

# Программирование на языке Python

## Циклические алгоритмы

# Что такое цикл?

**Цикл** – это многократное выполнение одинаковых действий.

## Два вида циклов:

- цикл с **известным** числом шагов (сделать 10 раз)
- цикл с **неизвестным** числом шагов (делать, пока не надоест)

*Задача.* Вывести на экран 10 раз слово «Привет».



Можно ли решить известными методами?

# Повторения в программе

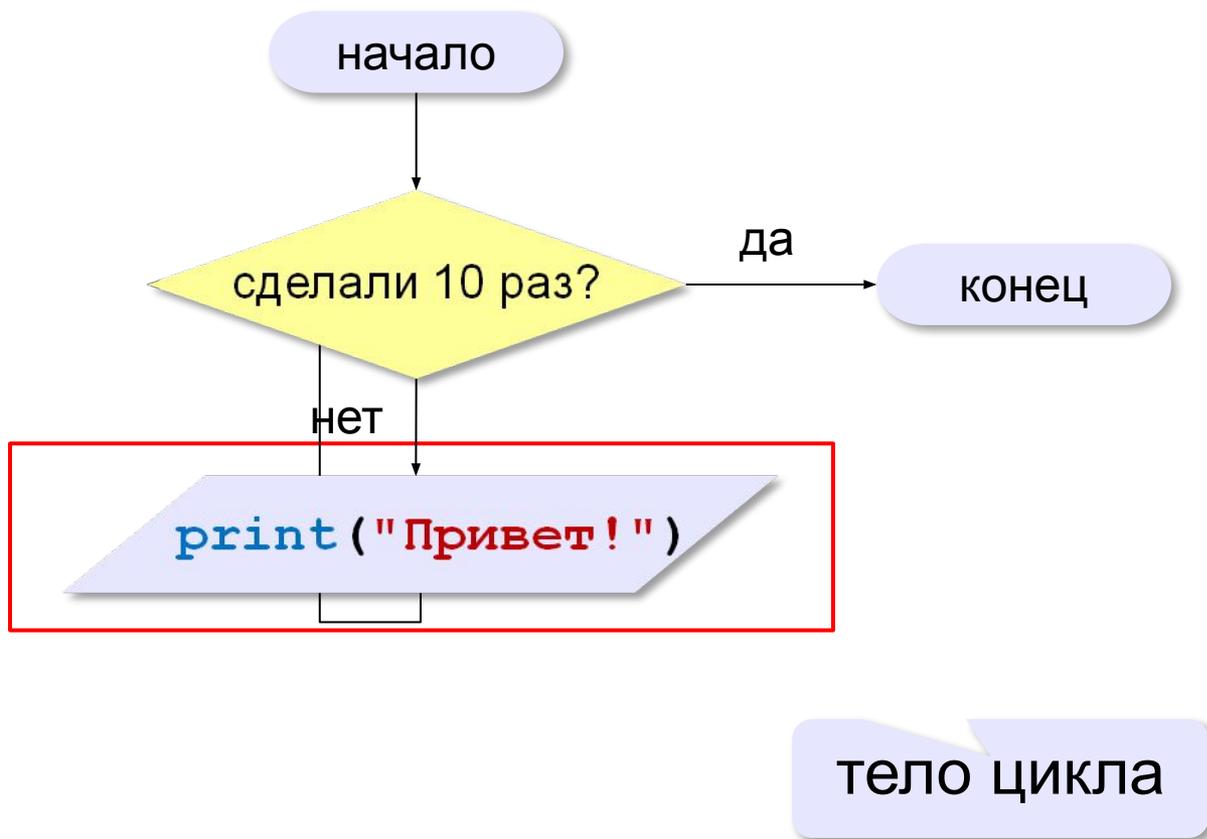
---

```
print ("Привет")  
print ("Привет")  
...  
print ("Привет")
```



Что плохо?

# Блок-схема цикла



# Как организовать цикл?

```
счётчик = 0
пока счётчик < 10:
    print("Привет")
    увеличить счётчик на 1
```

результат операции  
автоматически  
сравнивается с нулём!

```
счётчик = 10
пока счётчик > 0:
    print("Привет")
    уменьшить счётчик на 1
```



Какой способ удобнее для процессора?

## Цикл с условием

**Задача.** Определить **количество цифр** в десятичной записи целого положительного числа, записанного в переменную  $n$ .

```
счётчик = 0
пока n > 0:
    отсечь последнюю цифру n
    увеличить счётчик на 1
```

$n$	счётчик
1234	0

**?** Как отсечь последнюю цифру?

```
n = n // 10
```

**?** Как увеличить счётчик на 1?

```
счётчик = счётчик + 1
```

```
счётчик += 1
```

# Считаем цифры

начальное значение  
счётчика

условие  
продолжения

заголовок  
цикла

```
count = 0
while n > 0 :
    n = n // 10
    count += 1
```

тело цикла



Цикл с предусловием – проверка на входе в цикл!

# Максимальная цифра числа

**Задача.** Определить **максимальную цифру** в десятичной записи целого положительного числа, записанного в переменную `n`.

```
n = int(input())
M = -1
while n > 0:
    d = n % 10
    if d > M:
        M = d
    n = n // 10
print(M)
```

последняя цифра

поиск максимума

пока остались цифры



Что плохо!

отсечь последнюю цифру

# Цикл с условием

---

При известном количестве шагов:

```
k = 0
while k < 10:
    print ( "привет" )
    k += 1
```

Защипливание:

```
k = 0
while k < 10:
    print ( "привет" )
```

# Сколько раз выполняется цикл?

```
a = 4; b = 6  
while a < b: a += 1
```

2 раза  
a = 6

```
a = 4; b = 6  
while a < b: a += b
```

1 раз  
a = 10

```
a = 4; b = 6  
while a > b: a += 1
```

0 раз  
a = 4

```
a = 4; b = 6  
while a < b: b = a - b
```

1 раз  
b = -2

```
a = 4; b = 6  
while a < b: a -= 1
```

**зацикливание**

# Задачи

---

**«А»:** Напишите программу, которая получает два целых числа  $A$  и  $B$  ( $0 < A < B$ ) и выводит квадраты всех натуральных чисел в интервале от  $A$  до  $B$ .

**Пример:**

Введите два целых числа :

10 12

$10 * 10 = 100$

$11 * 11 = 121$

$12 * 12 = 144$

**«В»:** Напишите программу, которая получает два целых числа и находит их произведение, не используя операцию умножения. Учтите, что числа могут быть отрицательными.

**Пример:**

Введите два числа :

10 -15

$10 * (-15) = -150$

# Задачи

---

«С»: Ввести натуральное число  $N$  и вычислить сумму всех чисел Фибоначчи, меньших  $N$ . Предусмотрите защиту от ввода отрицательного числа  $N$ .

**Пример:**

Введите число  $N$ :

**10000**

Сумма 17709

## Задачи-2

---

**«А»:** Ввести натуральное число и найти сумму его цифр.

**Пример:**

Введите натуральное число:

**12345**

Сумма цифр 15.

**«В»:** Ввести натуральное число и определить, верно ли, что в его записи есть две одинаковые цифры, стоящие рядом.

**Пример:**

Введите натуральное число:

**12342**

Нет.

**Пример:**

Введите натуральное число:

**12245**

Да.

## Задачи-2

---

**«С»:** Ввести натуральное число и определить, верно ли, что в его записи есть две одинаковые цифры (не обязательно стоящие рядом).

**Пример:**

**Введите натуральное число:**

**12342**

**Да .**

**Пример:**

**Введите натуральное число:**

**12345**

**Нет .**

# Алгоритм Евклида

**Алгоритм Евклида.** Чтобы найти НОД двух натуральных чисел, нужно вычитать из большего числа меньшее до тех пор, пока они не станут равны. Это число и есть НОД исходных чисел.

$$\text{НОД}(14,21) = \text{НОД}(14,7) = \text{НОД}(7, 7) = 7$$

```
пока a != b:  
    если a > b:  
        a -= b # a = a - b  
    иначе:  
        b -= a # b = b - a
```

```
while a != b:  
    if a > b:  
        a -= b  
    else:  
        b -= a
```

$$\text{НОД}(1998,2) = \text{НОД}(1996,2) = \dots = \text{НОД}(2, 2) = 2$$

# Алгоритм Евклида

**Модифицированный алгоритм Евклида.** Заменять большее число на остаток от деления большего на меньшее до тех пор, пока меньшее не станет равно нулю. Другое (ненулевое) число и есть НОД чисел.

$$\text{НОД}(1998,2) = \text{НОД}(0,2) = 2$$

```
пока a != 0 and b != 0 :
```

```
    если a > b :
```

```
        a = a % b
```

```
    иначе :
```

```
        b = b % a
```

```
если a != 0 :
```

```
    вывести a
```

```
иначе :
```

```
    вывести b
```



Какое условие?



Как вывести результат?

# Задачи

---

«3»: Ввести с клавиатуры два натуральных числа и найти их НОД с помощью алгоритма Евклида.

**Пример:**

Введите два числа:

21 14

НОД (21 , 14) =7

«4»: Ввести с клавиатуры два натуральных числа и найти их НОД с помощью **модифицированного** алгоритма Евклида. Заполните таблицу:

a	64168	358853	6365133	17905514	549868978
b	82678	691042	11494962	23108855	298294835
НОД (a , b)					

# Задачи

---

**«5»:** Ввести с клавиатуры два натуральных числа и сравнить количество шагов цикла для вычисления их НОД с помощью обычного и модифицированного алгоритмов Евклида.

## Пример:

Введите два числа:

**1998 2**

НОД(1998, 2) = 2

Обычный алгоритм: 998

Модифицированный: 1

# Цикл с постусловием

Задача. Обеспечить ввод **положительного** числа в переменную `n`.

бесконечный  
цикл

```
while True:
```

```
    print ( "Введите положительное число:" )
```

```
    n = int ( input () )
```

```
if n > 0: break
```

тело цикла

условие  
выхода

прервать  
цикл

- при входе в цикл условие **не проверяется**
- цикл всегда выполняется **хотя бы один раз**

# Программирование на языке Python

## § 58. Циклы по переменной

# Цикл с переменной

Задача. Вывести 10 раз слово «Привет!».

 Можно ли сделать с циклом «пока»?

```
i = 0
while i < 10 :
    print ("Привет! ")
    i += 1
```

Цикл с переменной:

```
for i in range(10) :
    print ("Привет! ")
```

в диапазоне  
[0, **10**)

 Не включая **10!**

`range(10)` → 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

# Цикл с переменной

Задача. Вывести все степени двойки от  $2^1$  до  $2^{10}$ .

 Как сделать с циклом «пока»?

```
k = 1
while k <= 10 :
    print ( 2**k )
    k += 1
```

Цикл с переменной:

```
for k in range (1, 11) :
    print ( 2**k )
```

в диапазоне  
[1, 11)

 Не включая 11!

`range (1, 11)` → 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10

## Цикл с переменной: другой шаг

10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1

шаг

```
for k in range(10, 0, -1) :  
    print ( k**2 )
```



Что получится?

1, 3, 5, 7, 9

```
for k in range(1, 11, 2) :  
    print ( k**2 )
```

100

81

64

49

36

25

16

9

4

1

1

9

25

49

81

# Сколько раз выполняется цикл?

```
a = 1  
for i in range(3): a += 1
```

a = 4

```
a = 1  
for i in range(3, 1): a += 1
```

a = 1

```
a = 1  
for i in range(1, 3, -1): a += 1
```

a = 1

```
a = 1  
for i in range(3, 1, -1): a += 1
```

a = 3

# Задачи

---

«А»: Найдите все пятизначные числа, которые при делении на 133 дают в остатке 125, а при делении на 134 дают в остатке 111.

«В»: Натуральное число называется **числом Армстронга**, если сумма цифр числа, возведенных в N-ную степень (где N – количество цифр в числе) равна самому числу. Например,  $153 = 1^3 + 5^3 + 3^3$ .  
Найдите все трёхзначные Армстронга.

# Задачи

---

«С»: Натуральное число называется автоморфным, если оно равно последним цифрам своего квадрата.  
Например,  $25^2 = 625$ . Напишите программу, которая получает натуральное число N и выводит на экран все автоморфные числа, не превосходящие N.

**Пример:**

Введите N:

1000

$$1 * 1 = 1$$

$$5 * 5 = 25$$

$$6 * 6 = 36$$

$$25 * 25 = 625$$

$$76 * 76 = 5776$$

# Вложенные циклы

Задача. Вывести все простые числа в диапазоне от 2 до 1000.

```
сделать для n от 2 до 1000
    если число n простое то
        вывод n
```

нет делителей [2.. n-1]:  
проверка в цикле!



Что значит «простое число»?

```
for n in range(2, 1001):
    if число n простое:
        print( n )
```

# Вложенные циклы

---

```
for n in range(2, 1001):  
    count = 0  
    for k in range(2, n):  
        if n % k == 0:  
            count += 1  
    if count == 0:  
        print( n )
```

ВЛОЖЕННЫЙ ЦИКЛ

# Вложенные циклы

```
for i in range(1, 4):  
    for k in range(1, 4):  
        print( i, k )
```

```
1 1  
1 2  
1 3  
2 1  
2 2  
2 3  
3 1  
3 2  
3 3
```



Как меняются переменные?



Переменная внутреннего цикла изменяется быстрее!

# Вложенные циклы

```
for i in range(1, 5):  
    for k in range(1, i+1):  
        print( i, k )
```

```
1 1  
2 1  
2 2  
3 1  
3 2  
3 3  
4 1  
4 2  
4 3  
4 4
```



Как меняются переменные?



Переменная внутреннего цикла изменяется быстрее!

# Поиск простых чисел – как улучшить?

$$n = k \cdot m, \quad k \leq m \Rightarrow k^2 \leq n \Rightarrow k \leq \sqrt{n}$$

```
while k <= math.sqrt(n) :
```

```
...
```



Что плохо?

```
count = 0
```

```
k = 2
```

```
while k*k <= n :
```

```
    if n % k == 0 :
```

```
        count += 1
```

```
    k += 1
```



Как ещё улучшить?

ВЫЙТИ ИЗ ЦИКЛА

```
while k*k <= n:
```

```
    if n % k == 0: break
```

```
    k += 1
```

```
if k*k > n:
```

```
    print ( n )
```

ЕСЛИ ВЫШЛИ  
ПО УСЛОВИЮ

# Задачи

---

**«А»:** Напишите программу, которая получает натуральные числа  $A$  и  $B$  ( $A < B$ ) и выводит все простые числа в интервале от  $A$  до  $B$ .

**Пример:**

**Введите границы диапазона:**

10 20

11 13 17 19

**«В»:** В магазине продается мастика в ящиках по 15 кг, 17 кг, 21 кг. Как купить ровно 185 кг мастики, не вскрывая ящики? Сколькими способами можно это сделать?

# Задачи

---

«С»: Ввести натуральное число  $N$  и вывести все натуральные числа, не превосходящие  $N$  и делящиеся на каждую из своих цифр.

**Пример:**

Введите  $N$ :

15

1 2 3 4 5 6 7 8 9 11 12 15