

# Построение таблиц истинности

# Порядок действий

- Решение логических выражений принято записывать в виде **таблиц истинности** – таблиц, в которых по действиям показано, какие значения принимает логическое выражение при всех возможных наборах его переменных.
- При составлении таблицы истинности для логического выражения необходимо учитывать **порядок выполнения логических операций**, а именно:
  1. Действия в скобках
  2. Отрицание
  3. Конъюнкция
  4. Дизъюнкция
  5. Импликация
  6. Эквивалентность

# Построение таблиц ИСТИННОСТИ СЛОЖНЫХ ВЫСКАЗЫВАНИЙ

- **Алгоритм составления таблицы истинности:**
- 1. Выяснить количество строк в таблице (вычисляется как  $2^n$ , где  $n$  – количество переменных + строка заголовков столбцов).
- 2. Выяснить количество столбцов (вычисляется как количество переменных + количество логических операций).
- 3. Установить последовательность выполнения логических операций.
- 4. Построить таблицу, указывая названия столбцов и возможные наборы значений исходных логических переменных.
- 5. Заполнить таблицу истинности по столбцам.
- 6. Записать ответ (определить вид формулы)

# Пример 1.

Построим таблицу истинности для выражения  $F = (A \vee B) \wedge (\neg A \vee \neg B)$ .

1. Количество строк =  $2^2$  (2 переменных + строка заголовков столбцов) = 5.

2. Количество столбцов = 2 логические переменные (A, B) + 5 логических операций ( $\vee, \wedge, \neg, \vee, \neg$ ) = 7.

3. Расставим порядок выполнения операций: 1 5 2 4 3  
 $(A \vee B) \wedge (\neg A \vee \neg B)$

4-5. Построим таблицу и заполним ее по столбцам:

A	B	$A \vee B$	$\neg A$	$\neg B$	$\neg A \vee \neg B$	$(A \vee B) \wedge (\neg A \vee \neg B)$
<b>0</b>	<b>0</b>	0	1	1	1	<b>0</b>
0	1	1	1	0	1	1
1	0	1	0	1	1	1
<b>1</b>	<b>1</b>	1	0	0	0	<b>0</b>

6. Ответ:  $F=0$ , при  $A=B=0$  и  $A=B=1$

Формула опровержимая и выполнимая.

# Пример 2.

Построим таблицу истинности для логического выражения  $F = X \vee Y \wedge \neg Z$ .

1. Количество строк  $= 2^3 + 1 = (3 \text{ переменных} + \text{строка заголовков столбцов}) = 9$ .
2. Количество столбцов  $= 3 \text{ логические переменные} + 3 \text{ логических операций} = 6$ .
3. Укажем порядок действий: 
$$\begin{array}{ccc} 3 & 2 & 1 \\ X \vee Y & \wedge & \neg Z \end{array}$$
- 4-5. Построим таблицу и заполним ее по столбцам:

X	Y	Z	$\neg Z$	$Y \wedge \neg Z$	$X \vee Y \wedge \neg Z$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

**6. Ответ:**  $F=0$ , при  $X=Y=Z=0$ ; при  $X=Y=0$  и  $Z=1$ .

Формула опровержимая и выполнимая.

# Домашнее задание

- Построить таблицу истинности для следующих функций. Определить вид формул.

$$1. F = (\bar{A} \vee \bar{B}) \& (\neg A \& \neg B).$$

$$2. F = X \& \neg Y \vee Z.$$