

Презентацию разработала:

Кардаильская Светлана Александровна

преподаватель математики

ГБОУ СПО ГРК «Интеграл»

ТЕМА ЛЕКЦИИ:

«МАТРИЦЫ И ДЕЙСТВИЯ НАД НИМИ»

ПЛАН ЛЕКЦИИ

- 1. Определение матрицы, элементы матриц**
- 2. Виды матриц**
- 3. Линейные операции над матрицами**

1. Определение матрицы, элементы матриц

Основные определения

0 **МАТРИЦЕЙ** называется множество чисел, образующих прямоугольную таблицу, состоящую из n строк и m столбцов.

Общий вид матрицы:

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nm} \end{pmatrix}$$

Числа $a_{11}, a_{12}, \dots, a_{1m}, \dots, a_{n1}, a_{n2}, \dots, a_{nm}$ называются элементами матриц.

2. Виды матриц

Матрица называется **ПРЯМОУГОЛЬНОЙ**, если число строк матрицы не равно числу столбцов ($n \neq m$).

Пример:

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 0 & 3 \\ 6 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Матрица порядка 2 x 3.

0 Матрица называется **КВАДРАТНОЙ**, если число строк равно числу столбцов ($n=m$).

Пример:

$$A = \begin{pmatrix} 9 & 7 \\ 4 & -1 \end{pmatrix}$$

Матрица второго порядка.

0 Диагональ, содержащую элементы a_{11} , a_{22} , ..., a_{nn} , называют главной.

Пример:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 1 & -6 \end{pmatrix}$$

Диагональ, содержащую элементы a_{1n} , $a_{2,n-1}$, ..., a_{n1} , называют побочной.

Пример:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 4 & 8 & 2 \\ 2 & 1 & -1 \end{pmatrix}$$

0 Квадратная матрица называется **ДИАГОНАЛЬНОЙ**, если у нее отличны от нуля только элементы, стоящие на главной диагонали.

Пример:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 8 \end{pmatrix}$$

Диагональная матрица 3-го порядка.

0 Диагональная матрица называется **СКАЛЯРНОЙ**, если числа главной диагонали равны между собой.

Пример:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

Скалярная матрица 3-го порядка.

0 Скалярная матрица называется **ЕДИНИЧНОЙ**, если все числа главной диагонали равны единице.

Пример:

$$E = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Единичная матрица 3-го порядка.

0 Матрица называется **НУЛЕВОЙ**, если все ее элементы равны нулю.

Пример:

$$B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Нулевая матрица 2-го порядка.

Если количество строк в прямоугольной матрице равно 1, то эта матрица называется **МАТРИЦЕЙ-СТРОКОЙ**.

Пример:

$$C = (1 \ -2 \ 4 \ 6 \ -2)$$

Если количество столбцов в прямоугольной матрице равно 1, то эта матрица называется **МАТРИЦА - СТОЛБЕЦ**.

Пример:

$$B = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$$

Равенство матриц

Две матрицы называются **равными**, если они имеют одинаковое число строк и столбцов и их соответствующие элементы равны.

3. Линейные операции над матрицами

1. **СУММОЙ** матриц A и B называется матрица элементы которой равны сумме соответствующих элементов матриц A и B .

Складывать можно матрицы, имеющие одинаковый порядок.

$$A + B = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & \dots & b_{1n} \\ b_{21} & b_{22} & \dots & b_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ b_{m1} & b_{m2} & \dots & b_{mn} \end{pmatrix} =$$
$$= \begin{pmatrix} a_{11} + b_{11} & a_{12} + b_{12} & \dots & a_{1n} + b_{1n} \\ a_{21} + b_{21} & a_{22} + b_{22} & \dots & a_{2n} + b_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} + b_{m1} & a_{m2} + b_{m2} & \dots & a_{mn} + b_{mn} \end{pmatrix}.$$

0

Пример:

$$\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ -2 & 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} 1+2 & 3+5 \\ -2+1 & 0+1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 8 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$$

2. ПРОИЗВЕДЕНИЕМ МАТРИЦЫ A НА ЧИСЛО k называется матрица каждый элемент которой равен $k \cdot a_{ij}$.

$$k \cdot A = k \cdot \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} ka_{11} & ka_{12} & \dots & ka_{1n} \\ ka_{21} & ka_{22} & \dots & ka_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ ka_{m1} & ka_{m2} & \dots & ka_{mn} \end{pmatrix}$$

0

Пример:

$$2 \cdot \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ -3 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} =$$

$$\begin{pmatrix} 2 \cdot 2 & 2 \cdot (-1) & 2 \cdot 1 \\ 2 \cdot (-3) & 2 \cdot 2 & 2 \cdot 0 \\ 2 \cdot 0 & 2 \cdot 1 & 2 \cdot 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & -2 & 2 \\ -6 & 4 & 0 \\ 0 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

3. УМНОЖЕНИЕ МАТРИЦ

Рассмотрим умножение квадратных матриц второго порядка.

$$\text{Пусть } A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \end{pmatrix}.$$

Тогда:

$$A \cdot B = \begin{pmatrix} a_{11} \cdot b_{11} + a_{12} \cdot b_{21} & a_{11} \cdot b_{12} + a_{12} \cdot b_{22} \\ a_{21} \cdot b_{11} + a_{22} \cdot b_{21} & a_{21} \cdot b_{12} + a_{22} \cdot b_{22} \end{pmatrix}.$$

0

Пример:

$$\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 1 & -2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 6 \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} 3 \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & 3 \cdot 2 + 5 \cdot 6 \\ 1 \cdot 1 + (-2) \cdot (-2) & 1 \cdot 2 + (-2) \cdot 6 \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} -7 & 36 \\ 5 & -10 \end{pmatrix}$$

Литература

1. Лисичкин В.Т, Соловейчик И. Л. Математика: Учеб. Пособие для техникумов.-М.: Высш.шк; 1991г.
2. Богомоллов Н.В. Математика: учебник для ссузов / Н.В. Богомоллов, П.И. Самойленко. – 7-е изд., стереотип. – М.: Дрофа, 2010г.