

Первичные и вторичные параметры длинной ЛИНИИ

Лекция Д1



Зависимость режима работы линии от нагрузки

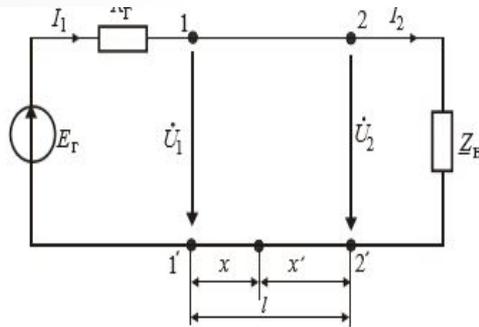


Рис. 30.4

Напряжение и ток на расстоянии x от начала линии

Если отсчет координат x будем проводить от начала линии, при заданных \dot{U}_1 , \dot{I}_1 и $x=0$ получим уравнения

$$\left. \begin{aligned} \dot{U}_1 &= \dot{A}_1 e^{-\gamma l} + \dot{A}_2 e^{+\gamma l} = \dot{A}_1 + \dot{A}_2; \\ \dot{I}_1 &= \frac{1}{Z_c} (\dot{A}_1 e^{-\gamma l} - \dot{A}_2 e^{+\gamma l}) = \frac{1}{Z_c} (\dot{A}_1 - \dot{A}_2). \end{aligned} \right\}$$

$$\begin{cases} \dot{U}_1 = \dot{A}_1 + \dot{A}_2; \\ \dot{I}_1 = \frac{\dot{A}_1}{Z_c} - \frac{\dot{A}_2}{Z_c}. \end{cases}$$

Из второго уравнения

$$Z_c \dot{I}_1 = \dot{A}_1 - \dot{A}_2.$$

$$\text{Отсюда } \dot{A}_1 = \frac{\dot{U}_1 + Z_c \dot{I}_1}{2}; \quad \dot{A}_2 = \frac{\dot{U}_1 - Z_c \dot{I}_1}{2}.$$

Подставив постоянные интегрирования, получим уравнения:

$$\dot{U} = \frac{\dot{U}_1 + Z_c \dot{I}_1}{2} e^{-\gamma x} + \frac{\dot{U}_1 - Z_c \dot{I}_1}{2} e^{+\gamma x} = \dot{U}_1 \operatorname{ch} \gamma x - Z_c \dot{I}_1 \operatorname{sh} \gamma x; \quad (6)$$

$$\dot{I} = \frac{\dot{U}_1 + Z_c \dot{I}_1}{2 Z_c} e^{-\gamma x} - \frac{\dot{U}_1 - Z_c \dot{I}_1}{2 Z_c} e^{+\gamma x} = \dot{I}_1 \operatorname{ch} \gamma x - \frac{\dot{U}_1}{Z_c} \operatorname{sh} \gamma x.$$

Идем их в систему

$$\begin{cases} \dot{U} = \dot{U}_1 \operatorname{ch} \gamma x - Z_c \dot{I}_1 \operatorname{sh} \gamma x; \\ \dot{I} = \dot{I}_1 \operatorname{ch} \gamma x - \frac{\dot{U}_1}{Z_c} \operatorname{sh} \gamma x. \end{cases} \quad (7)$$

Заменим в этих уравнениях x на $(l - x')$, т. е. перенесем начало отсчета координаты x из начала линии в конец:

$$\begin{cases} \dot{U} = \dot{A}_1 e^{-\gamma(l-x)} + \dot{A}_2 e^{\gamma(l-x)}; \\ \dot{I} = \frac{\dot{A}_1}{Z_c} e^{-\gamma(l-x)} - \frac{\dot{A}_2}{Z_c} e^{-\gamma(l-x)}. \end{cases} \quad (2)$$

Обозначим $\dot{A}_1 e^{-\gamma l} = \dot{B}_1$, $\dot{A}_2 e^{\gamma l} = \dot{B}_2$,

где \dot{B}_1 и \dot{B}_2 – новые постоянные интегрирования.

Тогда вместо x' можно писать x без штриха, так как отсчет координаты x от начала или конца линии определяют по заданному режиму. Получим уравнения

$$\begin{cases} \dot{U} = \dot{B}_1 e^{\gamma x} + \dot{B}_2 e^{-\gamma x}; \\ \dot{I} = \frac{\dot{B}_1}{Z_c} e^{\gamma x} - \frac{\dot{B}_2}{Z_c} e^{-\gamma x}. \end{cases} \quad (3)$$

Для конца линии ($x = 0$, $\dot{U} = \dot{U}_2$, $\dot{I} = \dot{I}_2$)

$$\begin{cases} \dot{U}_2 = \dot{B}_1 + \dot{B}_2; \\ \dot{I}_2 = \frac{\dot{B}_1}{\underline{Z}_c} - \frac{\dot{B}_2}{\underline{Z}_c}; \end{cases} \quad (4)$$

$$\dot{I}_2 \underline{Z}_c = \dot{B}_1 - \dot{B}_2.$$

Отсюда

$$\dot{B}_1 = \frac{\dot{U}_2 + \underline{Z}_c \dot{I}_2}{2}; \quad \dot{B}_2 = \frac{\dot{U}_2 - \underline{Z}_c \dot{I}_2}{2}.$$

Следовательно, напряжение в линии

$$\begin{aligned} \dot{U} &= \frac{\dot{U}_2 + \underline{Z}_c \dot{I}_2}{2} \cdot e^{\underline{\gamma}x} + \frac{\dot{U}_2 - \underline{Z}_c \dot{I}_2}{2} \cdot e^{-\underline{\gamma}x} = \\ &= \dot{U}_2 \left(\frac{e^{\underline{\gamma}x} + e^{-\underline{\gamma}x}}{2} \right) + \underline{Z}_c \dot{I}_2 \left(\frac{e^{\underline{\gamma}x} - e^{-\underline{\gamma}x}}{2} \right) = \dot{U}_2 \operatorname{ch} \underline{\gamma}x + \underline{Z}_c \dot{I}_2 \operatorname{sh} \underline{\gamma}x. \end{aligned}$$

Аналогичное уравнение можно получить и для тока:

$$\dot{I} = \dot{I}_2 \operatorname{ch} \underline{\gamma}x + \frac{\dot{U}_2}{\underline{Z}_c} \operatorname{sh} \underline{\gamma}x.$$

Полученные уравнения позволяют определить напряжение и ток в любой точке линии при заданном режиме в конце линии.

Приняв $x = l$, получим уравнения линии в гиперболической форме, выражающие напряжение и ток в начале линии через напряжение и ток в конце линии:

$$\begin{cases} \dot{U}_1 = \dot{U}_2 \operatorname{ch} \underline{\gamma}l + \underline{Z}_c \dot{I}_2 \operatorname{sh} \underline{\gamma}l; \\ \dot{I}_1 = \dot{I}_2 \operatorname{ch} \underline{\gamma}l + \frac{\dot{U}_2}{\underline{Z}_c} \operatorname{sh} \underline{\gamma}l. \end{cases} \quad (5)$$

Основные характеристики бегущей волны

Любое колебательное движение характеризуют фазовой скоростью и длиной волны.

Фазовая скорость – это скорость изменения фазы колебания, которая с течением времени и ростом координаты x остается неизменной:

$$(\omega t - \beta x + \psi_1) = \text{const}.$$

Исследуем это выражение на экстремум:

$$\frac{d}{dt}(\omega t - \beta x + \psi_1) = \omega \frac{dt}{dt} - \beta \frac{dx}{dt} + \frac{d\psi_1}{dt} = 0.$$

В полученном выражении $\frac{dt}{dt} = 1$, $\frac{dx}{dt} = v$, $\frac{d\psi_1}{dt} = 0$. Тогда $v = \frac{\omega}{\beta}$.

Если в воздушной линии пренебречь потерями, то максимальная фазовая скорость примерно равна скорости света:

$$v \approx c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{км}}{\text{с}}.$$

Длина волны λ – это кратчайшее расстояние между двумя точками, взятое в направлении распространения волны, фаза колебания которых отличается на 2π (см. рис.6.3).

Следовательно, для первого слагаемого напряжения с учетом, что фазу откладываем в направлении волны влево, можно записать:

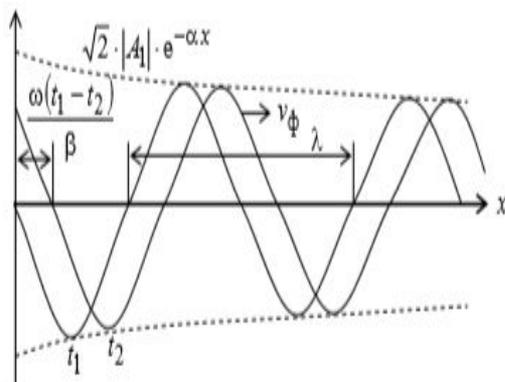
$$\omega t - \beta(x + \lambda) + \psi_1 = \omega t - \beta x + \psi_1 - 2\pi.$$

$$\text{Отсюда } \lambda = \frac{2\pi}{\beta}.$$

Фазовая скорость

$$v = \frac{\omega}{\beta} = \frac{2\pi f}{\beta} = \lambda f = \frac{\lambda}{T}.$$

Отсюда следует, что за время, равное одному периоду, волна пробегает расстояние, равное длине волны.



Вторичные параметры однородной длинной ЛИНИИ

Однородную линию можно характеризовать с помощью двух параметров:
коэффициента распространения

$$\gamma = \sqrt{Z_0 Y_0} = \sqrt{(R_0 + jL_0\omega)(G_0 + jC_0\omega)} = \alpha + j\beta$$

и волнового (характеристического) сопротивления

$$Z_c = \sqrt{\frac{Z_0}{Y_0}} = \sqrt{\frac{(R_0 + jL_0\omega)}{(G_0 + jC_0\omega)}} = Z_c e^{j\theta}.$$

Они зависят от первичных параметров R_0, L_0, G_0, C_0 и частоты. Определим зависимость этих параметров от частоты.

Коэффициент распространения

$$\alpha + j\beta = \sqrt{(R_0 + jL_0\omega)(G_0 + jC_0\omega)} = \sqrt{R_0 G_0 - \omega^2 L_0 C_0 + j\omega(G_0 L_0 + R_0 C_0)}.$$

Выделим вещественную и мнимую части. Для этого возведем обе части равенства в квадрат:

$$\alpha^2 + j2\alpha\beta - \beta^2 = R_0 G_0 - \omega^2 L_0 C_0 + j\omega(G_0 L_0 + R_0 C_0).$$

Для действительных составляющих получим уравнение

$$\alpha^2 - \beta^2 = R_0 G_0 - \omega^2 L_0 C_0,$$

для мнимых

$$2\alpha\beta = \omega(G_0 L_0 + R_0 C_0).$$

Совместное решение этих уравнений относительно α и β дает:

$$\alpha = \sqrt{\frac{1}{2} \left[R_0 G_0 - \omega^2 L_0 C_0 + \sqrt{(R_0^2 + \omega^2 L_0^2)(G_0^2 + \omega^2 C_0^2)} \right]};$$

$$\beta = \sqrt{\frac{1}{2} \left[\omega^2 L_0 C_0 - R_0 G_0 + \sqrt{(R_0^2 + \omega^2 L_0^2)(G_0^2 + \omega^2 C_0^2)} \right]}.$$

Построим зависимости коэффициентов α и β от частоты, считая что первичные параметры от частоты не зависят.

Когда $\omega = 0$ коэффициент затухания $\alpha(0) = \sqrt{R_0 G_0}$.

Когда $\omega = \infty$ коэффициент затухания $\alpha(\infty) = \frac{R_0}{2} \sqrt{\frac{C_0}{L_0}} + \frac{G_0}{2} \sqrt{\frac{L_0}{C_0}}$.

Первое слагаемое обуславливает затухание амплитуды волны из-за продольного активного сопротивления линии.

Второе слагаемое обуславливает затухание волны за счет поперечной активной проводимости.

Для уменьшения затухания R_0 и G_0 необходимо уменьшить.

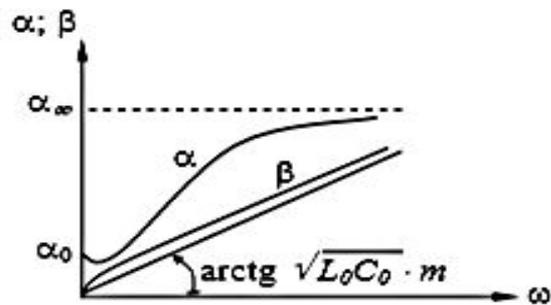


Рис. 30.1

Графики зависимостей $\alpha(\omega)$ и $\beta(\omega)$ представлены на [рис. 30.1](#).

При частоте $\omega = 0$ коэффициент затухания $\beta = 0$.

При увеличении частоты ω коэффициент β меняется нелинейно (β нелинейно зависит от частоты). При $\omega \rightarrow \infty$ график $\beta(\omega)$ стремится к прямой, направленной к оси абсцисс под углом $\arctg m \sqrt{L_0 C_0}$ (m – масштабный коэффициент).

Фазовая скорость $v = \frac{\omega}{\beta}$. При $\omega \rightarrow \infty$ коэффициент затухания

$\beta = \omega \sqrt{L_0 C_0}$. Тогда $v = \frac{1}{\sqrt{L_0 C_0}}$, т. е. при $\omega \rightarrow \infty$ фазовая скорость от частоты

не зависит.

Фазовая скорость зависит от материала. Графики зависимости $v(f)$ приведены на [рис. 30.2](#).

Зависимости $\alpha(\omega)$, $\beta(\omega)$, $v(\omega)$ имеют большое практическое значение.

Характеристическое сопротивление

$$\underline{Z}_c = \sqrt{\frac{(R_0 + jL_0\omega)}{(G_0 + jC_0\omega)}} = Z_c e^{j\theta}$$

При $\omega = 0$ сопротивление $Z_c(0) = \sqrt{\frac{R_0}{G_0}}$, т. е. имеет активный характер.

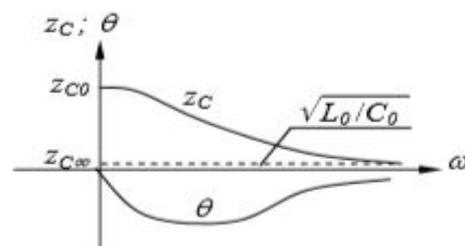
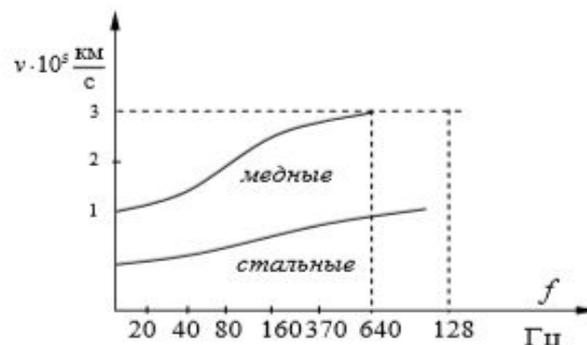
При $\omega = \infty$ сопротивление $Z_c(\infty) = \sqrt{\frac{L_0}{C_0}}$, т. е. также имеет активный характер.

В остальном интервале частот \underline{Z}_c имеет емкостный характер, так как аргумент знаменателя больше аргумента числителя.

На [рис. 30.3](#) представлены кривые зависимости полного волнового сопротивления и угла θ от частоты.

Волновое сопротивление возрастает при уменьшении диаметра проводов и увеличении расстояния между проводами.

Для воздушной линии электропередачи $Z_c = (300-600)$ Ом, для кабеля $Z_c = (50-200)$ Ом.



Режим согласованной нагрузки длинной ЛИНИИ

В однородной линии обратная волна существует в случае, если нагрузка линии не согласована с ее характеристическим сопротивлением: $Z_{\text{н}} \neq Z_{\text{с}}$.

Отношение комплекса напряжения (тока) обратной волны в конце линии к комплексу напряжения (тока) прямой волны в конце линии называют коэффициентом отражения.

$$\begin{aligned} \text{Так как } \dot{U}_{\text{обр}}(0) = B_2; \quad \dot{U}_{\text{пр}}(0) = B_1, \quad \text{то } \underline{n} &= \frac{\dot{U}_{\text{обр}}(0)}{\dot{U}_{\text{пр}}(0)} = \frac{B_2}{B_1} = \\ &= \frac{\dot{U}_2 - Z_{\text{с}} \dot{I}_2}{\dot{U}_2 + Z_{\text{с}} \dot{I}_2} = \frac{Z_{\text{н}} - Z_{\text{с}}}{Z_{\text{н}} + Z_{\text{с}}}. \end{aligned}$$

Коэффициент отражения линии зависит от соотношения сопротивления нагрузки и характеристического сопротивления. Наибольшие значения коэффициента отражения принимает в режимах холостого хода и короткого замыкания в конце линии.

В режиме холостого хода $Z_{\text{н}} = \infty$, $n = 1$, в режиме короткого замыкания $n = -1$, что означает полное отражение.

Чем больше по модулю коэффициент отражения, тем более неравномерно вдоль линии распределены действующие значения напряжения и тока. При несогласованной нагрузке часть энергии в виде отраженной составляющей возвращается источнику.

При передаче сигналов и информации, как правило, подбирают согласованный режим. В этом случае $n = 0$, отраженная волна отсутствует. В согласованном режиме $Z_{\text{н}} = Z_{\text{с}}$. По закону Ома $\dot{U}_2 = Z_{\text{с}} \dot{I}_2$. Тогда

$$\dot{B}_2 = \frac{1}{2}(\dot{U}_2 - Z_{\text{с}} \dot{I}_2) = 0; \quad \dot{U}_{\text{обр}} = \dot{B}_2 e^{-\gamma x} = 0; \quad \dot{I}_{\text{обр}} = \frac{\dot{B}_2}{Z_{\text{с}}} e^{-\gamma x} = 0.$$

Уравнения линии принимают вид

$$\begin{cases} \dot{U} = \dot{U}_{\text{пр}} = \dot{B}_1 e^{-\gamma x} = \frac{\dot{U}_2 + \underline{Z}_c \dot{I}_2}{2} e^{-\gamma x} = \dot{U}_2 e^{-\gamma x}; \\ \dot{I} = \dot{I}_{\text{пр}} = \frac{\dot{B}_1}{\underline{Z}_c} e^{-\gamma x} = \frac{\dot{U}_2 + \underline{Z}_c \dot{I}_2}{2 \underline{Z}_c} e^{-\gamma x} = \dot{I}_2 e^{-\gamma x}. \end{cases}$$

Действующие значения напряжения и тока вдоль линии при согласованной нагрузке изменяются по экспоненте (рис. 31.1).

Вся энергия, поступающая в нагрузку, полностью ею потребляется. При несогласованной нагрузке отраженная волна возвращается в начало линии. Если сопротивление генератора не равно \underline{Z}_c , то происходит повторное отражение и вновь отраженный сигнал поступает в нагрузку, для которой он является ложным. В линиях телефонной связи это приводит к неразборчивости речи, а в телевизионных приемниках – к нечеткости и многоконтурности изображения.

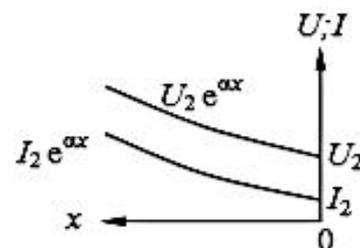


Рис. 31.1

Линии без потерь

В линиях, соединяющих приемно-передающую аппаратуру с антеннами, потери много меньше мощности, потребляемой нагрузкой. Этими потерями пренебрегают и такую линию считают линией без потерь, принимают $R_0 = 0$ и $G_0 = 0$.

У линии без потерь волновое сопротивление чисто активное и не зависит от частоты:

$$\underline{Z}_c = \sqrt{\frac{R_0 + j\omega L_0}{G_0 + jC_0\omega}} = \sqrt{\frac{L_0}{C_0}} = Z_c.$$

Угол $\theta = 0$. Это означает что напряжение и ток прямой и обратной волн совпадают по фазе.

Коэффициент распространения

$$\underline{\gamma} = \alpha + j\beta = \sqrt{(R_0 + j\omega L_0)(G_0 + jC_0\omega)} = j\omega\sqrt{L_0 C_0}.$$

Отсюда следует, что коэффициент затухания $\alpha = 0$. Линия без потерь – линия без затухания.

Коэффициент фазы $\beta = \omega\sqrt{L_0 C_0}$ прямо пропорционален частоте.

Так как $\underline{\gamma} = j\beta$, то и коэффициент распространения прямо пропорционален частоте.

Фазовая скорость $v = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{L_0 C_0}}$. Фазовая скорость в линии без потерь

не зависит от частоты. Однородная линия без потерь – это линия без искажений.

Уравнения однородной линии с гиперболическими функциями от комплексного аргумента заменяют для линии без потерь уравнениями с круговыми функциями от вещественного аргумента.

Так как

$$\operatorname{ch} \underline{\gamma} x = \operatorname{ch} j\beta x = \cos \beta x; \operatorname{sh} \underline{\gamma} x = \operatorname{sh} j\beta x = j \sin \beta x; \underline{Z}_c = Z_c.$$

уравнения примут вид:

$$\begin{cases} \dot{U} = \dot{U}_2 \cos \beta x + j Z_c \dot{I}_2 \sin \beta x; \\ \dot{I} = \dot{I}_2 \cos \beta x + j \frac{\dot{U}_2}{Z_c} \sin \beta x. \end{cases}$$

В случае несогласованной нагрузки есть прямая и обратная составляющие напряжения и тока. Амплитуда каждой составляющей вдоль линии остается постоянной ($\alpha = 0$). Результирующие действующие значения напряжения и тока вдоль линии распределены неравномерно.

Согласованная нагрузка линии без потерь

При согласованной активной нагрузке

$$\underline{Z}_R = \underline{Z}_c = Z_c = \sqrt{\frac{L_0}{C_0}}; \quad \dot{U}_2 = Z_c \dot{I}_2,$$

$$\begin{cases} \dot{U} = \dot{U}_2 \cos \beta x + j \dot{U}_2 \sin \beta x = \dot{U}_2 e^{j\beta x}; \\ \dot{I} = \dot{I}_2 \cos \beta x + j \dot{I}_2 \sin \beta x = \dot{I}_2 e^{j\beta x}. \end{cases}$$

Примем, что начальная фаза напряжения в конце линии равна нулю.
Тогда мгновенные значения напряжения и тока

$$u(x, t) = U_{2m} \sin(\omega t + \beta x);$$

$$i(x, t) = I_{2m} \sin(\omega t + \beta x).$$

Напряжение и ток вдоль линии изменяются по синусоидальному закону с постоянной амплитудой и совпадают по фазе (рис. 31.2).

Отраженной волны нет. Действующие значения напряжения и тока не зависят от координаты x (рис. 31.3).

Мощность волны, движущейся от генератора к приемнику,

$$P = UI = Z_c I^2 = \frac{U^2}{Z_c}$$

полностью поглощается нагрузкой.

Волновое сопротивление

$$Z_c = \frac{U}{I} = \sqrt{\frac{L_0}{C_0}}.$$

После возведения в

квадрат получим $\frac{U^2}{I^2} = \frac{L_0}{C_0}$. Отсюда

$L_0 I^2 = C_0 U^2$. Энергия магнитного поля катушки $\frac{L_0 I^2}{2}$, энергия электрического

поля конденсатора $\frac{C_0 U^2}{2}$. Очевидно, что $\frac{L_0 I^2}{2} = \frac{C_0 U^2}{2}$.

Следовательно, энергия распределяется поровну между электрическим и магнитным полями между проводами линий.

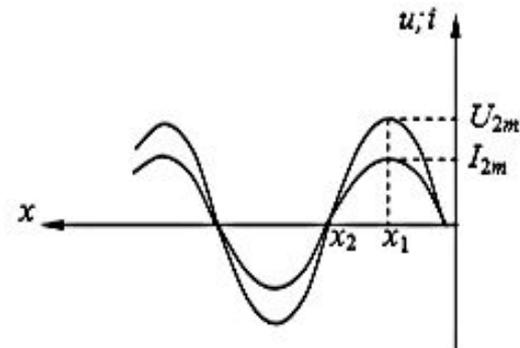


Рис. 31.2

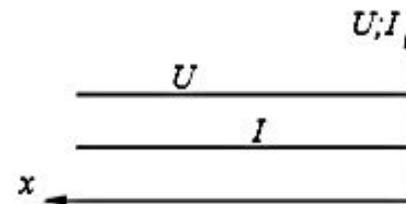


Рис. 31.3

Входное сопротивление линии

Входное сопротивление линии – это входное сопротивление двухполюсника, который необходимо подключить к зажимам генератора вместо линии, чтобы режим работы генератора остался без изменения.

При известных напряжении и токе генератора система уравнений линии:

$$\begin{cases} \dot{U}_1 = \dot{U}_2 \operatorname{ch} \underline{\gamma} l + \underline{Z}_c \dot{I}_2 \operatorname{sh} \underline{\gamma} l = \dot{U}_2 \left(\operatorname{ch} \underline{\gamma} l + \frac{\underline{Z}_c}{\underline{Z}_H} \operatorname{sh} \underline{\gamma} l \right); \\ \dot{I}_1 = \dot{I}_2 \operatorname{ch} \underline{\gamma} l + \frac{\dot{U}_2}{\underline{Z}_c} \operatorname{sh} \underline{\gamma} l = \dot{U}_2 \left(\frac{1}{\underline{Z}_H} \operatorname{sh} \underline{\gamma} l + \frac{1}{\underline{Z}_c} \operatorname{sh} \underline{\gamma} l \right). \end{cases}$$

Входное сопротивление равно отношению входного напряжения к входному току:

$$\underline{Z}_{\text{вх}} = \frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_1} = \frac{\operatorname{ch} \underline{\gamma} l + \frac{\underline{Z}_c}{\underline{Z}_H} \operatorname{sh} \underline{\gamma} l}{\frac{1}{\underline{Z}_H} \operatorname{ch} \underline{\gamma} l + \frac{1}{\underline{Z}_c} \operatorname{sh} \underline{\gamma} l}.$$

Разделив на $\operatorname{ch} \underline{\gamma} l$, получим

$$\underline{Z}_{\text{вх}} = \underline{Z}_c \frac{\underline{Z}_H + \underline{Z}_c \operatorname{th} \underline{\gamma} l}{\underline{Z}_c + \underline{Z}_H \operatorname{th} \underline{\gamma} l}.$$

При заданных параметрах линии и сопротивлении нагрузки проще пользоваться выражением (31.1).

Если задан коэффициент отражения \underline{n} , то $Z_{вх}$ можно выразить через него

$$\underline{n} = \frac{\dot{U}_2 - Z_c \dot{I}_2}{\dot{U}_2 + Z_c \dot{I}_2} = \frac{Z_{н} - Z_c}{Z_{н} + Z_c} = \frac{1 - \frac{Z_c}{Z_{н}}}{1 + \frac{Z_c}{Z_{н}}}.$$

Отсюда

$$\frac{Z_c}{Z_{н}} = \frac{1 - \underline{n}}{1 + \underline{n}}. \quad (31.3)$$

Гиперболический тангенс

$$\text{th } \underline{\gamma} l = \frac{e^{\underline{\gamma} l} - e^{-\underline{\gamma} l}}{e^{\underline{\gamma} l} + e^{-\underline{\gamma} l}}.$$

Умножив на $e^{-\underline{\gamma} l}$, получим

$$\text{th } \underline{\gamma} l = \frac{1 - e^{-2\underline{\gamma} l}}{1 + e^{-2\underline{\gamma} l}}.$$

Отсюда $1 - e^{-2\underline{\gamma} l} = (1 + e^{-2\underline{\gamma} l}) \text{th } \underline{\gamma} l$;

$$e^{-2\underline{\gamma} l} = \frac{1 - \text{th } \underline{\gamma} l}{1 + \text{th } \underline{\gamma} l}. \quad (31.4)$$

Подставив выражение (31.3) в (31.1) и с учетом (31.4), получим

$$Z_{вх} = Z_c \frac{1 + \underline{n} e^{-2\underline{\gamma} l}}{1 - \underline{n} e^{-2\underline{\gamma} l}}.$$

При коротком замыкании ($Z_{н} = 0$) из выражения (31.1)

$$Z_{вх} = Z_{кз} = Z_c \text{th } \underline{\gamma} l. \quad (31.5)$$

При холостом ходе ($Z_{н} = \infty$)

$$Z_{вх} = Z_{ох} = Z_c \text{cth } \underline{\gamma} l. \quad (31.6)$$

Если известны $\underline{Z}_{кз}$ и $\underline{Z}_{хх}$, входное сопротивление линии можно выразить через эти параметры. Подставив (31.5) и (31.6) в (31.1), получим

$$\underline{Z}_{вх} = \underline{Z}_{хх} \frac{\underline{Z}_н + \underline{Z}_{кз}}{\underline{Z}_н + \underline{Z}_{хх}}.$$

Сопротивления $\underline{Z}_{хх}$ и $\underline{Z}_{кз}$ легко определить опытным путем. Их используют для вычисления вторичных параметров линии.

Волновое сопротивление получим, умножив выражение (31.5) на выражение (31.6):

$$\underline{Z}_c = \sqrt{\underline{Z}_{кз} \cdot \underline{Z}_{хх}}.$$

Разделив выражение (31.5) на (31.6), получим

$$\operatorname{th} \underline{\gamma} l = \sqrt{\frac{\underline{Z}_{кз}}{\underline{Z}_{хх}}}.$$

Отсюда можно вычислить коэффициент распространения.

Входное сопротивление линии без потерь при согласованном режиме

$$\underline{Z}_{вх} = Z_c \frac{Z_n + jZ_c \operatorname{tg} \beta l}{Z_c + jZ_n \operatorname{tg} \beta l} = Z_c \frac{1 + \underline{n} e^{-j2\beta l}}{1 - \underline{n} e^{-j2\beta l}}.$$

Так как коэффициент отражения $\underline{n} = 0$, то $\underline{Z}_{вх} = Z_c$, т. е. является чисто активным для любой длины линии.

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ