

ВЕКТОРЫ В ПРОСТРАНСТВЕ

Изучить презентацию, сделать конспект в рабочей тетради (отправить на почту rea-spk@mail.ru), пройти тест

Величины, которые характеризуются не только числом, но еще и направлением, называются векторными величинами или просто векторами.

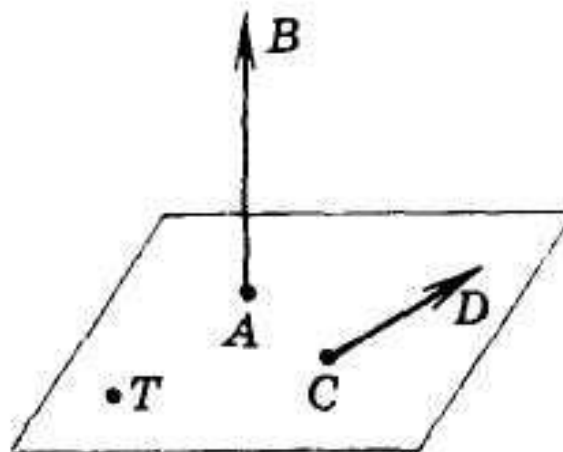
Скорость
Ускорение
Сила

Определение вектора.

Геометрически векторы изображаются направленными отрезками. **Отрезок, для которого указано, какой из его концов считается началом, а какой – концом, называется вектором.**

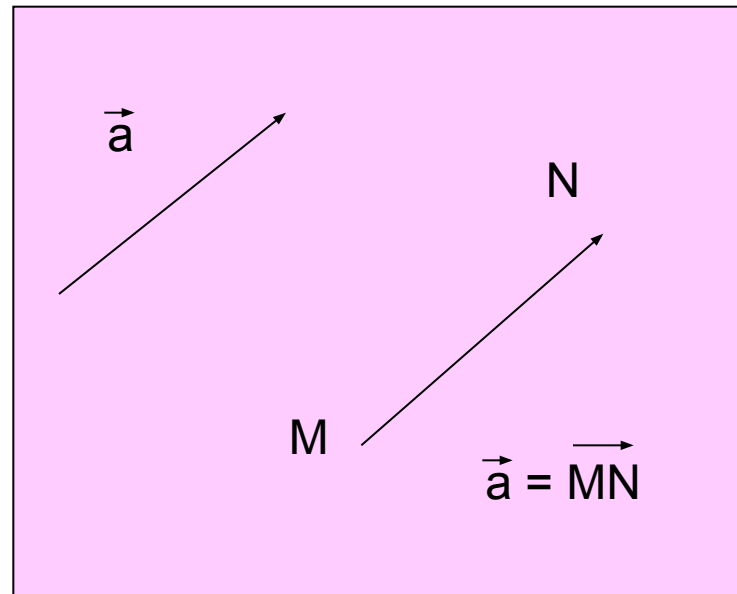
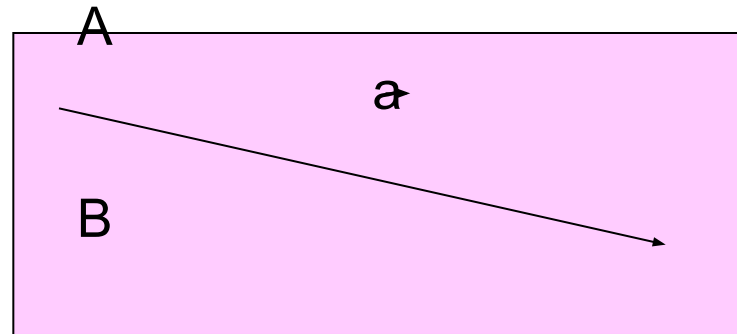
Вектор характеризуется следующими элементами:

1. начальной точкой (точкой приложения);
2. направлением;
3. длиной («модулем вектора»)



Обозначение вектора.

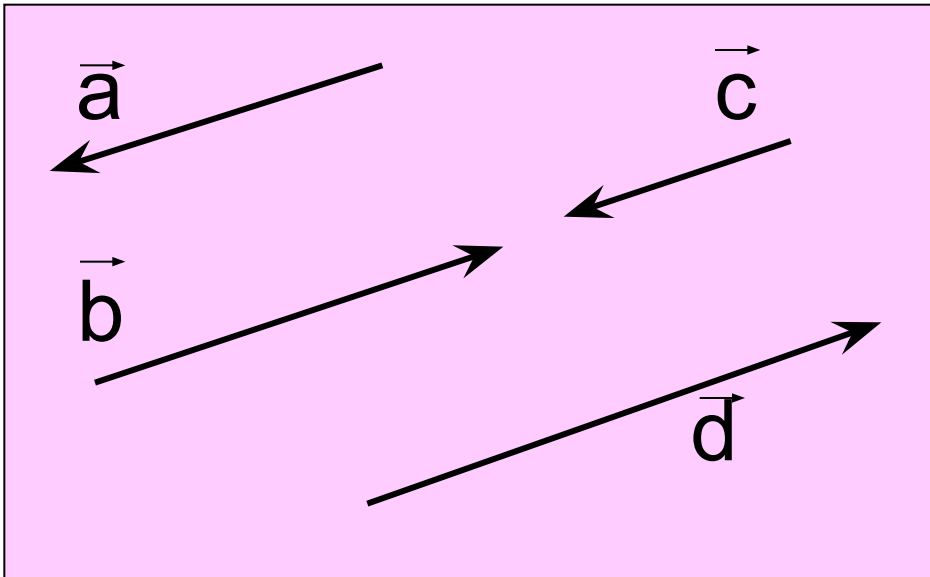
- Если начало вектора – точка A , а его конец – точка B , то вектор обозначается \overrightarrow{AB} или \vec{a} .
- **От любой точки можно отложить вектор, равный данному, и притом только один, используя параллельный перенос.**



Нулевой вектор – точка в пространстве. Начало и конец нулевого вектора совпадают, и он не имеет длины и направления. Обозначается: $\vec{0}$.

Абсолютной величиной (длиной или модулем) вектора называется длина отрезка, изображающего вектор. Абсолютная величина вектора обозначается $|\vec{a}|$.

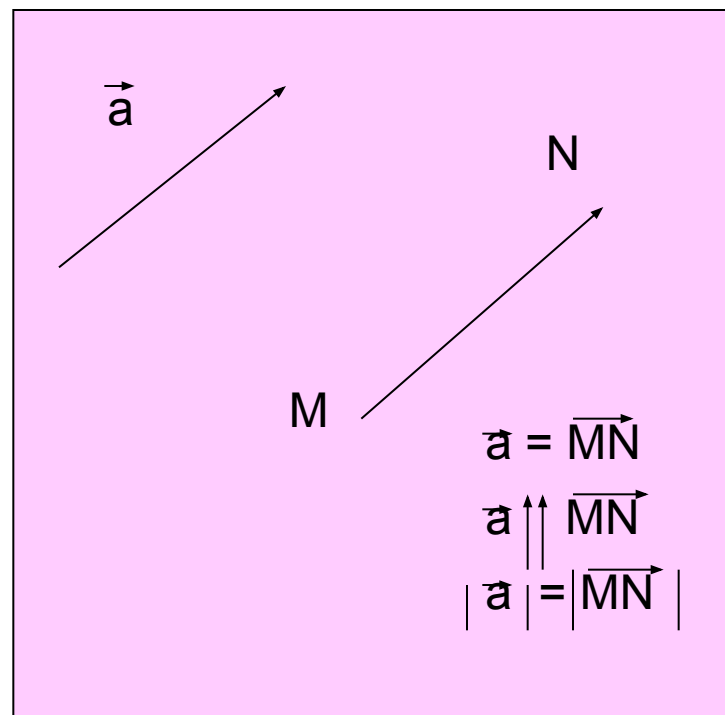
Коллинеарные векторы.



Два ненулевых вектора называются коллинеарными, если они лежат на одной прямой или на параллельных прямых.

- Если векторы коллинеарные и их лучи направлены в одну сторону, то векторы называются **сонаправленными**.
 - Обозначаются : $\vec{a} \uparrow \uparrow \vec{b}$.
- Если векторы коллинеарные и их лучи направлены в разные стороны, то векторы называются **противоположно направленными**.
 - Обозначаются : $\vec{a} \uparrow \downarrow \vec{d}$.
- Нулевой вектор считают сонаправленным с любым.

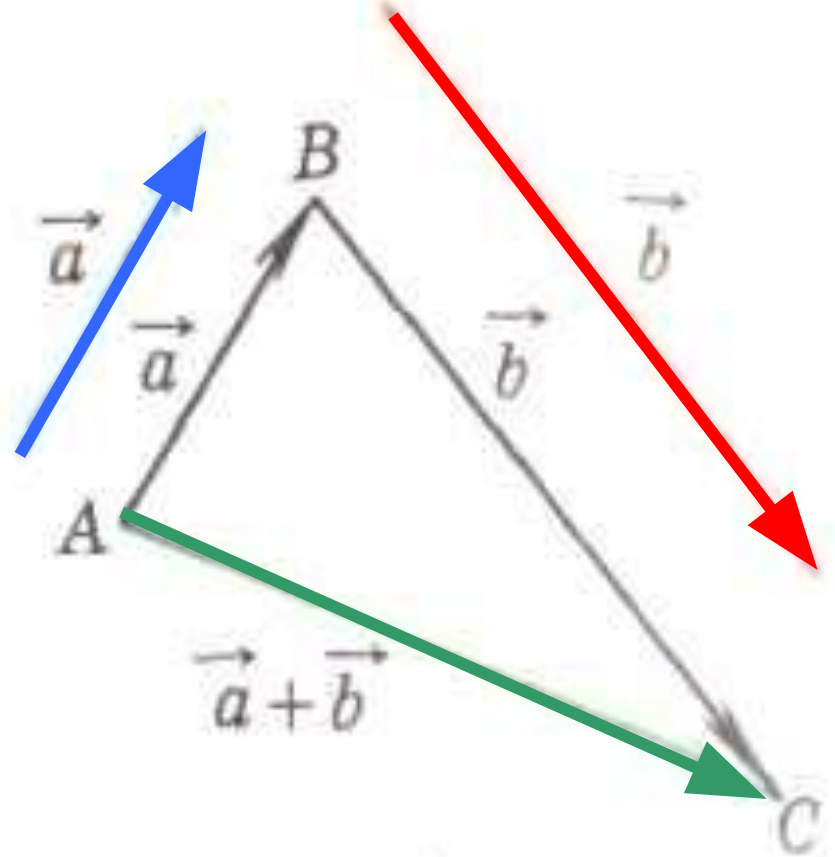
- Два вектора называются **равными**, если они сонаправлены и их длины равны.



ДЕЙСТВИЯ НАД ВЕКТОРАМИ.

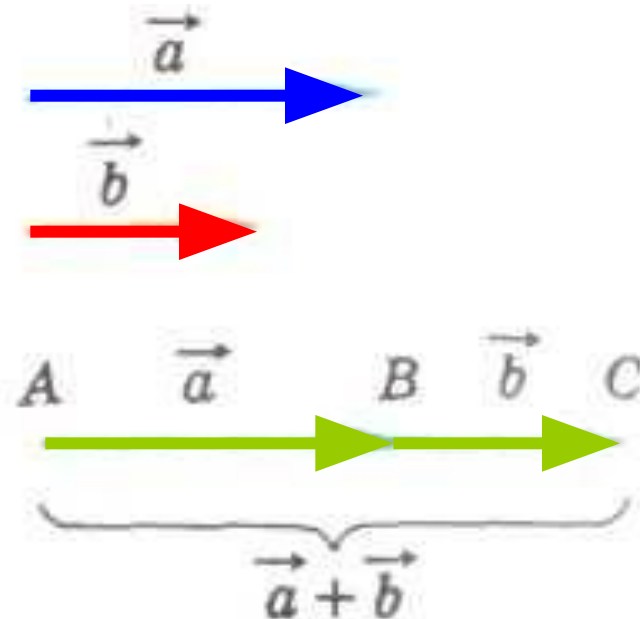
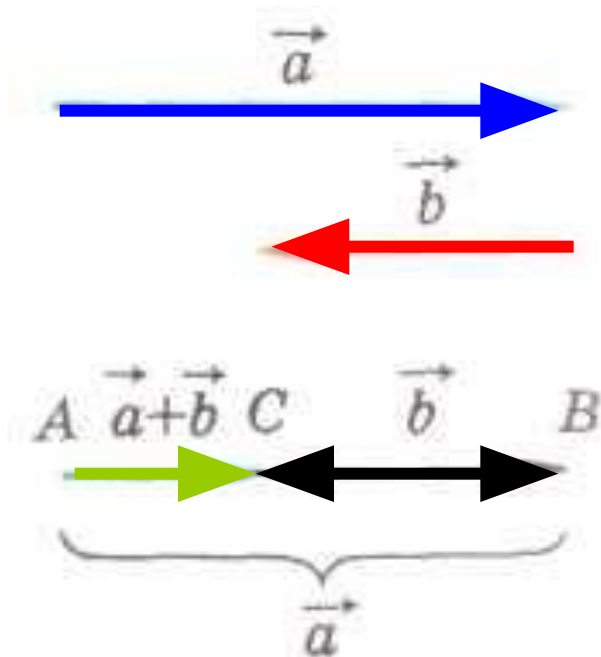
Сложение векторов.

- **Правило треугольника.**
(правило сложения двух произвольных векторов \vec{a} и \vec{b}).
Отложим от какой-нибудь точки A вектор \vec{AB} , равный \vec{a} . Затем от точки B отложим вектор \vec{BC} , равный \vec{b} . Вектор \vec{AC} называется суммой векторов \vec{a} и \vec{b} : $\vec{AC} = \vec{a} + \vec{b}$.



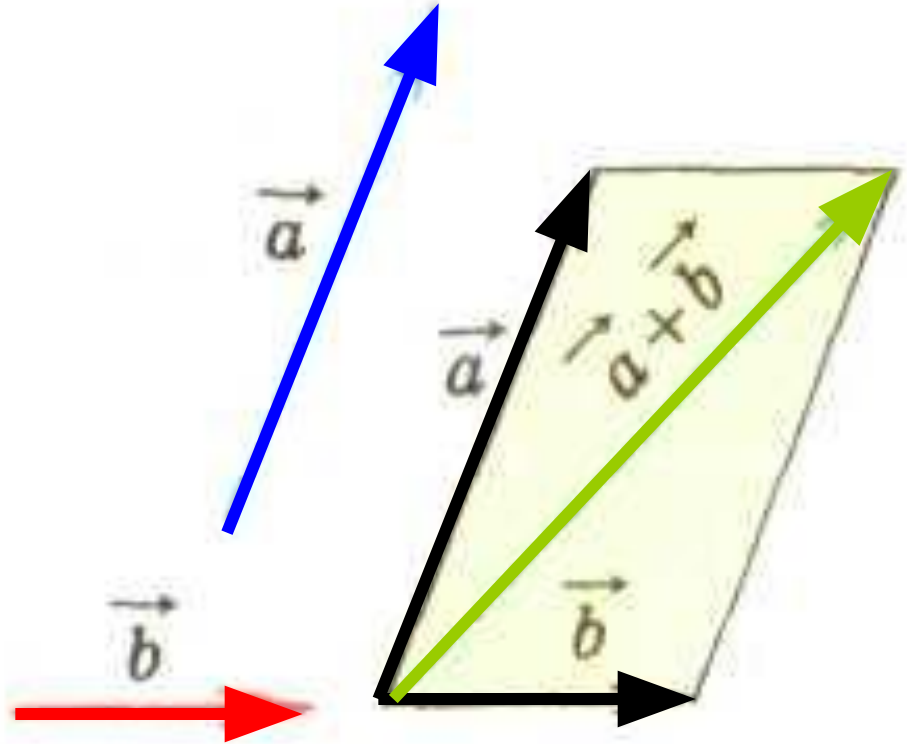
Сложение коллинеарных векторов.

- По этому же правилу складываются и коллинеарные векторы, хотя при их сложении и не получается треугольника.



Сложение векторов.

- Для сложения двух неколлинеарных векторов можно пользоваться также **правилом параллелограмма**, известным из курса планиметрии.



Свойства сложения векторов.

Для любых векторов \vec{a} , \vec{b} и \vec{c} справедливы равенства:

$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{b} + \vec{a}$$

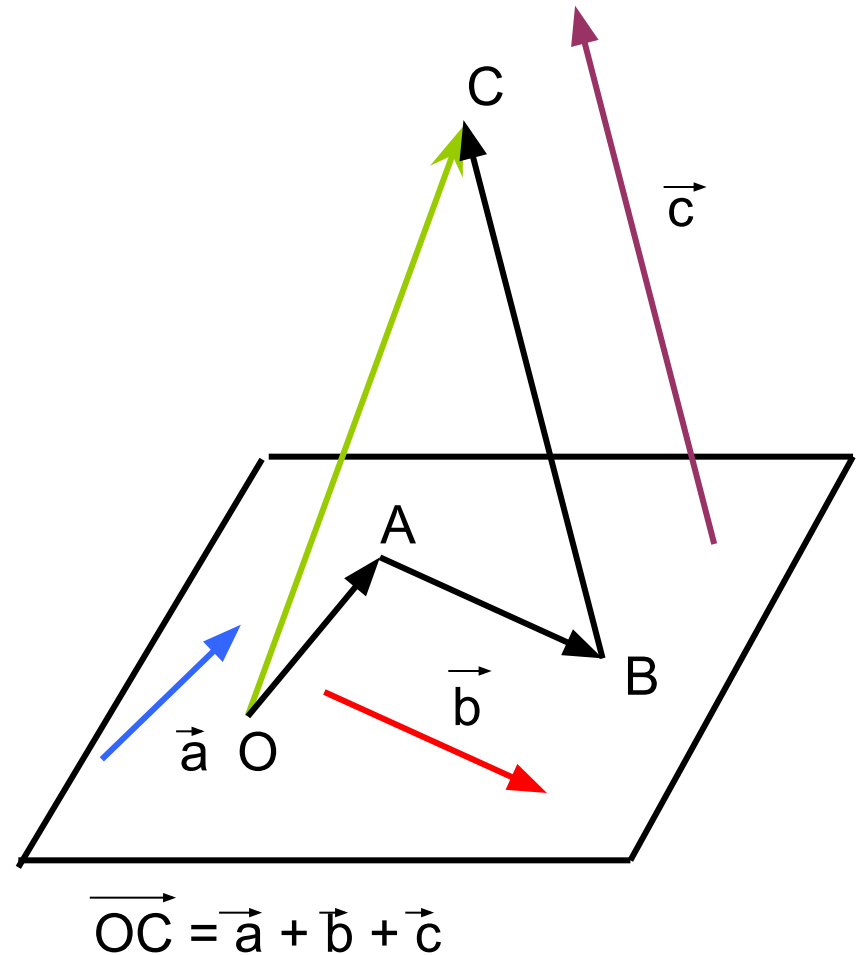
(переместительный закон);

$$(\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} = \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c})$$

(сочетательный закон).

Сложение нескольких векторов.

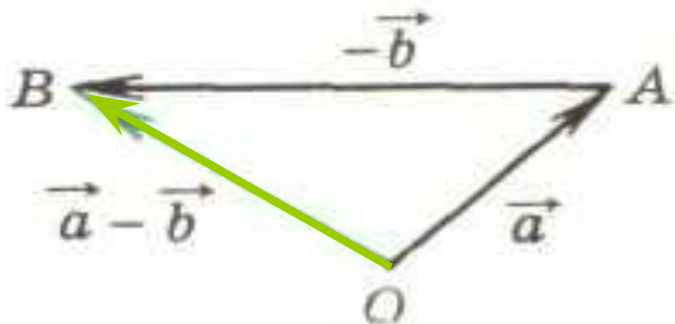
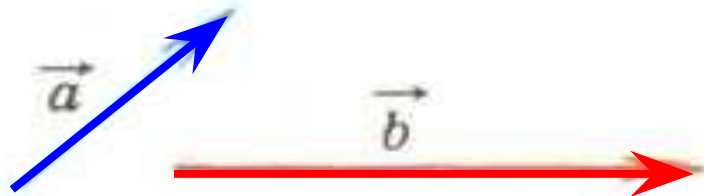
- **Правило многоугольника**
Сложение нескольких векторов в пространстве выполняется так же, как и на плоскости: первый вектор складывается со вторым, затем их сумма — с третьим вектором и т. д. Из законов сложения векторов следует, что **сумма нескольких векторов не зависит от того, в каком порядке они складываются.**



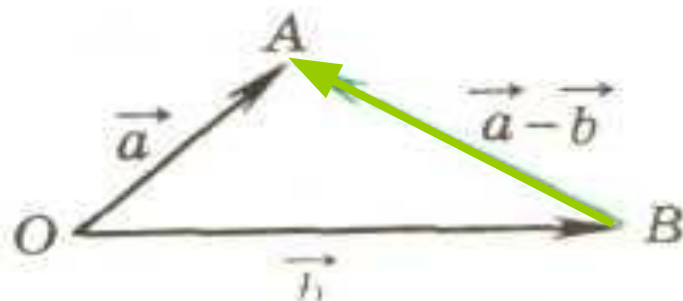
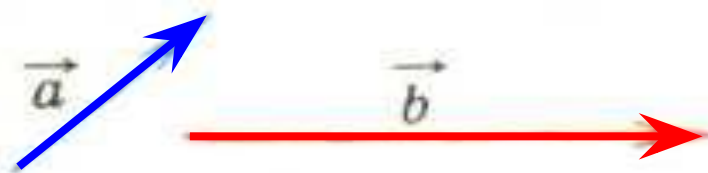
Разность векторов.

- **Разностью векторов \vec{a} и \vec{b}** называется такой вектор, сумма которого с вектором \vec{b} равна вектору \vec{a} . Разность \vec{a} - \vec{b} -векторов \vec{a} и \vec{b} можно найти по формуле:

$$\vec{a} - \vec{b} = \vec{a} + (-\vec{b})$$



$$\begin{aligned} \vec{OA} &= \vec{a}, & \vec{AB} &= -\vec{b} \\ \vec{OB} &= \vec{a} + (-\vec{b}) = \vec{a} - \vec{b} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \vec{OA} &= \vec{a}, & \vec{OB} &= \vec{b} \\ \vec{BA} &= \vec{a} - \vec{b} \end{aligned}$$

Умножение вектора на число.

- Произведением ненулевого вектора \vec{a} на число k называется такой вектор \vec{b} , длина которого равна $|k| \cdot |\vec{a}|$, причем векторы \vec{a} и \vec{b} сонаправлены при $k \geq 0$ и противоположно направлены при $k < 0$.
- Произведением нулевого вектора на любое число считается нулевой вектор.
- Произведение вектора \vec{a} на число k обозначается так: $k\vec{a}$.
- Для любого числа k и любого вектора \vec{a} векторы \vec{a} и $k\vec{a}$ коллинеарны.
- Произведение любого вектора на число ноль есть нулевой вектор.

Правила умножения вектора на число.

Для любых векторов \vec{a} , \vec{b} и любых чисел k , f справедливы равенства:

$$(kf)\vec{a}=k(f\vec{a}) \text{ (сочетательный закон);}$$

$$k(\vec{a} + \vec{b})= k\vec{a} + k\vec{b} \text{ (первый} \\ \text{распределительный закон);}$$

$$(k + f) \vec{a} =k\vec{a} + f\vec{a} \text{ (второй распределительный} \\ \text{закон).}$$

Свойства умножения вектора на число.

- Отметим, что $(-1)\vec{a}$ является вектором, противоположным вектору \vec{a} , т.е.

$$(-1)\vec{a} = -\vec{a}.$$

- если вектор \vec{a} ненулевой, то векторы $(-1)\vec{a}$ и \vec{a} противоположно направлены.
- **если векторы \vec{a} и \vec{b} коллинеарны и $\vec{a} \neq \mathbf{0}$, то существует число k такое, что $\vec{b} = k\vec{a}$.**

Пройти тест

<https://onlinetestpad.com/yrg44fts4ugpg>