

# Тема: «Второй признак равенства треугольников»

Учитель – Кузнецова Майя  
Александровна

**Цель:**

**ознакомить учащихся с**

**принципом определения треугольника по  
стороне и прилежащие к ней углы**

Просмотрите внимательно правильную запись этой задачи

Дано:

$AO=OC$ ,

$BO=OD$

Доказать:  $\triangle AOB$  и  $\triangle COD$

Доказательство:

Рассмотрим  $\triangle AOB$  и  $\triangle COD$

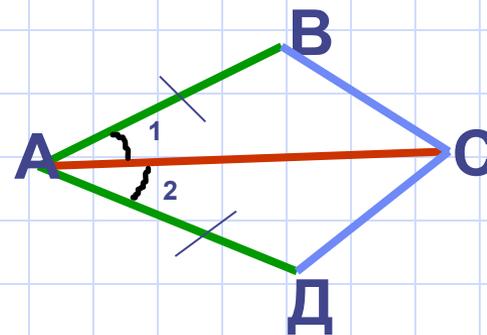
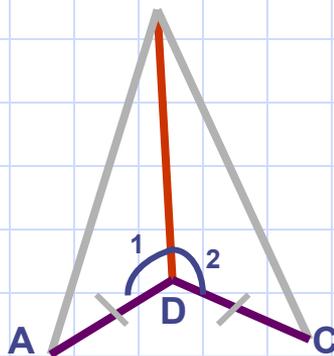
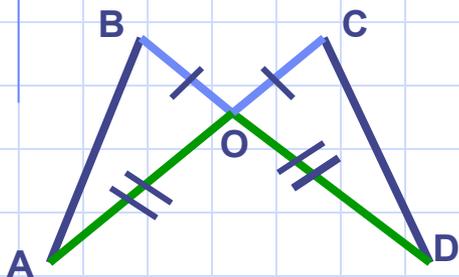
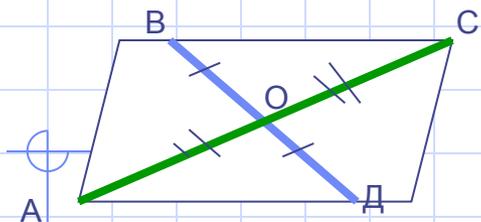
1.  $AO=OC$  по условию

2.  $BO=OD$  по условию

3.  $\angle AOB = \angle COD$  как вертикальные

Значит  $\triangle AOB = \triangle COD$  по I признаку (по двум сторонам и углу между ними)

Повторим!!!!



1.  $OB=OC$  по условию

2.  $AO=OD$  по условию

3.  $\angle AOB = \angle COD$  как вертикальные

1.  $AD=DC$  по условию

2.  $\angle 2 = \angle 1$  по условию

3.  $BD$  - общая

1.  $AB=AD$  по условию

2.  $\angle 2 = \angle 1$  по условию

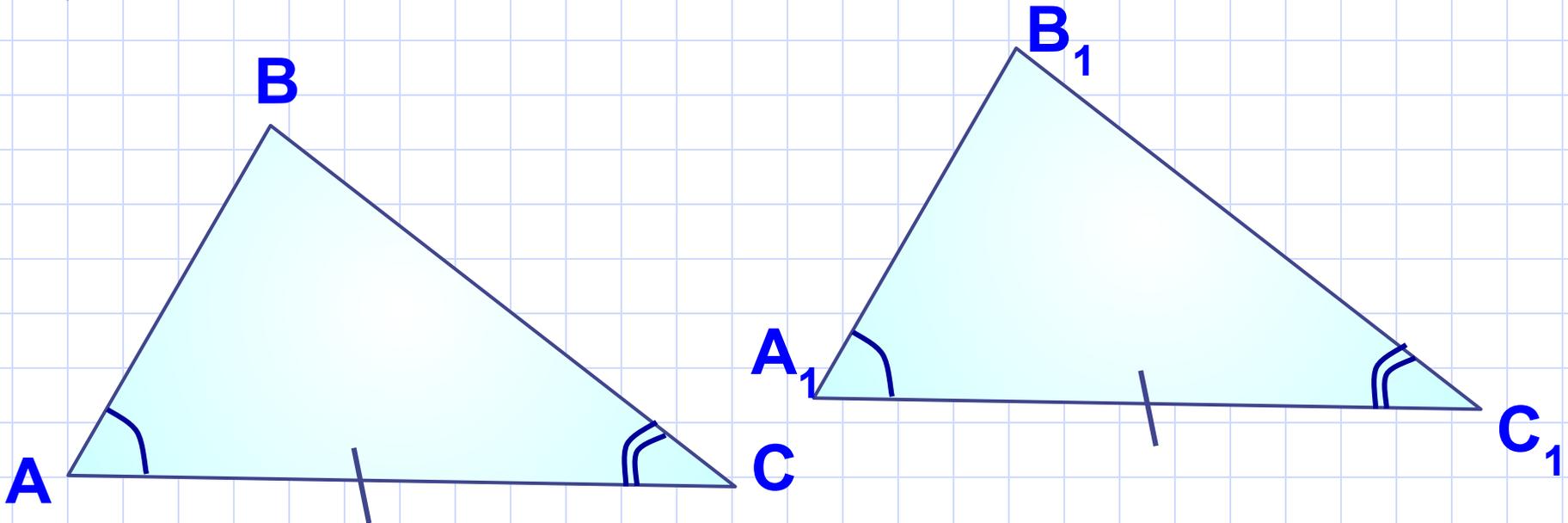
3.  $AC$  - общая

## II признак равенства треугольников по стороне и прилежащие к ней углы

Если сторона и прилежащие к ней углы одного  $\Delta$  соответственно равны стороне и прилежащим к ней углам другого  $\Delta$ ,  
ТО такие  $\Delta$  равны.

У  
С  
Л  
О  
В  
И  
Е

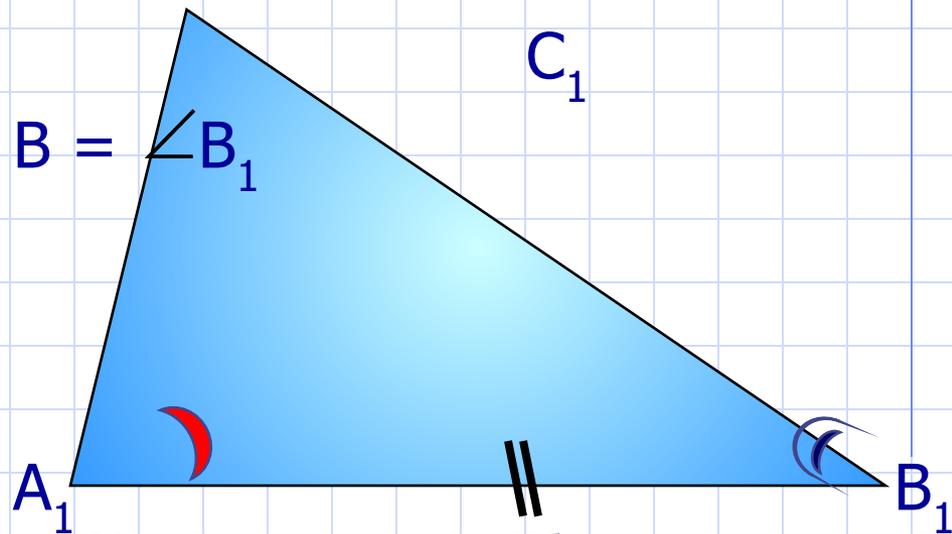
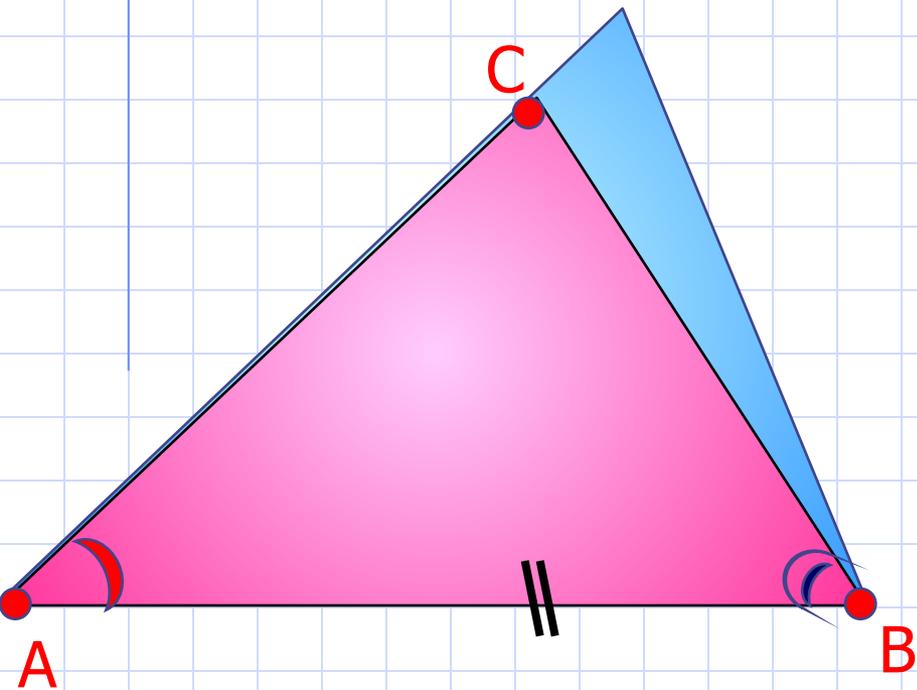
Вывод



Дано:  $\triangle ABC$ ,  $\triangle A_1B_1C_1$ ,

$AB = A_1B_1$     $\angle A = \angle A_1$     $\angle B = \angle B_1$

Доказать:  $\triangle ABC = \triangle A_1B_1C_1$ ,



Используем способ наложения.

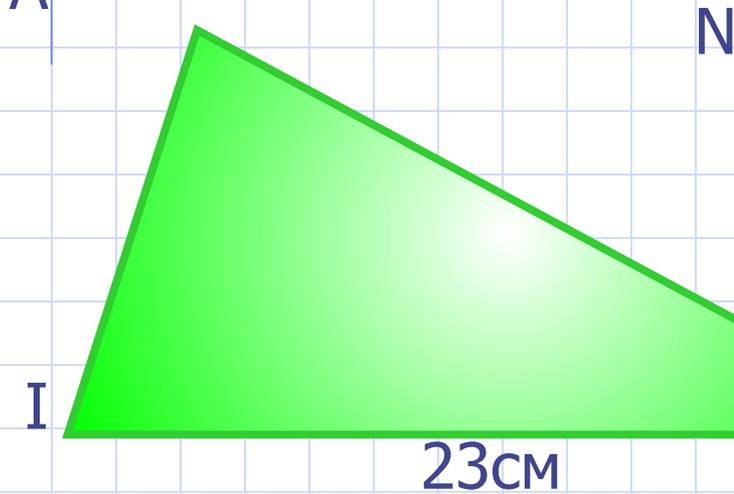
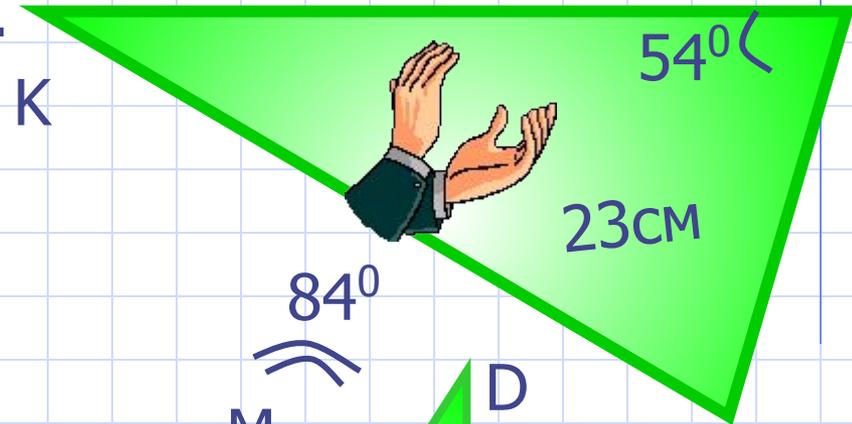
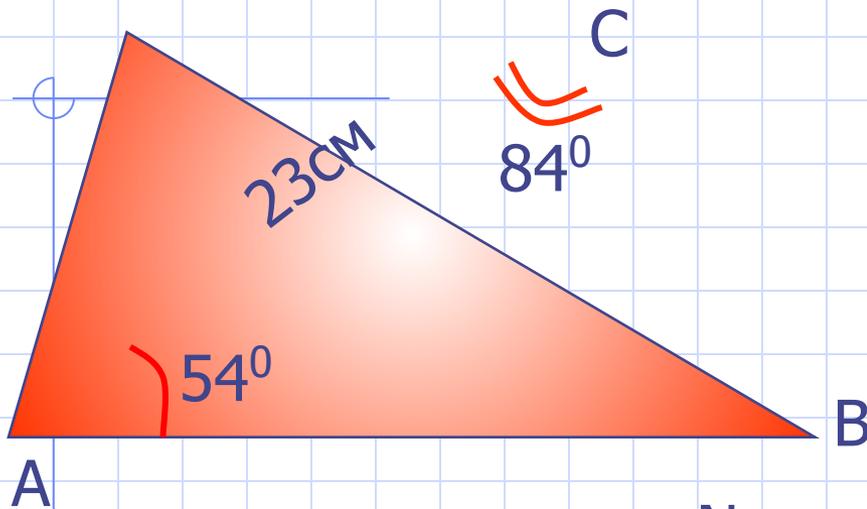
Так как стороны  $AB$  и  $A_1B_1$  равны,  
то совпадут точки  $A$  и  $A_1$ ;  $B$  и  $B_1$ .

Так как углы  $A$  и  $A_1$  равны, то  
совпадут лучи  $AC$  и  $A_1C_1$ .

Так как углы  $B$  и  $B_1$  равны, то  
совпадут лучи  $BC$  и  $B_1C_1$ .

**Треугольники  $ABC$  и  $A_1B_1C_1$   
совмещаются, значит, они равны.**

Для красного треугольника найдите равный ему и щелкните по нему мышкой.



Неправильн

Проверка

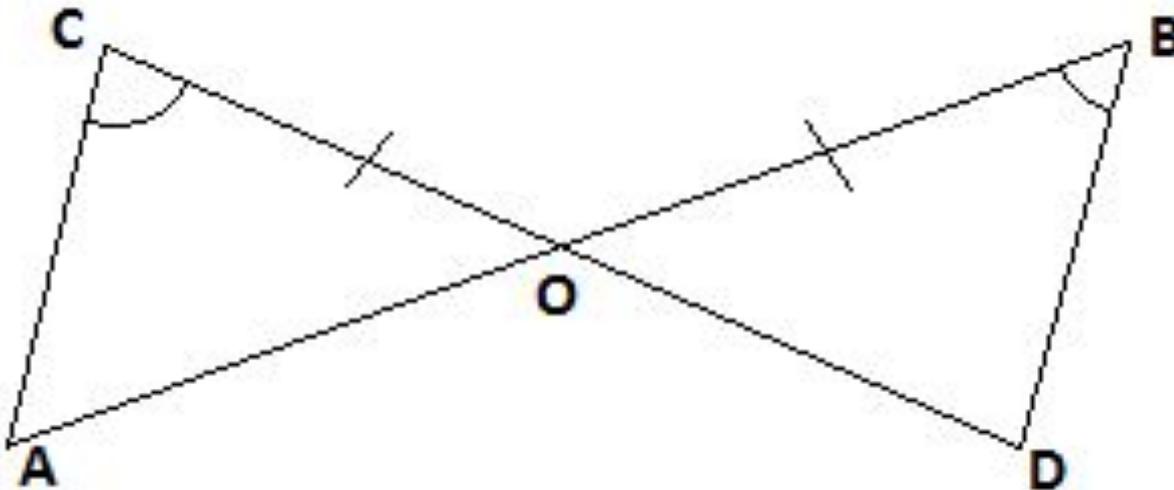


## Закрепление изученного материала.

### Задача № 1.

Отрезки  $AB$  и  $CD$  пересекаются в точке  $O$ .

Докажите равенство треугольников  $ACO$  и  $DOB$  если известно, что угол  $ACO$  равен углу  $DBO$  и  $BO=CO$ .



Решение:

Рассмотрим  $\triangle ACO$  и  $\triangle DBO$ :

$BO = CO$  (по условию)

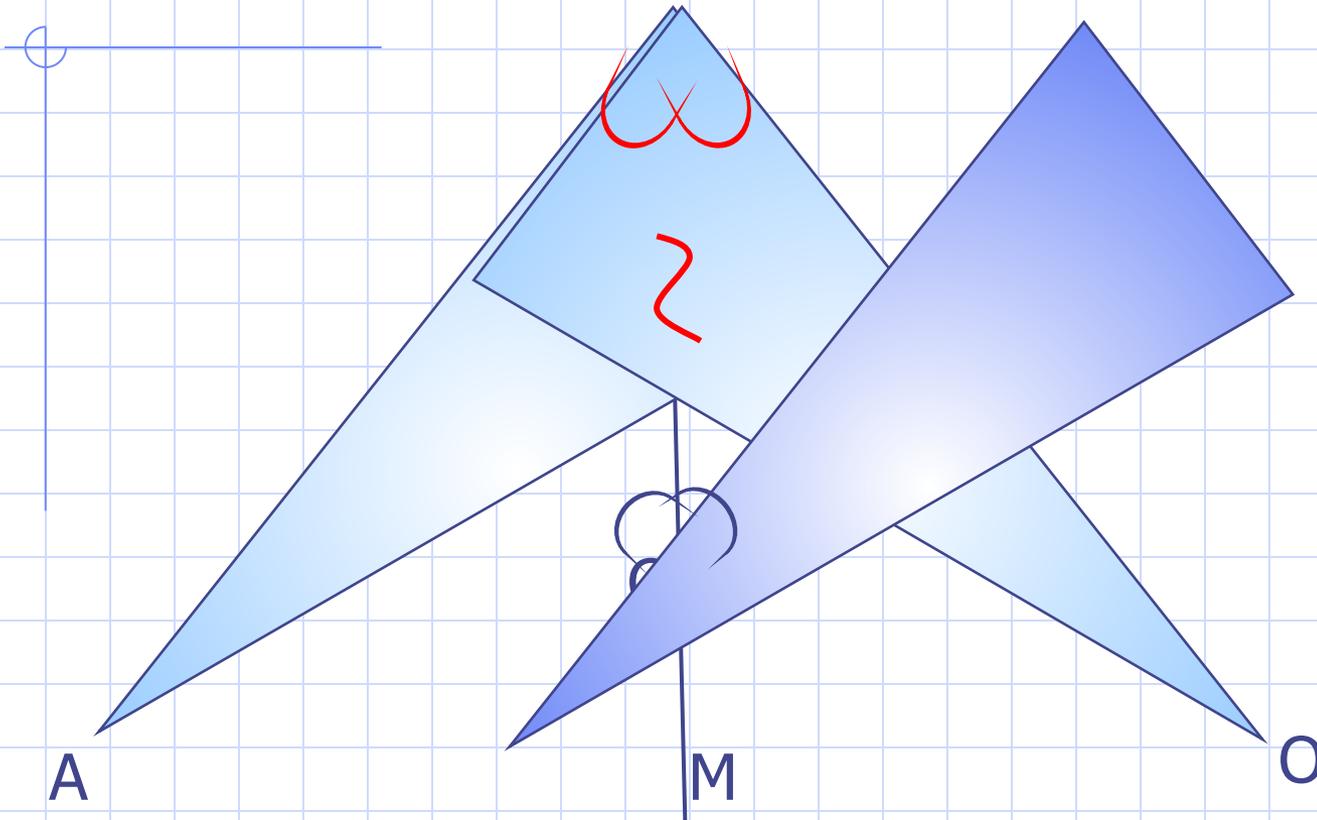
$\angle ACO = \angle DBO$  (по условию)

$\angle AOC = \angle DOB$  (вертикальные)

Следственно  $\triangle ACO = \triangle DBO$  по стороне и двум прилежащим к ней углам.

Подсказк  
а

Задача 2.  $BM$  – биссектриса угла  $ABO$ .  
Доказать:  $\triangle ABC = \triangle OBC$



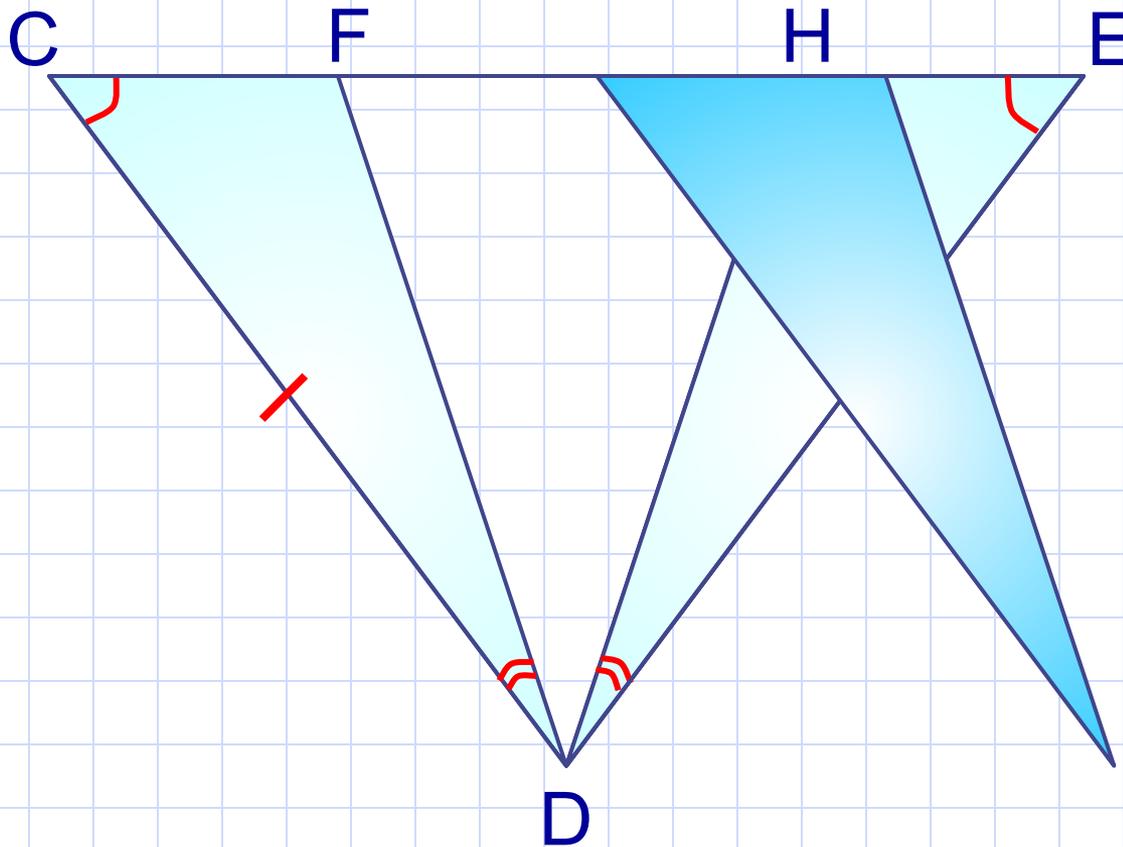
**Биссектриса угла делить угол пополам.  
Какие углы в треугольниках будут равны?**

Задача 3.

Подсказка

Доказать :  $\triangle DCF = \triangle DEN$

Вспомните свойство углов равнобедренного треугольника





**Это интересно!!!!!!!**

О каких углах это определение? а) Щелкни мышкой по названию этого угла.

б) Щелкни мышкой по рисунку, где ты нашел эти углы.

Два угла, у которых одна сторона общая, а две другие являются дополнительными лучами, называются ...

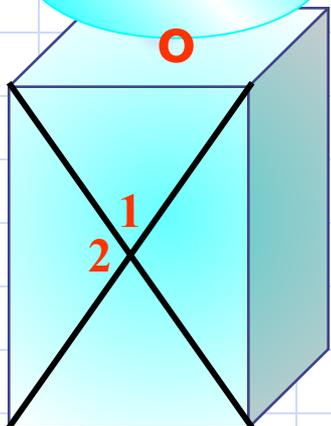
Смежные углы

Вертикальные

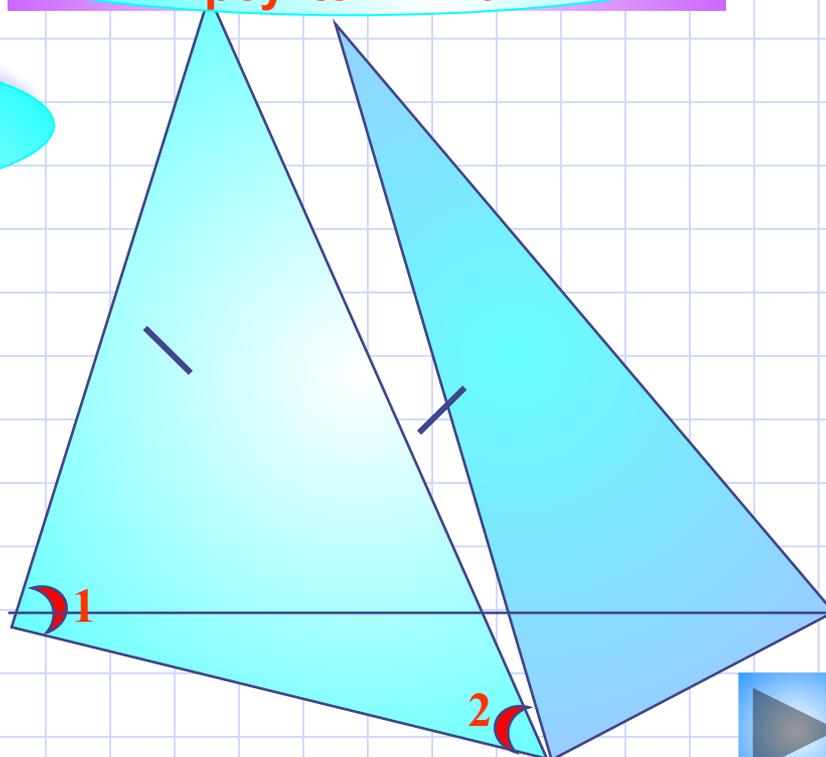
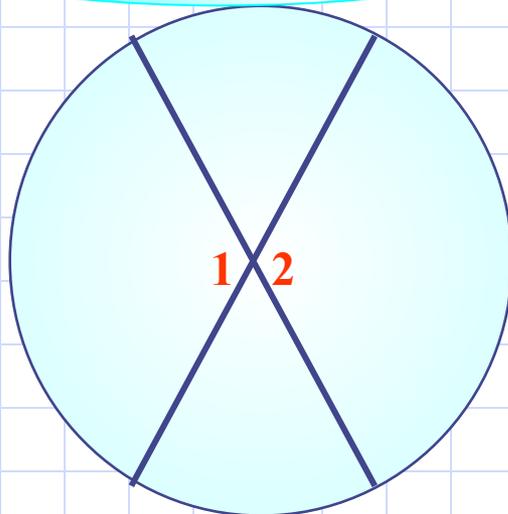
Углы при основании  
равнобедренного  
треугольника!

прав  
ильн

о



Вертикальные  
углы!



Щелкни мышкой по другим рисункам



О каких углах это определение? а) Щелкни мышкой по названию этого угла.

б) Щелкни мышкой по рисунку, где ты нашел эти углы.

Два угла называются ... , если стороны одного угла являются дополнительными лучами сторон второго.

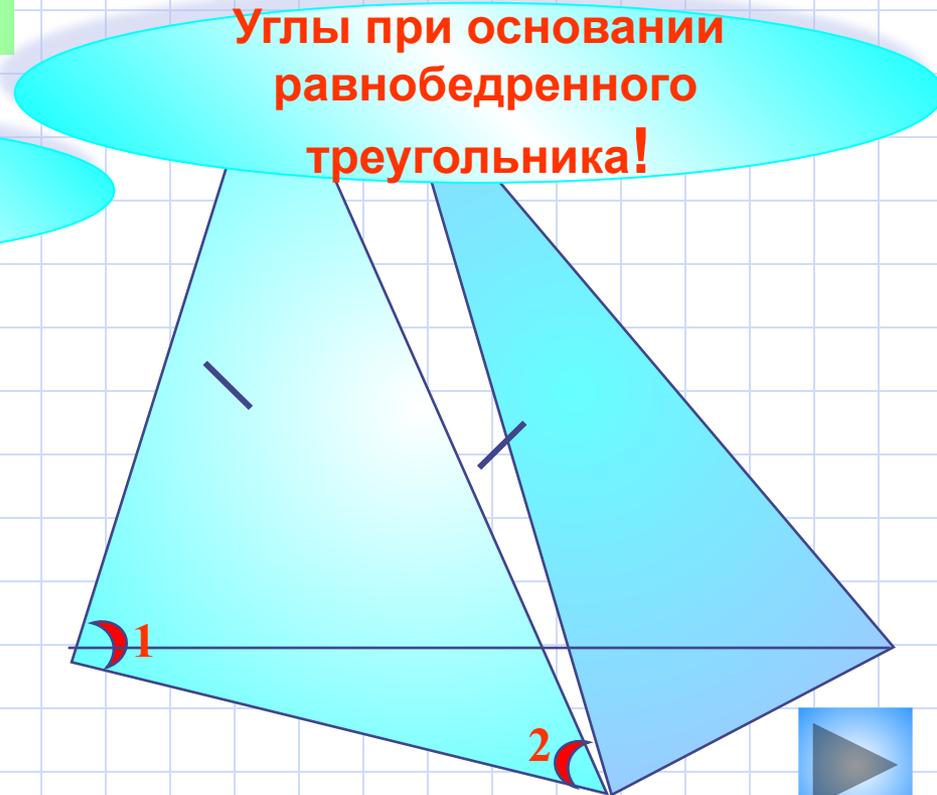
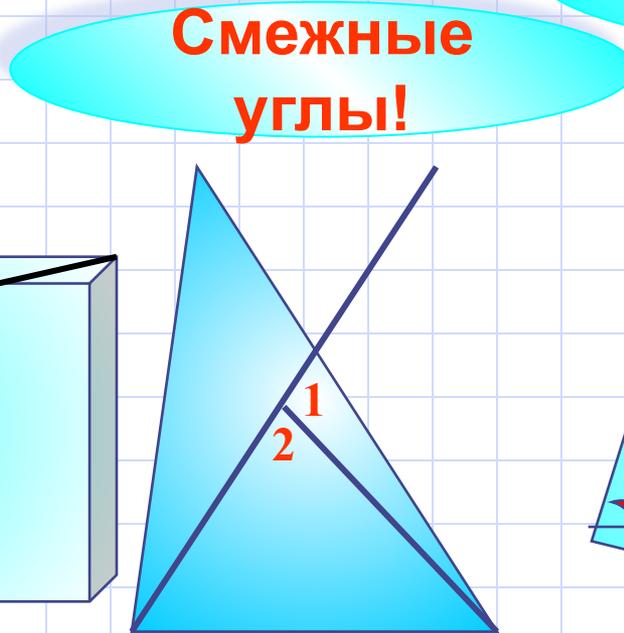
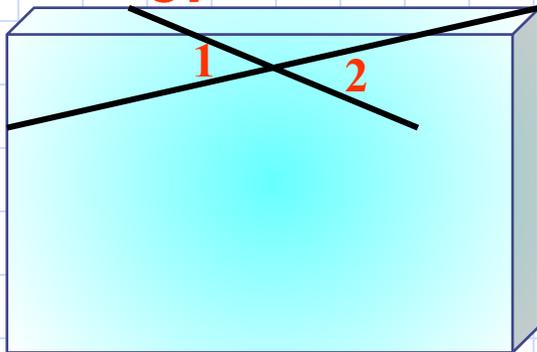
Вертикальные углы

Смежные углы

Углы при основании  
равнобедренного треугольника

Углы при основании  
равнобедренного  
треугольника!

прав  
ильн  
о!



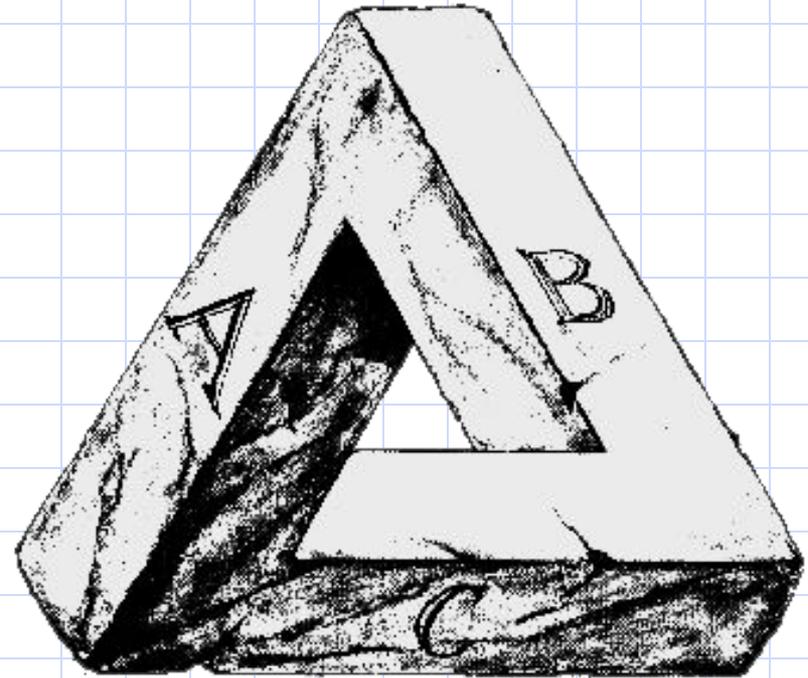
Щелкни мышкой по другим рисункам



Экскурс  
«Замечательные треугольники»  
«По страницам всемирной сети ИНТЕРНЕТ»

Из коллекции  
**НЕВОЗМОЖНЫХ** объектов.

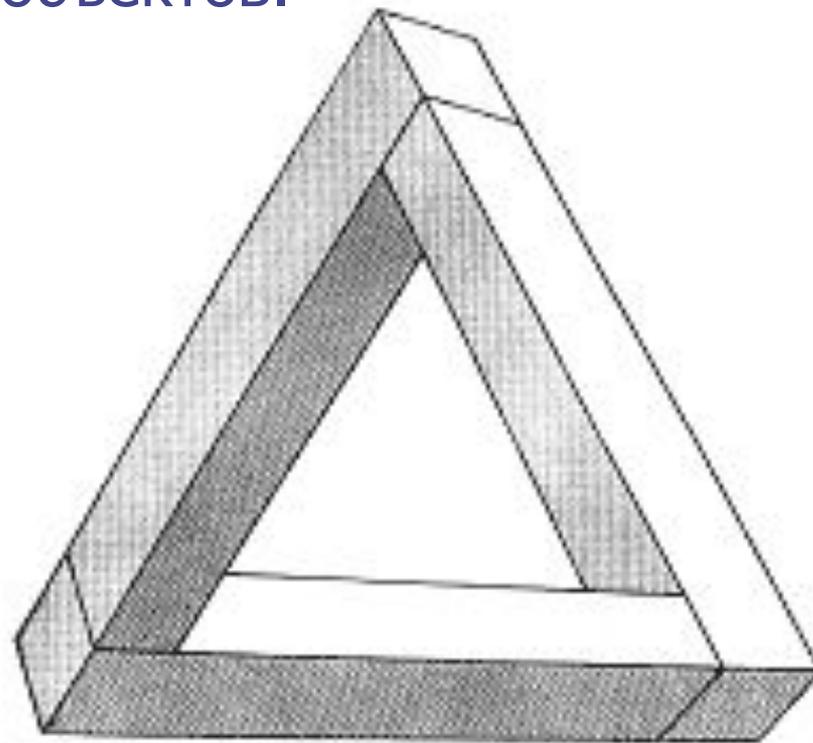
Невозможные фигуры  
вдохновляют художников  
и даже скульпторов.



**Каменный треугольник.**

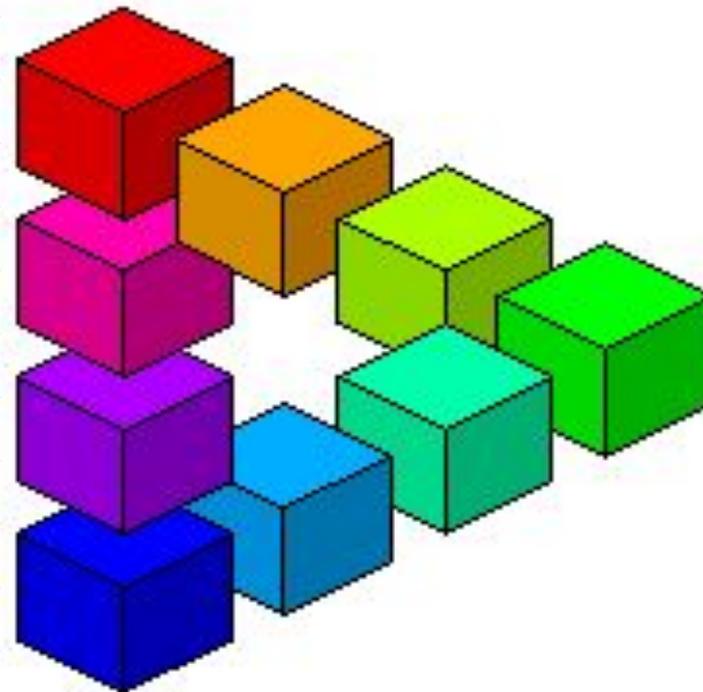
Из коллекции **НЕВОЗМОЖНЫХ** объектов.

**Треугольник  
Пенроуза  
или трибар.**



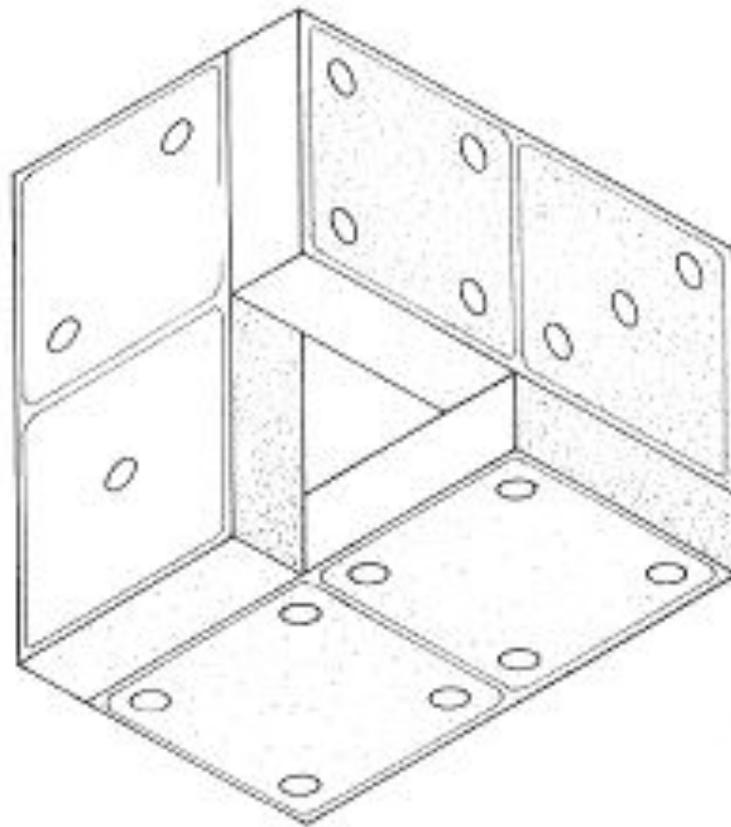
Кажется, что мы видим три бруска квадратного сечения соединенных в треугольник. Если вы закроете любой угол этой фигуры, то увидите, что все три бруска соединены правильно. Но когда вы уберете руку с закрытого угла, то станет очевиден обман. Те два бруска, которые соединятся в этом угле, не должны быть даже вблизи друг друга!

## Треугольник из кубов



Геометрические фигуры – лучший источник вдохновения для изобретения невозможных объектов. Например, возьмем простой куб. Каждый день мы видим их в огромном количестве в той или иной форме. Для построения этой фигуры взяли трибар и разбили его на кубы. При этом ничего не изменилось: новая фигура так же совершенно невозможна, как и предшествующая ей!

Из коллекции **НЕВОЗМОЖНЫХ** объектов.



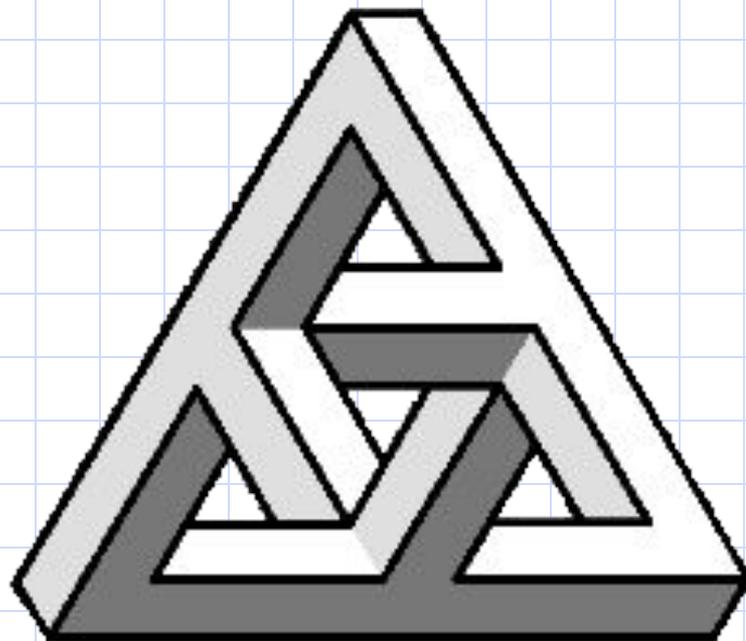
**Тройное домино**

Из коллекции  
невозможных объектов.



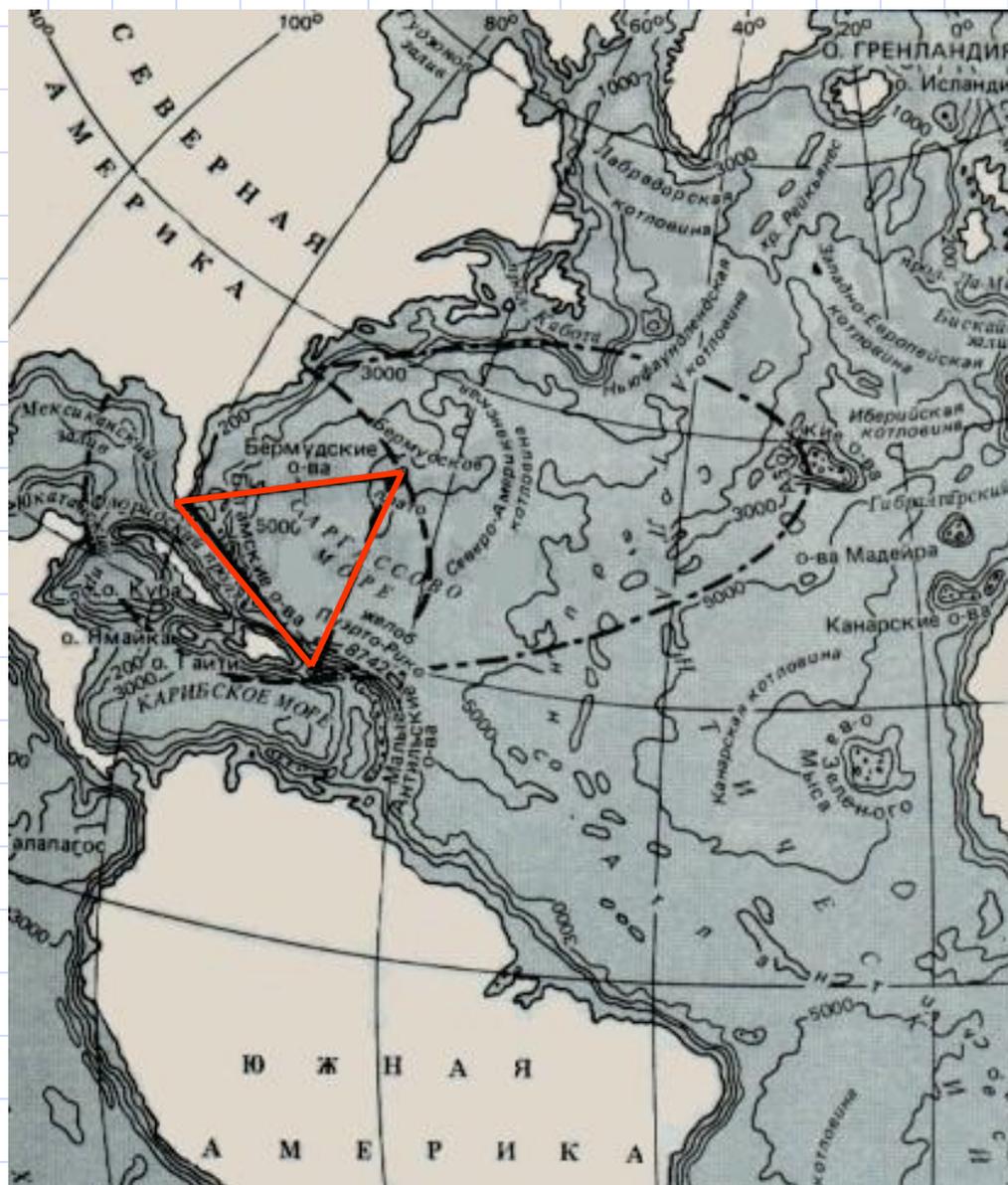
На примере первого трибара можно было увидеть лишь одно невозможное соединение, а в этой фигуре – несколько. Вы на каждом шагу начинаете по-новому смотреть на нее – так получается с любым невозможным объектом. Предмет кажется довольно убедительным, но если вы попытаете построить что-то подобное в реальности, то у вас ничего не выйдет. Вот в чем суть всех невозможных объектов!

Из коллекции **НЕВОЗМОЖНЫХ** объектов.



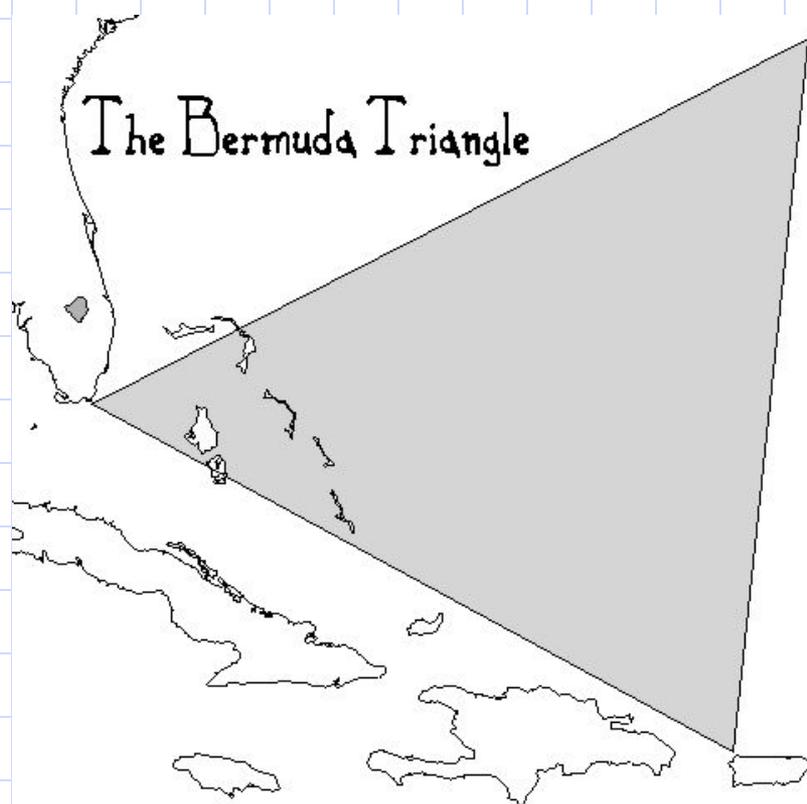
Треугольник с перемычками

# Расположение Бермудского треугольника



**Бермудский треугольник** — район в Атлантическом океане, в котором происходят якобы таинственные исчезновения морских и воздушных судов. Район ограничен линиями от Флориды к Бермудским островам, далее к Пуэрто-Рико и назад к Флориде через Багамы.

Выдвигаются различные гипотезы для объяснения этих исчезновений, от необычных погодных явлений до похищений инопланетянами.



Скептики утверждают, однако, что исчезновения судов в бермудском треугольнике происходят не чаще, чем в других районах мирового океана и объясняются естественными причинами. Такого же мнения придерживается Береговая охрана США и страховая компания Lloyd's.





Параграф 8. № 169, 168 . Оформлять полностью задачами (с дано, доказать, доказательство) + задача 3 в презентации решить по желанию.

**ВЫПОЛНИТЬ ПИСЬМЕННО В  
ТЕТРАДИ**