
Проверка статистических гипотез

Версия 2

Определение

- Статистическая гипотеза – утверждение о свойствах распределения вероятностей случайной величины *(или случайного вектора)*.
 - Гипотеза нуждается в проверке.
 - Проверка основывается на результатах эксперимента, на наблюдениях.
-

Напоминание



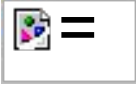

- Что такое функция распределения?
 - Что такое плотность распределения?
-

Раздел 1

Зачем проверяют
статистические гипотезы

- Обсудим наиболее важные статистические гипотезы.
-

1. Гипотеза согласия.

- Обозначим  функцию распределения случайной величины X .
- Пусть  - некоторая заданная функция распределения.
- **Гипотеза** : функции распределения совпадают, то есть  = 
- Кому и когда приходится проверять гипотезу согласия?

Пример гипотезы согласия

- Гипотеза о нормальности распределения
- В этом случае



GD9674175N9

Deutsche Bundesbank

Heinrich Seemann
Frankfurt am Main
1. Oktober 1993



ZEHN DEUTSCHE MARK

Почему гипотеза нормальности важна?

- 1. Нормальное распределение часто встречается
(вспомним центральную предельную теорему).
-

Почему гипотеза нормальности важна?

- 2. Когда распределение нормальное, экономим деньги: если
- А) распределение можно считать нормальным и
- Б) задана необходимая погрешность результата,
- то при проведении анализа можно обойтись меньшим числом наблюдений.
- Например, опросить меньше покупателей.

Пример гипотезы согласия 2

- Гипотеза об экспоненциальности распределения.
- В этом случае функция распределения





Почему важна гипотеза экспоненциальности?

- Экспоненциальное распределение часто встречается, когда изучается «время ожидания».
-

Например,

- Время до аварии (нужно для расчета страховой премии).
 - Время обслуживания покупателя кассиром (нужно для определения числа касс в супермаркете).
 - Время до поломки изделия (нужно для планирования расходов на гарантийный ремонт).
-

2. Гипотеза однородности.

- Обозначим  функцию распределения случайной величины X .
- Обозначим  функцию распределения случайной величины Y
- **Гипотеза** : функции распределения совпадают



- Кому и когда приходится проверять гипотезу согласия?

Например,

- Распределение продаж до рекламной акции и после нее.
 - Если распределение продаж не изменилось, то улучшения нет.
 - Может сравниваться распределение покупателей по возрасту. Например, если реклама была нацелена на конкретный сегмент, например, на молодых мам.
-

3. Гипотеза независимости.

- **Гипотеза** : случайные величины X и Y независимы
 - Кому и когда приходится проверять гипотезу независимости?
-

Например,

- Если возраст покупателей и объем покупки зависимы, то возраст надо учитывать при сегментации покупателей.
 - Иногда зависимость бывает неочевидной.
 - Длина волос и рост людей – зависимые переменные.
-

Вопрос:

- наличие балкона влияет на цену квартиры?

На шаг дальше...

- В эконометрике редко интересен сам факт зависимости. Обычно идут дальше, пытаются описать зависимость.
 - Подобные задачи решаются, в частности, методами регрессионного анализа.
 - Регрессионный анализ – следующая тема.
-

4. Гипотезы о параметре распределения.

- Очень часто не так важно распределение случайной величины. Интересна лишь одна характеристика распределения.
-

Если анализируются продажи магазина,
то в первую очередь интересно...

- Математическое ожидание
 - Так как математическое ожидание – вероятностная модель для среднего значения.
 - В данном случае для средних продаж.
-

-
- **Гипотеза.** Математические ожидания случайных величин X и Y одинаковы.

- $EX = EY$

Если сравниваются медианы:

- Гипотеза. Медианы случайных величин X и Y одинаковы.
 - $\text{Med}(X) = \text{med}(Y)$



Основные условия применения статистических тестов

- Вопрос должен касаться какой-либо характеристики массового явления.
 - Характеристика меняется случайным образом от наблюдения к наблюдению.
 - Вопрос должен быть относительно простым и четко сформулированным
-

Пример 1

- В обычных условиях зафиксирован некоторый уровень продаж. Затем была проведена рекламная акция.
- Руководству фирмы надо оценить результат.
- Для этого нужно выяснить, было ли существенное увеличение продаж. В частности, окупилась ли затраты на рекламу.

Основная проблема:

Увеличение продаж могло быть вызвано случайными факторами.

- Продажи все время меняются, случайным образом отклоняются от заданного значения.
 - Статистически значимое отклонение должно превышать эти случайные отклонения.
-

Пример 2

- Разработан новый варианта упаковки товара.
 - Требуется проверить предположение, что товар в новой упаковке имеет в данном регионе больший уровень продаж, чем вариант в старой упаковке.
-

Пример 3

- Верно ли, что основной конкурент действует на том же сегменте рынка, что и фирма «Х»?
 - При ответе на этот вопрос может потребоваться проверить, одинаково ли распределение по возрасту у покупателей товаров фирмы «Х» и ее основного конкурента.
-

Пример 4

- Фирма изучает постоянных покупателей своей продукции, чтобы увеличить их лояльность и количество.
 - В рамках этой задачи аналитик проверяет, зависит ли лояльность потребителя от его пола, возраста, уровня образования.
-

Пример 4. Часть 2

- Статистическая формулировка: проверить гипотезы о независимости уровня лояльности и
 - а) пола покупателя;
 - б) возраста покупателя;
 - в) уровня образования покупателя.
- Далее, можно проверить, различаются ли средние значения изучаемых показателей у лояльных и не лояльных покупателей.

Раздел 2

Технологии проверки статистических гипотез

Основные понятия

Выбираем из двух гипотез!

- Гипотеза принимается или отвергается
 - Так неудобно
 -
 - Надо: выбираем между двумя статистическими гипотезами.
 -
-

Определение

- Проверку гипотез на основе выборочных статистических данных называют статистической проверкой гипотез.
-

Основная и альтернативная гипотезы

- Одну из гипотез называют основной и обозначают, как правило, H , а другую — альтернативной (конкурирующей) и обозначают K .
 - Если не уточняется, о какой гипотеза идет речь, то имеется в виду основная гипотеза.
 - Чаще всего (но не всегда) одна гипотеза утверждает, что предположение верно, другая — что нет.
-

-
- Неточно говорить «...выбрана основная гипотеза...» или «...выбрана альтернативная гипотеза...»,
 -
 - Неточно говорить
 - «...основная гипотеза принята...» или «основная гипотеза отвергнута...».
-

Важное уточнение.

- Правильно говорить
 - «основная гипотеза отвергнута...» и
 - «основная гипотеза не отвергнута...».
-
- Так как обычно проверяют лишь достаточное условие.
-

Комментарий 1:

- Гипотеза: число делится на 6 нацело.
 - Фактически проверяем, делится ли число на 2 нацело.
-

Комментарий 2:

Часто случается, что у аналитика недостаточно данных, чтобы проявился изучаемый эффект.

- Например,
 - фармацевтическая компания выпускает лекарство, аналогичное уже существующему, так называемый "дженерик" (generic) вместо оригинального, производимого разработчиком ("brand-named").
 - Компания проводит исследование, проверяющее, что лекарство-аналог эквивалентно уже существующему.
-

Отвергнуть гипотезу недостаточно

- Основная гипотеза при анализе: отличия между лекарствами нет.
 - Дело касается здоровья людей, и не отвергнуть гипотезу недостаточно.
 - Необходимы более жесткие требования к процедуре. Надо проверить еще и побочные эффекты у лиц страдающих заболеванием «x1», «x2», и так далее...
-

ВЫВОД

- Хотя часто можно услышать, что (основная) гипотеза принята, такое выражение неточно.
 - Точнее говорить, что (основная) гипотеза не отвергнута
-

Ошибки первого и второго рода

- Ошибка первого рода состоит в том, что отвергается основная гипотеза, когда на самом деле она верна.
 - Ошибка второго рода состоит в том, что отвергается конкурирующая гипотеза, когда она верна.
-

Аналогия

- В больнице врач принимает решение, направлять пациента на операцию, или нет.
-

-
- Когда врач делает ошибку первого рода?
 - Когда врач делает ошибку второго рода?
-

Гипотеза: нужна срочная операция

	Гипотеза верна	Гипотеза не верна
Гипотеза принята	+	Ошибка 2 рода
Гипотеза отвергнута	Ошибка 1 рода	+

-
- Может ли врач свести частоту (вероятность) ошибок первого рода к нулю?
 - Может ли врач свести частоту (вероятность) ошибок второго рода к нулю?
-

Есть исключения

- Например,
 - если мы будем вакцинацию считать операцией,
 - то получается, что врачи предпочитают делать маленькую "превентивную" операцию всем, чтобы исключить ошибки первого рода.
-

Последствия ошибок могут быть различными

- Ошибка первого рода (обычно) опаснее, но полностью избежать ее не удастся.
 - При проверке статистических гипотез исходят именно из этой предпосылки
-

Уровень значимости

- Долю ошибок первого рода ограничивают сверху числом, называемым уровнем значимости.
- Исторически сложилось так, что в качестве уровня значимости чаще всего выбирают одно из чисел 0.005, 0.01, 0.05.
- То есть аналитик допускает, что (в среднем) одна проверка из 200, 100, 20 будет давать неверный результат.

Для новичков!

- Чаще всего уровень значимости равен 0,05
 - На самом деле выбор уровня значимости – большая проблема! Зависит, например, от числа наблюдений!
 - Смотрите литературу
-

-
- «медицинский» пример
 - На что влияет выбор уровня значимости?
 - Проектирование атомной электростанции
 - Трелевочный трактор
-

Ошибка второго рода и мощность

- Как добиться того, чтобы вероятность ошибки второго рода была малой?
 - Очень сложно.
 - Состоятельные критерии.
 - Ошибку можно уменьшить, если увеличить число анализируемых наблюдений.
 - Необходимы большие выборки.
-

Дополнительно

- Если выборка маленькая (часто границей между большой и маленькой выборкой рекомендуют считать 30 наблюдений), проверить гипотезу по малой выборке удастся.
- Но
- Платой за малый размер будет неприемлемо большая вероятность ошибки второго рода.
- Большинство практиков игнорируют ошибку второго рода.
- Это неверно.
- Профессиональные статистики в таких ситуациях часто увеличивают уровень значимости (например до 0.15 или 0.2), чтобы сделать вероятности ошибок сопоставимыми.

Задача.

- Вместо врача рассмотрим банковского служащего, принимающего решение, выдавать заем или нет.
 -
 - Как будут интерпретироваться статистические понятия в этом случае?
-

Алгоритм проверки статистических гипотез

- 1. Имеются n наблюдений, то есть n чисел, полученных, например, в результате опроса.
 - 2. Заранее задан уровень значимости α . Обычно это одно из чисел 0.005, 0.01, 0.05.
-

-
- 3. Задан статистический критерий, то есть функция от наблюдений .
 -
 - 4. Найдено p -значение (p -value).
 - Иногда переводится как значимость (Significance).
-

-
- 5. Проверяются все условия, при которых критерий будет работать.
 - Условия – Из учебника или справочника.
 - Несколько важных критериев будет рассмотрено далее
-

-
- 6.
 - Если $p < \alpha$ - гипотезу отвергаем, если $p > \alpha$ - не отвергаем.
 -
 - Напомним:
 - α – уровень значимости
 - p - p-value.
-

Комментарии

- Наблюдения не обязательно являются числами.
 - Выбор того статистического критерия, который подходит для задачи – важная и сложная задача
-

Проверка условий применимости

- Например, для применения t – критерия Стьюдента или для проверка гипотезы независимости с помощью критерия Пирсона надо проверить близость распределения переменных к нормальному.
-

Статистика критерия или тестовая статистикой

- Иногда используют статистику критерия или тестовую статистику.
 - Изредка она важна сама по себе (например, коэффициент корреляции), в таких конкретных случаях мы будем ее указывать.
-

Интерпретация статистики критерия

- Значение статистики критерия (обычно) измеряет, насколько данные согласуются с гипотезой.



-
- "Маленькие" значения статистики критерия указывают, что данные «ведут себя» в соответствии с гипотезой.
 - В этом случае гипотеза не отвергается.
-

-
- "Большие" значения статистики критерия указывают, что данные не соответствуют гипотезе, противоречат ей.
 - Гипотеза отвергается.
-

Пример

- Нормальное распределение с дисперсией 1
- Имеется n наблюдений
- Основная гипотеза: математическое ожидание равно 11
- Альтернативная гипотеза: математическое ожидание равно 12

Напоминание из теории вероятностей

- Среднее арифметическое n независимых одинаково распределенных случайных величин с общим нормальным распределением $N(a, b)$ имеет нормальное распределение $N(a, b/n)$

Вопрос:

- Где на графике ошибка первого рода, где ошибка второго рода?

Интерпретация статистики критерия

- В статистике существует традиция, что именно задавать в качестве основной гипотезы.
 - Примеры.
-

Раздел 3

Важные частные случаи

Проверка гипотезы о нормальности распределения случайной величины

Статистическая формулировка

- **Гипотеза:** Случайная величина имеет нормальное распределение, значения параметров распределения заранее не известны.
 - **Конкурирующая гипотеза:** Распределение случайной величины отличается от нормального.
-

Критерий Шапиро-Уилка

- Критерий Шапиро-Уилка.
- `shapiro.test(data)`
- От 3 до 5000 наблюдений



Package "nortest"

Критерий Anderson-Darling

```
library(nortest)
```

```
ad.test(data)
```

Критерий Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov)

```
library(nortest)
```

```
lillie.test(x)
```

Число наблюдений

Если анализируется меньше 60 (2000) наблюдений, рекомендуется использовать критерий Шапиро-Уилка
если больше 60, то критерий Колмогорова-Смирнова.

А нужно ли проверять гипотезу
нормальности?

-
- Как оказалось, для тех методов, которые рассматриваются в курсе, требование нормальности распределения можно заметно ослабить.
 - Эти методы работают не только когда переменные имеют нормальное распределение, но и когда, как говорят, «распределение данных несущественно отличается от нормального».
-

-
- допустим известно, что распределение случайной величины не нормальное.
 - В каком случае отклонение от нормальности не существенное?
-

Итак,

- гипотеза о нормальности распределения изучаемой переменной **уже** отвергнута.



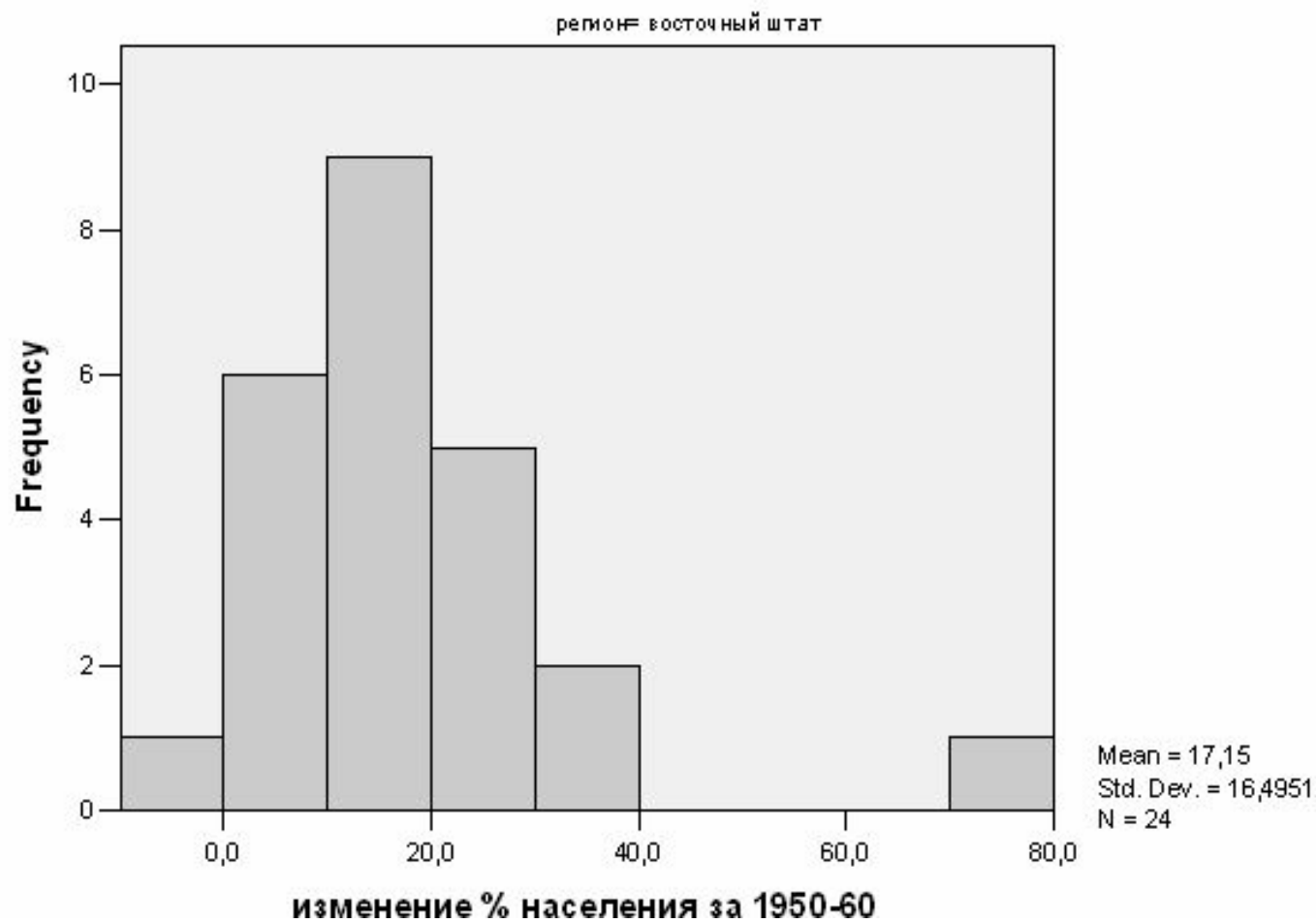
Существенные отклонения

- 1. Наличие выбросов в данных.
 - 2. Явная асимметрия гистограммы.
 - 3. Очень сильное отклонение формы гистограммы от колоколообразной формы.
-

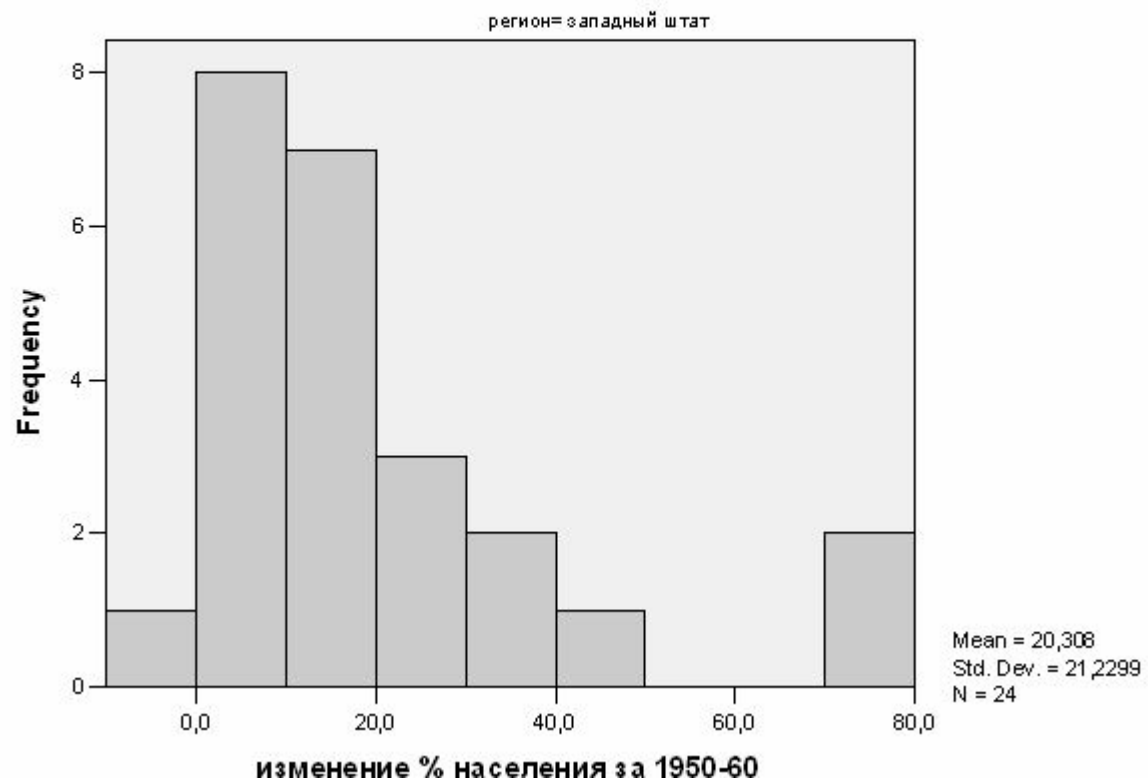
Рекомендуется

- строго относиться к присутствию выбросов,
 - снисходительно к отклонениям от симметрии.
 - Наше отношение к колоколообразной форме гистограммы зависит от числа наблюдений. Если имеется меньше 30 наблюдений, наше отношение в высшей степени либерально, если число наблюдений находится между 30 и 150, мы относимся к отклонениям снисходительно, если имеется больше 150 наблюдений – строго.
-

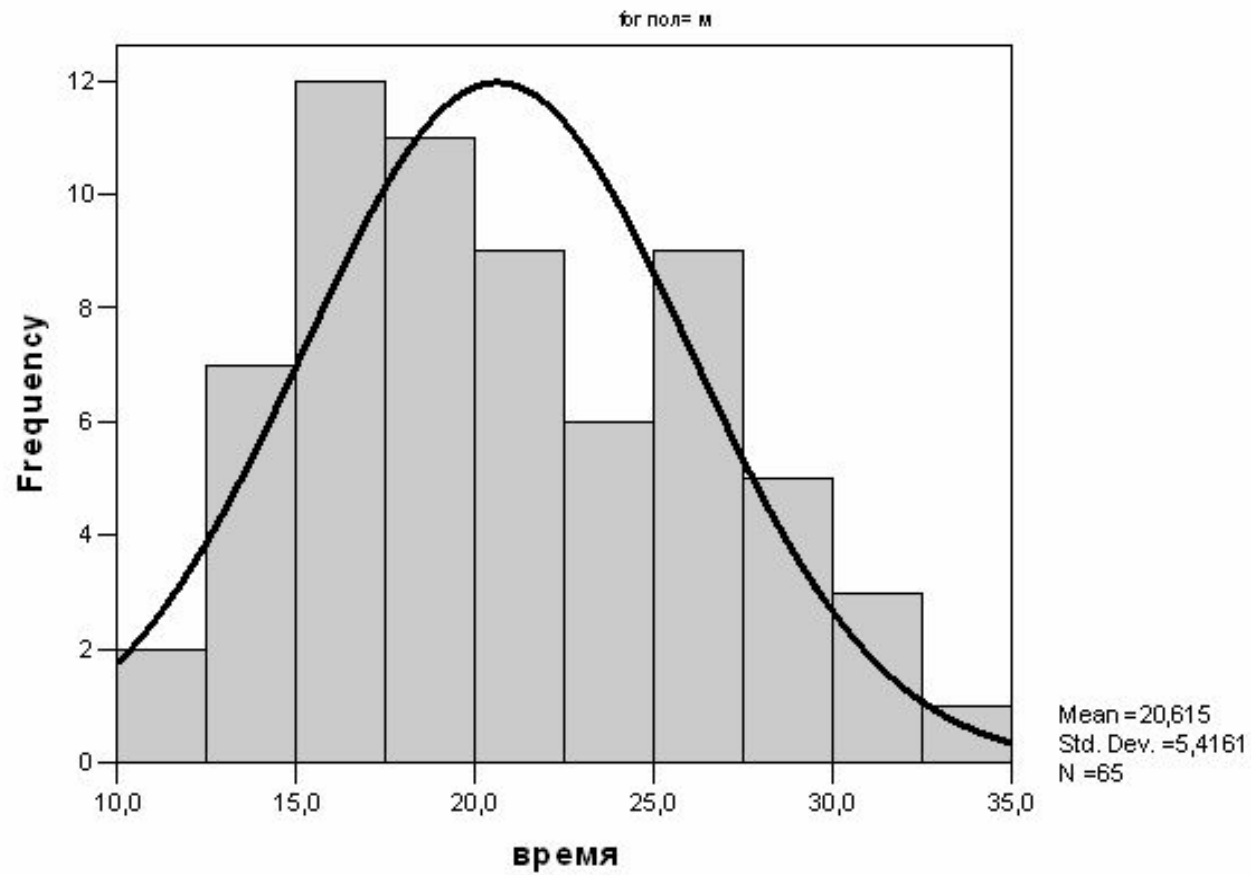
Histogram



Histogram



Histogram



Лекарство

Иногда оно опаснее болезни...

Выбросы — удаляем (осторожно!)

Асимметрия — преобразуем данные (например, логарифмируем, или преобразование Бокса-Кокса)

Бимодальность — разбиваем выборку на подвыборки

Пример 1

- Население городов России в 1959 году
 - Исходные данные
 - Логарифм населения
-

Пример 2

- Альбукерк – продажи домов

Сравнение центров распределений

Сравнение центров распределений

- *Центр распределения* - то одно единственное число, которое описывало, характеризовало бы выборку.
 - В качестве центра чаще всего используют среднее арифметическое, медиану или усеченное среднее.
-

Другие методы оценки центра распределения

Andrews; Bickel; Hampel; Huber; Rogers,
Tukey.

Robust estimates of location: survey and
advances.

1972 Princeton University Press

Среднее арифметическое или медиана?

- Если распределение хотя бы одной из выборок существенно отличается от нормального, в качестве центра предлагается использовать медиану.
- В остальных случаях, то есть если распределение каждой выборки можно считать нормальным или несущественно отличающимся от нормального, в качестве центра предлагается использовать среднее арифметическое.

Выбор центра распределения

- Если центром распределения выбрана медиана, центры сравниваются с помощью критерия Манна – Уитни-Вилкоксона.
 - Если центром распределения выбрано среднее арифметическое, центры сравниваются с помощью одной из версий критерия Стьюдента.
-

Примеры

- Обучение менеджеров
- Магазины



Парные и независимые выборки

- В случае парных выборок имеются пары наблюдений (измерений) одного и того же объекта.
 - Вариант: пары измерений делались в один и тот же момент.
-

Независимые выборки

- В случае *независимых выборок* каждое наблюдение соответствует отдельному объекту, т.е. измеряются разные объекты.

Принадлежность объектов выборкам определяется по значениям дополнительной группирующей переменной.

Независимые и парные выборки

- Если выборки парные, используется опция `paired = TRUE`.
 - Если выборки независимые, используется опция `paired = FALSE`.
-

Примеры

- Время в магазинах
- Альбукерк



Сравнение медиан выборок

- **Гипотеза:** Медианы равны.
 - **Альтернативная гипотеза:** Медианы различаются.
-

Статистика критерия Манна-Уитни U

$$U_1 = n_1 * n_2 + \{n_1 * (n_1 + 1) / 2\} - T_1$$

$$U_2 = n_1 * n_2 + \{n_2 * (n_2 + 1) / 2\} - T_2$$

$$U = \min(U_1, U_2)$$

T_i — сумма рангов в объединенной выборке наблюдений из выборки i

n_1 и n_2 — размеры выборок

Статистика критерия Манна-Уитни

идея метода

Обозначим одну выборку x , другую y .

Для каждого наблюдения из выборки x сосчитаем число тех наблюдений в выборке y , которые меньше его. (Для наглядности, пока считаем, что совпадений нет).

Сложим все полученные числа.

Важно!

- Критерий Манна-Уитни проверяет не равенство медиан, а другое утверждение.
- Имеются две выборки наблюдений случайных величин X и Y .
- Гипотеза: Случайные величины X и Y таковы, что $P\{X>Y\}=1/2$.
- Альтернативная гипотеза: Случайные величины X и Y таковы, что $P\{X>Y\}\neq 1/2$.
- Для практических целей различие, тем не менее, несущественно

Under more strict assumptions than those above, e.g., if the responses are assumed to be continuous and the alternative is restricted to a shift in location (i.e. $F_1(x) = F_2(x + \delta)$), we can interpret a significant MWW test as showing a difference in medians.

Критерий Манна-Уитни-Вилкоксона

```
wilcox.test(x, y,  
  alternative = "two.sided",  
  paired = FALSE,  
  exact = TRUE,  
  correct = FALSE)
```

Примеры

- Время в магазинах
- Альбукерк



Сравнение средних значений выборок

- **Гипотеза:** Математические ожидания равны.
 - **Альтернативная гипотеза:** Математические ожидания различны.
-

T-критерий Стьюдента

`t.test(x, y, alternative = "two.sided", paired = FALSE, var.equal = FALSE)`

Выбор статистического критерия

- Если выборки парные, рекомендуется использовать парный t-критерий Стьюдента.
 - Если выборки независимые, рекомендуется использовать t-критерий Стьюдента для 2-х независимых выборок.
-

Надо еще сравнить дисперсии - 1

Метод 1

F-test of equality of variances

Не рекомендуется, слишком чувствителен к отклонениям от нормальности. См.

http://en.wikipedia.org/wiki/F-test_of_equality_of_variances

`var.test(x, y)`

Надо еще сравнить дисперсии - 2

Метод 2

Bartlett's test

Если данные нормально распределены,
лучший вариант.

Не рекомендуется: чувствителен к
отклонениям от нормальности;

Если данные не нормальны, часто дает
"false positive" результат.

Надо еще сравнить дисперсии - 2

Метод 2

Bartlett's test

```
bartlett.test(x, g, data=data.table)
```

```
bartlett.test(x~g, data=data.table)
```

Надо еще сравнить дисперсии - 3

- Levene's test
 - Критерий Ливиня/Левена
 - Содержится в пакете car
-

Надо еще сравнить дисперсии - 3

- Levene's test

```
library(car)
```

```
leveneTest(x~g, data=data.table)
```

Надо еще сравнить дисперсии - 4

Fligner-Killeen test

Робастный, **рекомендуется**.

Хотя есть еще Brown-Forsythe test, возможно он еще лучше...

Надо еще сравнить дисперсии - 4

Fligner-Killeen test

```
fligner.test(x~g, data=data.table)
```



Примеры

- Время в магазинах
- Альбукерк

Гипотеза независимости

- Основная гипотеза:
 - Случайные величины X и Y независимы

 - Альтернативная гипотеза:
 - Случайные величины X и Y зависимы
-

На практике:

- Отвечаем на вопрос: переменная X влияет на переменную Y ?



Комментарий

- Если неизвестно, что на что влияет:
 - X на Y или
 - Y на X
 - статистический критерий не поможет!
-

-
- Пример Бернарда Шоу

Диаграмма рассеивания

- Иногда пишут - диаграмма рассеяния
- Пример – швейцарские банкноты.

Зависимость -1

- X – в количественной шкале
- Y – в количественной шкале

- Применяется коэффициент корреляции Пирсона
- Или Спирмена
- Иногда - Кендалла

Функциональная зависимость

Статистическая зависимость двух переменных

- Обобщение функциональной зависимости.
- Одному и тому же значению x могут соответствовать разные значения y .
- Например, один и тот же товар (например, телефон) может продаваться в разных магазинах по разной цене, то есть одному и тому же товару соответствуют разные цены.

СТАТИСТИЧЕСКАЯ ЗАВИСИМОСТЬ

- Определение статистическая зависимость – это функциональная зависимость СРЕДНЕГО значения переменной y от значения переменной x .
 - Откуда появляется среднее значение? Проводятся эксперименты (или наблюдается явление) при одном и том же значении x , при этом регистрируются разные значения y , затем эти значения усредняются.
 - На практике не всегда заметно, что одному и тому же значению переменной x может соответствовать много значений y , например когда повторные наблюдения при одном значении x не делались.
-

среднее значение переменной y равно натуральному логарифму значения x .

среднее значение переменной y равно
натуральному логарифму значения x .

-
- Коэффициент корреляции как «градусник», измеряющий степень зависимости
 - Формула для коэффициента корреляции
-

Выбор коэффициента

- Если распределение каждой переменной несущественно отличается от нормального, применяется коэффициент корреляции Пирсона
- В остальных случаях - коэффициент корреляции Спирмена
- Вместо коэффициента корреляции Спирмена используют коэффициент корреляции Кендалла

Интервал значений коэффициента корреляции	Интерпретация
0 – 0,2	Очень слабая корреляция
0,2 - 0,5	Слабая корреляция
0,5 – 0,7	Средняя корреляция
0,7 – 0,9	Высокая корреляция
0,9 - 1	Очень высокая корреляция

-
- Как проявляется зависимость на диаграмме рассеивания
-

Коэффициент корреляции равен 1

Коэффициент корреляции равен 0.9

Коэффициент корреляции равен 0.8

Коэффициент корреляции равен 0.6

Коэффициент корреляции равен 0.4

Коэффициент корреляции равен 0.2

Коэффициент корреляции равен 0.

-
- Проблемы и ошибки при использовании коэффициента корреляции





Данные без выброса
коэффициент корреляции равен -0.81

Добавлен выброс в точке (10,10).

Коэффициент корреляции упал до -0,55.

Выброс сдвинут в точку $(18,5, 18,5)$

Коэффициент равен 0

Выброс сдвинут в точку (53, 53).

Корреляция равна +0,81

-
- Ложная корреляция
-

Зависимость -2

- X – в количественной шкале
- Y – в номинальной шкале

- Сравниваем средние или медианы в группах
- Или перекодируем количественную переменную, переводим ее в номинальную шкалу

Зависимость -3

- X – в порядковой шкале
 - Y – в порядковой шкале

 - Используем коэффициент корреляции Спирмена
 - Или Кендалла
-

Зависимость -4

- X – в номинальной шкале
 - Y – в номинальной шкале

 - Таблица сопряженности и критерий χ^2
-

-
- Критерий хи-квадрат
 - Формула для статистики
-

Статистика хи-квадрат как коэффициент корреляции

- Коэффициент Пирсона
 - Коэффициент Чупрова
-

-
- Примеры типичных ошибок при использовании критерия хи-квадрат
-

Пример 1

- Действительно ли использование Internet связано с полом?
- Все опрошенные пользуются Интернетом. Тех из них, кто использует Интернет пять часов в месяц или меньше, отнесли к мало пользующимся, остальных – к активным пользователям.

Пример 1

- sex = пол.
 - Кодировка: "1" – мужчина, "0" – женщина.
 - internet = использование Internet.
 - Кодировка: "0" – использует мало, "1" – использует активно.
 -
 - Имеется 30 наблюдений (опрошенных).
-

Пример 1

Пример 2

- В результате изучения связи между покупкой модной одежды и семейным положением получены, среди прочих, следующие данные.
 - Имеется 1000 наблюдений (опрошенных).
-

Пример 2

- Переменные.
- sex = пол.
- Кодировка: "1" – мужчина, "0" – женщина.
- marriage = семейное положение.
- Кодировка: "1" – женат/замужем, "0" – не женат/не замужем.
- fashion = покупка модной одежды.
- Кодировка: "0" – покупает мало, "1" – покупает много.

Пример 2

Пример 2

Пример 2

Пример 3

- Маркетолог проводит исследование для рекламного агентства, разрабатывающего рекламу для автомобилей стоимостью свыше 30 тысяч долларов.
 - Он пытается проанализировать факторы, влияющие на владение дорогими автомобилями.
-

Пример 3

- Переменные.
- high_edu = образование.
- Кодировка: "1" – высшее образование, "0" – нет высшего образования.
- exre_car = наличие дорогого автомобиля.
- Кодировка: "0" – дорогого автомобиля нет, "1" – дорогой автомобиль есть.
- income = доход.
- Кодировка: "0" – низкий доход, "1" – высокий доход.
-
- Имеется 1000 наблюдений (опрошенных).

Пример 3

Пример 3

Пример 3

Пример 4

- Маркетолог, исследующий сферу туристических поездок за границу, предположил, что на желание путешествовать влияет возраст.
 - Имеющиеся в его распоряжении данные содержат, среди прочего, следующую информацию.
-

Пример 4

- Переменные.
 - desire = желание совершить путешествие за границу.
 - Кодировка: "1" – желание есть, "0" – желания нет.
 - sex = пол.
 - Кодировка: "0" – женщина, "1" – мужчина.
 - age = возраст.
 - Кодировка: "0" – до 45 лет, "1" – 45 лет или старше.
 -
 - Имеется 1000 наблюдений (опрошенных).
-

Пример 4

Пример 4

Пример 4

Пример 4

Пример 5

- Результаты анкетирования о проведении семейного досуга содержат, среди прочего, следующую информацию.
- Переменные.
- fastfood = частота посещения ресторанов быстрого питания.
 - Кодировка: "1" – часто, "0" – редко.
- income = доход семьи.
 - Кодировка: "1" – высокий, "0" – низкий.
- family = размер семьи.
 - Кодировка: "1" – большая семья, "0" – малая семья.

Пример 5

Пример 5

Пример 5