

Конечные и бесконечные множества

Мощность множества

Количество элементов множества A называется **МОЩНОСТЬЮ** множества A и обозначается $|A|$ или $n(A)$.

A – некоторое множество

$n(A)$ – количество элементов множества A (его **МОЩНОСТЬ**)

- A – множество дней недели

$$n(A)=7$$

- A – множество двузначных чисел

$$n(A)=90$$

Количество подмножеств

Если мощность множества n , то у этого множества 2^n подмножеств.

Пример1:

$$A=\{1,2\}, n(A)=2, 2^2 = 4$$

Подмножества множества A:

$$\{\emptyset\}, \{1\}, \{2\}, \{1,2\}.$$

Пример2:

$$A=\{1,2,3\}, n(A)=3, 2^3 = 8$$

Подмножества множества A:

$$\{\emptyset\}, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1,2\}, \{1,3\}, \{2,3\}, \{1,2,3\}$$

1. Какие из следующих утверждений верны:

- 1) $\{0\} \in \{0, 5, 6\}$; 3) $0 \in \{0, 5, 6\}$; 5) $\{\emptyset\} \in \{0, 5, 6\}$;
2) $5 \subset \{0, 5, 6\}$; 4) $\{6\} \subset \{0, 5, 6\}$; 6) $\emptyset \subset \{0, 5, 6\}$?

2. Какие из следующих утверждений верны:

- 1) $\{4\} \cap \{1, 4\} = \{4\}$; 3) $\{4\} \cup \{1, 4\} = \{1, 4\}$;
2) $\{4\} \cap \{1, 4\} = \{\{4\}\}$; 4) $\{4\} \cup \{1, 4\} = \{\{4\}\}$?

3. Даны множества $A = \{x \mid x^2 - 49 = 0\}$ и $B = \{x \mid (x + 7)(x - 1) = 0\}$.

Найдите: 1) $A \cap B$; 2) $A \cup B$; 3) $A \setminus B$; 4) $B \setminus A$.

4. На диаграмме Эйлера (рис. 4) изображены множества A , B и C . Заштрихуйте множество:

- 1) $(A \cap B) \cup C$; 2) $(A \cap C) \setminus B$; 3) $(A \setminus B) \cup C$.

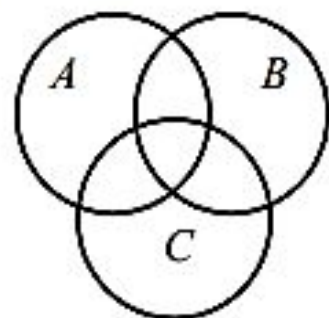
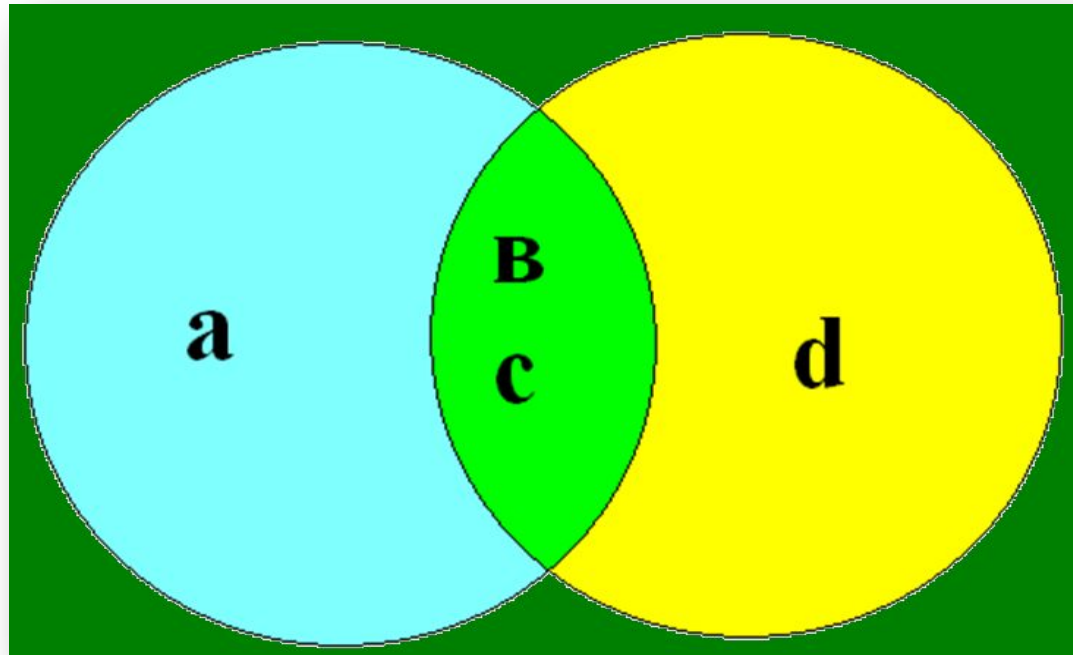


Рис. 4

Задача

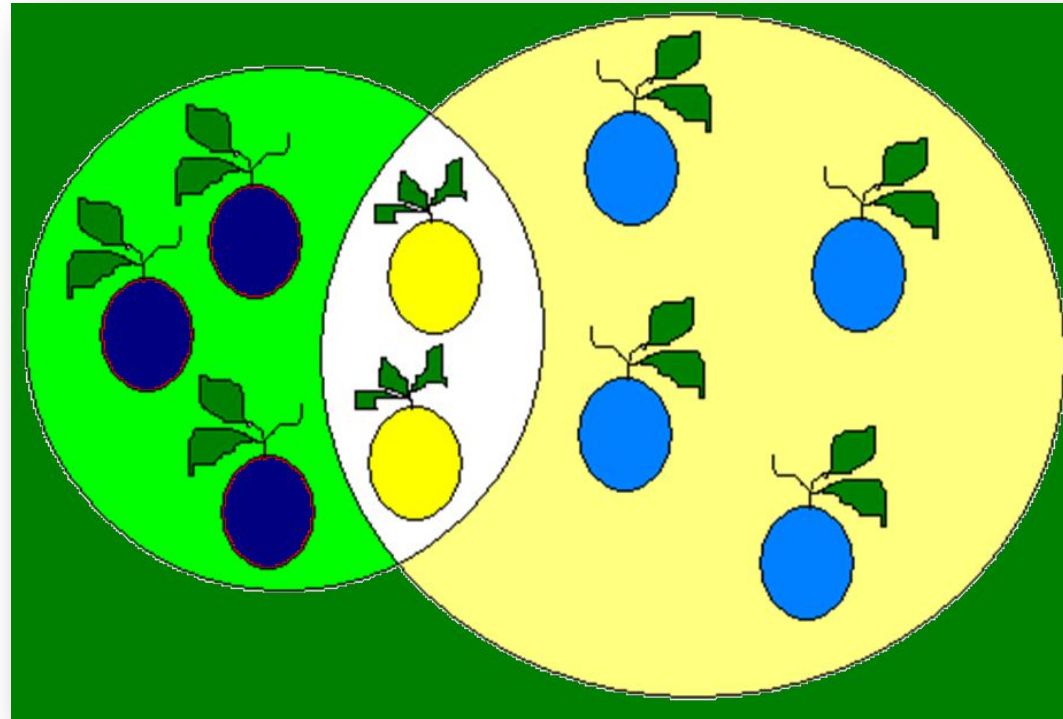
Расположите 4 элемента в двух множествах так, чтобы в каждом из них было по 3 элемента.



Задача

Множества A и B содержат соответственно 5 и 6 элементов,
а множество $C = A \cap B$ – 2 элемента.

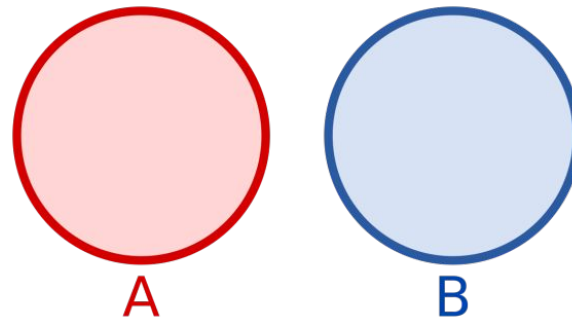
Сколько элементов в множестве $A \cup B$?



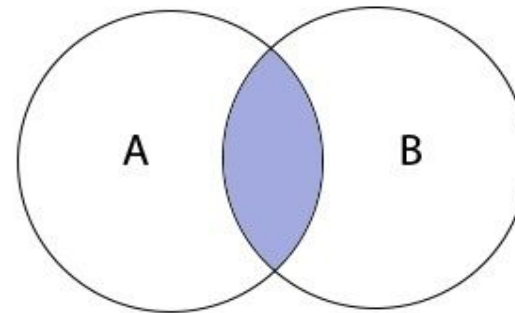
Ответ: 9 элементов

Формула включения - исключения

- Если A и B – конечные множества, причём $A \cap B = \emptyset$, то $n(A \cup B) = n(A) + n(B)$



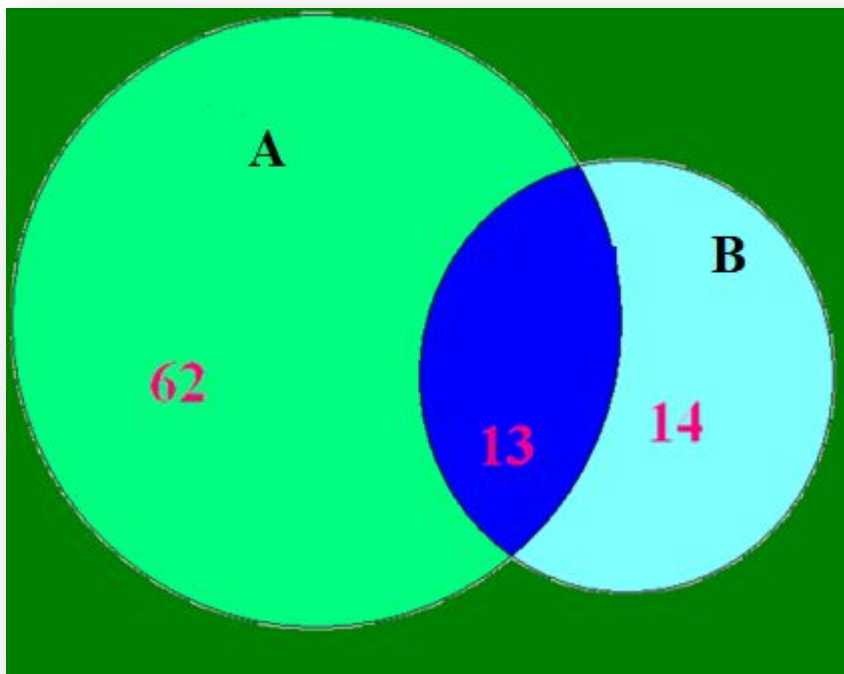
- Если A и B – конечные множества, причём $A \cap B \neq \emptyset$, то $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$



Задача

Каждая семья, живущая в нашем доме, выписывает или газету, или журнал, или и то и

другое вместе. 75 семей выписывают газету, а 27 семей выписывают журнал и лишь 13 семей выписывают и журнал, и газету. Сколько семей живет в нашем доме?



A – множество семей, выписывающих газету

B – множество семей, выписывающих журнал

$A \cap B$ – множество семей, выписывающих и газету и журнал

$$n(A)=75, n(B)=27, n(A \cap B)=13, n(A \cup B)=?$$

$A \cap B \neq \emptyset$, значит

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

$$n(A \cup B) = 75 + 27 - 13 = 89$$

Ответ: 89 семей.

Задача

В киоске около школы продается мороженое двух видов: «Спортивное» и «Мальвина». На перемене 24 ученика успели купить мороженое. При этом 15 из них купили «Спортивное», а 17 – мороженое «Мальвина». Сколько человек купили мороженое обоих сортов?



A – множество учеников, купивших «Спортивное»

B – множество учеников, купивших мороженое «Мальвина»

$A \cap B$ – множество учеников, купивших мороженое обоих сортов

$$n(A)=15, n(B)=17, n(A \cup B)=24, n(A \cap B)=?$$

$A \cap B \neq \emptyset$, значит

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

$$n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B)$$

$$n(A \cap B) = 15 + 17 - 24 = 8$$

Ответ: 8 учеников купили оба вида мороженого.

Домашнее задание: §1, §2 (знать ответы на вопросы после параграфа), решить задачи из презентации, №1.12, 1.14, 1.16

№1. Расположите 4 элемента в двух множествах так, чтобы в каждом из них было по 3 элемента.

№2. Множества A и B содержат соответственно 5 и 6 элементов, а множество $C = A \cap B$ – 2 элемента. Сколько элементов в множестве $A \cup B$?

№3. На олимпиаду пришли 436 школьников. Из них 128 правильно решили первую задачу и 126 – вторую. 62 участника справились с обеими задачами. А сколько школьников не решили ни первую, ни вторую задачи?

При решении задач воспользоваться кругами Эйлера и формулой «Включения-исключения»