

Дата – 4.12

Углы в прямоугольном
параллелепипеде

**Прямоугольный
параллелепипед
в задачах В9 и В11 ЕГЭ**

Формулы полной поверхности и объёма прямоугольного параллелепипеда

$$d^2 = a^2 + b^2 + c^2$$

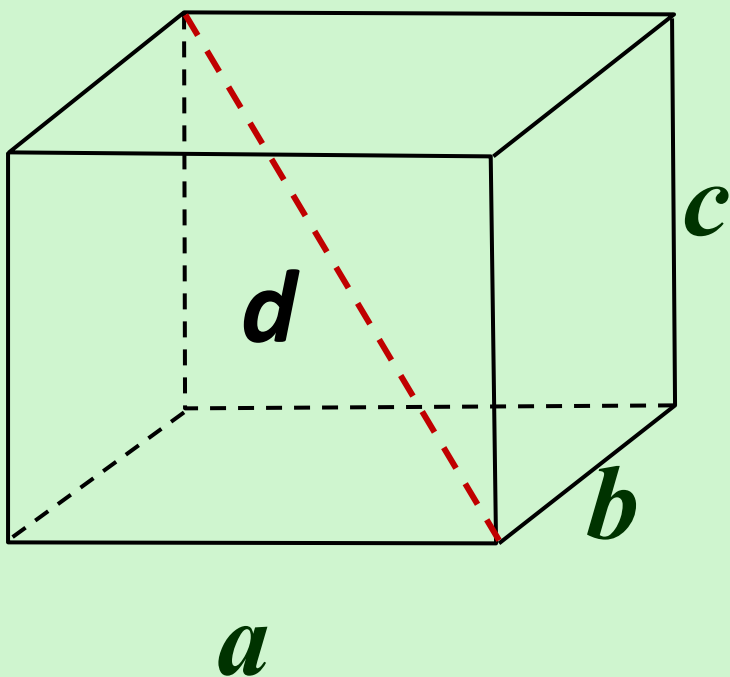
$$S_{\text{пов.}} = 2(ab + bc + ac)$$

$$V = a \cdot b \cdot c$$

$$V = S_{\text{осн}} \cdot h$$

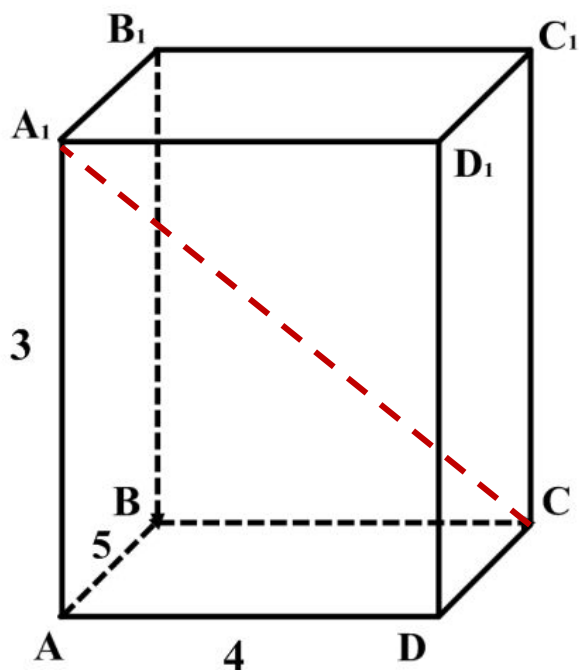
$$S_{\text{пов.}} = S_{\text{бок.}} + 2S_{\text{осн.}}$$

$$S_{\text{бок.}} = P_{\text{осн.}} \cdot h$$



№1.

Найдите квадрат расстояния между вершинами C и A_1 прямоугольного параллелепипеда, для которого $AB = 5$, $AD = 4$, $AA_1 = 3$.

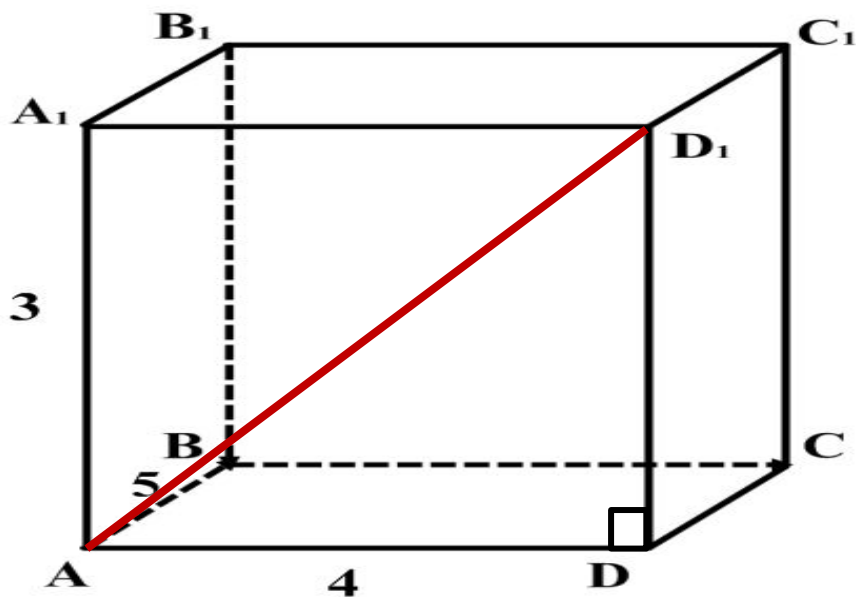


$$CA_1^2 = ?$$

$$CA_1^2 = 4^2 + 5^2 + 3^2 = 16 + 25 + 9 = 50.$$

№2.

Найдите расстояние между вершинами A и D_1 прямоугольного параллелепипеда, для которого $AB = 5$, $AD = 4$, $AA_1 = 3$.



$$AD_1 = ?$$

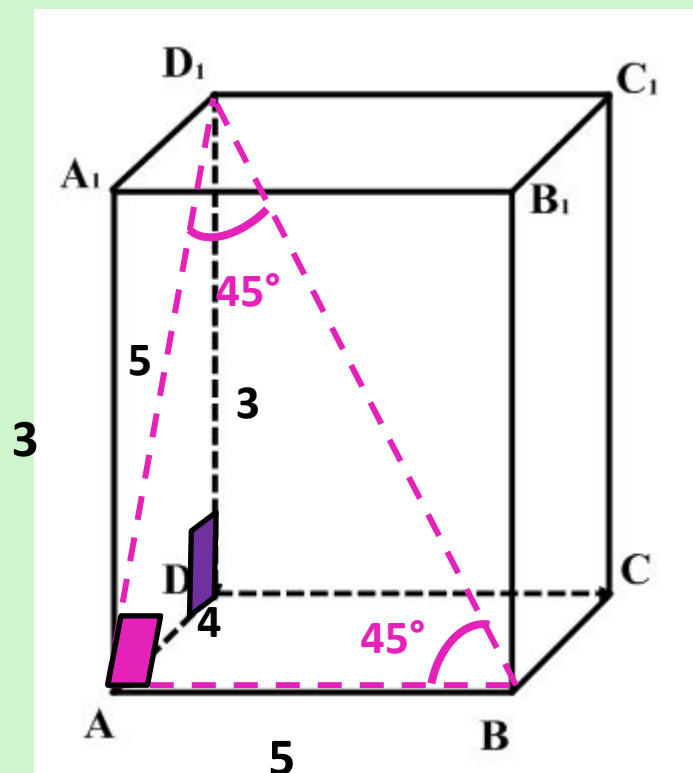
$$\text{В } \triangle AD_1D$$

$$\angle D = 90^\circ$$

$$AD_1 = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} = 5.$$

№3.

Найдите угол ABD_1 прямоугольного параллелепипеда, для которого $AB = 5$, $AD = 4$, $AA_1 = 3$. Ответ дайте в градусах.



$$ABD_1 = ?$$

$$\text{В } \triangle ADD_1 \quad \angle D = 90^\circ ;$$

$$AD_1 = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} = 5.$$

$$AD_1 = AB = 5;$$

$\triangle ADD_1$ - равнобедренный треугольник, $\angle A = 90^\circ$;

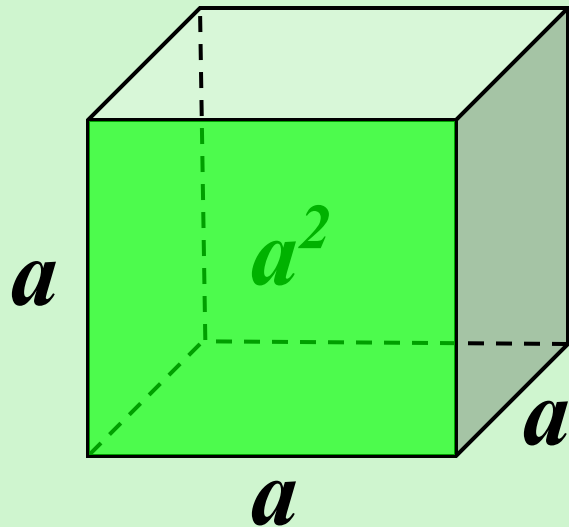
$$\angle D_1 = \angle B = 45^\circ ; \quad \angle ABD_1 = 45^\circ .$$

№ 4.

Объем куба равен

64.

Найдите площадь его
поверхности.



$$V = a^3$$

$$S = 6a^2$$

$$V = 64$$

$$S = 6 \cdot 4^2$$

$$a^3 = 64$$

$$S = 96$$

$$a = \sqrt[3]{64}$$

$$a = 4$$

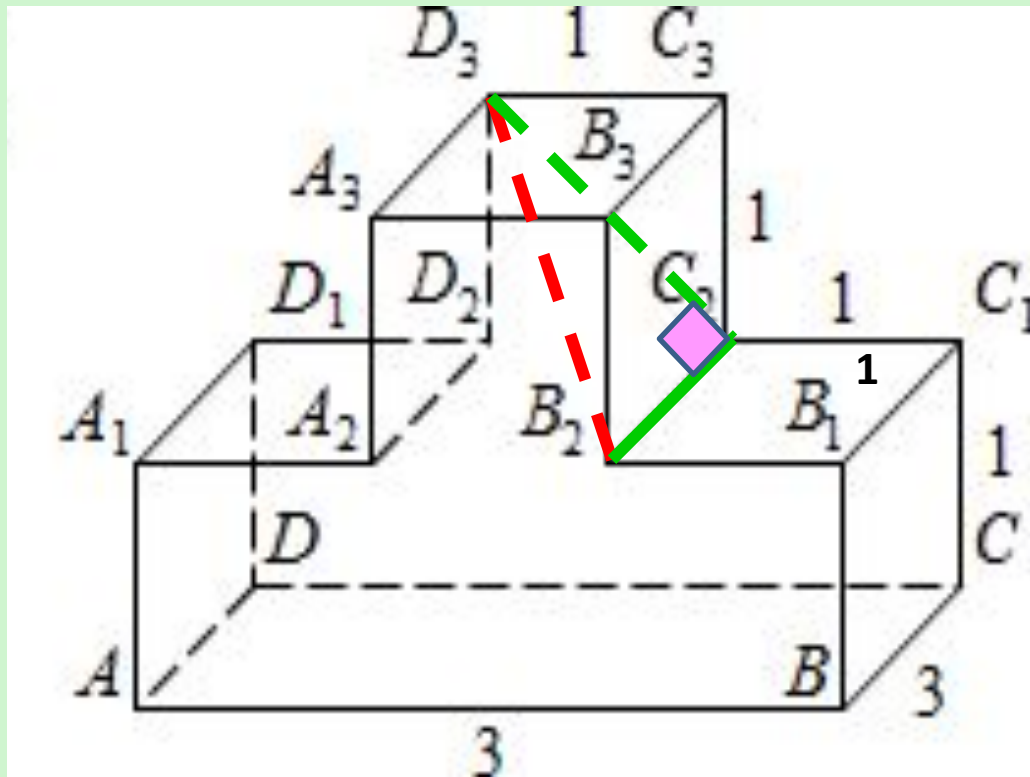
В 9

9

6

№5. ОБЗ ЕГЭ №245376.

Найдите квадрат расстояния между вершинами B_2 и D_3 многогранника, изображенного на рисунке. Все двугранные углы многогранника прямые.



$\triangle C_2B_2D_3$ -
прямоугольный
треугольник.

$$B_2D_3^2 = (1^2 + 1^2) + 3^2 = 11.$$

Ответ: 11.

В 9

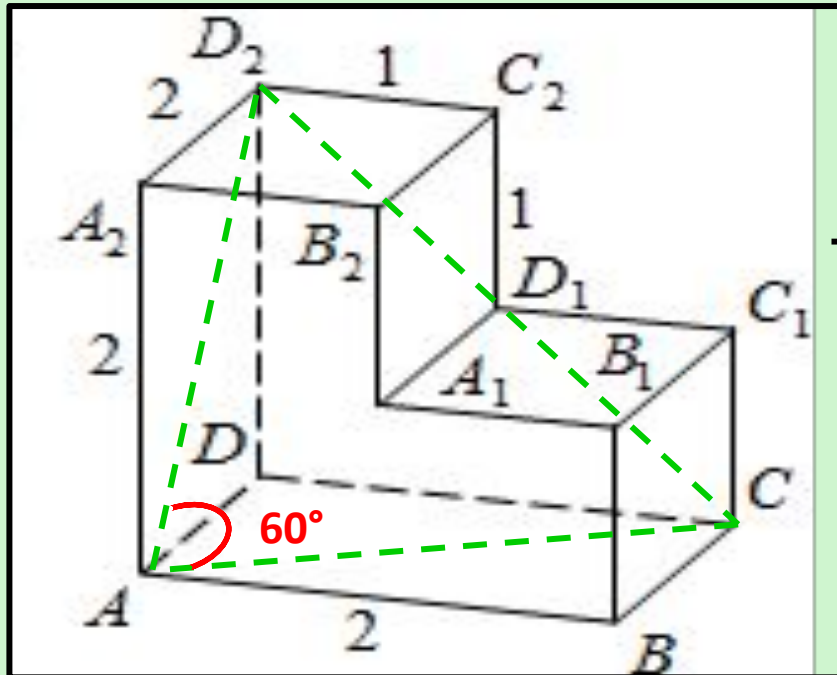
1 1

№ 6.

ОБЗ ЕГЭ №245373.

Найдите угол CAD_2 многогранника, изображенного на рисунке. Все двугранные углы многогранника прямые. Ответ дайте в градусах.

$AD_2 = CD_2 = CA$ - диагонали
равных квадратов .



$\triangle CAD_2$ - равносторонний
треугольник.

\angle

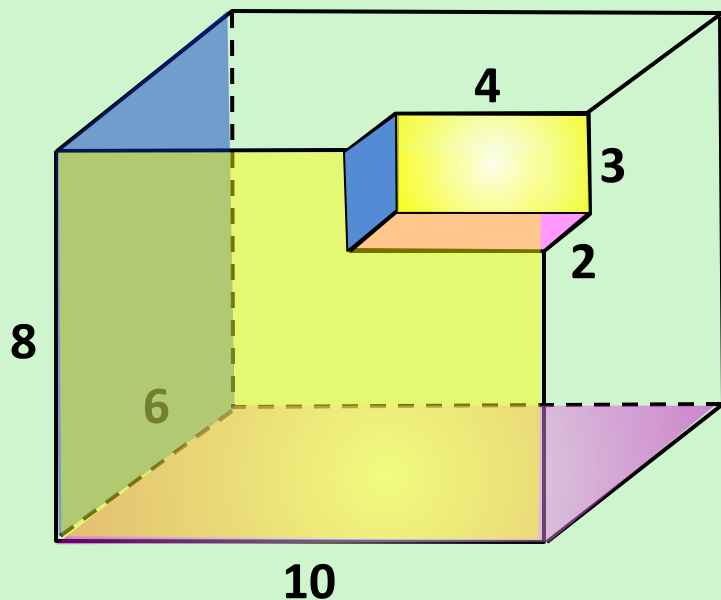
$$CAD_2 = 60^\circ.$$

Ответ:60

В 9

6 0

№ 7. Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).

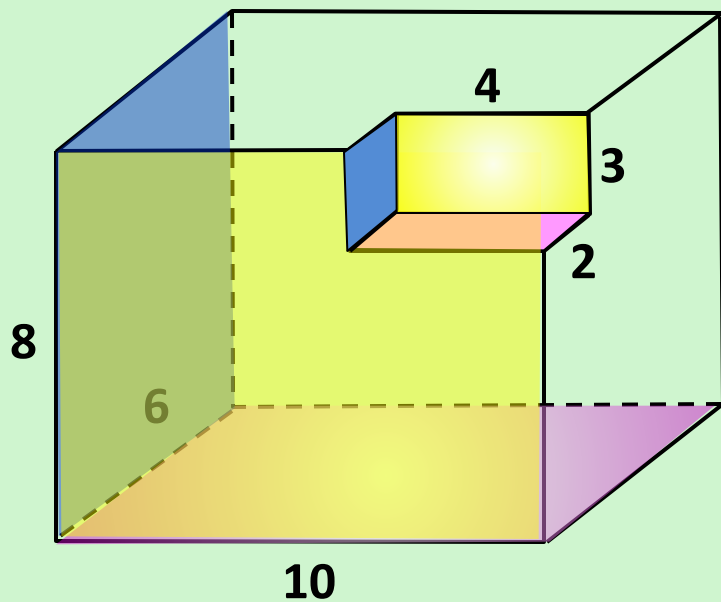


Площадь поверхности данной фигуры будет равна площади поверхности прямоугольного параллелепипеда.

$$S_{mn} = 2(8 \cdot 10 + 8 \cdot 6 + 6 \cdot 10) = 188$$

В 9	1	8	8			
-----	---	---	---	--	--	--

№8. Найдите объём многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



$$V_1 = 8 \cdot 10 \cdot 6 = 480$$

$$\{8;6;10\}$$

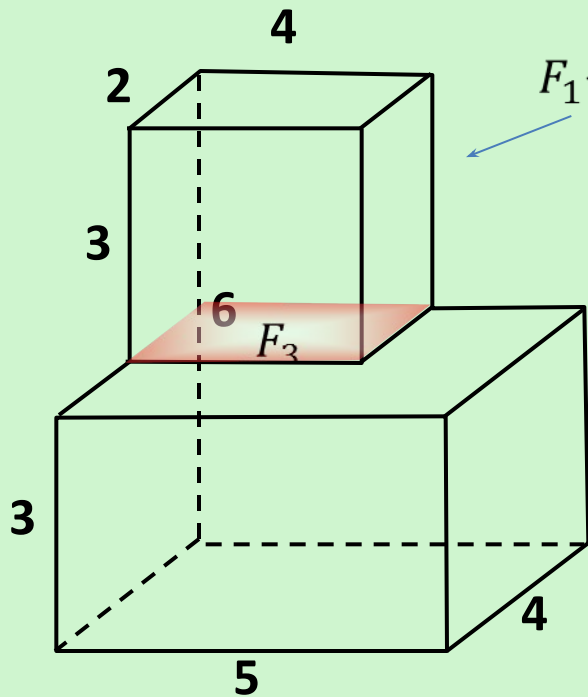
$$V_2 = 2 \cdot 3 \cdot 4 = 24$$

$$\{2;3;4\}$$

$$V = V_1 - V_2 = 480 - 24 = 456$$

В 9	4	5	6			
-----	---	---	---	--	--	--

№9. Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



$F_1\{3,2,4\}$

$$S_1 = 2 \cdot (3 \cdot 2 + 2 \cdot 4 + 4 \cdot 3) = 52$$

$F_2\{3,5,4\}$

$$S_2 = 2 \cdot (3 \cdot 5 + 5 \cdot 4 + 4 \cdot 3) = 94$$

$F_3\{2,4\}$

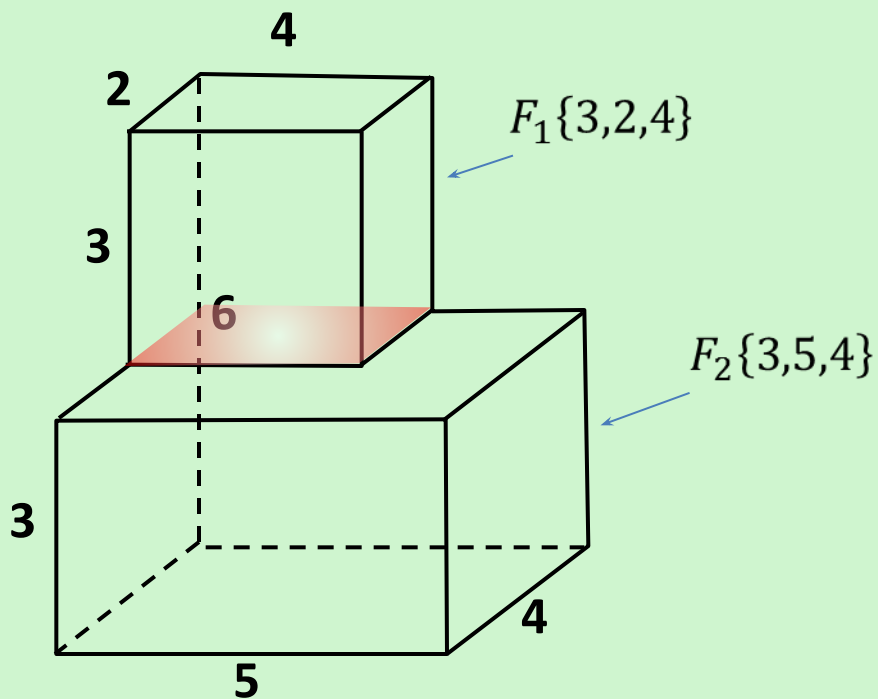
$$S_3 = 2 \cdot 4 = 8$$

$$S = S_1 + S_2 - 2 \cdot S_3 = 52 + 94 - 2 \cdot 8 = 130$$

В 9

1 3 0

№10. Найдите объём многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



$$V_1 = 3 \cdot 2 \cdot 4 = 24$$

$$V_2 = 3 \cdot 5 \cdot 4 = 60$$

$$V = V_1 + V_2 = 24 + 60 = 84$$

В 9

8 4