Лк_36 Дифракция света

Зоны Френеля

Для упрощения вычислений суммарного вектора

Френель предложил выделять в отверстии

разность хода Δ і

кольцевые зоны в пределах каждой из которых

Волновой фронт

а

 $b+4\lambda/2$

b+3λ/2

b+2**λ/**2

b



пл/2, где m — номе
$$r_m = \sqrt{\frac{m\lambda ab}{a+b}}$$

- изменения результата. Радиусы зон Френеля определятся (35.3), если подставить Δ =mλ/2, где m – номер зоны, тогда:
- равных амплитуд, которые погасят друг друга. В результате вклад четного числа соседних зон оказывается нулевым и его можно отбросить при вычислении суммарного светового вектора. Это следует из (35.5): аргумент синуса можно уменьшить на целое число периодов (2π) без
- Две соседние зоны Френеля доставляют в точку наблюдения противофазные колебания почти

Пятиминутка. Сколько зон Френеля уместится в отверстии диаметром 0.5 мм, если расстояние от источника света до отверстия равно 10 см, а от отверстия до экрана – 10 мм. Длина волны света равна 550 нм. (Отв. т≈46)

вым

величина.

- Френеля. Вклад этих зон в освещенность центральной точки диф ракционной картины будет нуле-
- кольца, закрывающие четные зон
- Представим себе прозрачную пластинку на которую нанесены непрозрачные
- Зонные пластинки.
- Дифракционная картина от маленького отверстия представляет собой чередование светлых и темных колец. Освещенность центрального пятна определится формулой (35.5). В зависимости от размеров и длины волны там может быть максимум,

минимум освещенности или промежуточная ее



- Еще более эффективной оказывается фазовая зонная пластинка, которая не отсекает свет четных зон Френеля, а увеличивает для них длину оптического пути на λ/2. Для этого на
- показанную на рисунке. Модуль суммарного светового вектора окажется значительно больше, чем при отсутствии нрекрадот. атакампудной буда, акодой укровать подоб-но линзе, фокусируя лучи в центральной точке.

E₃

В результате при вычислении освещенности центральной точки дифракционной картины вместо спирали Френеля мы получим картину,

- ких случаях. Задача: Фазовая зонная пластинка изготавливает-ся из стекла с коэффициентом преломления 1.5. Определить радиусы колец, на которых необходи-мо утолщение пластинки и величину утолщения, если пластинка должна заменить линзу с оптичес-кой силой 15
- В результате мы получаем плос-кую и тонкую линзу, очень полезную во многих практичес-



- Вектор в точке Р. Следовательно, освещенность этой точки не должна измениться в сравнении со случаем отсутствия преграды. Дифракционная картина будет иметь вид, показанный на рисунке
- ние витки, что почти 🕈 не изменит световой
- Френеля теряет край
- ля. При этом спирал
- Диск закрывает цент ральные зоны Френе

Дифракция от круглого диска

- удаления от границы
- параллельных краю полос, период и контрастность которых убывают по мере
- полуплоскости) образуется система
- тени. В осве-щенной области (справа от края
- характеризуется проникновением части световой энергии в область геометрической
- Дифракция от прямого края полуплоскости
- При опытах вместо диска обычно используют маленький шарик

Светлое пятно в центре тени от

диска называется пятном

Пуассона.



Разбиение на зоны ведется Полуплос Волновая путем последовательного поверхность ДО Puc. 35.3 бавления малой длины к рас-стоянию b от точки Экран кабличивечный размер зон быстро **Verbage**, поэтому амплитуды вторичных волн от элемен-тарных зон убывают быстрее, чем в ЯФУ В СТИЯ. При этом спираль «Френеля» свивается быстрее, как Есум показано на рисунке. Она называется спиралью uc. 35.4 K_{OOU}

использоваться для определения ос-вещенности в области Экран геометричес-кой тени. Пусть точка наблюдения сдвинулась влево, в область тени. Тог-да спираль ECVM2 потеряет внешние витки, E_{CYM0} ECVM1 соответствующие расстоянию смеще-ния Δx . Конец Puc. 35.5 ревудании рау ноациаловедкато неатся по спирали, как оокаяенсянариехнее. Моенутресуммарного светового вектора уменьшится. Дальнейшее движение влево будет сдвигать начало светового вектора по спирали и уменьшать его

Волновая

поверхность

В таком виде спираль корню може полнос

ле-вее точки наблюдения. В си-лу симметрии получится такая же спираль, закручивающаяся в противополож-ную сторону. Теперь можно построить световой вектор. Его конец попрежнему в фокусе верхней спирали, а

обраветьствующую зонам

Для вычисления освещенности экрана справа





По мере движения в освещенную область начало суммарного светового вектора движется по нижней спирали, при этом его длина и освещенность экрана испытывает несколько заметных колебаний. Эти колеба-ния видны на фотогра-фии, сделанной через микроскоп в луче



Дифракция Фраунгофера

- (дифракция в параллельных лучах). Источник света считается отнесенным в бесконечность, так что свет от него падает на преграду пучком параллель-ных лучей. Экран, на котором рассматривается ди-фракционная картина также расположен в беско-нечности. Для
- имитации этого экран располагается В фокусе *Рис. 35.8*
- положитель-ной
- линзы. На рисун-ке
- показана схема

щели.

опыта с дифракцией Фраунгофера на



получается простой. Ecvn





Для нахождения амплитуды светового вектора по принципу Гюйгенса-Френеля разобьем щель на мелкие участки dy и просуммируем векторы колебаний,

Дифракция Фраунгофера от длинной щели

коле-баний. На рис. Показано определение амплитуды светового вектора для разных

суммируемых векторов

- Puc. 35.11 φ_2 φ_3 Ecym
- При сложении векторов это приводит к закручиванию линии суммирования в дугу при сохранении ее длины. Длина дуги равна сумме модулей всех

$$d\alpha = \frac{2\pi}{\lambda} \sin(\varphi) \, dy \qquad (36.2)$$

Для другой точки экрана O1, в которой собираются лучи, идущие под углом φ к оптической оси, волны соседних участков имеют разность хода $\delta = \sin(\varphi) dy$ и соответствующую разность фаз daв точке O1:

$\Delta = b^* sin(\phi)$

геометрически:

прямую линию, что соответствует центральному максимуму дифракционной картины. При увеличении угла ф суммируемые векторы лежат на дуге окружности, а их сумма – амплитуда светового вектора выражается хордой этой дуги. Угол дуги – α равен разности фаз волн исходящих из крайних точек щели (точек А и В). При известной ширине щели – b, угле дифракции – φ и длине волны – λ разность хода волн от крайних точек и разность их фаз в точке схождения можно выразить

При $\phi=0$ дуга окружности разворачивается в

Теперь также из геометрических правил найдем длину хорды – Есум. $E_{\text{сум}} = 2Rsin(\frac{\alpha}{2})$. Радиус окружности, Puc. 35.12 частью которой является дуга суммируемых векторов определится через длину E_{CYM0} этой дуги, которая равна Е_{сум0}. Величина Е_{сум0} – это модуль светового вектора при нулевом угле дифракции, когда все суммируемые векторочки лежат на одной прямой. В результате мы получим:

$$E_{\rm cym} = \frac{E_{\rm cym0} sin(\frac{\alpha}{2})}{(\frac{\alpha}{2})}$$

(36.4)

Интенсивность света пропорциональна квадрату амплитуды:

$$I = I_0 \left(\frac{\sin(\frac{\alpha}{2})}{(\frac{\alpha}{2})} \right)^2$$
(36.5)

(36.6)

2

Где угол закручивания дуги - α выражается через угол дифракции φ формулой (36.3). Для небольших углов дифракции, когдаможно положить sin(φ)=φ, будем иметь 2πh

$$\alpha = \frac{2\pi b}{\lambda} \varphi$$

b – ширина щели.



щель, тем шире главный максимум. На него приходится более 90% светового потока. Однако боковые максимумы также видны.

Дифракция на проволоке. Принцип Бабине. Для нахождения дифракционной картины от проволоки толщиной d проведем следующие рассуждения. При расчете дифракционной картины от щели той же ширины d мы искали суммарный вклад от вторичных источников, распо-ложенных на открытой части исследуемого объекта. Для проволоки, наоборот, данная часть объекта будет закрытой, а остальное пространство открытым. Такие объекты, как бы дополняющие друг друга, носят название дополнительных.

препятствия.

Обозначим распределение поля на экране в слу-чае дифракции на щели U_ш(φ), а на проволоке - U_п (φ), где φ – угловая координата после препятствия. Тогда сумму полей $U_{\mu}(\phi)$ + U_п (φ) можно предста-вить как сумму интегралов по открытым областям для каждого из этих объектов, или как интеграл от суммы открытых областей. Но отверстия для дополнительных объектов располагаются так, что "открывают" весь волновой фронт падающего излучения, следовательно $U_{\mu}(\phi) + U_{\eta}(\phi) = U_{0}(\phi)$, где $U_{0}(\phi)$ — волновое возмущение на экране в случае отсутствия какого-либо

- I_щ(φ)=I_п(φ). (36.7) Т.е. дифракционная картина от щели шириной d и проволоки той же толщины одинаковы, за
- дает U_щ(φ)=-U_п(φ) = 0. Но интенсивность света – это квадрат амплитуды, следовательно при φ≠0 :
- название *принципа Бабине.* Если исходное поле U₀ (φ) пучок параллельных лу-чей, идущих под углом φ =0, то для φ ≠0 U₀ (φ)=0. В этом случае для φ ≠0 принцип Бабине
- даемому на экране при отсутствии препятствия. Полученный результат носит
- Таким образом, сумма распределений полей от дополнительных объектов равна полю, наблю-

друг друга.

Дифракционная решетка. Дифракционная решётка - оптический прибор, предназначенный для анализа спектрального состава оптического излучения. Дифракционная решётка состоит из тысяч узких и близко расположенных щелей. Из-за интерференции вторичных волн интенсивность света, прошедшего через дифракционную решётку различна в различных направлениях. Имеются выделенные направления, в которых световые волны от различных щелей решётки складываются в фазе, многократно усиливая При освещении решётки монохроматическим светом на её выходе наблюдаются узкие лучи с большой интенсивностью. Так как направления на интерференционные максимумы зависят от длины волны, белый свет, прошедший через дифракционную решётку, будет расщепляться на множество лучей разного цвета. Таким образом мы можем исследовать спектральный состав света.



- ется в различных местах для волн с различной λ.
- ражение щели на экране в своеи фокальнои плоскости. Дифракция на решетке приводит к тому, что изображение щели оказыва-
- ционной решеткой: Узкая щель, находящаяся в фокусе линзы L1, освещается источником света. Параллельный пучок света после линзы направляется на дифракционную решетку. За решеткой находится вторая линза, которая формирует изображение щели на экране в своей фокальной пло-

Оптическая схема анализатора спектра с дифрак-

шагом (или периодом) решетки. Общее число штрихов решетки обозначим N. Тогда ширина решетки равна произведению Nd



Рассмотрим простейшую дифракционную решетку, работающую на пропускание. Эта решетка представляет собой плоский экран с чередующимися прозрачными и непрозрачными полосами. Все прозрачные полосы имеют одинаковую ширину - а. Все непрозрачные полосы также имеют одинаковую ширину - b. Сумма a+b=d называется Главный дифракционный максимум образуется при условии, что волны от соседних штрихов решетки приходят в точку наблюдения в одинаковой фазе. Для этого соответствующая разность хода Δ =dsin(ϕ) должна быть кратна λ . Поэтому условие т.н. главных максимумов запишется в виде:

$$dsin(\varphi_{max}) = m\lambda, \qquad (36.8)$$

где m - целое число, называемое порядком глав-ного максимума. Это основная формула дифракци-онной решетки.

Пятиминутка: решетка имеет 300 штрихов на 1 мм. Длина волны света 500 нм. Определить угол направления на гл. максимум 2 порядка.

- Оценим амплитуду дифрагировавшей волны и ее зависимость от угла дифракции ф. Разность фаз между волнами от соседних щелей одинакова. Число щелей велико. Тогда картина сложения амплитуд будет аналогична картине сложения при дифракции на одной щели. Векторы амплитуд будут лежать на дуге окружности. При изменении направления наблюдения ф дуга окружности будет сворачиваться или разворачи-
- ваться в дугу меньшего или большего радиуса при сохранении длины дуги.

- разность фаз волн двух соседних щелей равна $2k\pi/N$. Увоправления на минимум будет удовлетворять условию: $dsin(\varphi_{-})=m\lambda+k\lambda/N$, (36.9)
- света в этом направлении равна нулю. При этом разность фаз волн от первого и
- сворачивается в окружность, то интенсивность

A₅

Гл. максимум

- разворачивается в прямую линию. Если дуга
- Направление главного максимума соответствует условию, когда дуга

- Сравним условия дифракционного максимума (35.7) и дифракционного минимума (36.9) $dsin(\varphi_{max}) = m\lambda, -$ условие максимума (36 $dsin(\varphi_{min}) = m\lambda + k\lambda/N, -$ условие минимума (36.8)(36.9)
- Видим, что (36.9) является общей формулой экстремумов амплитуды светового вектора при дифракции на решетке. Если k=0 или k=N, формула выражает направление на маг -Puc. 35.17 MAKC слачаях k=1, 2, 3...N-1, формула дает
- угол направления на минимум.
- Отсюда следует вывод о том, что
- между соседними главными

максимумами находятся N-1





Определим угловую ширину какого-либо главного максимума как разность углов φ_{max} - φ_{min} при k=1, т.е. угловое расстояние между главным максимумом и ближайшим к нему минимумом Взяв разность синусов углов максимума и ближайшего минимума, получим $dsin(\varphi_{max})$ - $dsin(\varphi_{min}) = \lambda/N$. Используем тригонометрическую формулу $\sin(\alpha_1) - \sin(\alpha_2) = -2\cos(\alpha_1/2 + \alpha_2/2)\sin(\alpha_1/2 - \alpha_2/2)$ Поскольку углы $\varphi_{max} u \varphi_{min}$ близки, можно записать

$$\varphi_{max} - \varphi_{min} = \lambda / (Ndcos(\varphi_{max})) \qquad (36.10)$$

Произведение Nd – это общая ширина решетки. С ее увеличением главные максимумы становятся уже, что позволяет различить спектральные линии близкие по длине волн.