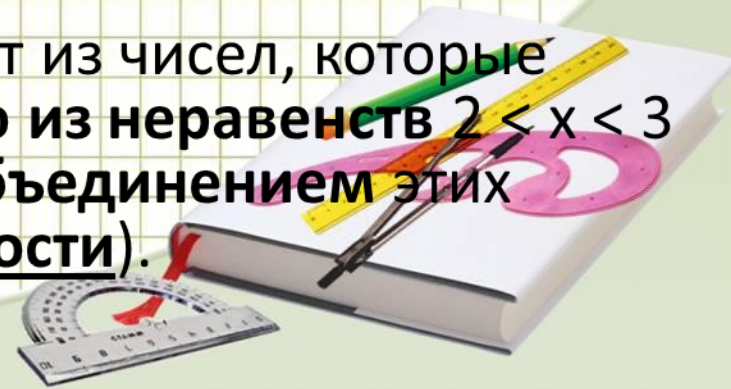


Рис. 2

- Решение. Промежуток  $(-1; 3)$  состоит из чисел, которые являются решением **хотя бы одного** из неравенств  $2 < x < 3$  или  $-1 < x < 2,5$ , поэтому является **объединением** этих промежутков (**решением совокупности**).
- Ответ:  $(2; 3) \cup (-1; 2,5) = (-1; 3)$ .



- Дома:
- 1.22, 1.23, 1,24, 1,26,1.27

