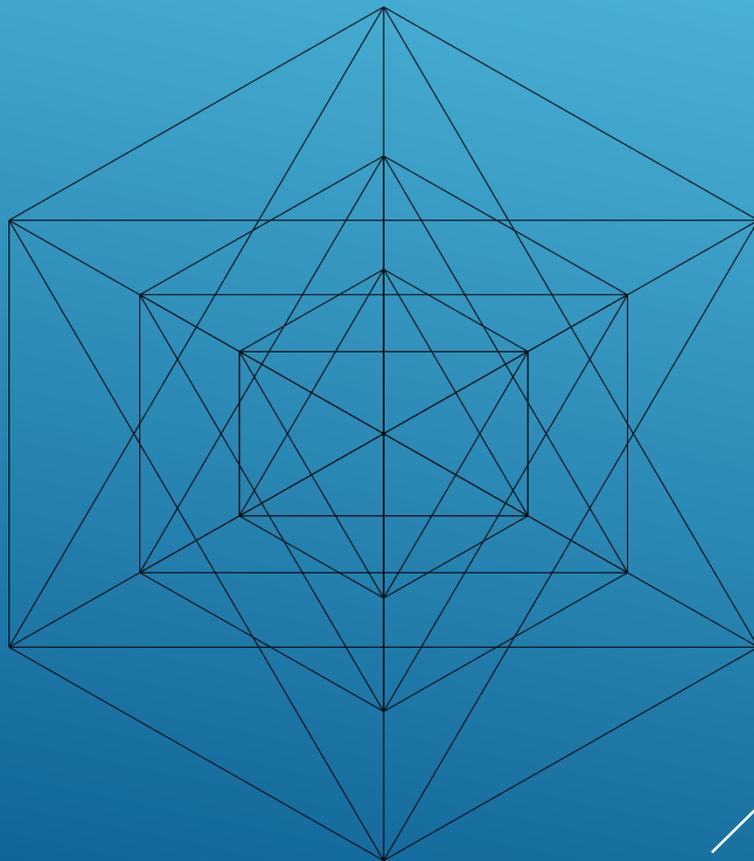


# Движение. Центральная, осевая и зеркальная симметрии. Параллельный перенос.

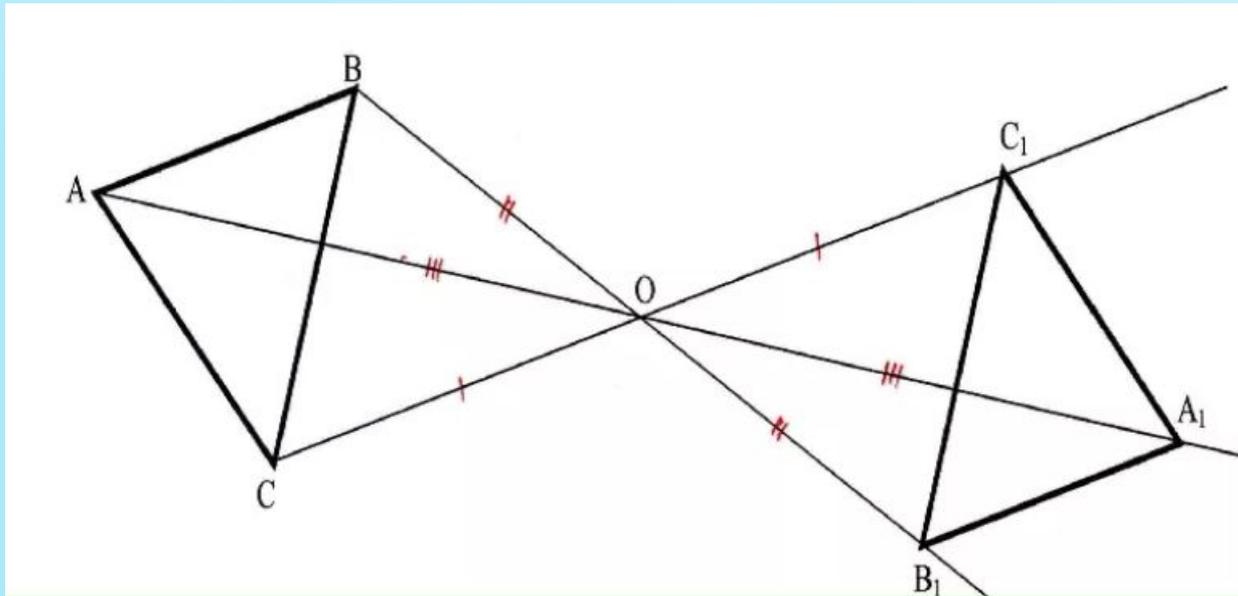


Выполнил:  
учащийся 11А класса  
МБОУ Школы №16  
Шестаков Данил.

# Центральная симметрия

**Движение пространства** – это отображение пространства на себя, при котором любые две точки  $A$  и  $B$  переходят (отображаются) в какие-то точки  $A_1 B_1$  так, что  $A_1B_1 = AB$ .

**Центральная симметрия** – отображение пространства на себя, при котором любая точка  $M$  переходит в симметричную ей точку  $M_1$  относительно данного центра  $O$ .



# Центральная симметрия

В случае **центральной симметрии** относительно начала координат все координаты точки меняют знак на противоположный. Рассмотрим несколько примеров:

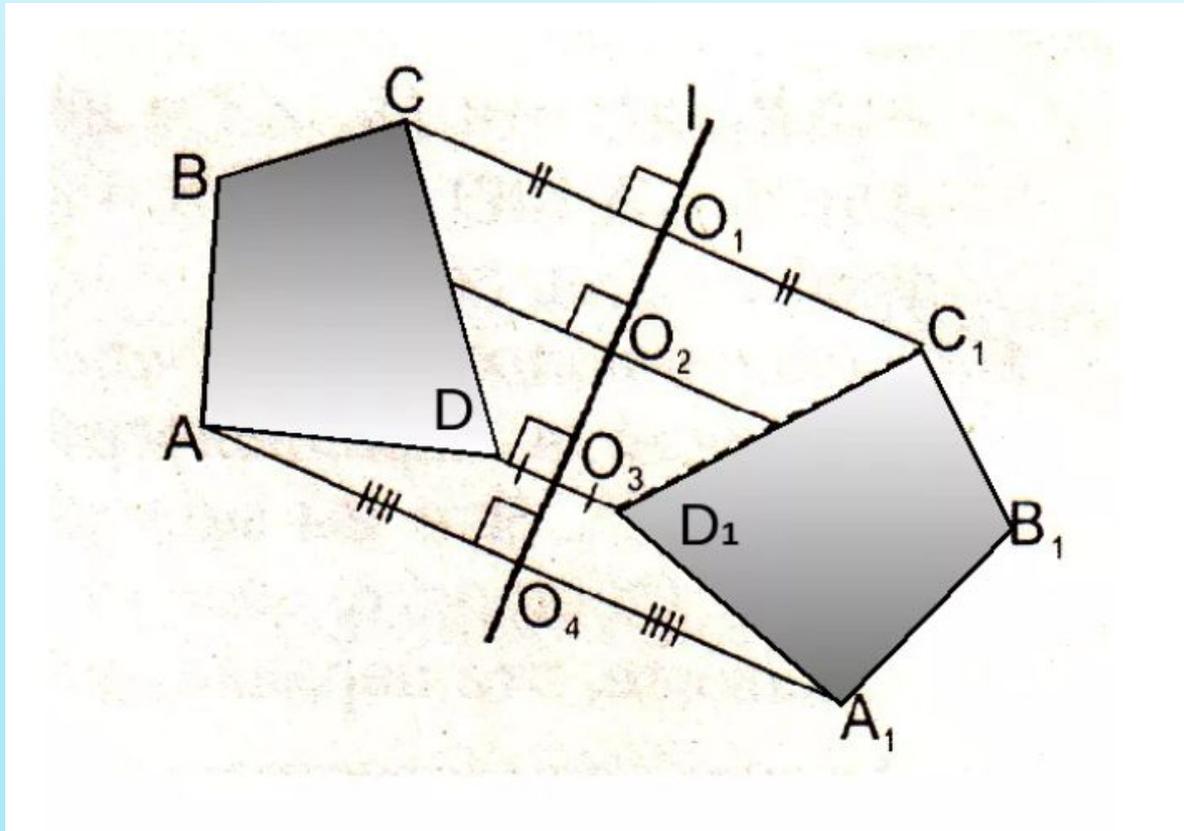
$$A (-8; 5; 27) \rightarrow A_1 (8; -5; -27)$$

$$B (4; 0; -9) \rightarrow B_1 (-4; 0; 9)$$

$$C (2; -15; 0) \rightarrow C_1 (-2; 15; 0)$$

# Осевая симметрия

**Осевая симметрия** – такое отображение пространства на себя, при котором любая точка  $M$  переходит в симметричную ей точку  $M_1$  относительно оси  $a$ .



# Осевая симметрия

В случае **осевой симметрии** относительно координатной оси, все координаты, кроме той, которая соответствует данной оси, меняют свой знак на противоположный. Рассмотрим несколько примеров:

1) для оси  $Ox$ :

$$A (-8; 5; 27) \rightarrow A_1 (-8; -5; -27)$$

$$B (4; 0; -9) \rightarrow B_1 (4; 0; 9)$$

$$C (2; -15; 0) \rightarrow C_1 (2; 15; 0)$$

2) для оси  $Oy$ :

$$A (-8; 5; 27) \rightarrow A_1 (8; 5; -27)$$

$$B (4; 0; -9) \rightarrow B_1 (-4; 0; 9)$$

$$C (2; -15; 0) \rightarrow C_1 (-2; -15; 0)$$

3) для оси  $Oz$ :

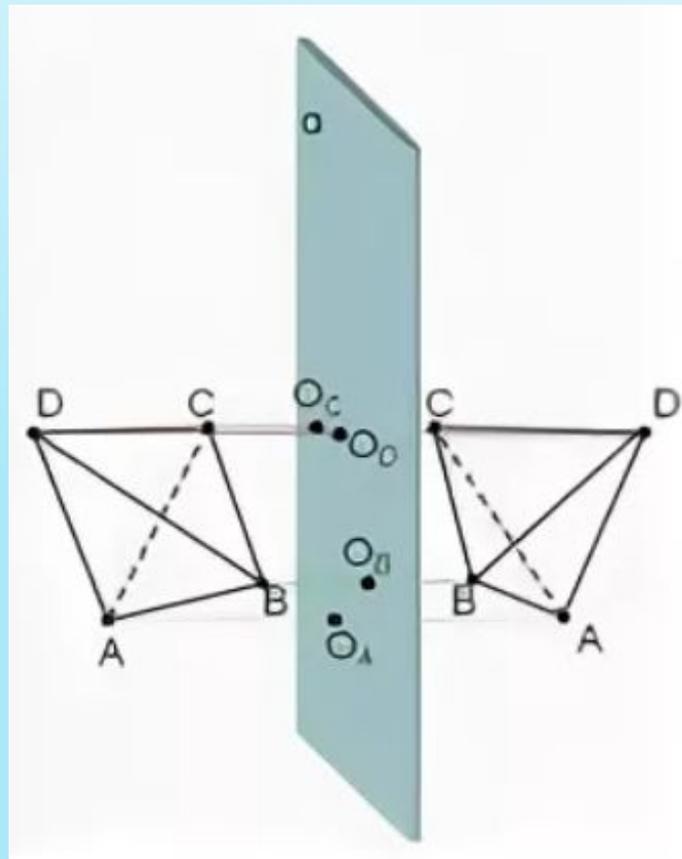
$$A (-8; 5; 27) \rightarrow A_1 (8; -5; 27)$$

$$B (4; 0; -9) \rightarrow B_1 (-4; 0; -9)$$

$$C (2; -15; 0) \rightarrow C_1 (-2; 15; 0)$$

# Зеркальная симметрия

**Зеркальная симметрия** (симметрия относительно плоскости  $\alpha$ ) – такое отображение пространства на себя, при котором любая точка  $M$  переходит в симметричную ей относительно плоскости  $\alpha$  точку  $M_1$ .



# Зеркальная симметрия

В случае зеркальной симметрии относительно координатной плоскости, меняется только та координата, которая не принадлежит данной плоскости. Рассмотрим несколько примеров:

1) для плоскости  $xOy$ :

$$A (-8; 5; 27) \rightarrow A_1 (-8; 5; -27)$$

$$B (4; 0; -9) \rightarrow B_1 (4; 0; 9)$$

$$C (2; -15; 0) \rightarrow C_1 (2; -15; 0)$$

2) для плоскости  $yOz$ :

$$A (-8; 5; 27) \rightarrow A_1 (8; 5; 27)$$

$$B (4; 0; -9) \rightarrow B_1 (-4; 0; -9)$$

$$C (2; -15; 0) \rightarrow C_1 (-2; -15; 0)$$

3) для плоскости  $xOz$ :

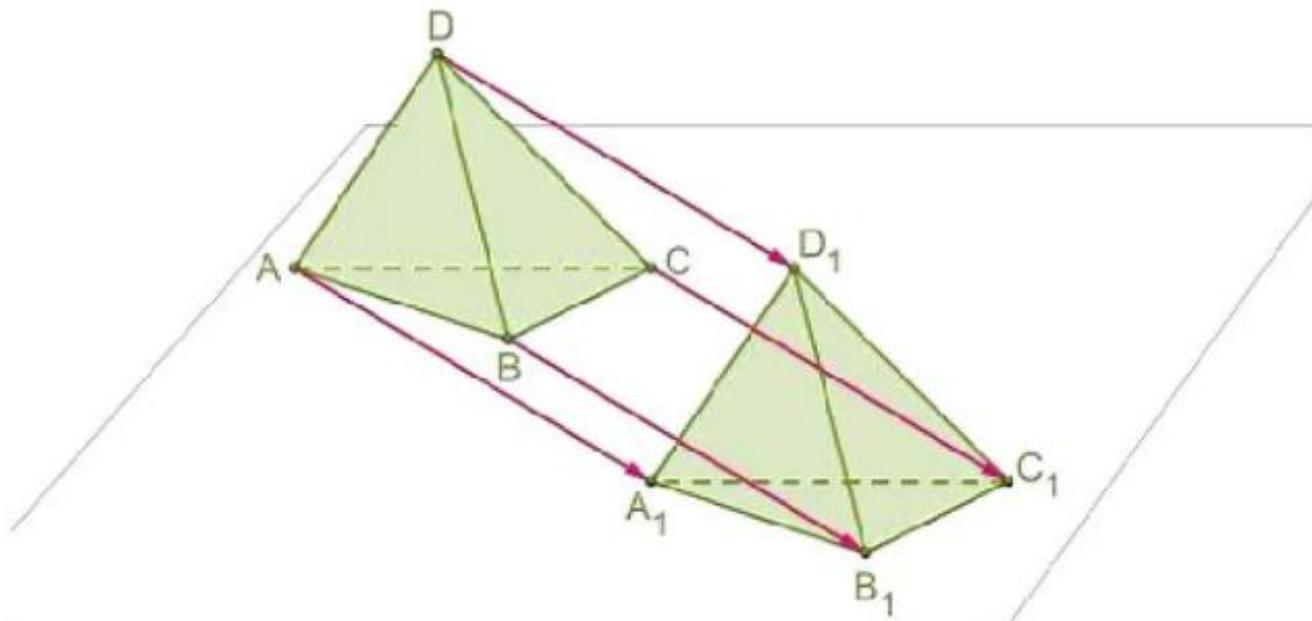
$$A (-8; 5; 27) \rightarrow A_1 (-8; -5; 27)$$

$$B (4; 0; -9) \rightarrow B_1 (4; 0; -9)$$

$$C (2; -15; 0) \rightarrow C_1 (2; 15; 0)$$

# Параллельный перенос

**Параллельным переносом** на вектор  $p$  называется отображение пространства на себя, при котором любая точка  $M$  переходит в такую точку  $M_1$ , что вектор  $MM_1$  равен вектору  $p$ .



Каждая вершина пирамиды перенесена в одном и том же направлении и в одном и том же расстоянии