

7 класс.

Решение задач.

"Параллельные

прямые"



Каратанова Марина Николаевна  
МКОУ СОШ №256 г.Фокино

## Признаки параллельности прямых.

1

2

3

4

5

6

7

8

9

10

11

12

... по готовым чертежам

13

14

15

16

17

18

## Задания на проверку теоретических знаний.

19

20

21

22

23

## Свойства параллельных прямых.

24

25

26

27

28

29

... по готовым чертежам

30

31

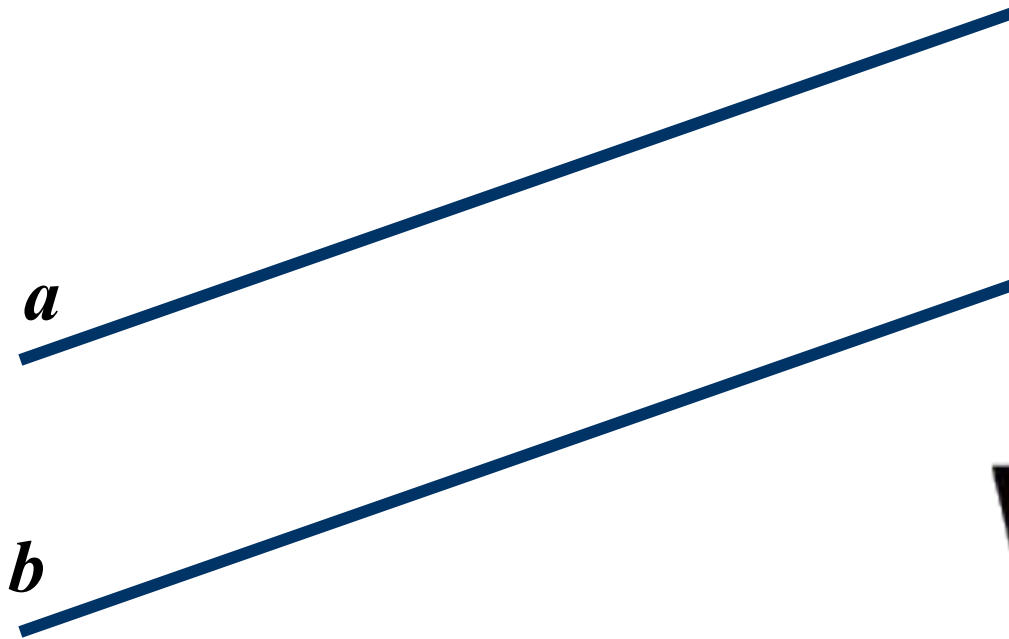
32

33

34

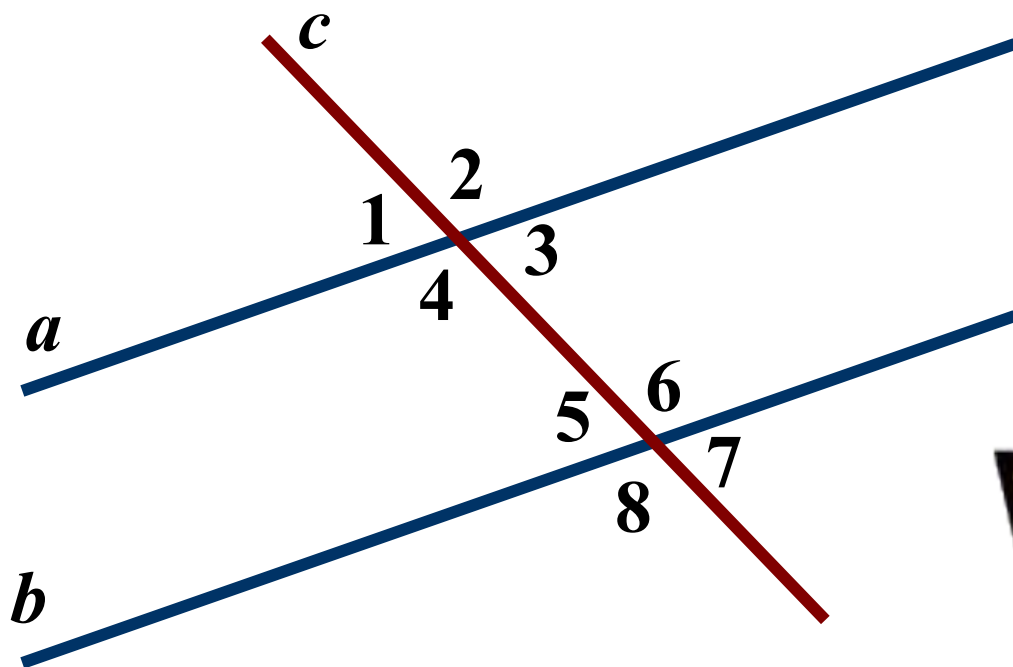


# Параллельные прямые. Определение.



Две прямые на плоскости называются **ПАРАЛЛЕЛЬНЫМИ**, если они не пересекаются.

*Пары углов, образованные при пересечении прямых секущей.*

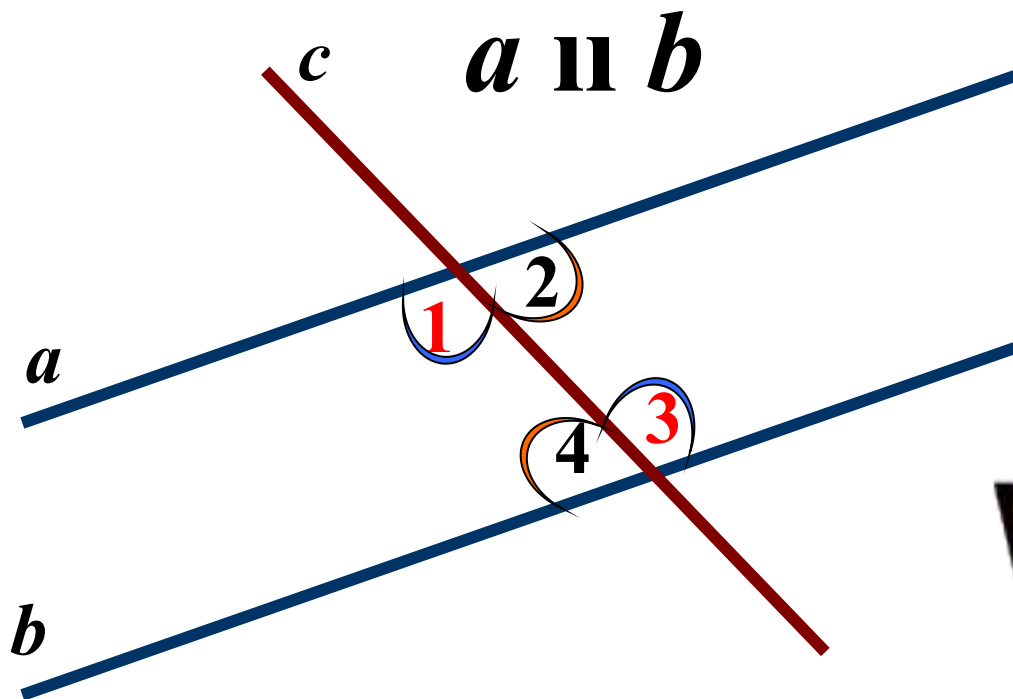


**Накрест лежащие углы**

**Односторонние углы**

**Соответственные углы**

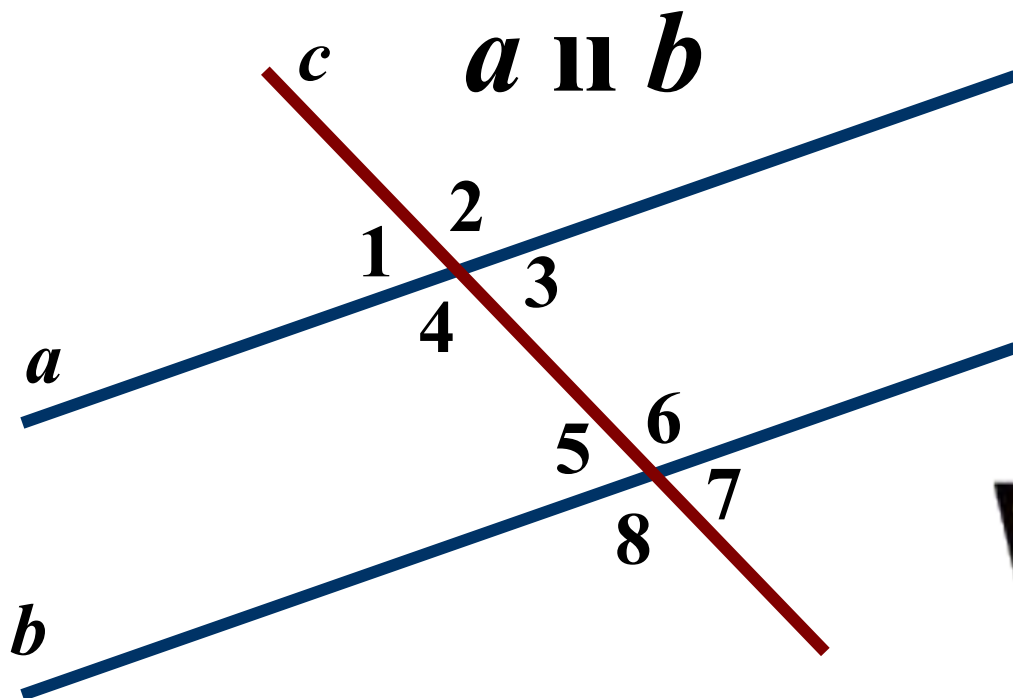
*Признак параллельности  
двух прямых  
по накрест лежащим углам.*



Если при пересечении двух прямых секущей  
**НАКРЕСТ ЛЕЖАЩИЕ** углы равны,  
то прямые параллельны

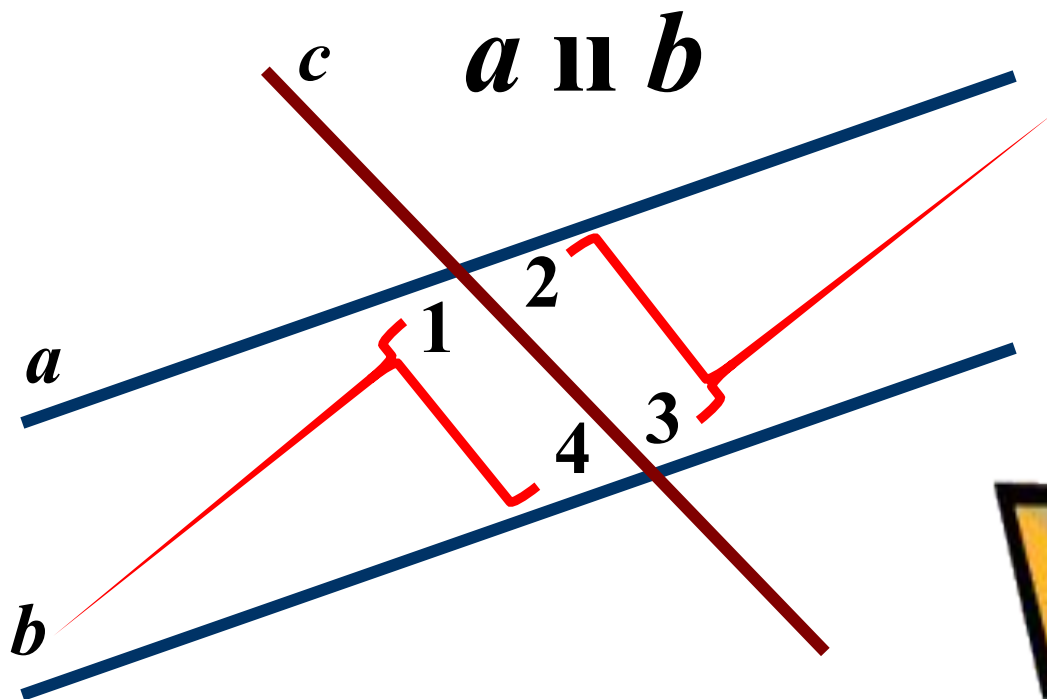


*Признак параллельности  
двух прямых  
по соответственным углам.*



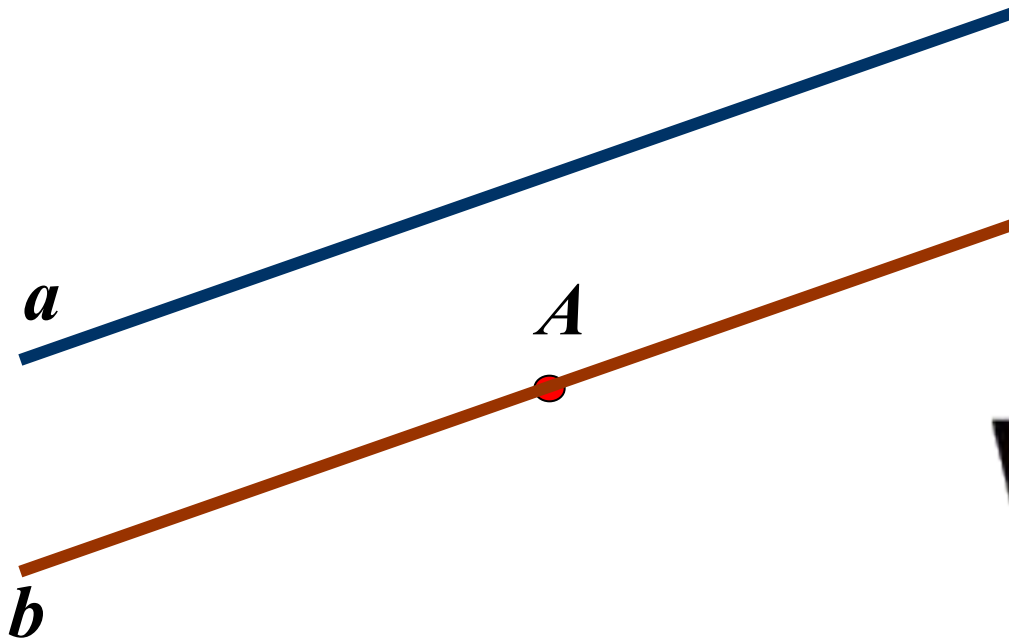
Если при пересечении двух прямых секущей  
**СООТВЕТСТВЕННЫЕ** углы равны.  
то прямые параллельны

*Признак параллельности  
двух прямых  
по односторонним углам.*



Если при пересечении двух прямых секущей  
сумма **ОДНОСТОРОННИХ** углов равна  **$180^\circ$** ,  
то прямые параллельны

# Аксиома параллельных прямых.



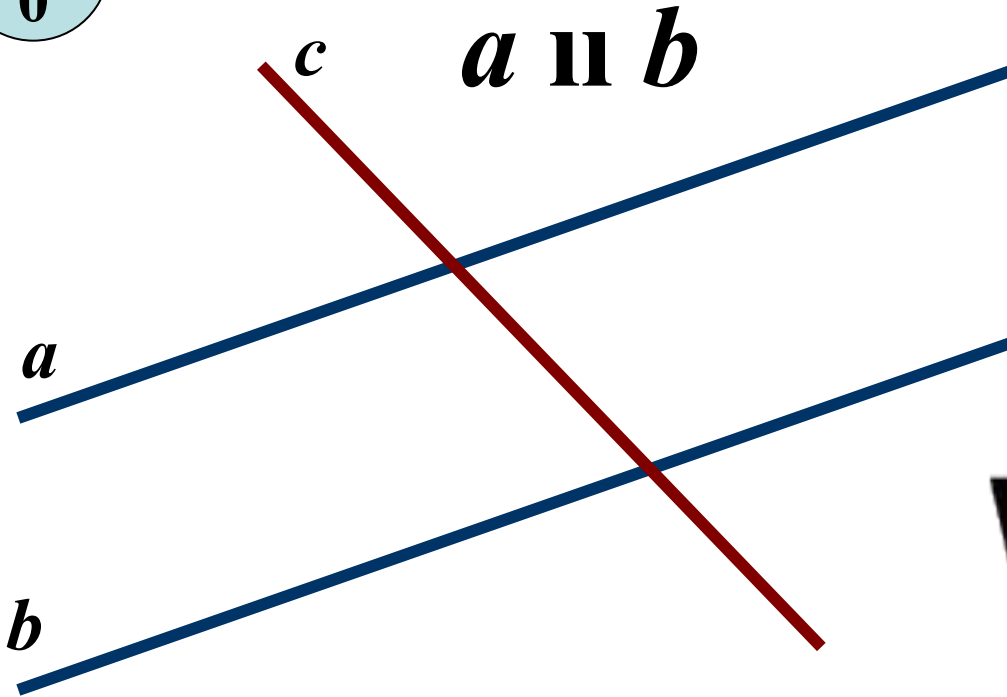
**Через точку, не лежащую на данной прямой,  
проходит только одна прямая,  
параллельная данной.**



# Следствие из аксиомы параллельных прямых.



1  
0

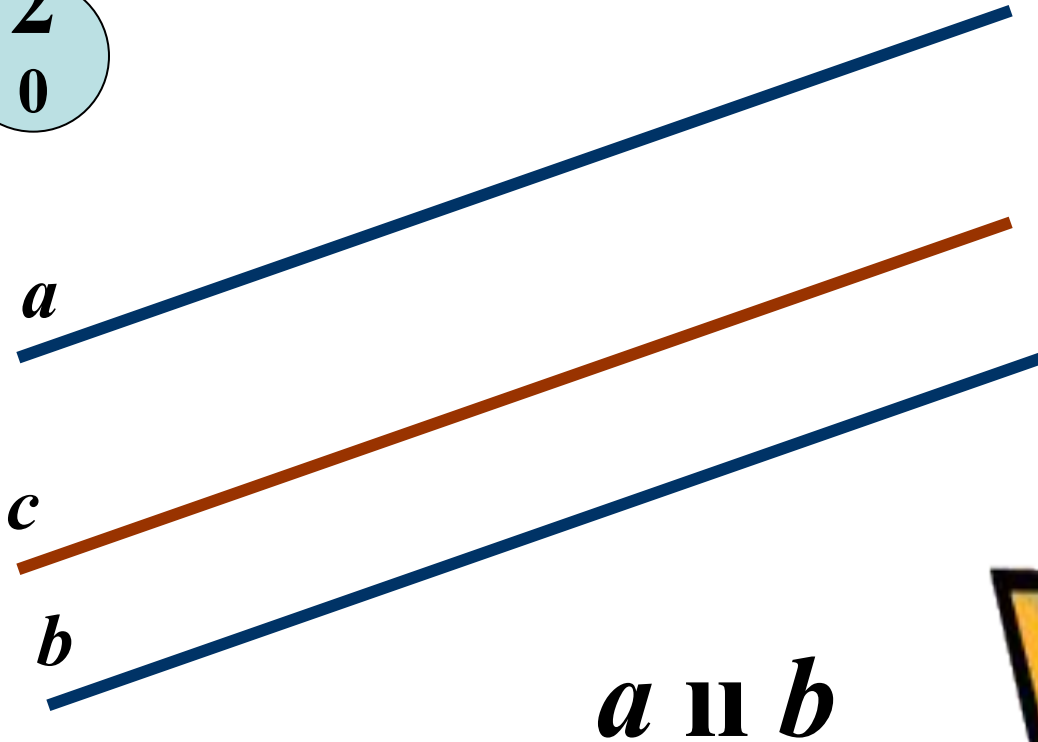


**Если прямая пересекает одну из двух параллельных прямых, то она пересекает и другую.**

# Следствие из аксиомы параллельных прямых.

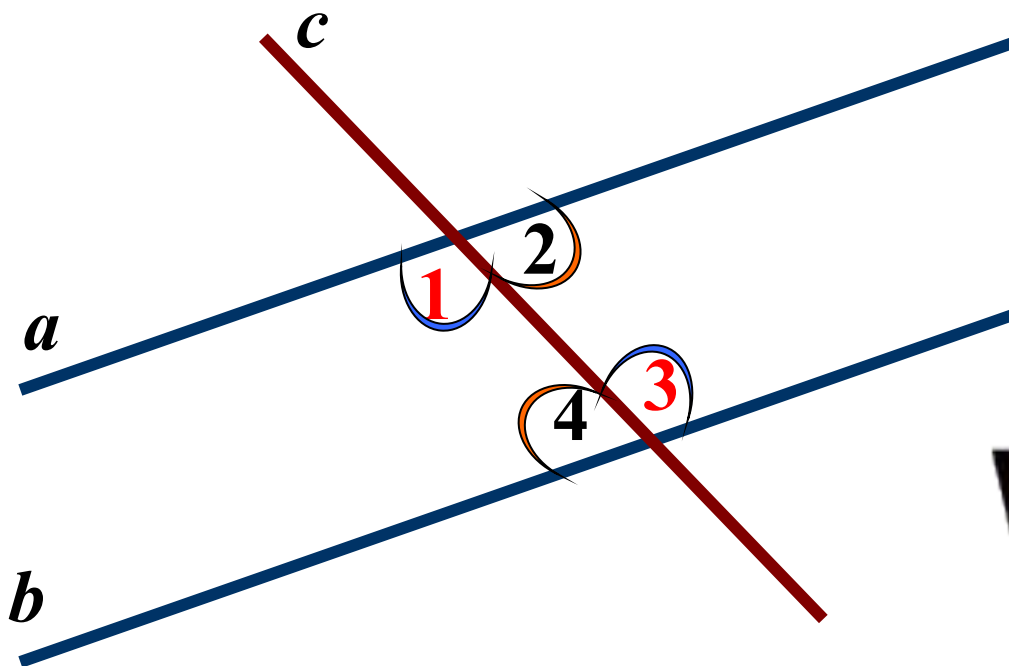


2  
0



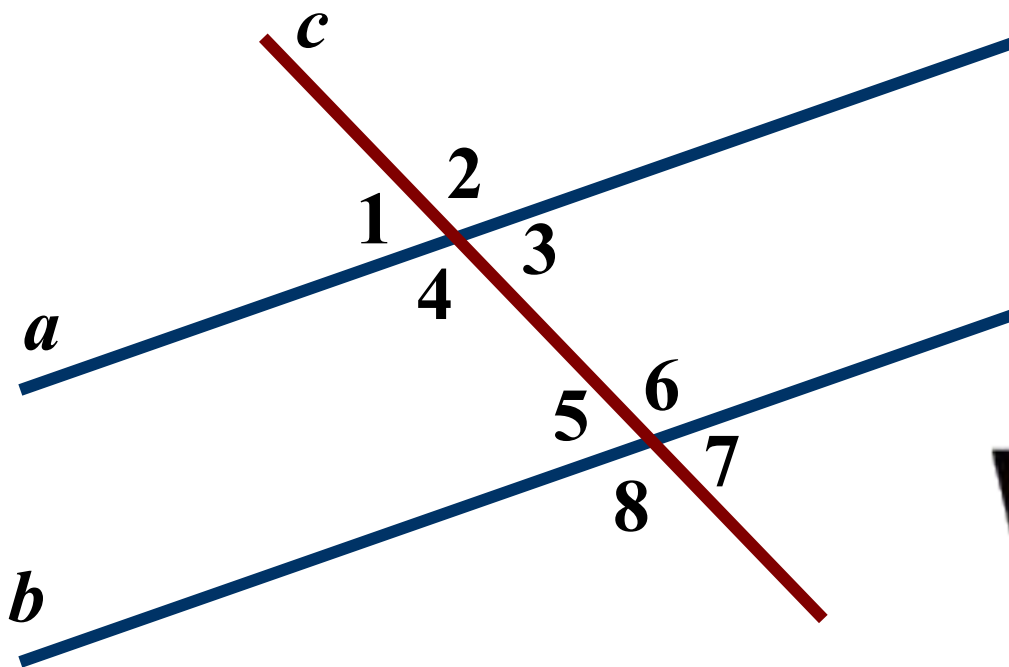
Если две прямые параллельны третьей прямой,  
то они параллельны.

# Свойства параллельных прямых.



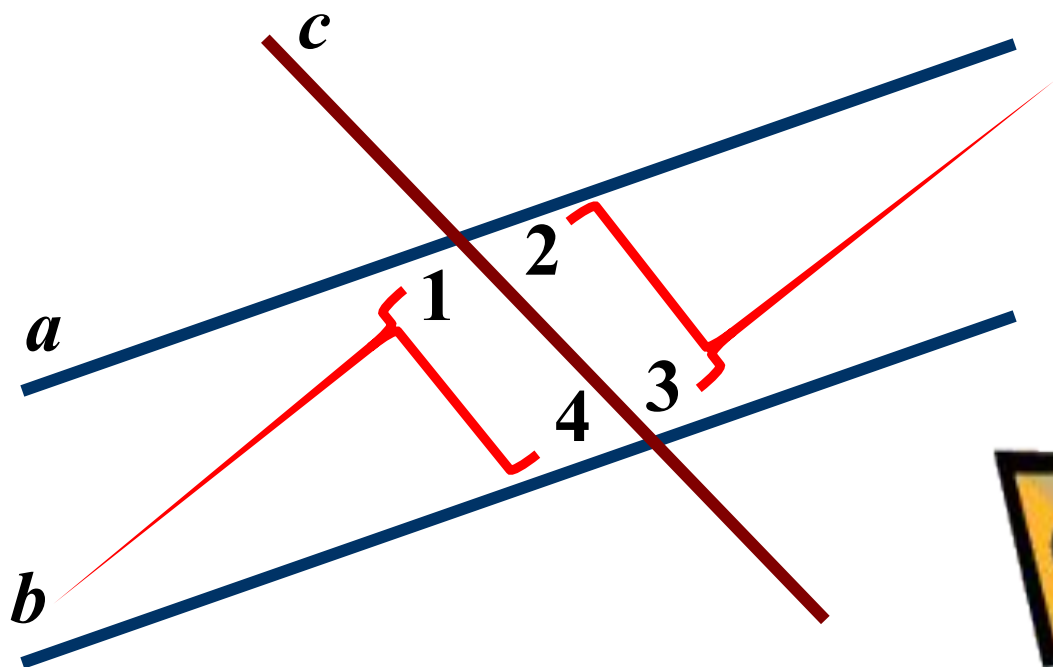
Если две параллельные прямые пересечены  
секущей, то  
**НАКРЕСТ ЛЕЖАЩИЕ** углы равны.

# Свойства параллельных прямых.



Если две параллельные прямые пересечены  
секущей, то  
**СООТВЕТСТВЕННЫЕ** углы равны.

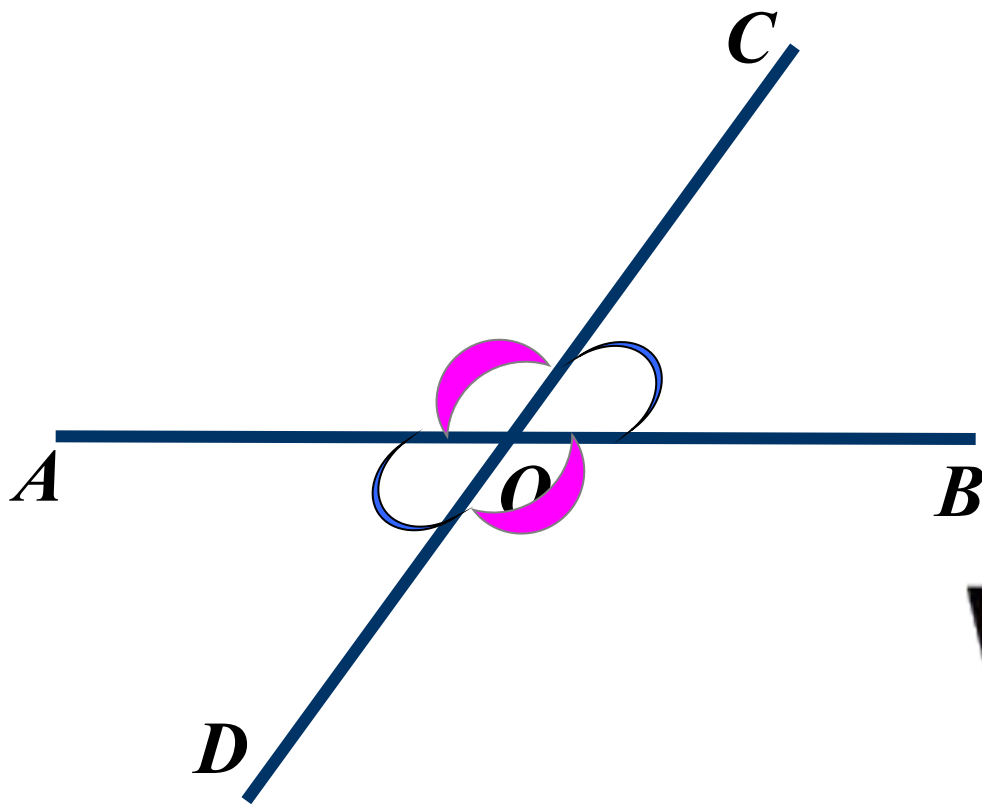
# Свойства параллельных прямых.



Если две параллельные прямые пересечены секущей, то сумма **ОДНОСТОРОННИХ** углов равна  **$180^{\circ}$** .



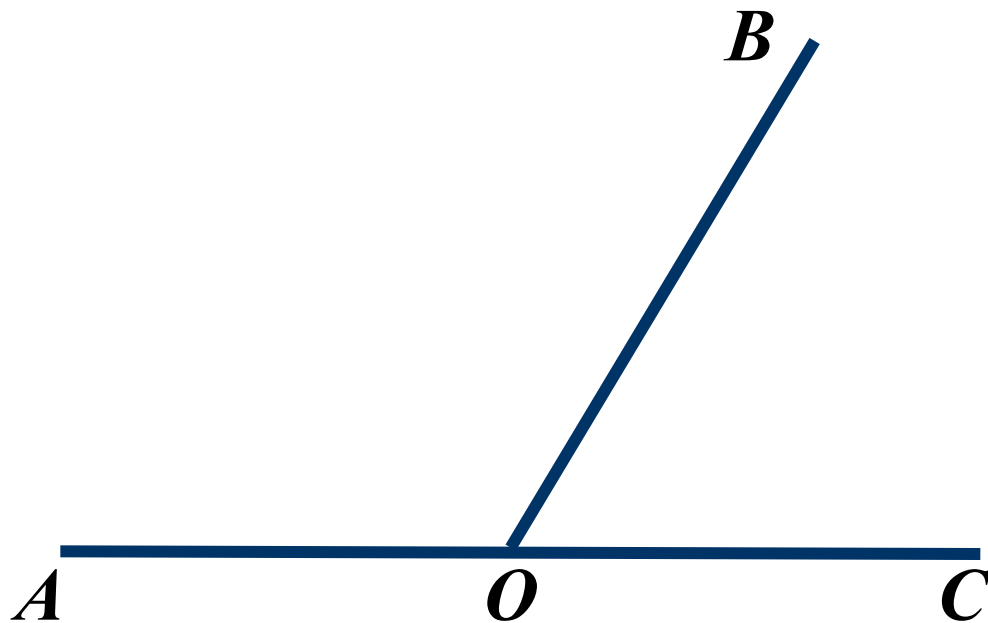
# Вертикальные углы



$$\angle AOD = \angle BOC; \angle AOC = \angle BOD$$

Вертикальные углы равны.

# Смежные углы



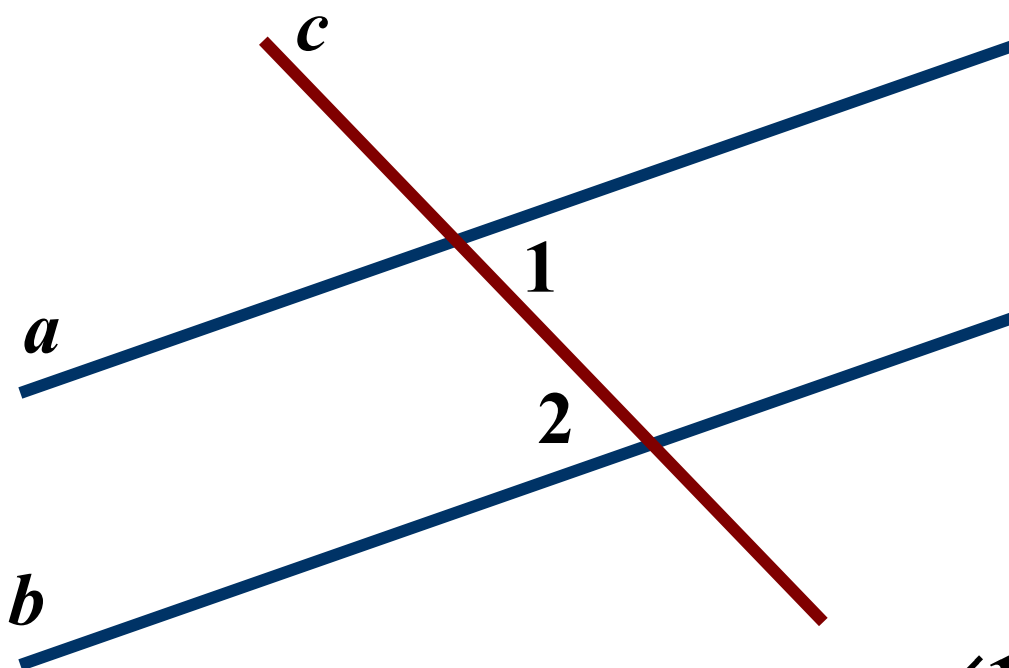
$$\angle AOB + \angle BOC = \angle AOC = 180^{\circ}$$

Сумма смежных углов равна  $180^{\circ}$ .

1.

Дано:  $\angle 1 = 32^\circ, \angle 2 = 32^\circ$

Доказать:  $a \parallel b$



Подсказка (2)

Определите углы



Признак  
параллельности  
прямых



$$\angle 1 = \angle 2 \Rightarrow a \parallel b$$

Вывод

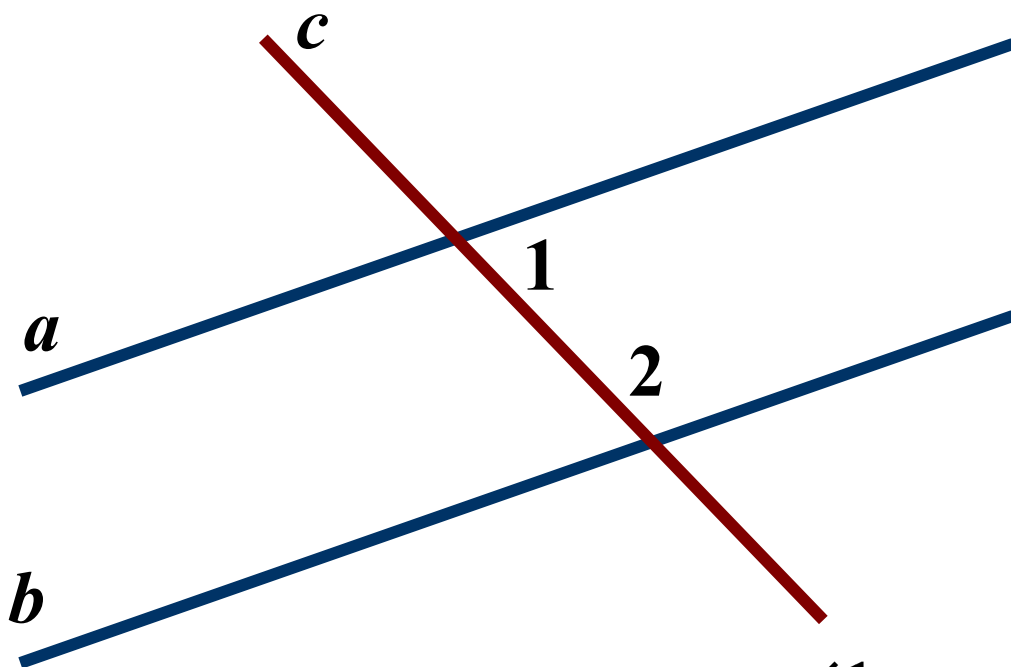
Накрест лежащие углы равны  
- прямые параллельны



2.

Дано:  $\angle 1 = 48^\circ, \angle 2 = 132^\circ$

Доказать:  $a \parallel b$



Подсказка (2)

Определите углы



Признак  
параллельности  
прямых



$$\angle 1 + \angle 2 = 180^\circ \Rightarrow a \parallel b$$

Вывод

Сумма односторонних углов  
 $180^\circ$

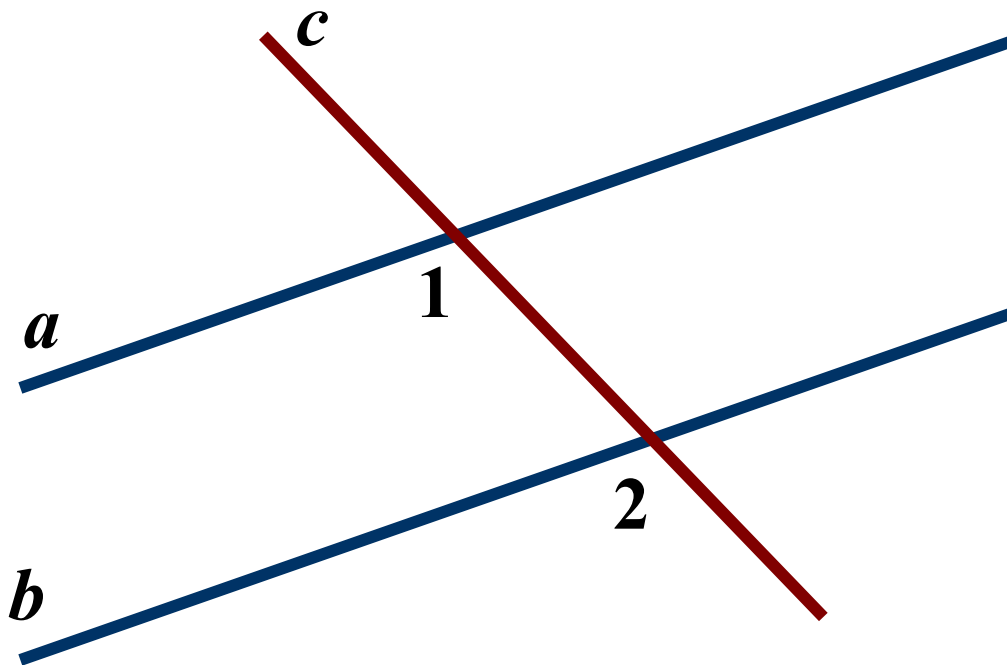
- прямые параллельны



3.

Дано:  $\angle 1 = 102^\circ, \angle 2 = 102^\circ$

Доказать:  $a \parallel b$



Подсказка (2)

Определите углы



Признак  
параллельности  
прямых



$$\angle 1 = \angle 2 \Rightarrow a \parallel b$$

Вывод

Соответственные углы равны  
- прямые параллельны

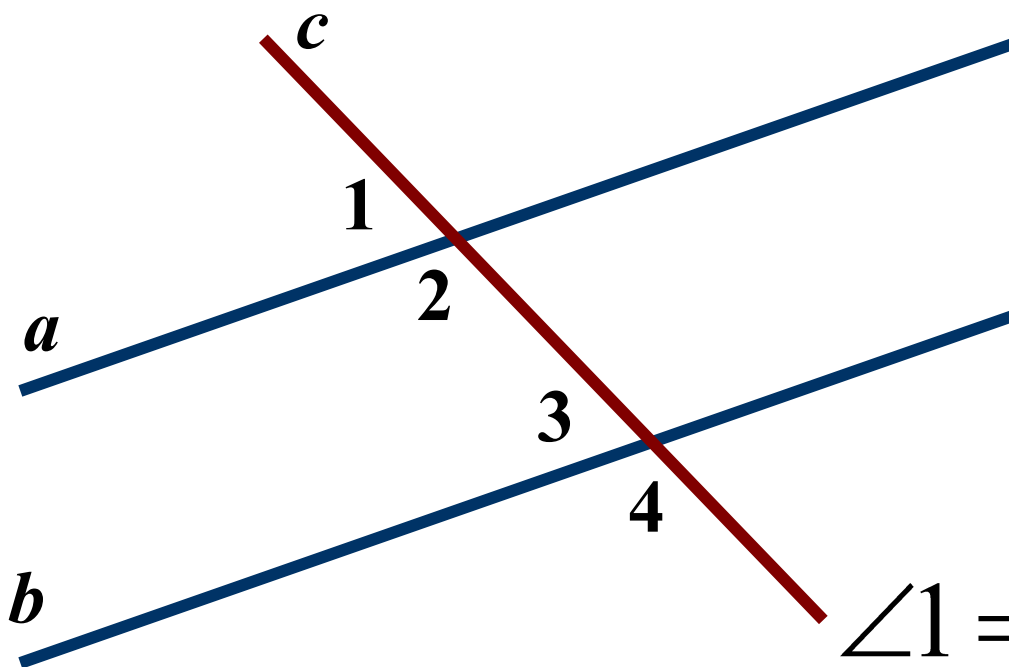




4.

Дано:  $\angle 1 = 42^\circ, \angle 4 = 138^\circ$

Доказать:  $a \parallel b$



Подсказка (2)

Смежные углы?



Признак  
параллельности  
прямых



$$\angle 1 = \angle 3 \Rightarrow a \parallel b$$

или  $\angle 2 = \angle 4 \Rightarrow a \parallel b$

Вывод (2)

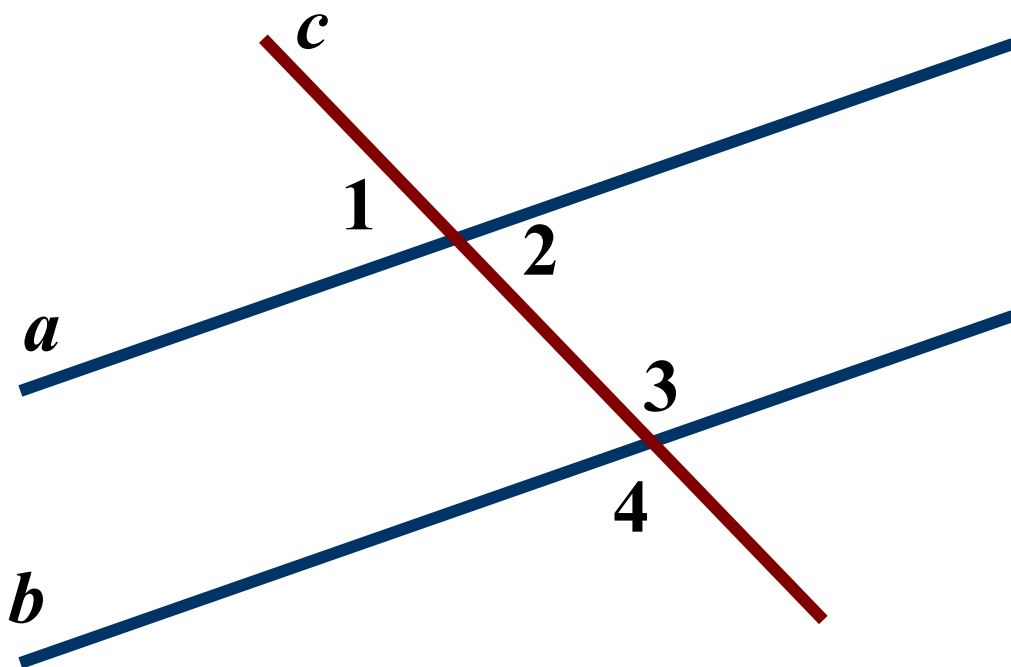
Соответственные углы равны  
- прямые параллельны



5.

Дано:  $\angle 1 = 47^\circ, \angle 4 = 133^\circ$

Доказать:  $a \parallel b$



Подсказка (2)

Вертикальные  
углы?



Признак  
параллельности  
прямых



$$\angle 2 + \angle 3 = 180^\circ \Rightarrow a \parallel b$$

Сумма односторонних углов  
 $180^\circ$

- прямые параллельны

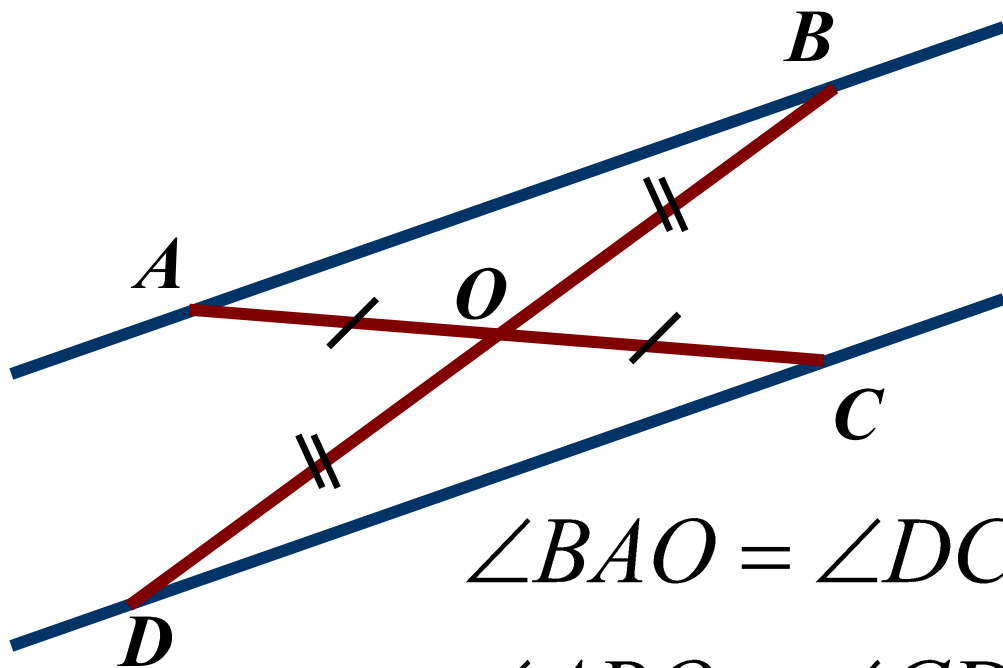
Вывод



6.

Дано:  $AO = CO, BO = DO$

Доказать:  $AB \parallel CD$



$$\angle BAO = \angle DCO$$

$$\angle ABO = \angle CDO$$

**Подсказка (3)**

Необходимо  
доказать,  
что  $\triangle AOB = \triangle COD$



Определите углы



Признак  
параллельности  
прямых



**Вывод**

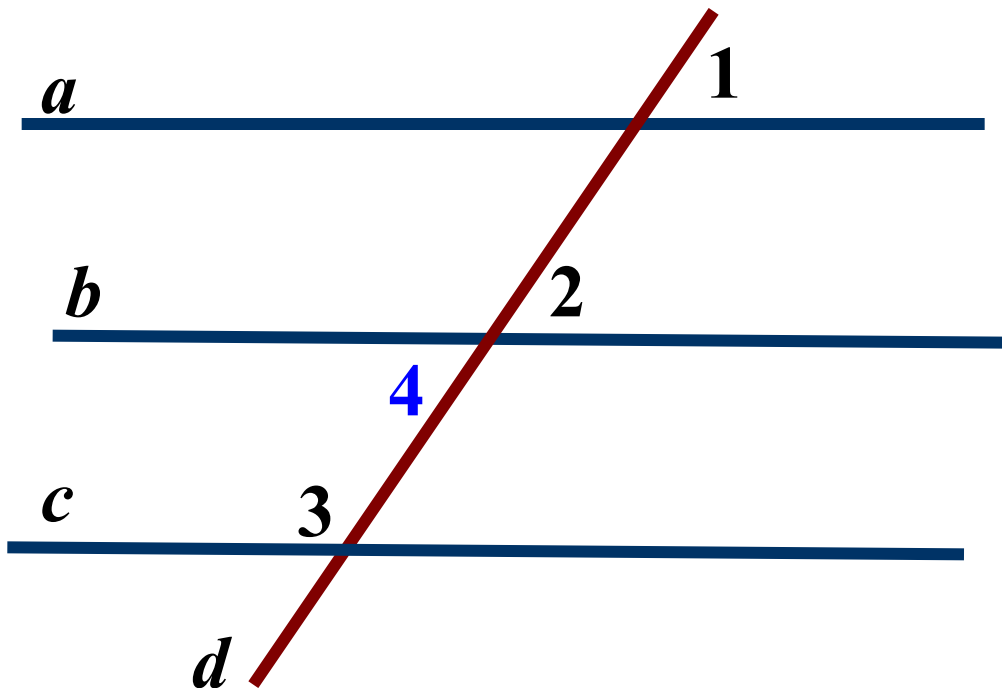
Накрест лежащие углы равны  
- прямые параллельны



7.

Дано:  $\angle 1 = \angle 2, \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$

Доказать:  $a \parallel c$



$$a \parallel b, c \parallel b \Rightarrow a \parallel c$$

Подсказка (3)

Углы 1 и 2...  
Признак?



Определите углы  
3 и 2



Следствие из  
аксиомы  
параллельных  
прямых



Вывод

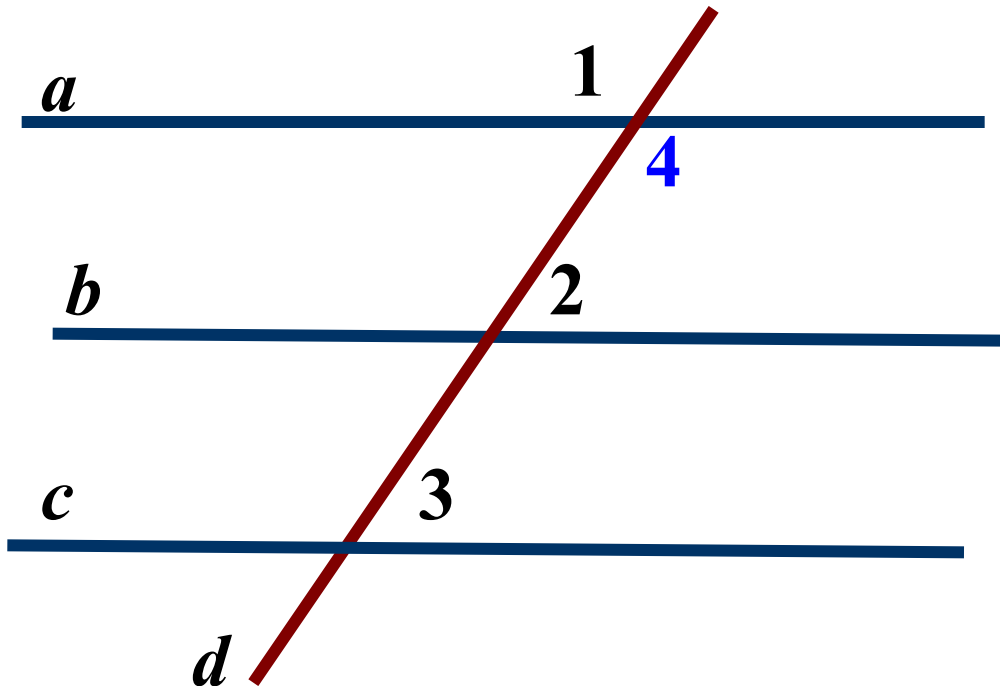
Если две прямые параллельны  
третьей прямой, то они  
параллельны



8.

Дано:  $\angle 1 + \angle 2 = 180^\circ, \angle 2 = \angle 3$

Доказать:  $a \parallel c$



$$a \parallel b, c \parallel b \Rightarrow a \parallel c$$

Подсказка (3)

Вертикальные  
углы



Определите углы  
3 и 2



Следствие из  
аксиомы  
параллельных  
прямых



Вывод

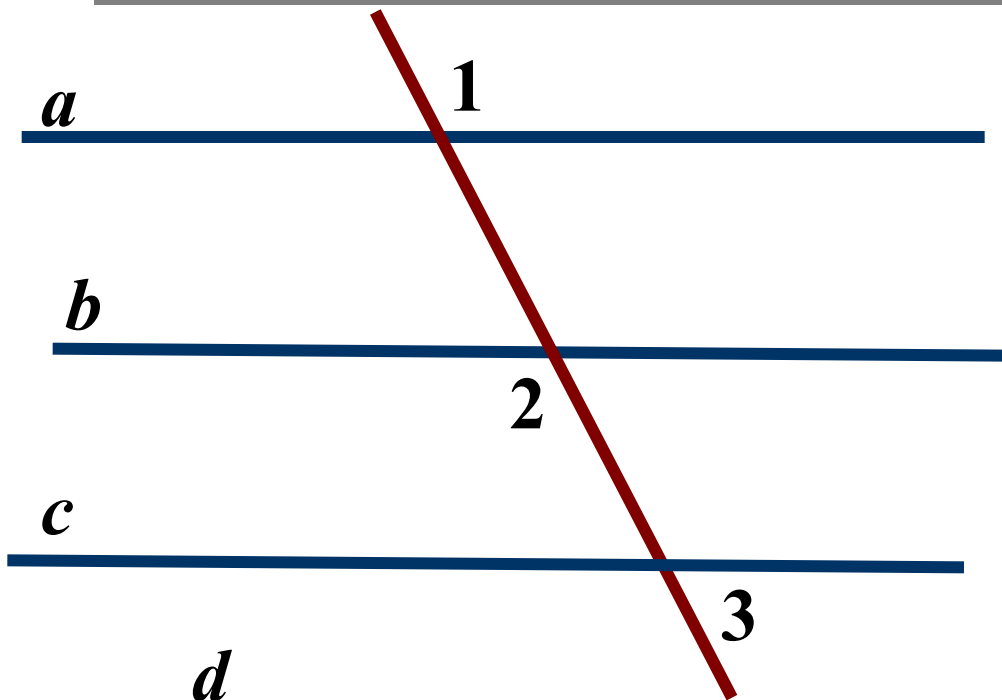
Если две прямые параллельны  
третьей прямой, то они  
параллельны





9.

Дано:  $\angle 1 = \angle 2 = 112^\circ$ ,  $\angle 3 = 68^\circ$   
Какие из прямых параллельны?



Подсказка (3)

Вертикальные  
углы 

Смежные углы 

Виды углов 

Вывод

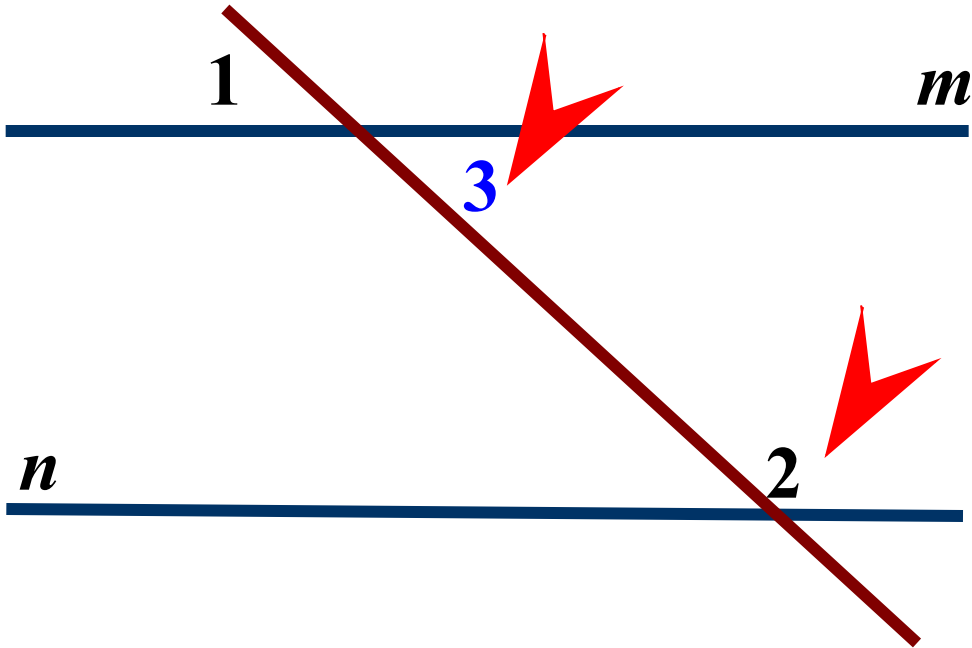
$a \parallel b, c \parallel b, a \parallel c$



10.

Дано:  $\angle 1 = 27^\circ, \angle 2 = 153^\circ$

Доказать:  $m \parallel n$



$$\angle 2 + \angle 3 = 180^\circ \Rightarrow m \parallel n$$

Подсказка (3)

Вертикальные углы



Определите углы  
3 и 2



Признак  
параллельности  
прямых



Вывод

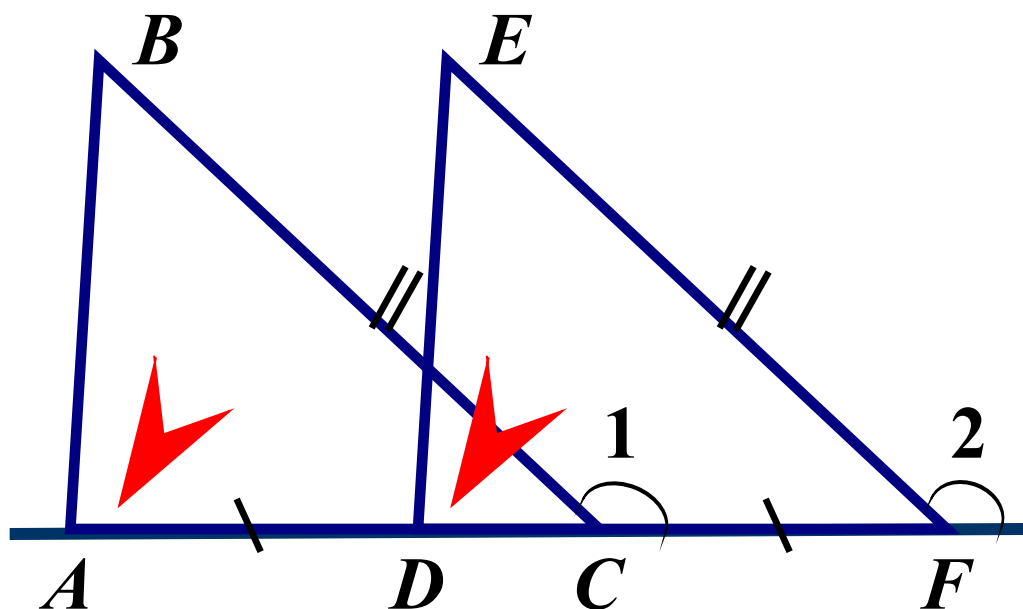
Сумма односторонних углов  
 $180^\circ$   
- прямые параллельны




11.

Дано:  $\angle 1 = \angle 2$ ,  $BC = EF$ ,  $AD = CF$

Доказать:  $AB \parallel DE$



Подсказка (3)


Равенство  
треугольников 

Определите углы  
 $BAC$  и  $EDF$  

Признак  
параллельности  
прямых 

$\angle BAC = \angle EDF \Rightarrow AB \parallel DE$

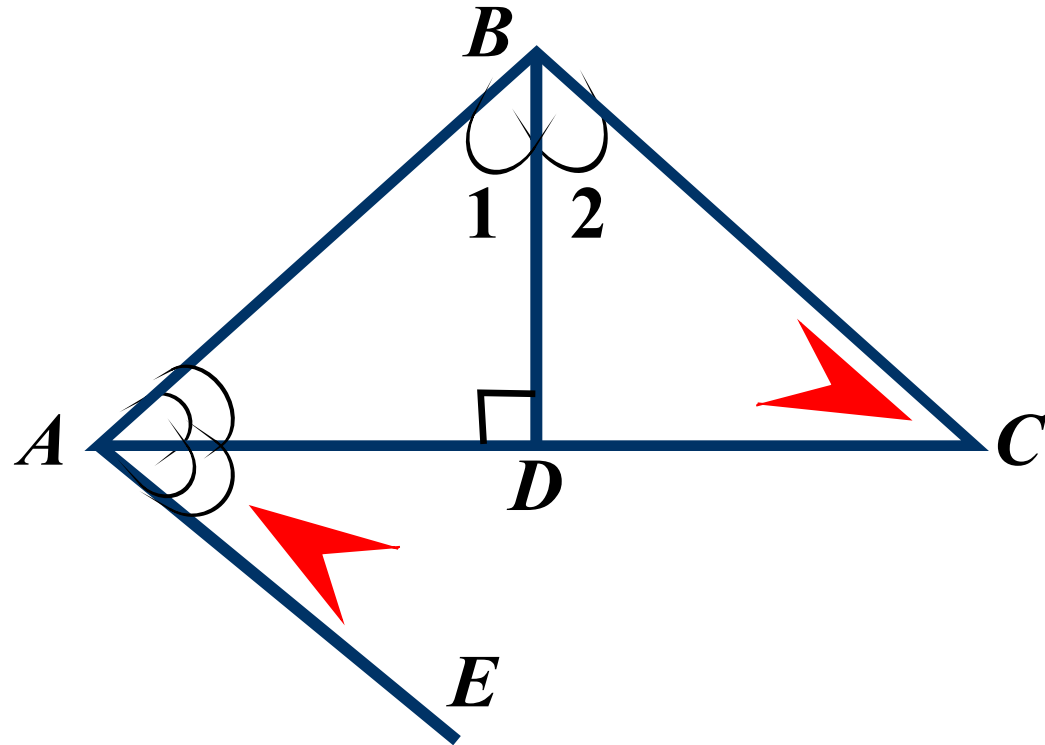
Вывод

Соответственные углы равны  
- прямые параллельны 

12.

Дано:  $\angle 1 = \angle 2$ ,  $BD \perp AC$ ,  $AC$  – биссектриса

Доказать:  $BC \parallel AE$



$$\angle BCD = \angle DAE \Rightarrow BC \parallel AE$$

Подсказка (3)

Равенство  
треугольников



Определите углы  
 $BCD$  и  $DAE$



Признак  
параллельности  
прямых



Вывод

Накрест лежащие углы равны  
- прямые параллельны





# *Решение задач по готовым чертежам.*

**Необходимо по рисунку  
записать условие задачи  
и ответить на поставленный  
вопрос.**

**В задачах подсказки  
отсутствуют.**



13

14

15

16

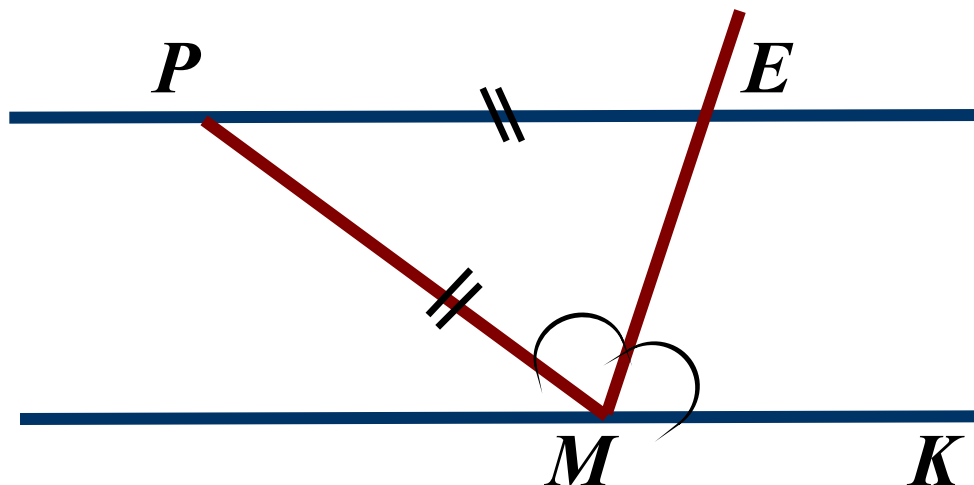
17

18



13.

Доказать:  $PE \parallel MK$



$$\angle PEM = \angle KME \Rightarrow$$

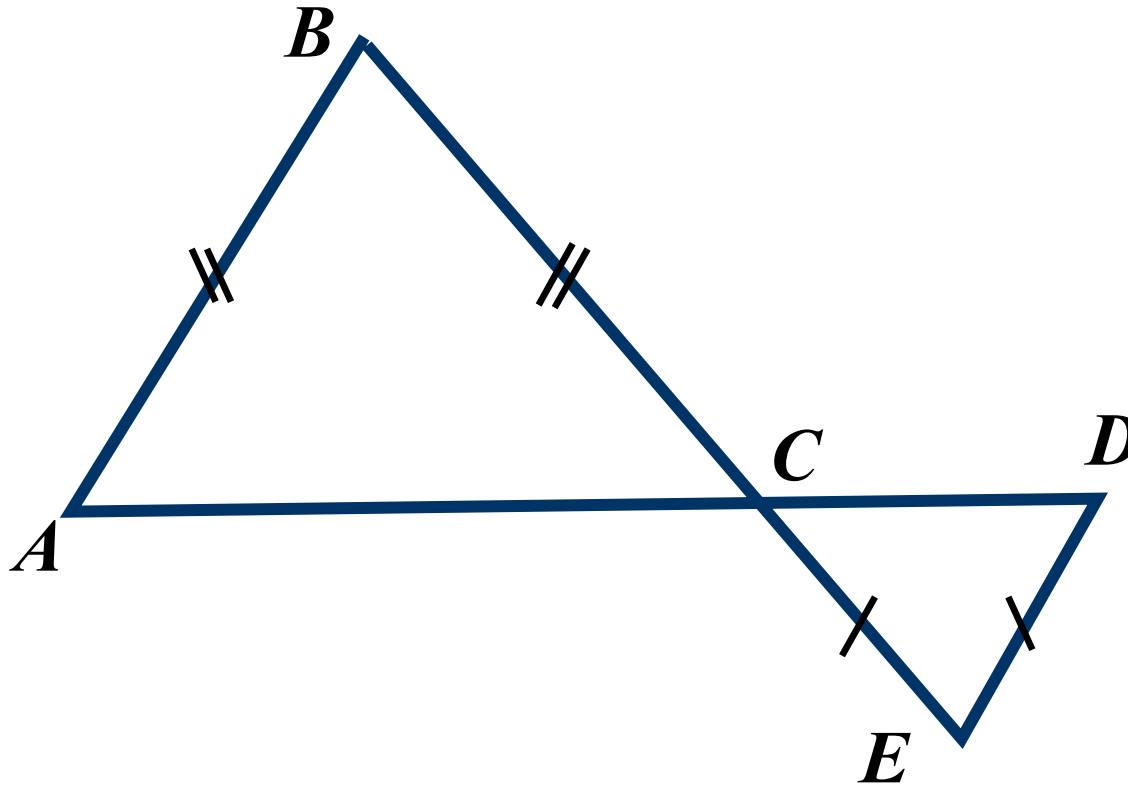
$PE \parallel MK$

Вывод



14.

Доказать:  $AB \parallel DE$



$$\angle BAC = \angle EDC \Rightarrow$$

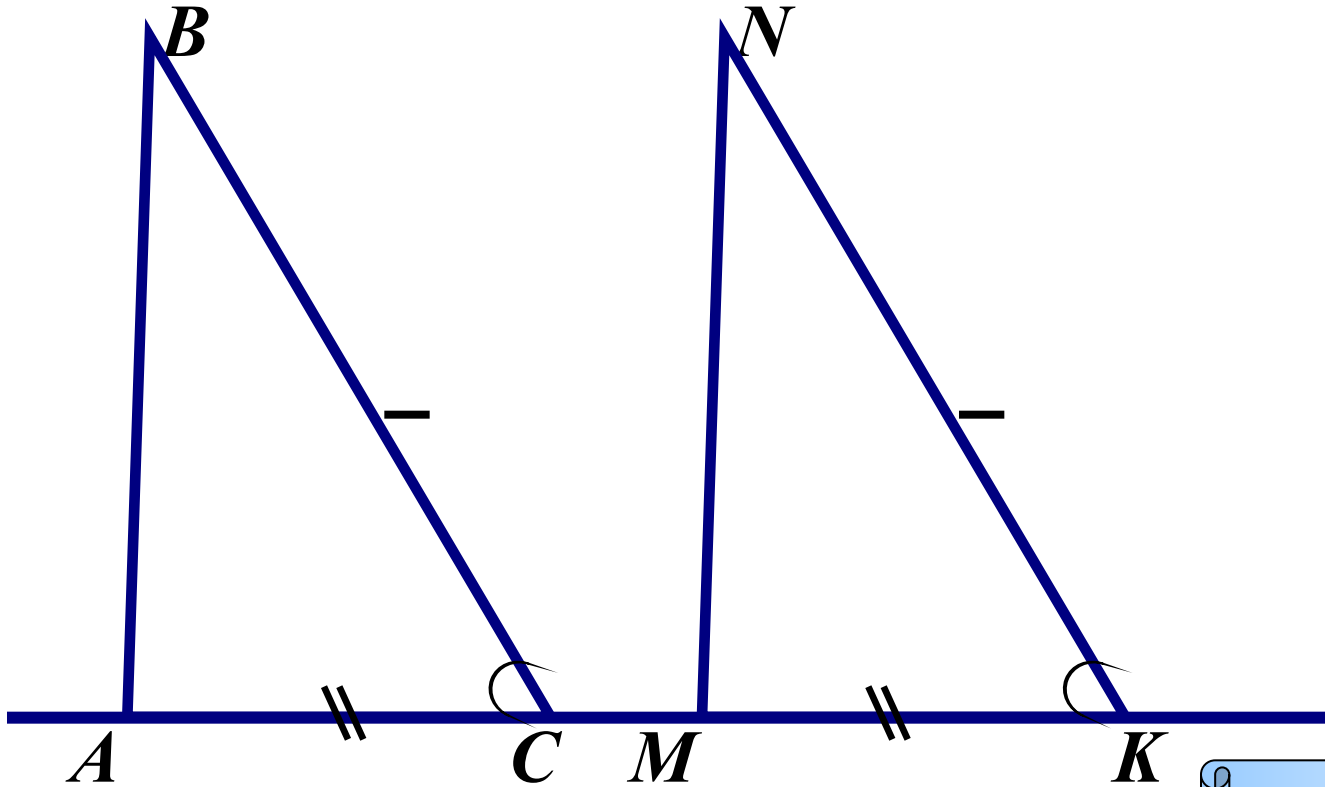
$AB \parallel DE$

Вывод



15.

Доказать:  $AB \parallel MN$



$$\angle BAC = \angle NMK \Rightarrow$$

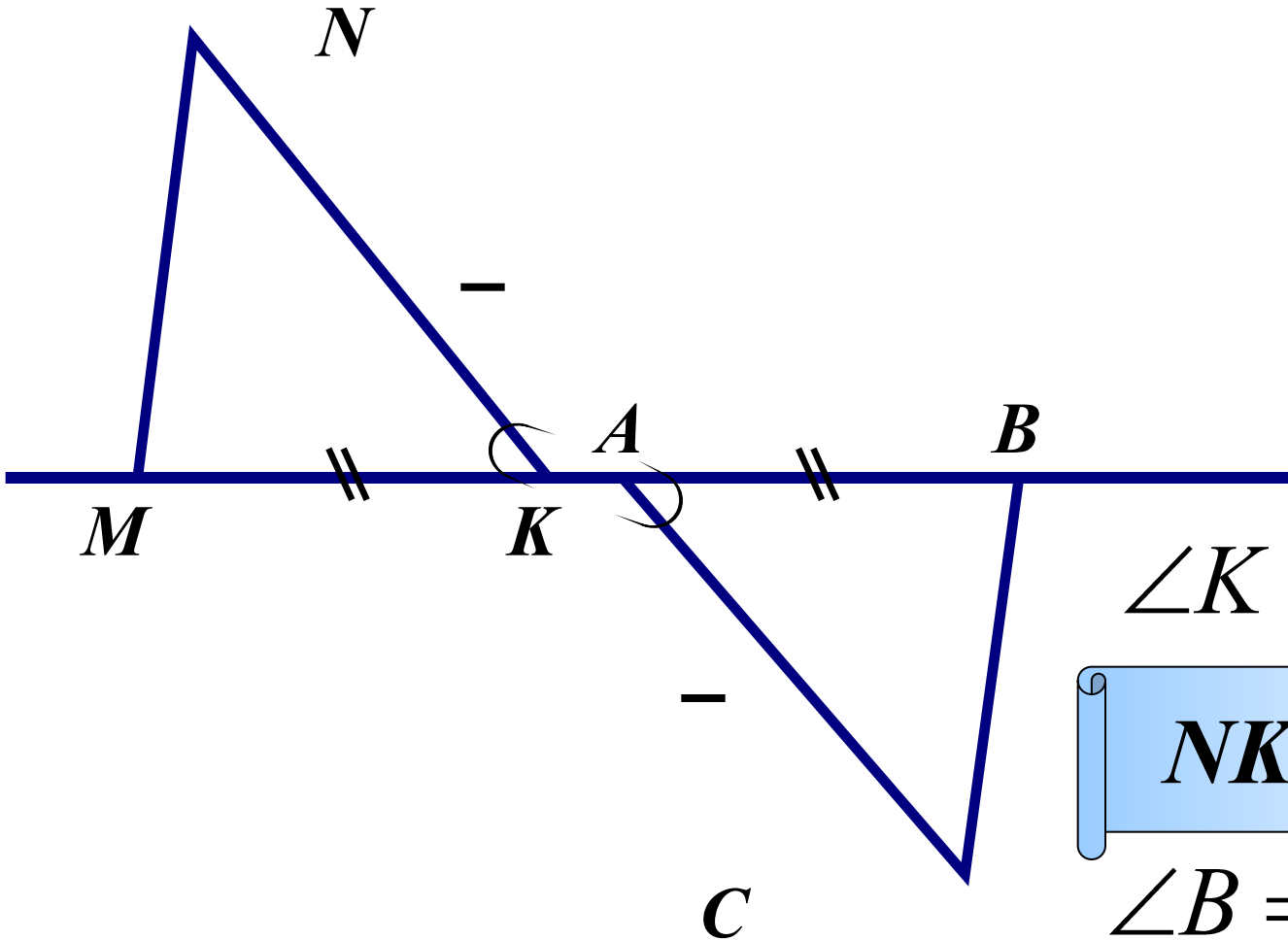
$AB \parallel MN$

Вывод



16.

Доказать:  $NK \parallel AC, MN \parallel BC$



$$\angle K = \angle A \Rightarrow$$

$$NK \parallel AC$$

$$\angle B = \angle M \Rightarrow$$

$$MN \parallel BC$$

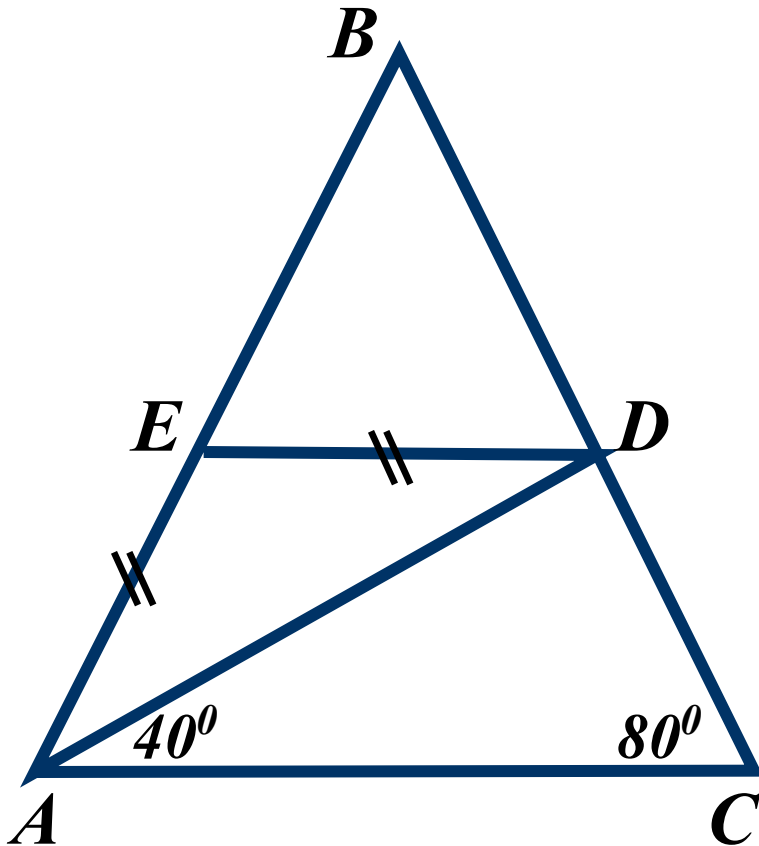
Вывод (2)



17.

$$AB = BC$$

Доказать:  $DE \parallel AC$



$$\angle EDA = \angle DAC \Rightarrow$$

$$DE \parallel AC$$

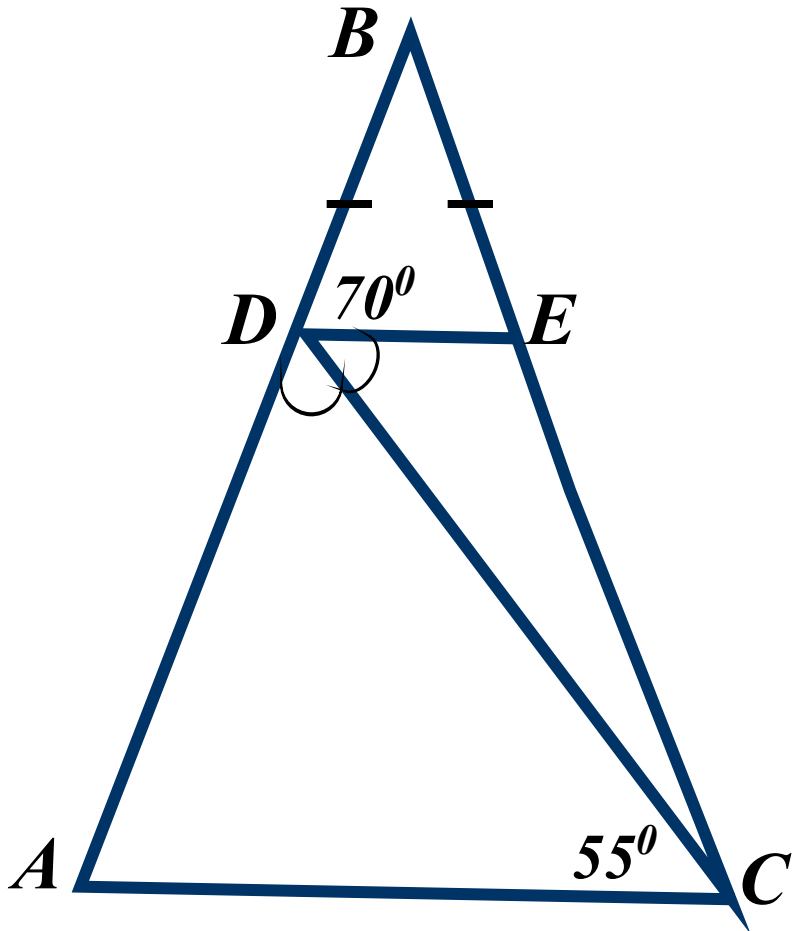
**Вывод**





18.

Доказать:  $DE \parallel AC$



$$\angle EDC = \angle DCA \Rightarrow$$

$$DE \parallel AC$$

**Вывод**



# Тестовые задания на проверку теоретических знаний.



В заданиях 19 и 20 необходимо выбрать верные утверждения.

В 21 задании необходимо указать продолжение высказывания, **НЕ соответствующее действительности.**

В 22 и 23 заданиях кратко ответить на вопрос и дать пояснение к ответу



19

20

21

22

23

19.

Выберите верные утверждения:



$\angle 1$  и  $\angle 3$  - вертикальные

$\angle 5$  и  $\angle 1$  - односторонние

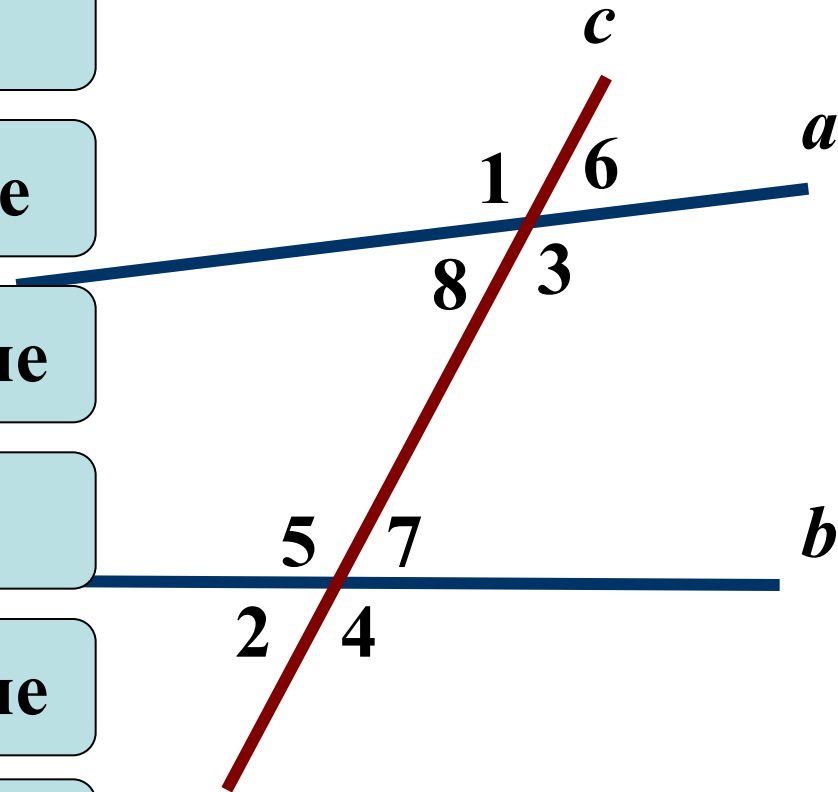
$\angle 7$  и  $\angle 6$  - соответственные

$\angle 5$  и  $\angle 3$  - накрест лежащие

$\angle 2$  и  $\angle 4$  - смежные

$\angle 7$  и  $\angle 1$  - накрест лежащие

$\angle 3$  и  $\angle 7$  - односторонние



20.

$a \parallel b$ , если верные утверждения:



$$\angle 1 = \angle 3$$

$$\angle 8 + \angle 5 = 180^\circ$$

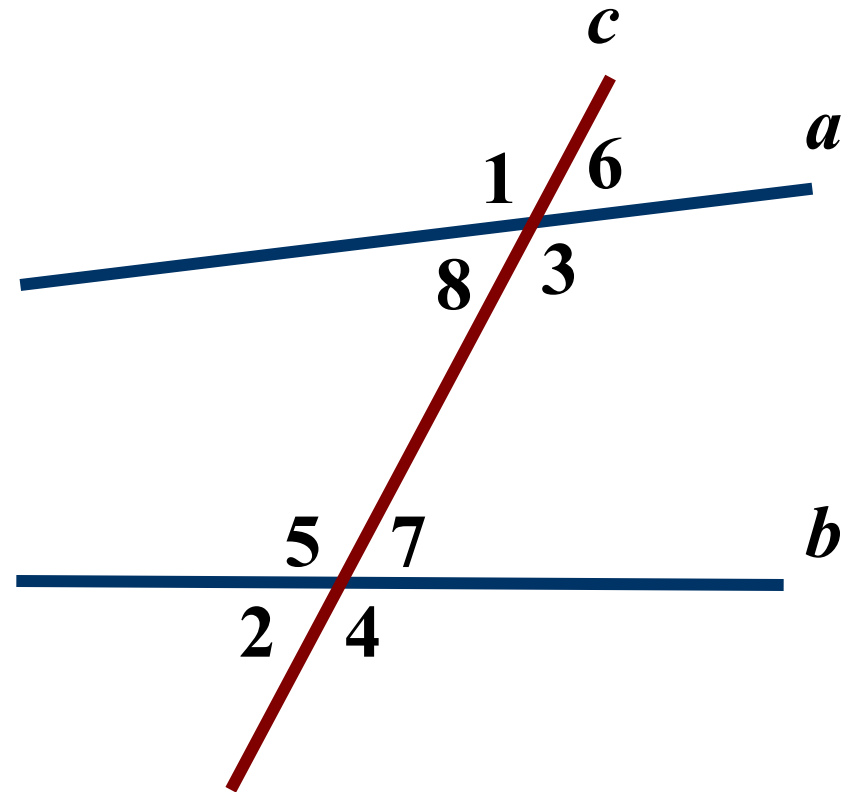
$$\angle 7 = \angle 6$$

$$\angle 8 + \angle 3 = 180^\circ$$

$$\angle 5 = \angle 3$$

$$\angle 1 + \angle 4 = 180^\circ$$

$$\angle 2 = \angle 6$$



21.

**Прямые не параллельны, если при пересечении двух прямых секущей:**



сумма односторонних углов не равна  $180^{\circ}$ .

сумма соответственных углов равна  $180^{\circ}$ .

вертикальные углы равны.

накрест лежащие углы не равны.

сумма смежных углов не равна  $180^{\circ}$ .

соответственные углы не равны.

Л  
У  
Т  
В  
С  
Е  
Т  
В  
О  
О  
С  
Е  
Н



22.

Параллельны ли прямые  $a$  и  $b$ , если



$$\angle 1 = \angle 3$$

ДА

$$\angle 1 = \angle 4$$

ДА

$$\angle 1 + \angle 2 = 180^\circ$$

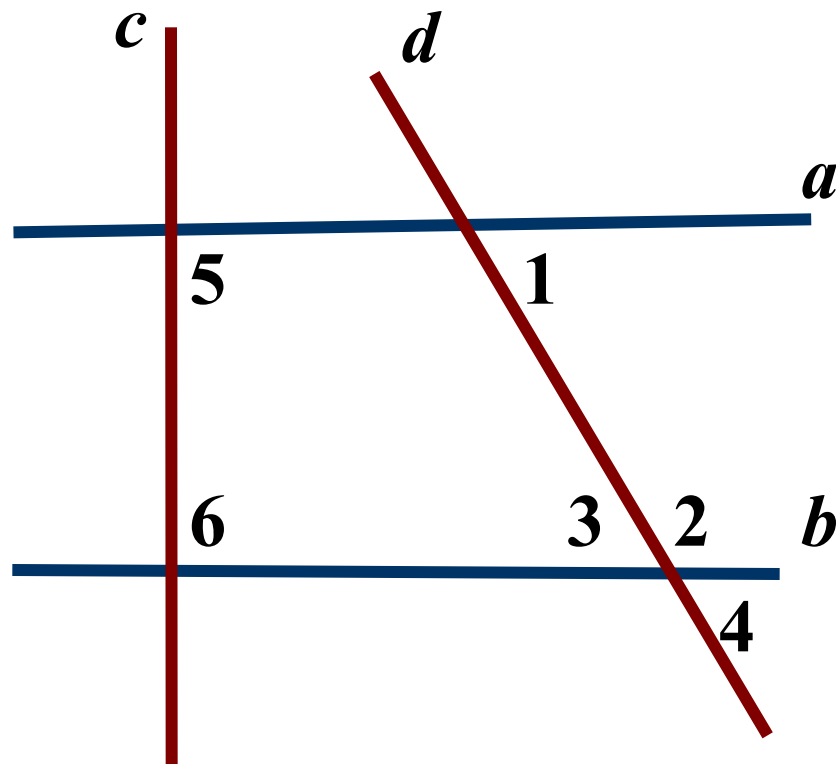
ДА

$$\angle 5 = \angle 6 = 90^\circ$$

ДА

$$\angle 1 = \angle 2$$

НЕТ





23.

Параллельны ли прямые  $a$  и  $b$ , если



$$\angle 3 = \angle 4$$

ДА

$$\angle 4 = \angle 5$$

ДА

$$\angle 6 = \angle 4$$

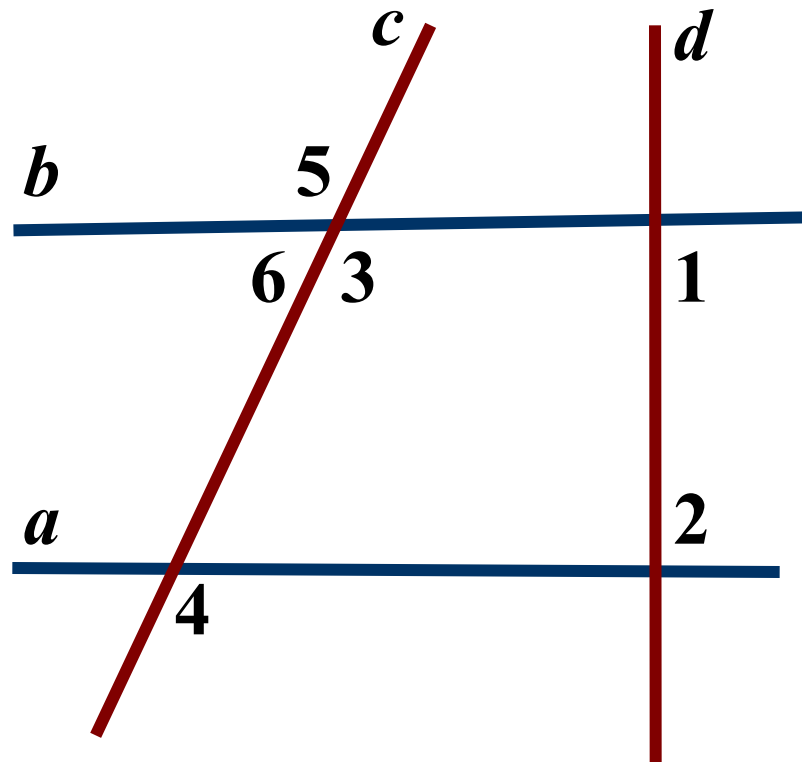
НЕТ

$$\angle 1 = \angle 2 = 90^{\circ}$$

ДА

$$\angle 4 + \angle 6 = 180^{\circ}$$

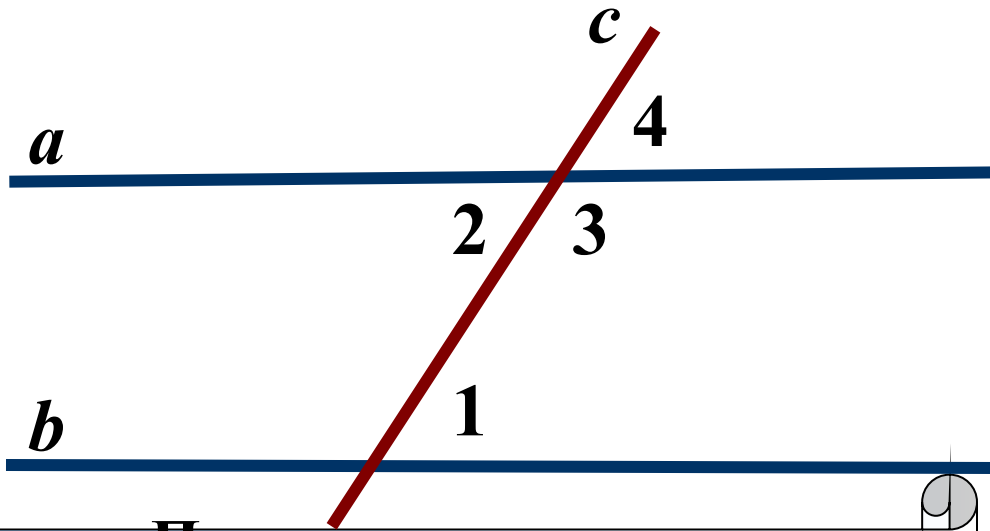
ДА



24.

Дано:  $a \parallel b$ ,  $\angle 1 = 75^\circ$

Найти:  $\angle 2, \angle 3, \angle 4$



Прямые параллельны

-накрест лежащие углы равны

-сумма односторонних углов

$180^\circ$

-соответственные углы равны

$75^\circ$

Ответ

Подсказка (5)

Определите углы



Свойство  
параллельных  
прямых



Свойство  
параллельных  
прямых

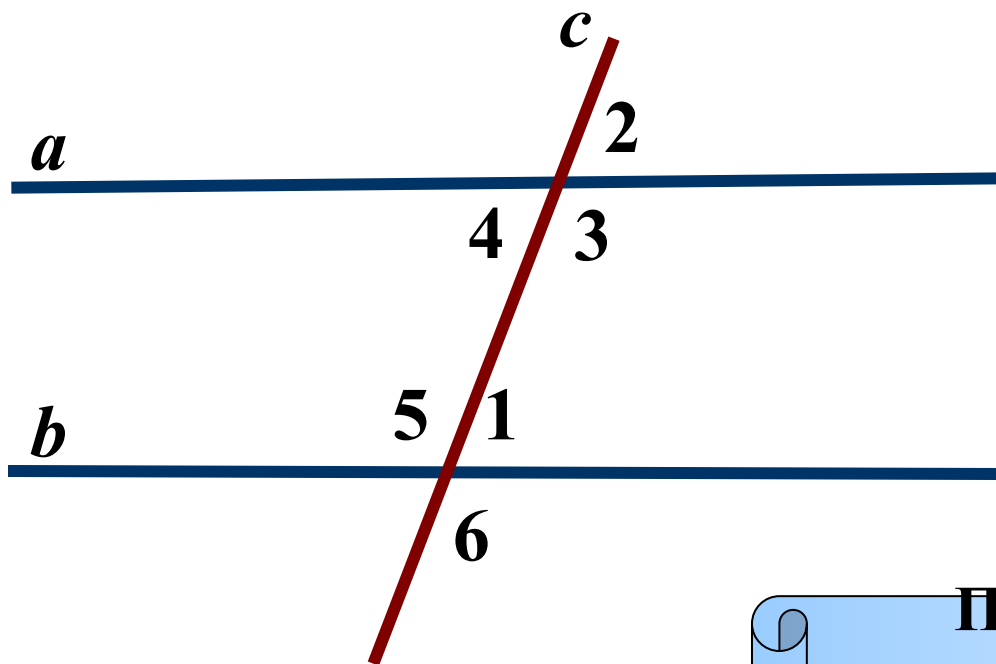


Свойство  
параллельных  
прямых



25.

Дано:  $a \parallel b$ ,  $\angle 1 + \angle 2 = 160^\circ$   
Найти все углы



Подсказка (2)

Определите углы



Прямые параллельны

-накрест лежащие углы равны

-сумма односторонних углов

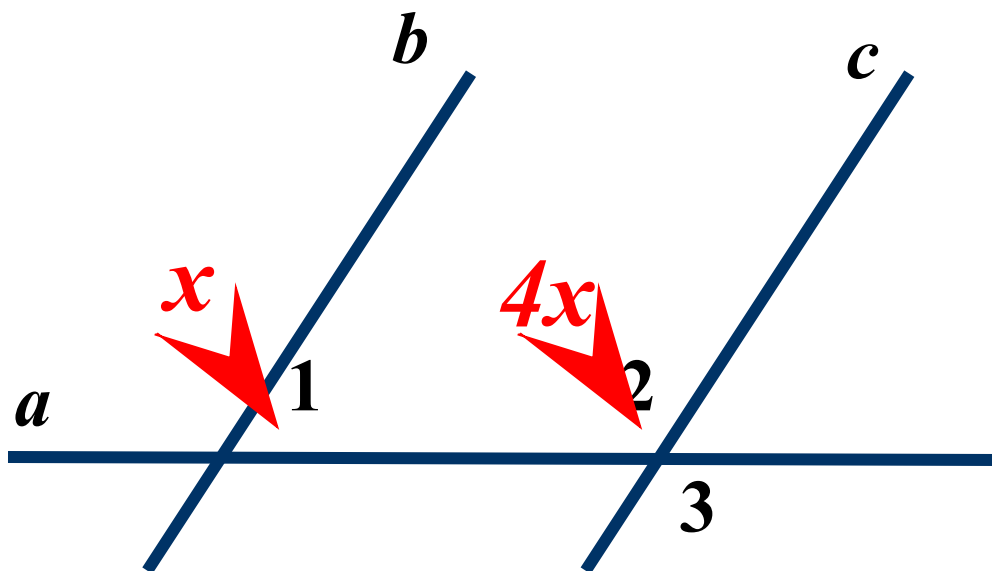
$180^\circ$

-соответственные углы равны

Ответ



26. Дано:  $a \parallel b$ ,  $\angle 1 < \angle 2$  в 4 раза  
Найти:  $\angle 3$



Подсказка (3)

Определите углы



Свойство  
параллельных  
прямых



Вертикальные углы



Ответ

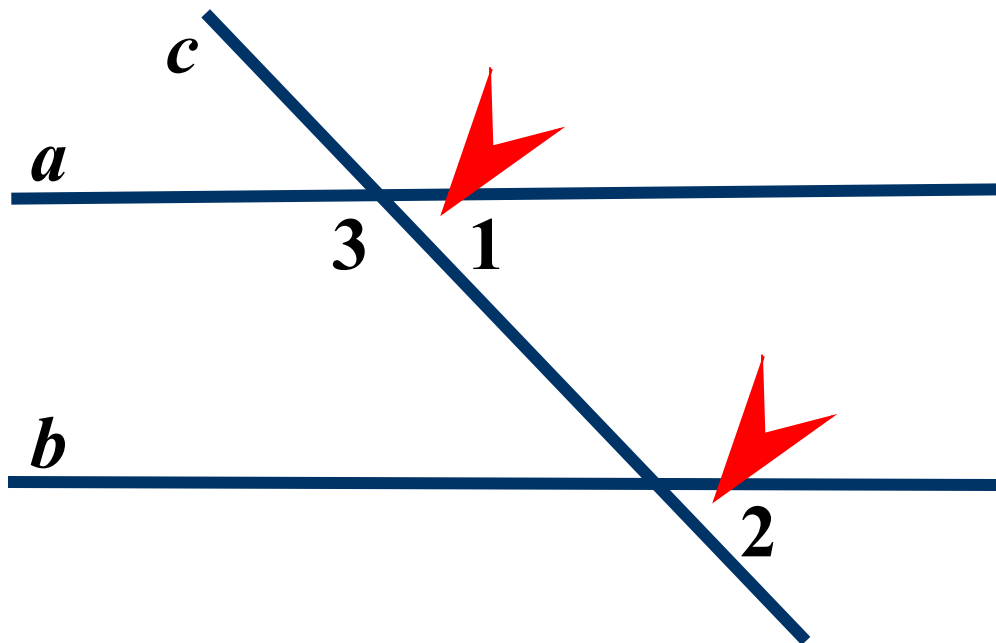
$$\angle 3 = 36^{\circ}$$



27.

Дано:  $a \parallel b$ ,  $\angle 1 + \angle 2 = 100^\circ$

Найти:  $\angle 3$



Подсказка (3)

Определите углы



Свойство  
параллельных  
прямых



Смежные углы



Ответ

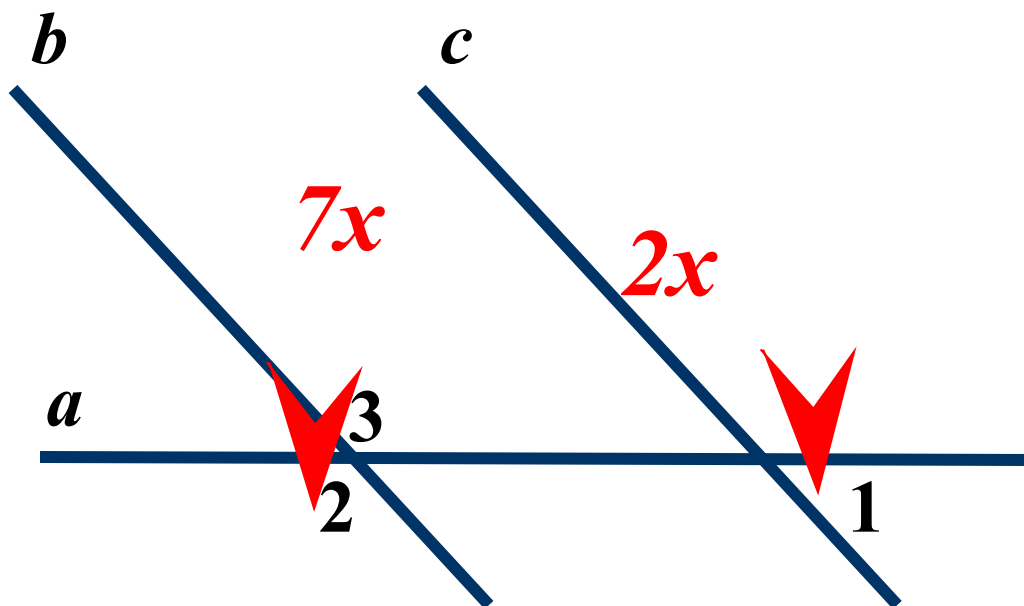
$$\angle 3 = 130^\circ$$



28.

Дано:  $a \parallel b$ ,  $\angle 1 : \angle 2 = 2 : 7$

Найти:  $\angle 3$



Подсказка (4)

Определите углы



Свойство  
параллельных  
прямых



Вертикальные углы



Ответ

$$\angle 3 = 140^{\circ}$$

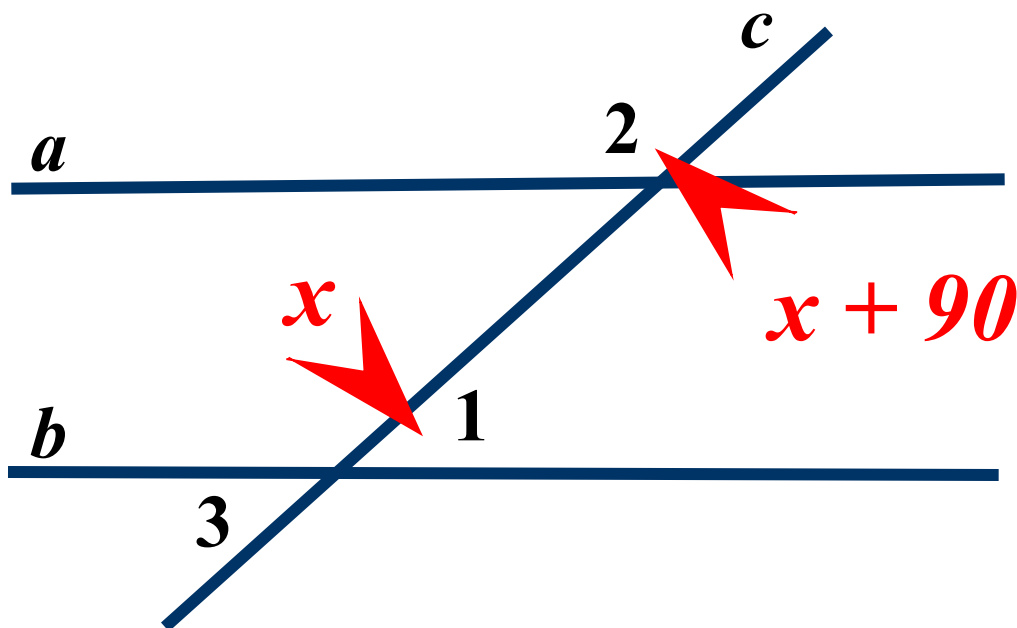




29.

Дано:  $a \parallel b$ ,  $\angle 1 < \angle 2$  на  $90^\circ$

Найти:  $\angle 3$



Подсказка (3)

Определите углы



Свойство  
параллельных  
прямых



Вертикальные углы



Ответ

$$\angle 3 = 130^\circ$$





# *Решение задач по готовым чертежам.*

**Необходимо по рисунку  
записать условие задачи  
и ответить на поставленный  
вопрос.**

**В задачах подсказки  
отсутствуют.**



30

31

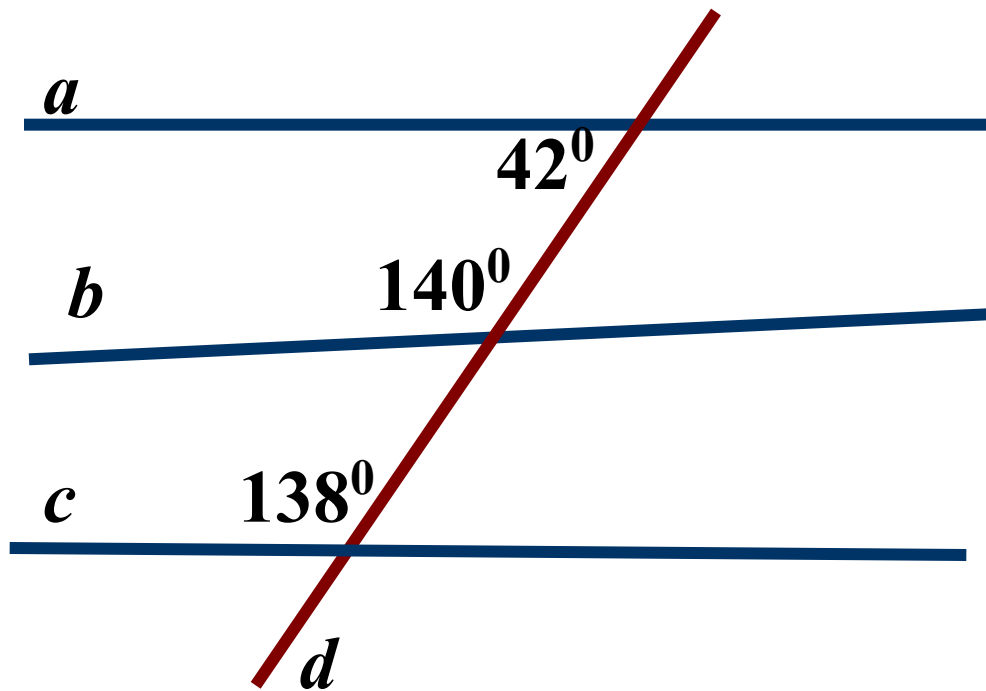
32

33

34

30.

Прямые  $a$ ,  $b$ ,  $c$  пересечены прямой  $d$ .  
Какие из прямых  $a$ ,  $b$ ,  $c$  параллельны?

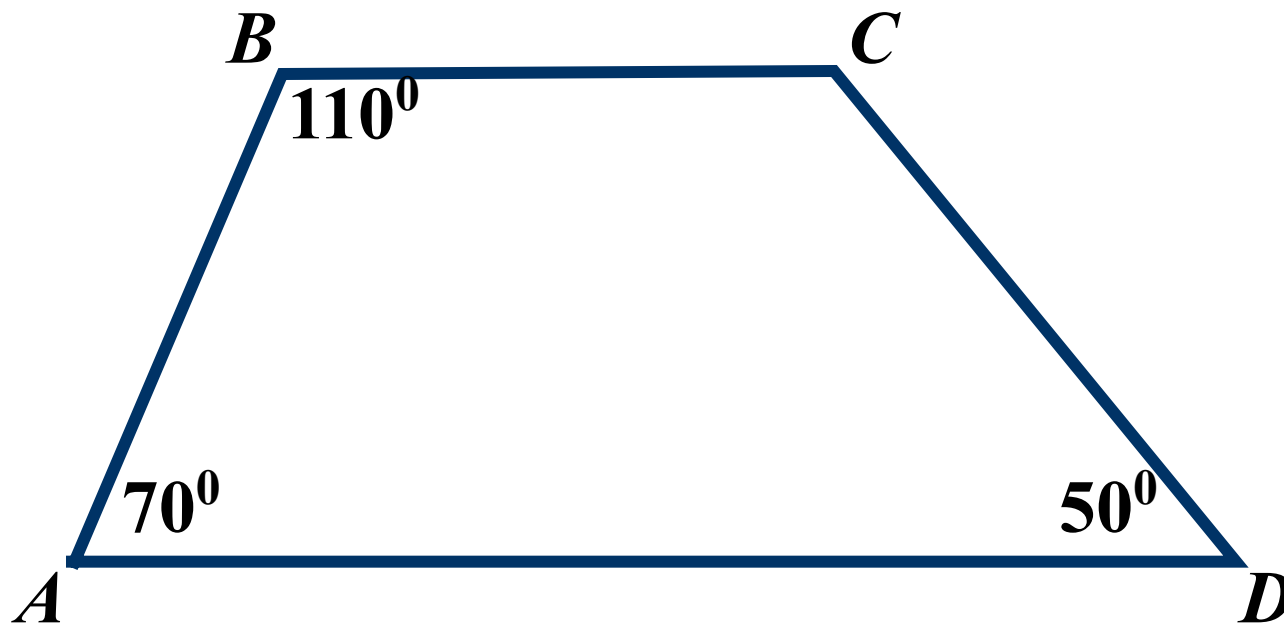


Вывод

$a \parallel c$



31. Найти:  $\angle C$

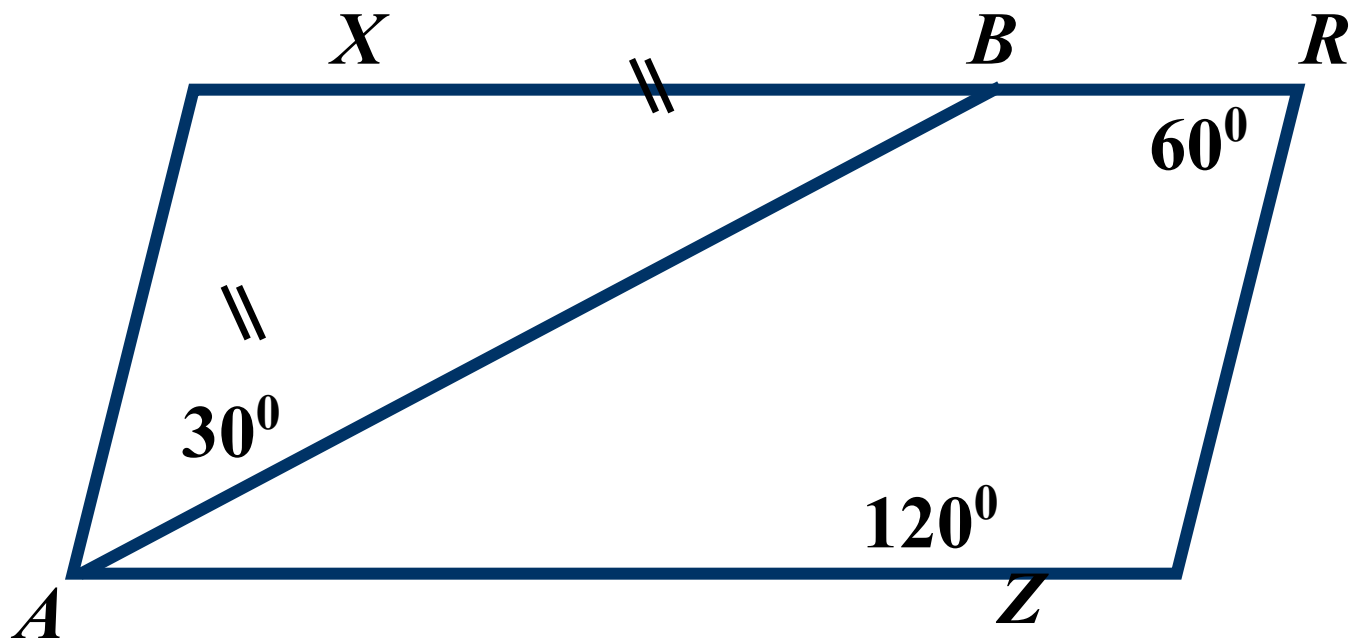


**Ответ**

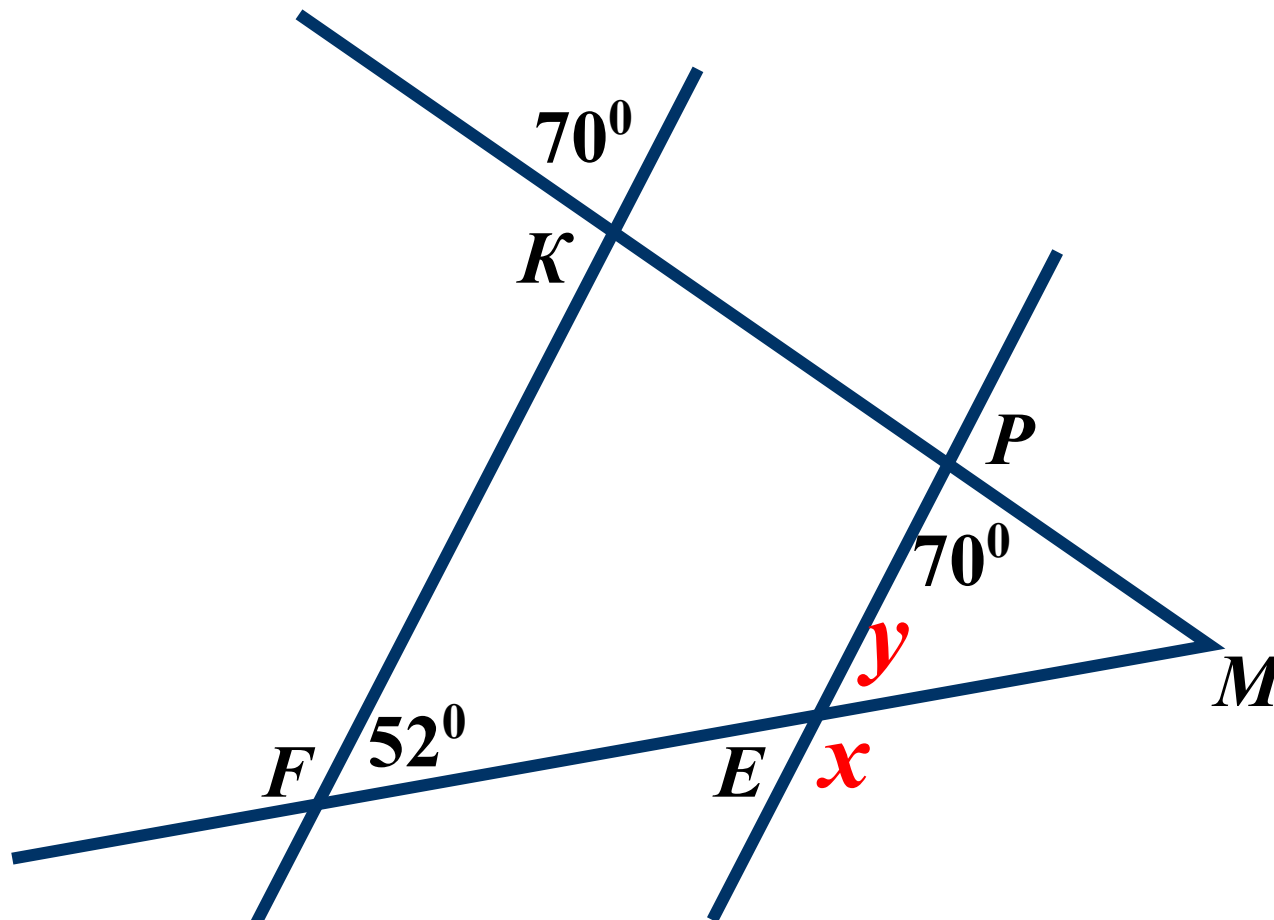
$$\angle C = 130^\circ$$



32. Доказать:  $AB$  – биссектриса угла  $XAZ$



33. Найти:  $x$  и  $y$



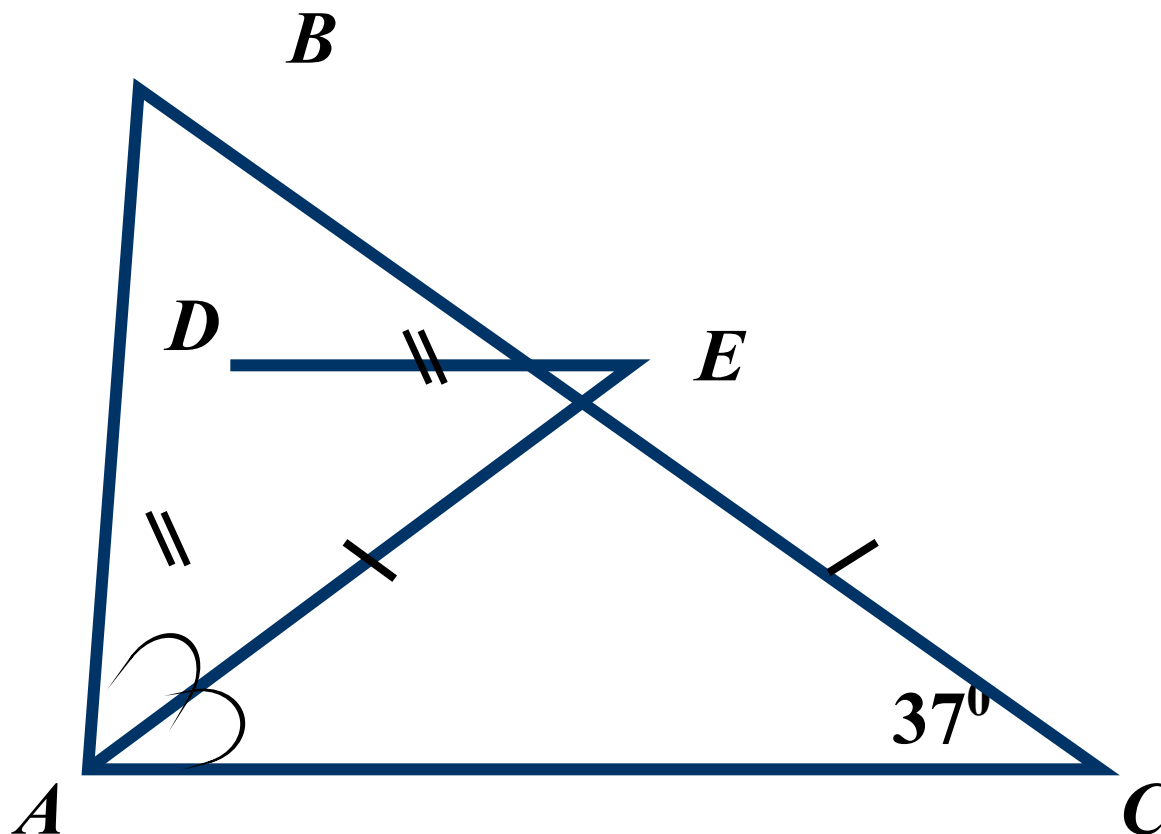
Ответ

$$y = 52^\circ, x = 128^\circ$$





34. Найти:  $\angle BDE$

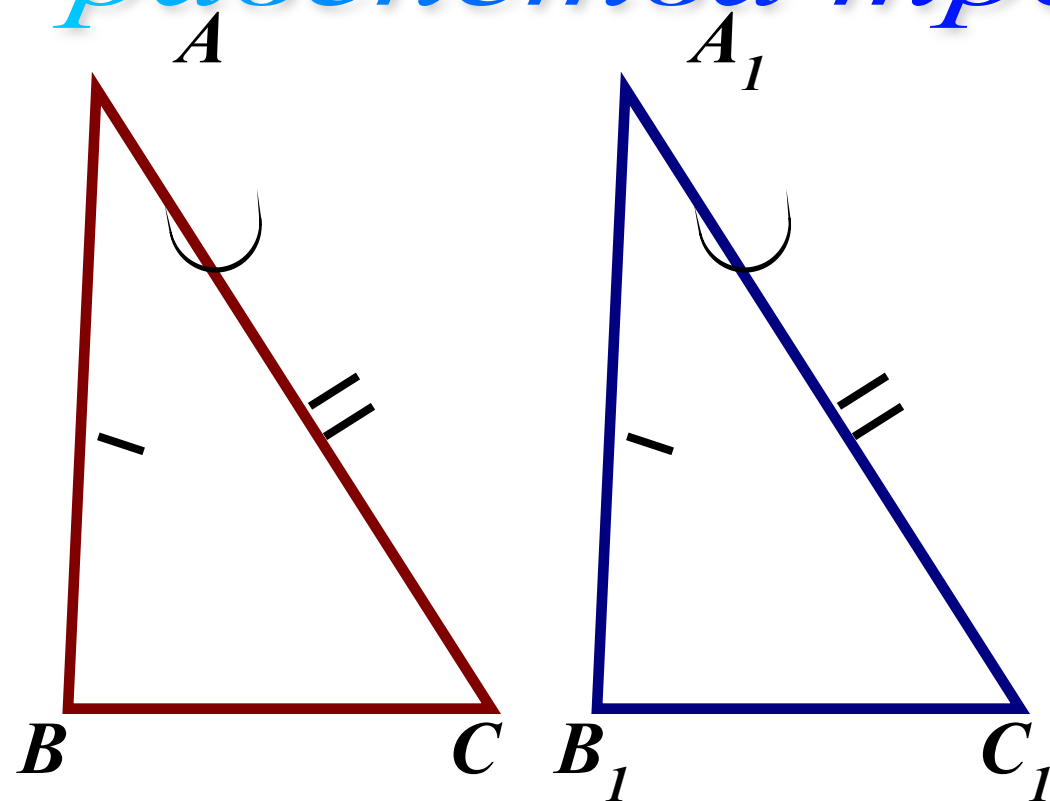


Ответ

$$\angle BDE = 74^{\circ}$$



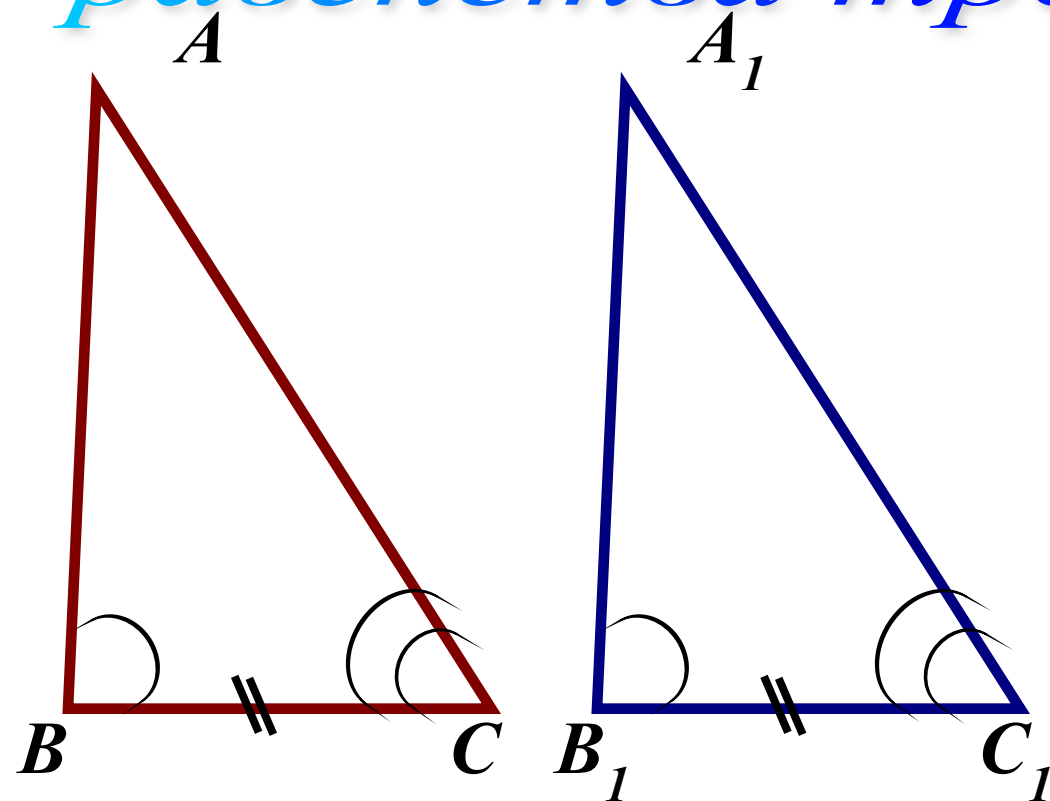
# *Первый признак равенства треугольников.*



**По двум сторонам и углу между ними.**



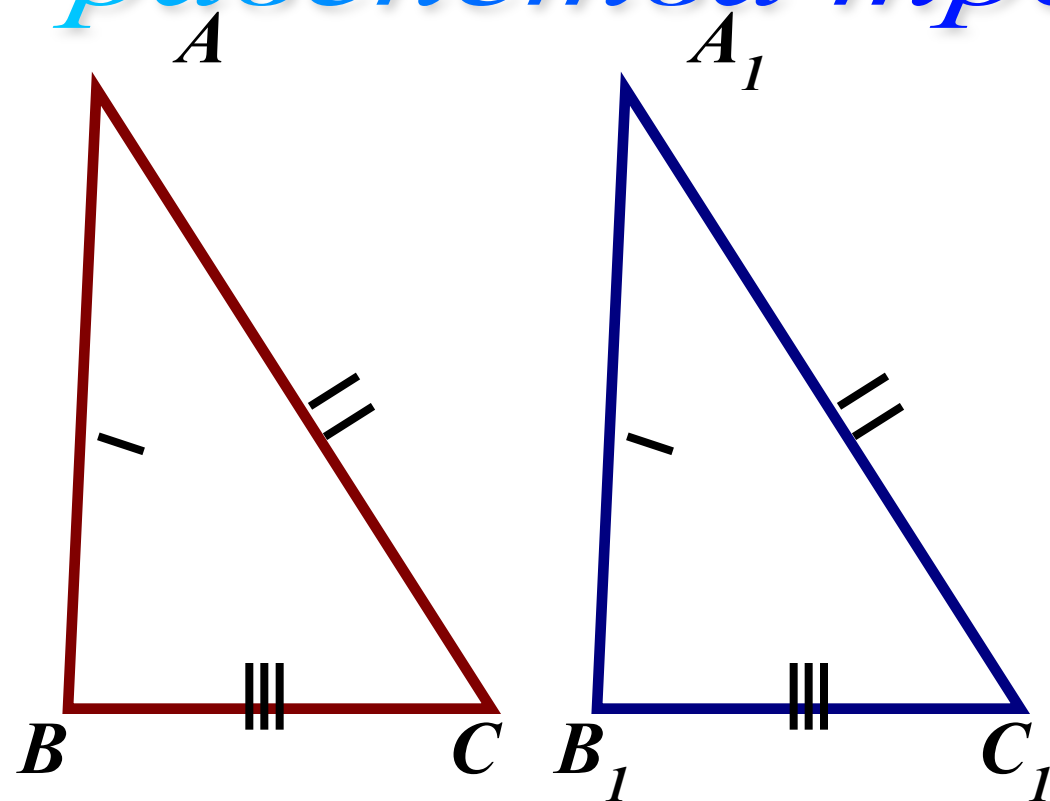
# *Второй признак равенства треугольников.*



**По стороне и прилежащим к ней углам.**



# Третий признак равенства треугольников.

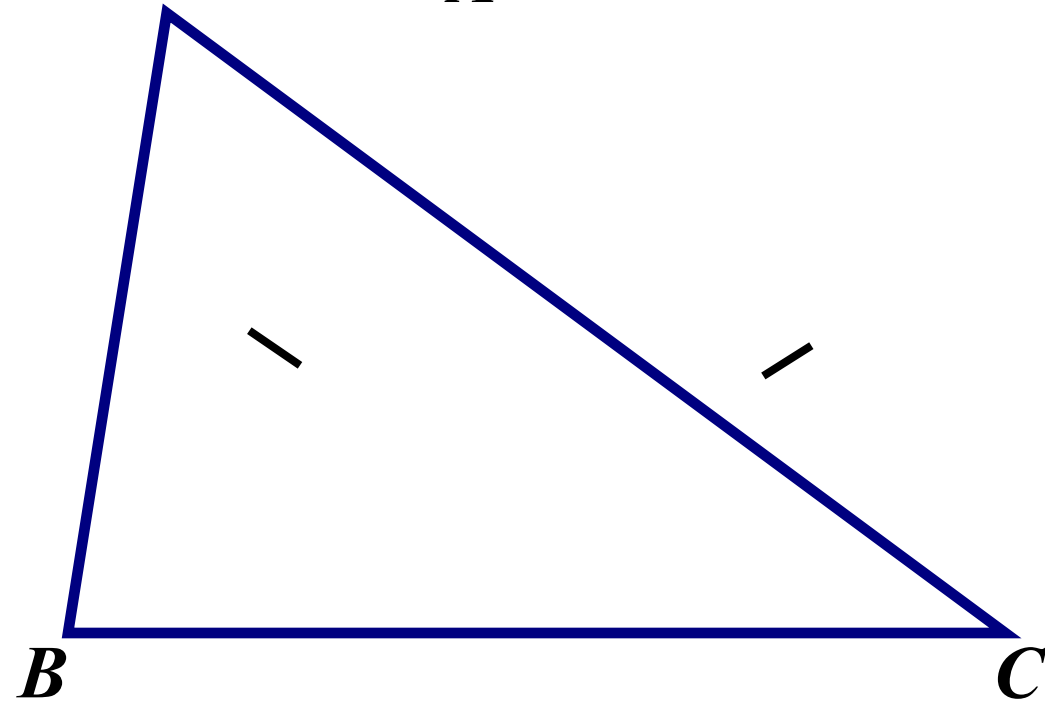


По трём сторонам.



# Равнобедренный треугольник.

*A*

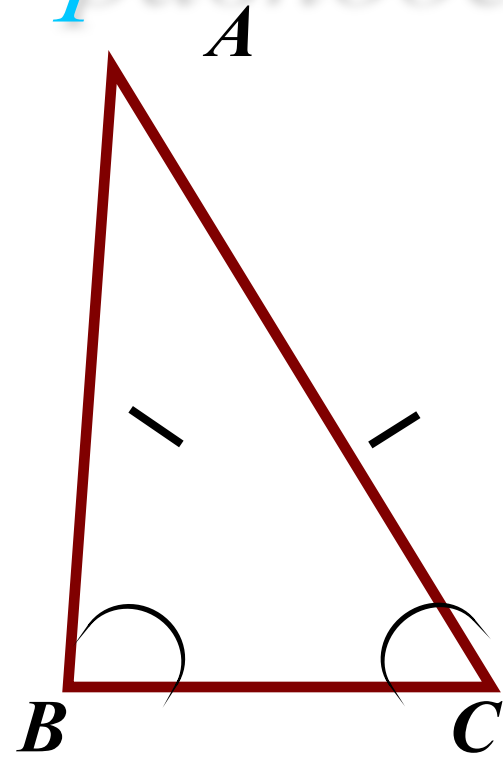


Треугольник называется равнобедренным  
если две его стороны равны.  $AB = AC$

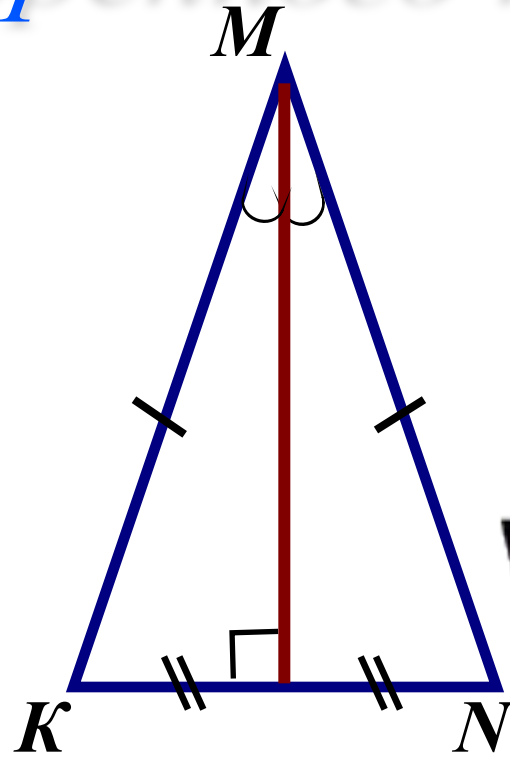




# Свойства равнобедренного треугольника.



Углы при  
основании.



Медиана,  
высота,  
биссектриса.



В равнобедренном  
треугольнике биссектриса,  
проведённая к  
основанию,  
является медианой  
и высотой



# Используемые ресурсы:

1. Н.Ф.Гаврилова «Поурочные разработки по геометрии 7 класс. Универсальное издание. Москва «Вако» 2006г.

2. Картинка:

<http://900igr.net/kartinki/geometrija/Ugly-pri-parallelnykh-prjamykh/004-Tema-Parallelnye.html>

