



---

---

# Оценка сложных систем в условиях неопределенности

---

---



# Специфические черты организационно-технических систем

1. Наличие в управляемой системе в качестве элементов (подсистем) целенаправленных индивидуумов и наличие в системе управления ЛПР,
2. Алгоритм управления часто строит сама система управления, преследуя помимо предъявляемых старшей системой целей, собственные цели, не всегда совпадающие с внешними.
3. На этапе оценки ситуации в ряде случаев исходят не из фактической ситуации, а из той модели, которой пользуется ЛПР при управлении объектом.
4. В процессе принятия решения большую роль играют логические рассуждения ЛПР, не поддающиеся формализации классическими методами математики.
5. При выборе управляющего воздействия ЛПР может оперировать нечеткими понятиями, отношениями и высказываниями.
6. В большом классе задач управления организационно-техническими системами отсутствуют объективные критерии оценивания достижения целевого и текущего состояний объекта управления



# Оценка эффективности для неопределенных операций

$a_i$	$n_j$				$k(a_i)$
	$n_1$	$n_2$	...	$n_k$	
$a_1$	$k_{11}$	$k_{12}$	...	$k_{1k}$	
$a_2$	$k_{21}$	$k_{22}$	...	$k_{2k}$	
...	...	...	...	...	...
$a_m$	$k_{m1}$	$k_{m2}$	...	$k_{mk}$	

Условия оценки эффективности систем для неопределенных операций можно представить в виде табл.7.1, в которой обозначены:

$a_1$  - вектор управляемых параметров, определяющий свойства системы ( $i=1, \dots, m$ );

$n_j$  - вектор неуправляемых параметров, определяющий состояние обстановки ( $j=1, \dots, k$ );

$k_{ij}$  - значение эффективности системы для состояния обстановки

$K(a_i)$  - эффективность системы



# Критерий среднего выигрыша

Данный критерий предполагает задание вероятностей состояний обстановки  $p_i$ . Эффективность систем оценивается как среднее ожидаемое значение (математическое ожидание) оценок эффективности по всем состояниям обстановки:

$$K(a_i) = \sum p_j k_{ij}, i = 1, \dots, m.$$

Оптимальной системе будет соответствовать эффективность

$$K_{\text{opt}} = \max_i \sum_{j=1}^l p_j k_{ij}, i = 1, \dots, m.$$

Если в данном примере задаться вероятностями применения противником программных воздействий  $p_1=0,4$ ;  $p_2=0,2$ ;  $p_3=0,1$ ;  $p_4=0,3$ ; то получим следующие оценки систем:

$$K(a_1) = 0,4 * 0,1 + 0,2 * 0,5 + 0,1 * 0,1 + 0,3 * 0,2 = 0,21$$

$$K(a_2) = 0,4 * 0,2 + 0,2 * 0,3 + 0,1 * 0,2 + 0,3 * 0,4 = 0,28$$

$$K(a_3) = 0,4 * 0,1 + 0,2 * 0,4 + 0,1 * 0,4 + 0,3 * 0,3 = 0,25$$

Оптимальное решение - система  $a_2$ .



# Критерий Лапласа

В основе критерия лежит предположение: поскольку о состояниях обстановки ничего не известно, то их можно считать равновероятными.

Исходя из этого

$$K(a_i) = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^l k_{ij}, i = 1, \dots, m;$$

$$K_{\text{opt}} = \max_i \left( \frac{1}{n} \sum_{j=1}^l k_{ij} \right), i = 1, \dots, m.$$

Рассчитаем эффективность систем по данному критерию для приведенного примера:

$$K(a_1) = 0,25 * (0,1 + 0,5 + 0,1 + 0,2) = 0,225$$

$$K(a_2) = 0,25 * (0,2 + 0,3 + 0,2 + 0,4) = 0,275$$

$$K(a_3) = 0,25 * (0,1 + 0,4 + 0,4 + 0,3) = 0,3$$

Оптимальное решение - система а3. Критерий Лапласа представляет собой частный случай критерия среднего выигрыша.



# Критерий осторожного наблюдателя (Вальда)

Это максиминный критерий, он гарантирует определенный выигрыш при наихудших условиях.

В каждой строке матрицы эффективности находится минимальная из оценок систем по различным состояниям обстановки

Применение критерия максимина к нашему примеру дает следующие оценки:

$$K(a_1) = \min(0,1; 0,5; 0,1; 0,2) = 0,1;$$

$$K(a_2) = \min(0,2; 0,3; 0,2; 0,4) = 0,2;$$

$$K(a_3) = \min(0,1; 0,4; 0,4; 0,3) = 0,1;$$

Оптимальное решение - система  $a_2$ .

$$K(a_i) = \min_j k_{ij}, i = 1, \dots, m, j = 1, \dots, t.$$

Максиминный критерий ориентирует на решение, не содержащее элементов риска: при любом из возможных состояний обстановки выбранная система покажет результат операции не хуже найденного максимина.





# Критерий максимакса

Это критерий обобщенного максимина. Согласно данному критерию при оценке и выборе систем неразумно проявлять как осторожность, так и азарт, а следует, учитывая самое высокое и самое низкое значения эффективности, занимать промежуточную позицию (взвешиваются наихудшие и наилучшие условия). Для этого вводится коэффициент оптимизма  $\alpha$  ( $0 \leq \alpha \leq 1$ ), характеризующий отношение к риску лица, принимающего решение.

Эффективность систем находится как взвешенная с помощью коэффициента  $\alpha$  сумма максимальной и минимальной оценок:

Условие оптимальности записывается в виде

$$K_{opt} = \max_i [\alpha \max_j k_{ij} + (1 - \alpha) \min_j k_{ij}], \quad 0 < \alpha < 1.$$

$$K(a_i) = \alpha \max_j k_{ij} + (1 - \alpha) \min_j k_{ij}.$$

Зададимся значением  $\alpha = 0,6$  и рассчитаем эффективность систем для рассматриваемого примера:

$$K(a_1) = 0,6 * 0,5 + (1 - 0,6) * 0,1 = 0,34$$

$$K(a_2) = 0,6 * 0,4 + (1 - 0,6) * 0,2 = 0,32$$

$$K(a_3) = 0,6 * 0,4 + (1 - 0,6) * 0,1 = 0,34$$

Оптимальной системой будет  $a_1$ .

При  $\alpha=0$  критерий Гурвица сводится к критерию максимина, при  $\alpha=1$  - к критерию максимакса.



# Критерий минимального риска (Сэвиджа)

Минимизирует потери эффективности при наихудших условиях. Для оценки систем на основе данного критерия матрица эффективности должна быть преобразована в матрицу потерь (риска). Каждый элемент матрицы потерь определяется как разность между максимальным и текущим значениями оценок эффективности в столбце:  $\Delta k_{ij} = \max_i k_{ij} - k_{ij}$

После преобразования матрицы используется критерий минимакса:

$$K(a_i) = \max_j \Delta k_{ij}$$

$$K_{opt} = \min_i (\max_j \Delta k_{ij})$$

$$K(a_1) = \max(0, 1; 0; 0, 3; 0, 2) = 0, 3$$

$$K(a_2) = \max(0; 0, 2; 0, 2; 0) = 0, 2$$

$$K(a_3) = \max(0, 1; 0, 1; 0; 0, 1) = 0, 1$$

Оптимальное решение - система  $a_3$ .

Критерий минимального риска отражает сожаление по поводу того, что выбранная система не оказалась наилучшей при определенном состоянии обстановки.

*Матрица потерь*

$a_i$	$k_j$			
	$k_1$	$k_2$	$k_3$	$k_4$
$a_1$	6,1	0	0,3	0,2
$a_2$	0	0	0,2	0
$a_3$	0,1	0,1	0	0,1





# Сравнительные результаты оценки систем

$a_j$	$k_j$				$K(a_i)$ по критериям					
	$k_1$	$k_2$	$k_3$	$k_4$	среднего выигрыша	Лапласа	Вальда	максимакса	Гурвица	Сэвиджа
$a_1$	0,1	0,5	0,1	0,2	0,21	0,225	0,1	0,5	0,34	0,3
$a_2$	0,2	0,3	0,2	0,4	0,28	0,275	0,2	0,4	0,32	0,2
$a_3$	0,1	0,4	0,4	0,3	0,25	0,300	0,1	0,4	0,28	0,1

Эффективность систем в неопределенных операциях может оцениваться по целому ряду критериев. На выбор того или иного критерия оказывает влияние ряд факторов:

- природа конкретной операции и ее цель (в одних операциях допустим риск, в других нужен гарантированный результат);
- причины неопределенности (одно дело, когда неопределенность является случайным результатом действия объективных законов природы, и другое, когда она вызывается действиями разумного противника, стремящегося помешать в достижении цели);
- характер лица, принимающего решение (одни люди склонны к риску в надежде добиться большего успеха, другие предпочитают действовать всегда осторожно).



# Литература

1. Ю.П.Сурмин «Теория систем и системный анализ»
2. В.С.Анфилатов, А.А.Емельянов, А.А.Кукушкин «Системный анализ в управлении»
3. Т.П.Барановская, В.И.Лойко, М.И.Семёнов, А.И.Трубилин «Информационные системы и технологии в экономике»
4. В.К.Душин «Теоретические основы информационных процессов и систем»
5. М.Месарович, Я.Такахара «Общая теория систем»
6. А.В. «Теория информационных процессов и систем»  
<http://www.studfiles.ru/dir/cat32/subj418/file14036.html>



Спасибо за внимание