

Тригонометрические выражения

часть I



Введение



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1

$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$$

2

$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$$



Решение:



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1

$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$$

2

$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$$



Решение:

1

$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$$

2

$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1

$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$$

2

$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$$



Решение:

1

$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$$

$$\sin 150^\circ =$$

2

$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$$



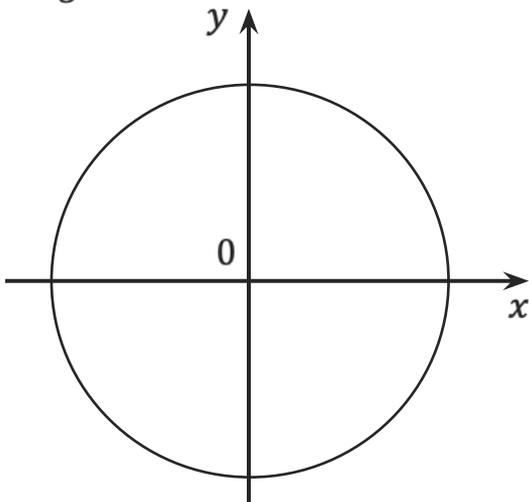
1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

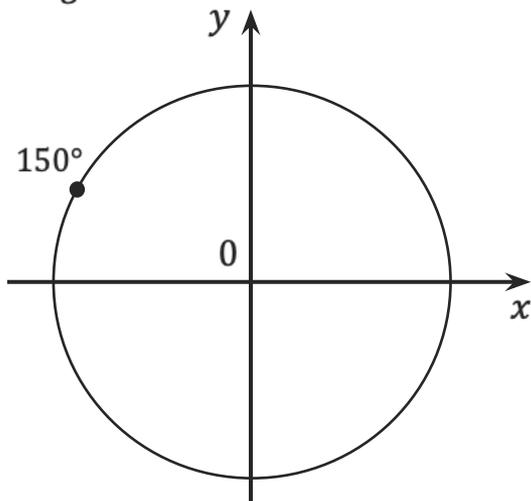
1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

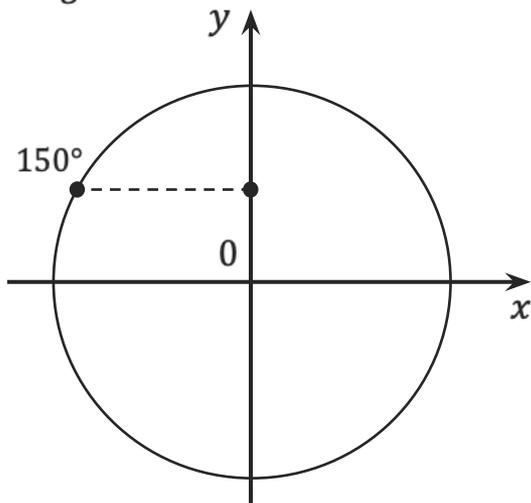
1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

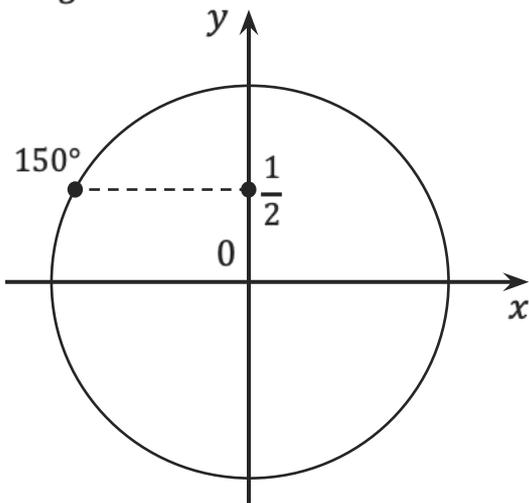
1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

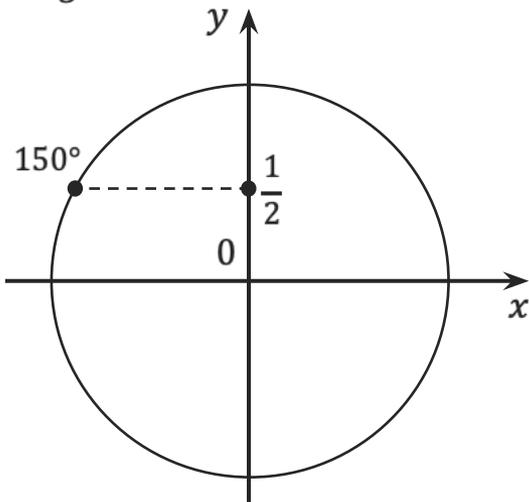
1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ = \frac{1}{2}$$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

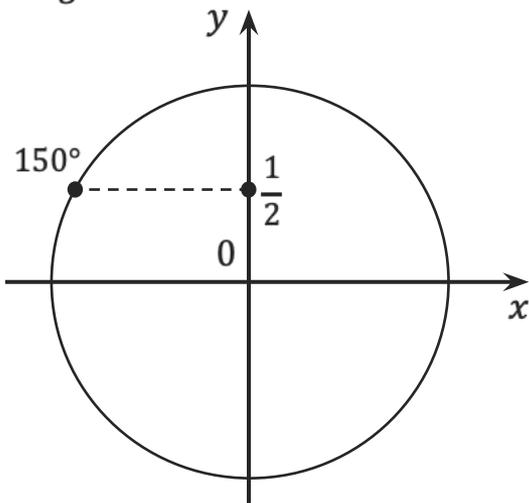
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ =$$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

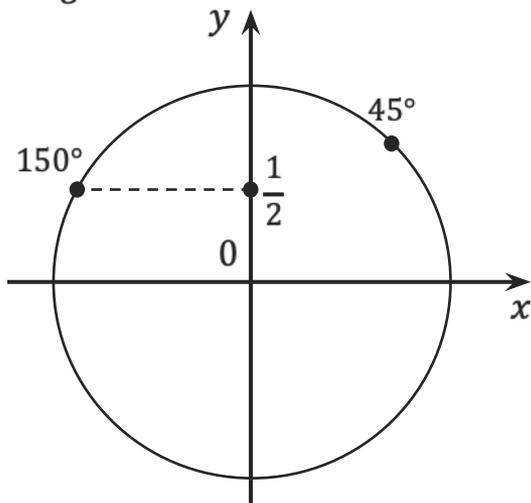
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$

$\operatorname{ctg} 45^\circ =$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

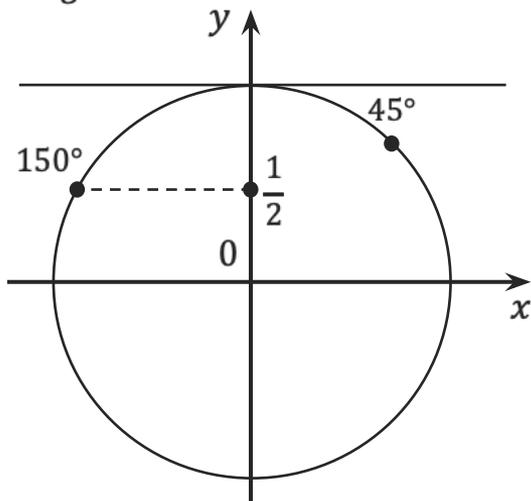
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$

$\operatorname{ctg} 45^\circ =$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

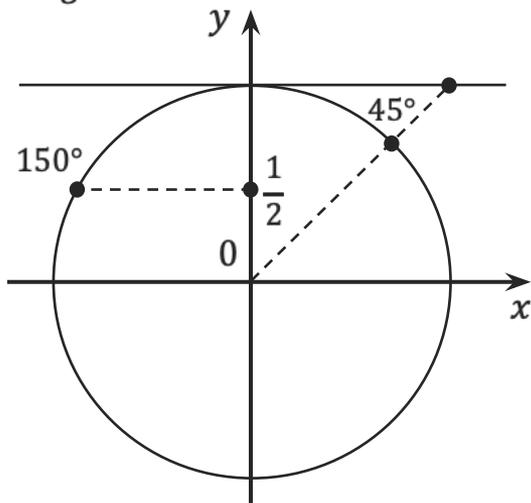
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$

$\operatorname{ctg} 45^\circ =$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

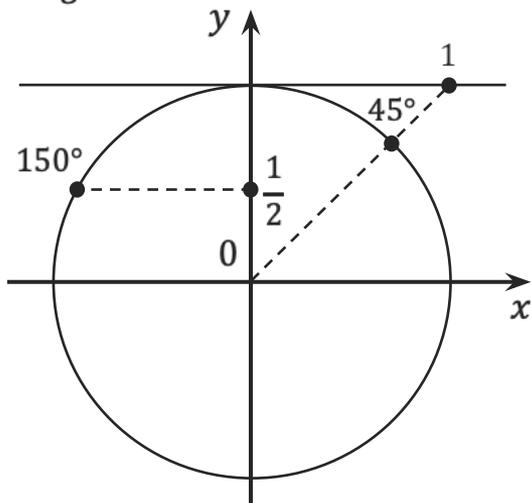
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$



2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Задание № 1

Найдите значение выражений:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

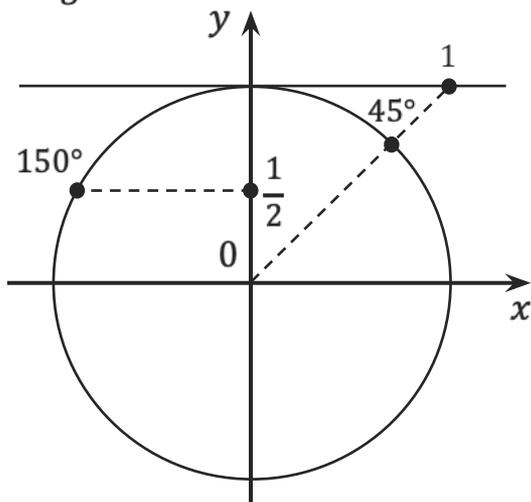
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$

$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$



$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ =$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

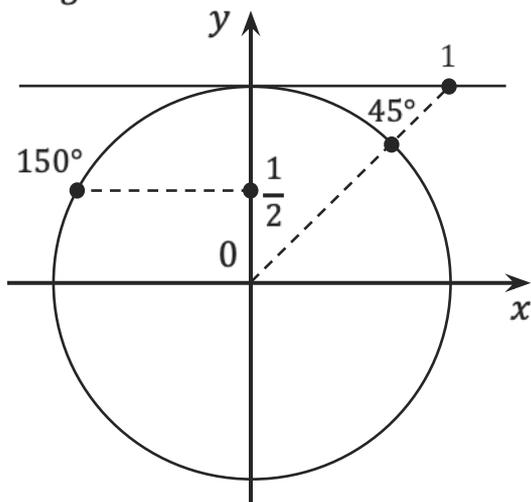
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$



$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 =$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

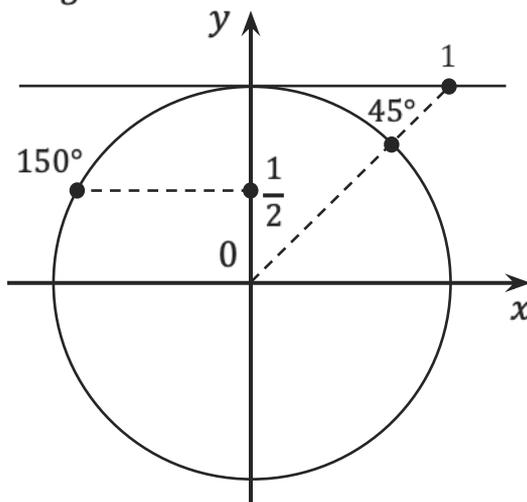
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

✓ Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$



$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

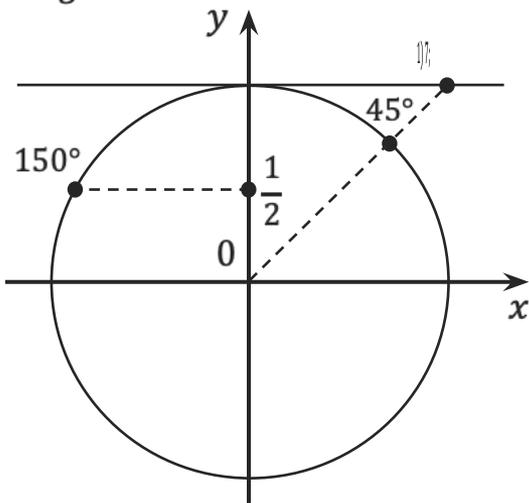
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$



$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

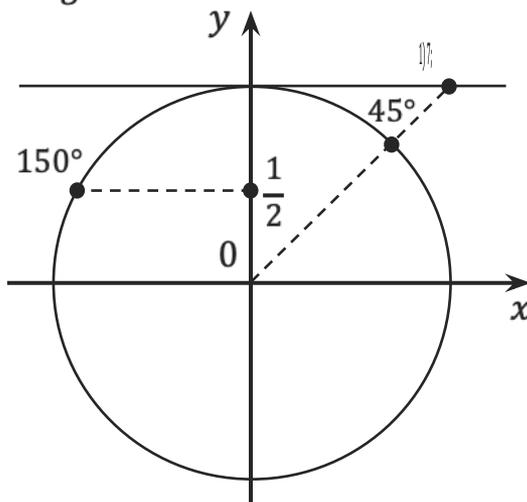
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

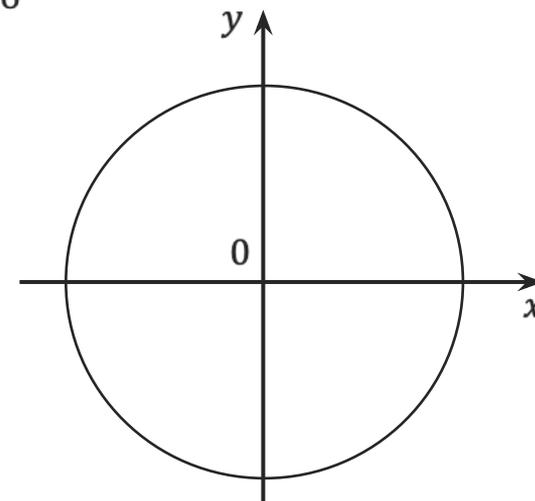
$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$



$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$



Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

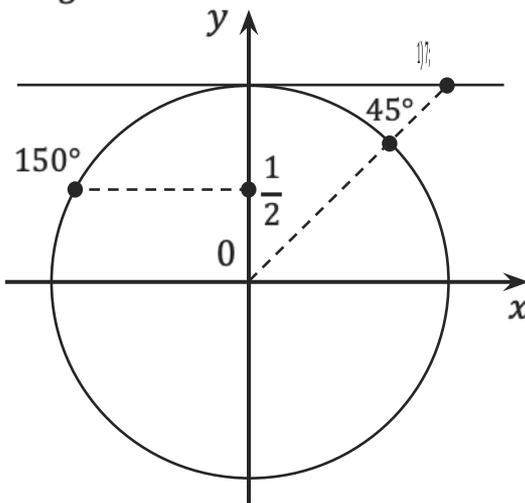
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

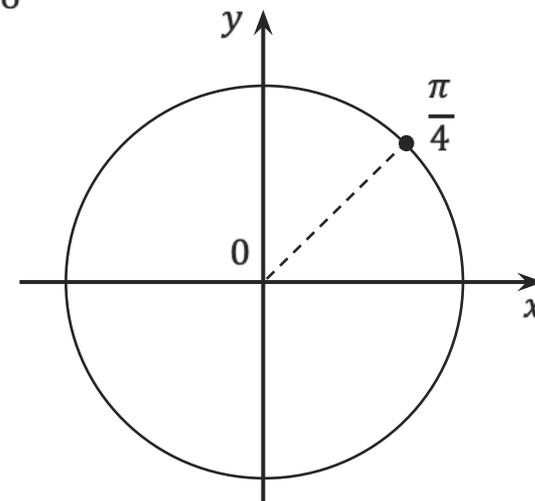
$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$



$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

$$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$



Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

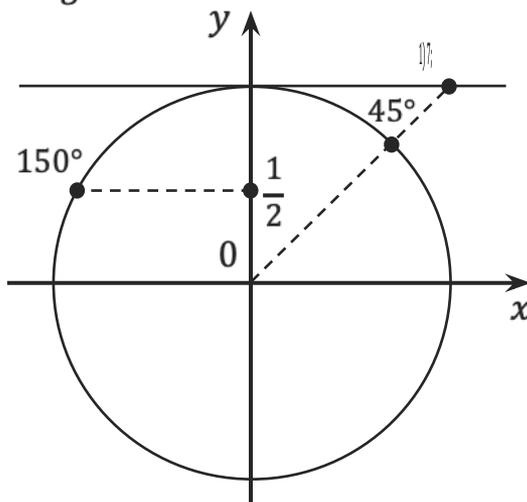
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$

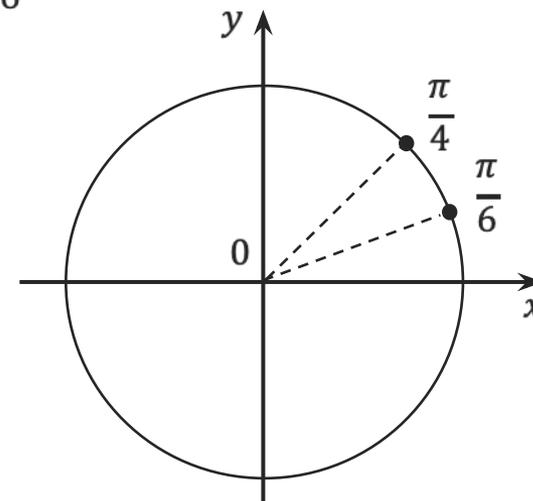


$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

$$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = \sqrt{3}$$



Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

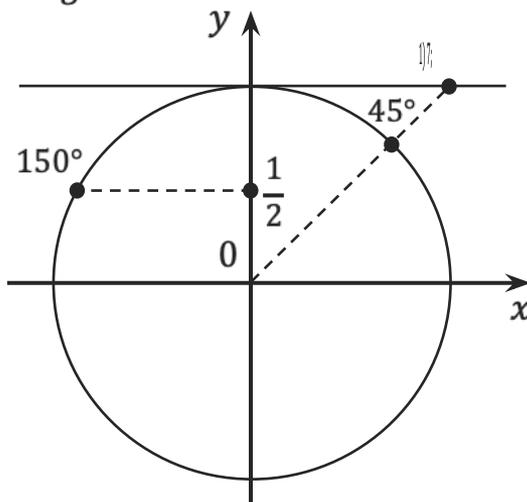
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$\sin 150^\circ =$

$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$

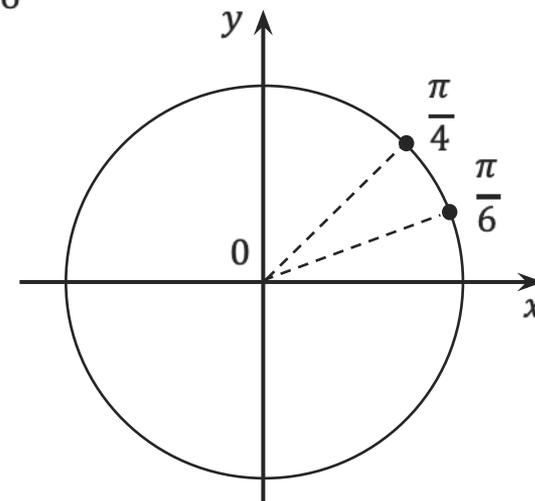


$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = \sqrt{3}$



$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} =$$

Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

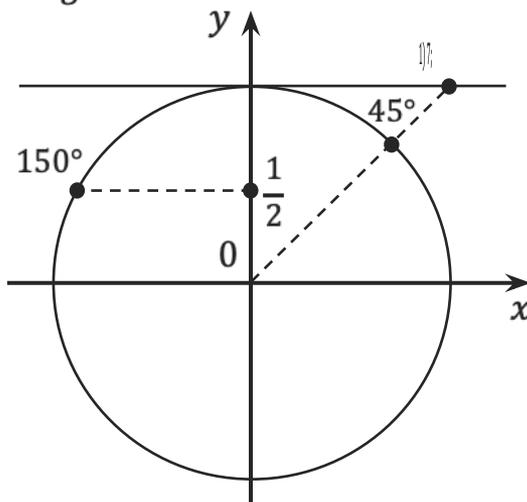
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$

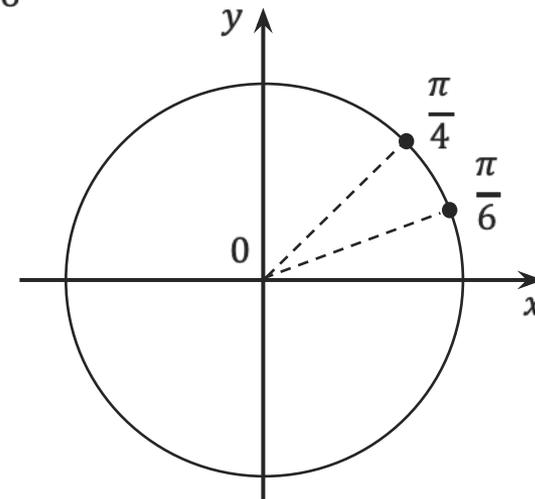


$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

$$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = \sqrt{3}$$



$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = 5\sqrt{6} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{3} =$$

Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

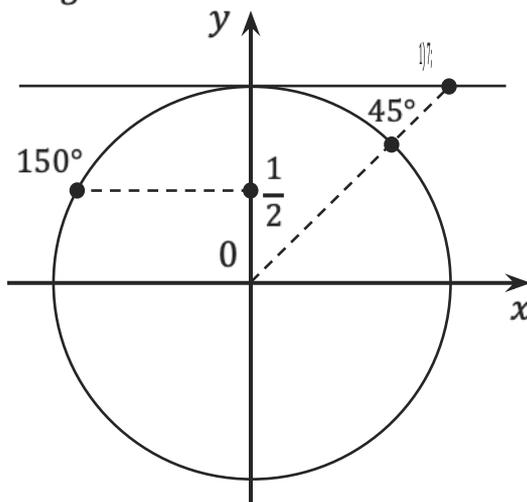
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$

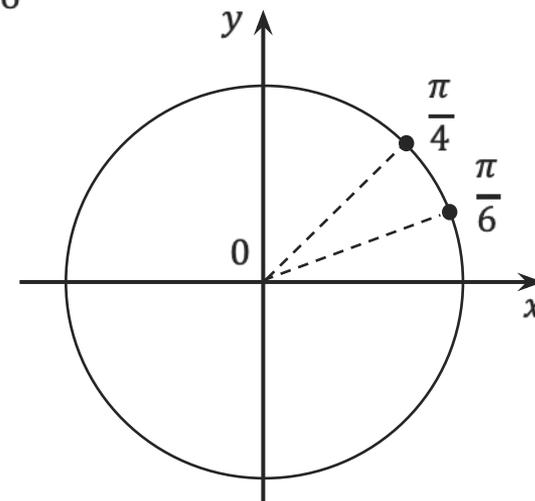


$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

$$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = \sqrt{3}$$



$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = 5\sqrt{6} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{3} = \frac{5 \cdot 6}{2} =$$

Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

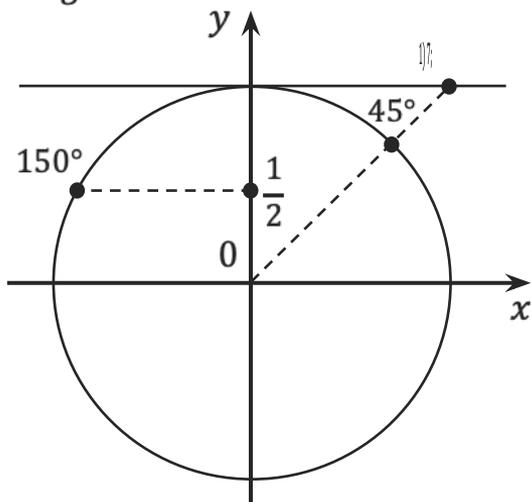
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ =$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$

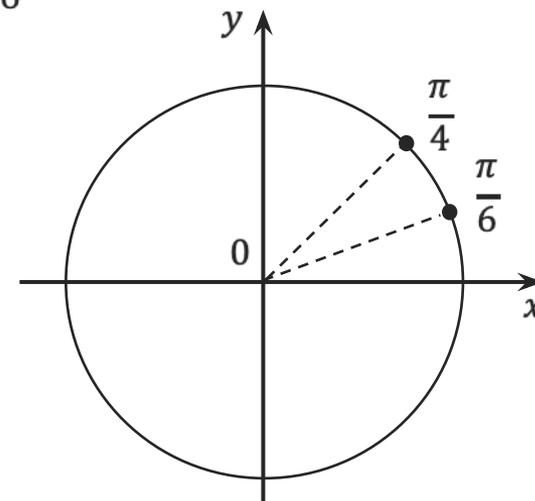


$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

$$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = \sqrt{3}$$



$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = 5\sqrt{6} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{3} = \frac{5 \cdot 6}{2} = 15$$

Ответ 1) 7;



1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

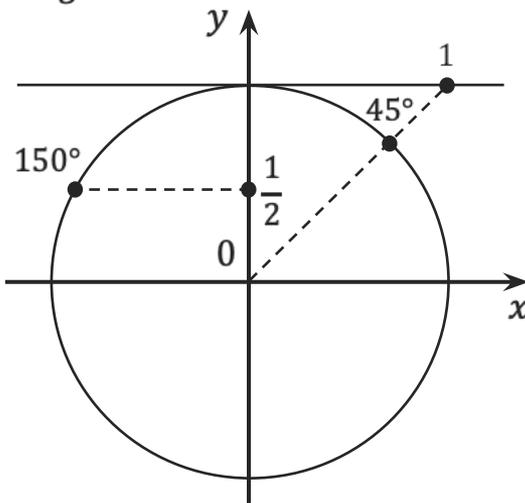
2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

Решение:

1 $14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$

$$\sin 150^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$

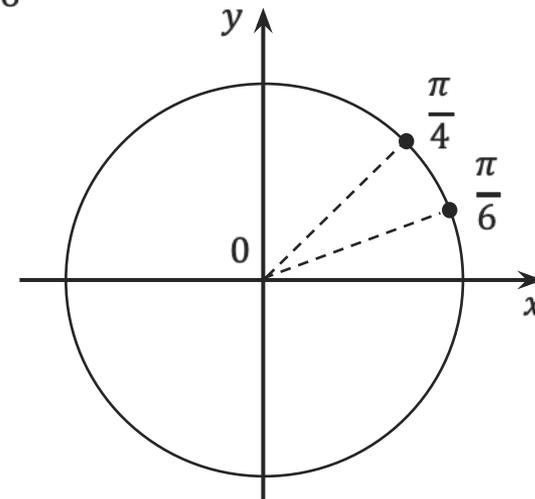


$$14\sin 150^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = 14 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = 7$$

2 $5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$

$$\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = \sqrt{3}$$



$$5\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \cdot \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} = 5\sqrt{6} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{3} = \frac{5 \cdot 6}{2} = 15$$

Ответ 1) 7; 2) 15.



Четность функции



Четность функции

$\sin(-\alpha) = -\sin(\alpha)$ - нечетная функция



Четность функции

$\sin(-\alpha) = -\sin(\alpha)$ - нечетная функция

$\cos(-\alpha) = \cos(\alpha)$ - четная функция



Четность функции

$\sin(-\alpha) = -\sin(\alpha)$ - нечетная функция

$\cos(-\alpha) = \cos(\alpha)$ - четная функция

$\operatorname{tg}(-\alpha) = -\operatorname{tg}(\alpha)$ - нечетная функция



Четность функции

$\sin(-\alpha) = -\sin(\alpha)$ - нечетная функция

$\cos(-\alpha) = \cos(\alpha)$ - четная функция

$\operatorname{tg}(-\alpha) = -\operatorname{tg}(\alpha)$ - нечетная функция

$\operatorname{ctg}(-\alpha) = -\operatorname{ctg}(\alpha)$ - нечетная функция



Задание № 2

Найдите значение выражений:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

Решение:



Найдите значение выражений:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

✓ Решение:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$



Найдите значение выражений:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

Решение:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) =$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$



Найдите значение выражений:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

Решение:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) = -15\sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{3} 1 =$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$



Найдите значение выражений:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

✓ **Решение:**

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) = -15\sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{3} 1 = -15$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$



Найдите значение выражений:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

✓ **Решение:**

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) = -15\sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{3} 1 = -15$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

Ответ 1) – 15;



1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

✓ Решение:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) = -15\sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{3} 1 = -15$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

$$= 7\sqrt{2} \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \left(-\sin\frac{3\pi}{4}\right) =$$

Ответ 1) – 15;



1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

✓ Решение:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) = -15\sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{3} 1 = -15$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

$$= 7\sqrt{2} \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \left(-\sin\frac{3\pi}{4}\right) = -7\sqrt{2} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} =$$

Ответ 1) – 15;



Найдите значение выражений:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

✓ **Решение:**

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) = -15\sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{3} 1 = -15$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

$$= 7\sqrt{2} \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \left(-\sin\frac{3\pi}{4}\right) = -7\sqrt{2} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 3,5$$

Ответ 1) – 15;



1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

✓ Решение:

1 $-15\sqrt{3}\operatorname{tg}(-30^\circ) \cdot \sin(-90^\circ)$

$$= -15\sqrt{3} \cdot (-\operatorname{tg}30^\circ) \cdot (-\sin 90^\circ) = -15\sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{3} 1 = -15$$

2 $7\sqrt{2} \cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$

$$= 7\sqrt{2} \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) \cdot \left(-\sin\frac{3\pi}{4}\right) = -7\sqrt{2} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 3,5$$

Ответ 1) – 15; 2) 3,5.



Периодичность

$$\sin a = \sin(a + 2\pi n)$$

$$\cos a = \cos(a + 2\pi n)$$

$$\operatorname{tga} = \operatorname{tg}(a + \pi n)$$

$$\operatorname{ctga} = \operatorname{ctg}(a + \pi n)$$



Периодичность

$$\sin a = \sin(a + 2\pi n)$$

$$\cos a = \cos(a + 2\pi n)$$

$$\operatorname{tga} = \operatorname{tg}(a + \pi n)$$

$$\operatorname{ctga} = \operatorname{ctg}(a + \pi n)$$

При работе с большими градусами сначала уменьши угол на полный круг или полные круги (по 2π или 360°).



Задание № 3

Найдите значение выражений:

1

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$$

2

$$\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$$



Решение:



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) =$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) =$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 =$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

Ответ 1) -6 ;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) =$$

Ответ 1) – 6;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

Ответ 1) – 6;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

$$\cos\frac{11\pi}{4} = \cos\frac{3\pi}{4} =$$

Ответ 1) – 6;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

✓ Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

$$\cos\frac{11\pi}{4} = \cos\frac{3\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

Ответ 1) – 6;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

$$\cos\frac{11\pi}{4} = \cos\frac{3\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)} =$$

Ответ 1) – 6;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

$$\cos\frac{11\pi}{4} = \cos\frac{3\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)} = \frac{10\sqrt{6}}{\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cdot (-\sqrt{3})} =$$

Ответ 1) - 6;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

$$\cos\frac{11\pi}{4} = \cos\frac{3\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)} = \frac{10\sqrt{6}}{\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cdot (-\sqrt{3})} = \frac{10\sqrt{6}}{\frac{\sqrt{6}}{2}} =$$

Ответ 1) -6 ;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

$$\cos\frac{11\pi}{4} = \cos\frac{3\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)} = \frac{10\sqrt{6}}{\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cdot (-\sqrt{3})} = \frac{10\sqrt{6}}{\frac{\sqrt{6}}{2}} = 20$$

Ответ 1) - 6;



1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

Решение:

1 $-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ)$

$$\cos(-750^\circ) = \cos(750^\circ) = \cos(30^\circ)$$

$$405 = 360 + 45, \text{ тогда } \operatorname{ctg}(405^\circ) = \operatorname{ctg}(45^\circ) = 1$$

$$-4\sqrt{3} \cos(-750^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(405^\circ) = -4\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 1 = -6$$

2 $\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)}$

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{10\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$$

$$\cos\frac{11\pi}{4} = \cos\frac{3\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{10\sqrt{6}}{\cos\frac{11\pi}{4} \cdot \operatorname{tg}\left(-\frac{10\pi}{3}\right)} = \frac{10\sqrt{6}}{\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cdot (-\sqrt{3})} = \frac{10\sqrt{6}}{\frac{\sqrt{6}}{2}} = 20$$

Ответ 1) - 6; 2) 20.





Правило лошади

Формулы приведения:

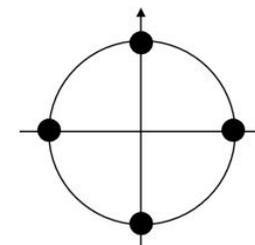
.....



Правило лошади

Формулы приведения:

Отмечаем на тригонометрическом круге угол, кратный $\pi/2$.





Правило лошади

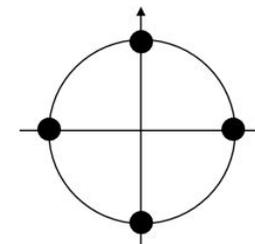
Формулы приведения:

Отмечаем на тригонометрическом круге угол, кратный $\pi/2$.

1

Функция меняется? Машем головой вдоль горизонтальной оси
оси

– нет, вдоль вертикальной – да.





Правило лошади

Формулы приведения:

Отмечаем на тригонометрическом круге угол, кратный $\pi/2$.

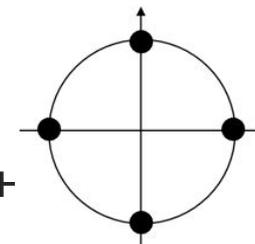
1

Функция меняется? Машем головой вдоль горизонтальной оси

– нет, вдоль вертикальной – да.

2

Какой знак? Находим знак исходной функции, шаг – в нужную сторону.





Правило лошади

Формулы приведения:

Отмечаем на тригонометрической окружности угол, кратный $\pi/2$.

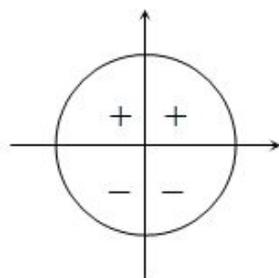
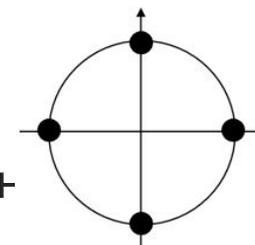
1

Функция меняется? Машем головой вдоль горизонтальной оси

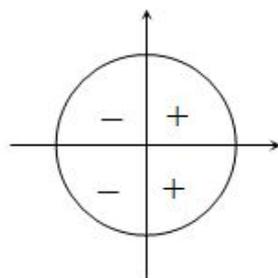
– нет, вдоль вертикальной – да.

2

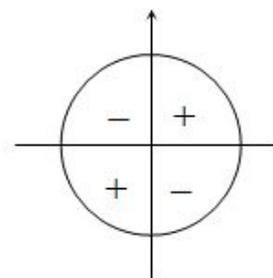
Какой знак? Находим знак исходной функции, шаг – в нужную сторону.



$\sin \alpha$



$\cos \alpha$



$\operatorname{tg} \alpha, \operatorname{ctg} \alpha$



Найдите значение
выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

Решение:



Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

Решение:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$



Задание № 4

Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

✓ **Решение:**

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$



Задание № 4

Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

✓ Решение:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$



Задание № 4

Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

Решение:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$

2 $\sin(-\alpha - \pi) = \sin \alpha$



Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

✓ Решение:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$

2 $\sin(-\alpha - \pi) = \sin \alpha$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$



Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

✓ Решение:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$

2 $\sin(-\alpha - \pi) = \sin \alpha$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = \operatorname{ctg} \alpha$



Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

✓ Решение:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$

2 $\sin(-\alpha - \pi) = \sin \alpha$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = \operatorname{ctg} \alpha$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$



Найдите значение выражений:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) =$

2 $\sin(-\alpha - \pi) =$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) =$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) =$

✓ Решение:

1 $\cos\left(\frac{5\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$

2 $\sin(-\alpha - \pi) = \sin \alpha$

3 $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = \operatorname{ctg} \alpha$

4 $\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) = -\operatorname{ctg} \alpha$



Основное тригонометрическое тождество



Основное тригонометрическое тождество

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$



Задание № 5

Найдите значение выражений:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$

Решение:



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\sin^2 a + \frac{16}{25} = 1$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\sin^2 \alpha + \frac{16}{25} = 1$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{9}{25}$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\sin^2 \alpha + \frac{16}{25} = 1$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{9}{25}$$

$$\sin \alpha = \pm \frac{3}{5}$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\sin^2 \alpha + \frac{16}{25} = 1$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{9}{25}$$

$$\sin \alpha = \pm \frac{3}{5}$$

$$-\frac{1}{2} \sin a =$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\sin^2 \alpha + \frac{16}{25} = 1$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{9}{25}$$

$$\sin \alpha = \pm \frac{3}{5}$$

$$-\frac{1}{2} \sin a = -\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} =$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\sin^2 \alpha + \frac{16}{25} = 1$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{9}{25}$$

$$\sin \alpha = \pm \frac{3}{5}$$

$$-\frac{1}{2} \sin a = -\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} = -0,3$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$



1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

✓ Решение:

1 $-\frac{1}{2} \sin a$, если $\cos a = \frac{4}{5}$ и $a \in (0; \frac{\pi}{2})$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\sin^2 \alpha + \frac{16}{25} = 1$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{9}{25}$$

$$\sin \alpha = \pm \frac{3}{5}$$

$$-\frac{1}{2} \sin a = -\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} = -0,3$$

2 $20 \cos a$, если $\sin a = 0,28$ и $a \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

Ответ 1) $-0,3$;





Произведение тангенса и котангенса



Произведение тангенса и котангенса

$$\operatorname{tg}\alpha \cdot \operatorname{ctg}\alpha = 1$$



Произведение тангенса и котангенса

$$\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$$

$$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \cdot \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = 1$$





Следствие из основного тригонометрического тождества



Следствие из основного тригонометрического тождества

$$1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$$



- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$
- 2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

Решение:



- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$ **2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

✓ Решение:

- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$ **2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$



- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$
- 2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

✓ Решение:

- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$:
- $$tg^2 x + 1 = \frac{1}{\cos^2 x}$$
- 2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$



- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$
- 2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

✓ Решение:

- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$
- 2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{\cos^2 x}$$




- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$
- 2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

✓ Решение:

- 1** Найдите $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$
- 2** Найдите $ctg \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{0,1} = 10 - 1 = 9$$



1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

✓ Решение:

1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{cos^2 x}$$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{0,1} = 10 - 1 = 9$$

$$tg x = \pm 3$$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$



1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

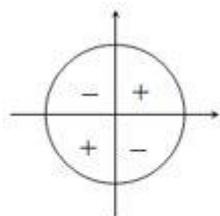
✓ Решение:

1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{cos^2 x}$$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{0,1} = 10 - 1 = 9$$

$$tg x = \pm 3$$



$tg \alpha, ctg \alpha$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$



1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

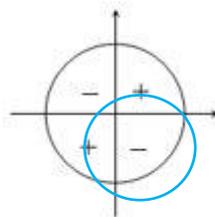
Решение:

1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{cos^2 x}$$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{0,1} = 10 - 1 = 9$$

$$tg x = \pm 3$$



$tg \alpha, ctg \alpha$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$



1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

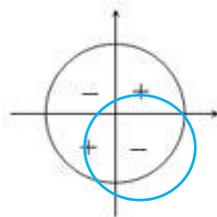
✓ Решение:

1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{cos^2 x}$$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{0,1} = 10 - 1 = 9$$

$$tg x = \pm 3 = -3$$



$tg \alpha, ctg \alpha$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$



1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

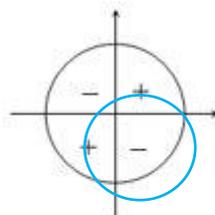
Решение:

1 Найдите $tg \alpha$, если $cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{cos^2 x}$$

$$tg^2 x + 1 = \frac{1}{0,1} = 10 - 1 = 9$$

$$tg x = \pm 3 = -3$$



$tg \alpha, ctg \alpha$

2 Найдите $ctg \alpha$, если $sin \alpha = -\frac{2\sqrt{13}}{13}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$

Ответ 1) - 3



Формула синуса двойного угла



Формула синуса двойного угла

$$\sin 2a = 2 \sin a \cos a$$



Задание № 8

Найдите значение выражений:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

Решение:



Найдите значение выражений:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ Решение:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$



Найдите значение выражений:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ Решение:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

$$\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a} =$$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$



Найдите значение выражений:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ Решение:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

$$\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a} = \frac{3 \cdot 2 \cdot \sin 2a \cos 2a}{\cos 2a} =$$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$



Найдите значение выражений:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ **Решение:**

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

$$\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a} = \frac{3 \cdot 2 \cdot \sin 2a \cos 2a}{\cos 2a} = 6 \sin 2a$$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$



Найдите значение выражений:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ Решение:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

$$\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a} = \frac{3 \cdot 2 \cdot \sin 2a \cos 2a}{\cos 2a} = 6 \sin 2a$$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$



1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ Решение:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

$$\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a} = \frac{3 \cdot 2 \cdot \sin 2a \cos 2a}{\cos 2a} = 6 \sin 2a$$

$$6 \sin 2a = 6 \cdot \frac{5}{12} =$$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$



Найдите значение выражений:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ Решение:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

$$\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a} = \frac{3 \cdot 2 \cdot \sin 2a \cos 2a}{\cos 2a} = 6 \sin 2a$$

$$6 \sin 2a = 6 \cdot \frac{5}{12} = 2,5$$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$



1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

✓ Решение:

1 $\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a}$, если $\sin 2a = \frac{5}{12}$

$$\frac{3 \sin 4a}{\cos 2a} = \frac{3 \cdot 2 \cdot \sin 2a \cos 2a}{\cos 2a} = 6 \sin 2a$$

$$6 \sin 2a = 6 \cdot \frac{5}{12} = 2,5$$

2 $\frac{10 \sin 22a}{3 \sin 11a}$, если $\cos 11a = -0,6$

Ответ 1) 2,5;



Формула косинуса двойного угла



Формула косинуса двойного угла

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$



Формула косинуса двойного угла

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$$



Формула косинуса двойного угла

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$$



Формула косинуса двойного угла

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$$



Формула косинуса двойного угла

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = \cos^2 \alpha - (1 - \cos^2 \alpha) = 2\cos^2 \alpha - 1$$



Задание № 9

Найдите значение выражений:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

Решение:



Найдите значение выражений:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$



Найдите значение выражений:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$



Найдите значение выражений:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) =$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

Ответ 1) 9,2;



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

$$5 \cos 2 a = 5(2 \cos^2 a - 1) =$$

Ответ 1) 9,2;



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

$$5 \cos 2 a = 5(2 \cos^2 a - 1) =$$

$$5(2 \cdot 0,64 - 1) =$$

Ответ 1) 9,2;



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

$$5 \cos 2 a = 5(2 \cos^2 a - 1) =$$

$$5(2 \cdot 0,64 - 1) = 5 \cdot 0,28 =$$

Ответ 1) 9,2;



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

$$5 \cos 2 a = 5(2 \cos^2 a - 1) =$$

$$5(2 \cdot 0,64 - 1) = 5 \cdot 0,28 = 1,4$$

Ответ 1) 9,2;



1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

✓ Решение:

1 $10 \cos 2 a$, если $\sin a = -0,2$

$$\cos 2 a = 1 - 2 \sin^2 a$$

$$10 \cos 2 a = 10(1 - 2 \sin^2 a) =$$

$$10(1 - 2 \cdot 0,04) = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

2 $5 \cos 2 a$, если $\cos a = 0,8$

$$5 \cos 2 a = 5(2 \cos^2 a - 1) =$$

$$5(2 \cdot 0,64 - 1) = 5 \cdot 0,28 = 1,4$$

Ответ 1) 9,2; 2) 1,4.



Задание №9



Четность функции

$\sin(-\alpha) = -\sin(\alpha)$ - нечетная функция

$\cos(-\alpha) = \cos(\alpha)$ - четная функция

$\operatorname{tg}(-\alpha) = -\operatorname{tg}(\alpha)$ - нечетная функция

$\operatorname{ctg}(-\alpha) = -\operatorname{ctg}(\alpha)$ - нечетная функция



Периодичность

$$\sin a = \sin(a + 2\pi n)$$

$$\cos a = \cos(a + 2\pi n)$$

$$\operatorname{tga} = \operatorname{tg}(a + \pi n)$$

$$\operatorname{ctga} = \operatorname{ctg}(a + \pi n)$$

При работе с большими градусами сначала уменьши угол на полный круг или полные круги (по 2π или 360°).



Задание №9



Правило лошади

Формулы приведения:

Отмечаем на тригокруге угол, кратный $\pi/2$.

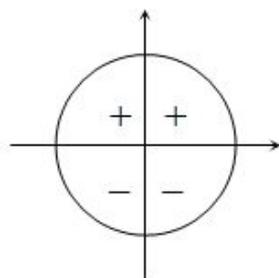
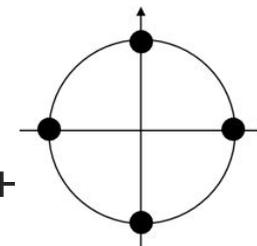
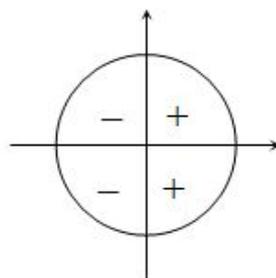
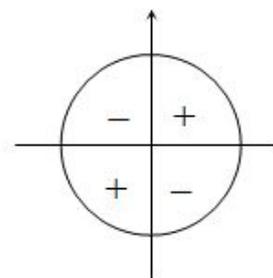
1

Функция меняется? Машем головой вдоль горизонтальной оси

– нет, вдоль вертикальной – да.

2

Какой знак? Находим знак исходной функции, шаг в нужную сторону.

 $\sin \alpha$  $\cos \alpha$  $\operatorname{tg} \alpha, \operatorname{ctg} \alpha$



Задание №9



Основное тригонометрическое тождество

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$



Произведение тангенса и котангенса

$$\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$$

$$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \cdot \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = 1$$



Формула синуса двойного угла

$$\sin 2 \alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$



Задание №9



Формула косинуса двойного угла

$$\cos 2a = \cos^2 a - \sin^2 a$$

$$\cos^2 a = 1 - \sin^2 a$$

$$\cos 2a = \cos^2 a - \sin^2 a = 1 - \sin^2 a - \sin^2 a = 1 - 2\sin^2 a$$

$$\sin^2 a = 1 - \cos^2 a$$

$$\cos 2a = \cos^2 a - \sin^2 a = \cos^2 a - (1 - \cos^2 a) = 2\cos^2 a - 1$$

Спасибо за внимание!
