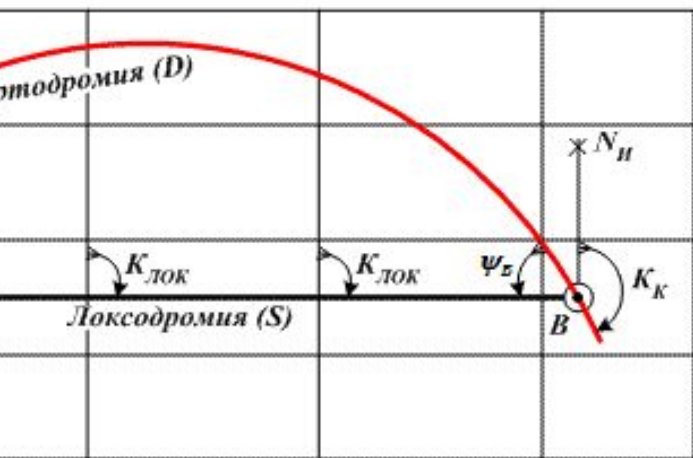


6. ПЛАВАНИЕ ПО ДУГЕ БОЛЬШОГО КРУГА - ОРТОДРОМИИ

Локсодромия и ортодромия. Элементы дуги большого круга



Локсодромия и ортодромия на полярной карте

Перевод с греческого «бег».

Ортодромии:



• для эллипсоида:

• для шара:

26.1.1. Локсодромия и ее элементы

Локсодромия – линия постоянного курса. На морской карте

в проекции Меркатора

– прямая линия, пересекающая меридианы под одним углом

$K_{ЛОК} = const$ (рис. 26.1).

На сфере:

- при $K_{ЛОК} = 0^\circ (180^\circ)$ она совпадает с меридианом

- при $K_{ЛОК} = 90^\circ (270^\circ)$ она совпадает с параллелью

при $K_{ЛОК} = 90^\circ (270^\circ)$ и $\varphi = 0^\circ$ - она совпадает с экватором

- при $K_{ЛОК} \neq 0^\circ (180^\circ)$ и $K_{ЛОК} \neq 90^\circ (270^\circ)$ - она представляет собой логарифмическую спираль, стремящуюся к ближайшему полюсу, обращенную выпуклостью к экватору (рис. 26.2).

$$\lambda_2 - \lambda_1 = tgK \cdot \left[\ln tg \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi_2}{2} \right) \times \left[\frac{1 - e \cdot \sin \varphi_2}{1 + e \cdot \sin \varphi_2} \right]^{\frac{e}{2}} - \ln tg \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi_1}{2} \right) \times \left[\frac{1 - e \cdot \sin \varphi_1}{1 + e \cdot \sin \varphi_1} \right]^{\frac{e}{2}} \right]$$

$$\lambda_2 - \lambda_1 = tgK \cdot \left[\ln tg \left(45^\circ + \frac{\varphi_2}{2} \right) - \ln tg \left(45^\circ + \frac{\varphi_1}{2} \right) \right]$$

* 26.1.2. Ортодромия и ее элементы

- дуга большого круга (ДБК)

расстояние между двумя точками на поверхности сферы - кривая, которая является кратчайшим расстоянием (на МНК в проекции Меркатора) между двумя точками. Ортодромия - дуга большого круга, соединяющая две точки на ближайшему полюсу. Ортодромия на картах в гномонической проекции является прямой линией.

Ортодромия на $0^\circ (180^\circ)$ - локсодромия и «сливаются» в одну линию, совпадающую с географическим меридианом.

Ортодромия на $90^\circ (270^\circ)$ при $\varphi = 0^\circ$ - локсодромия и «сливаются» в одну линию, совпадающую с земным экватором.

Для экономии топлива судна на большие расстояния экономно плыть по ортодромии, так как это - кратчайшее расстояние между заданными точками.

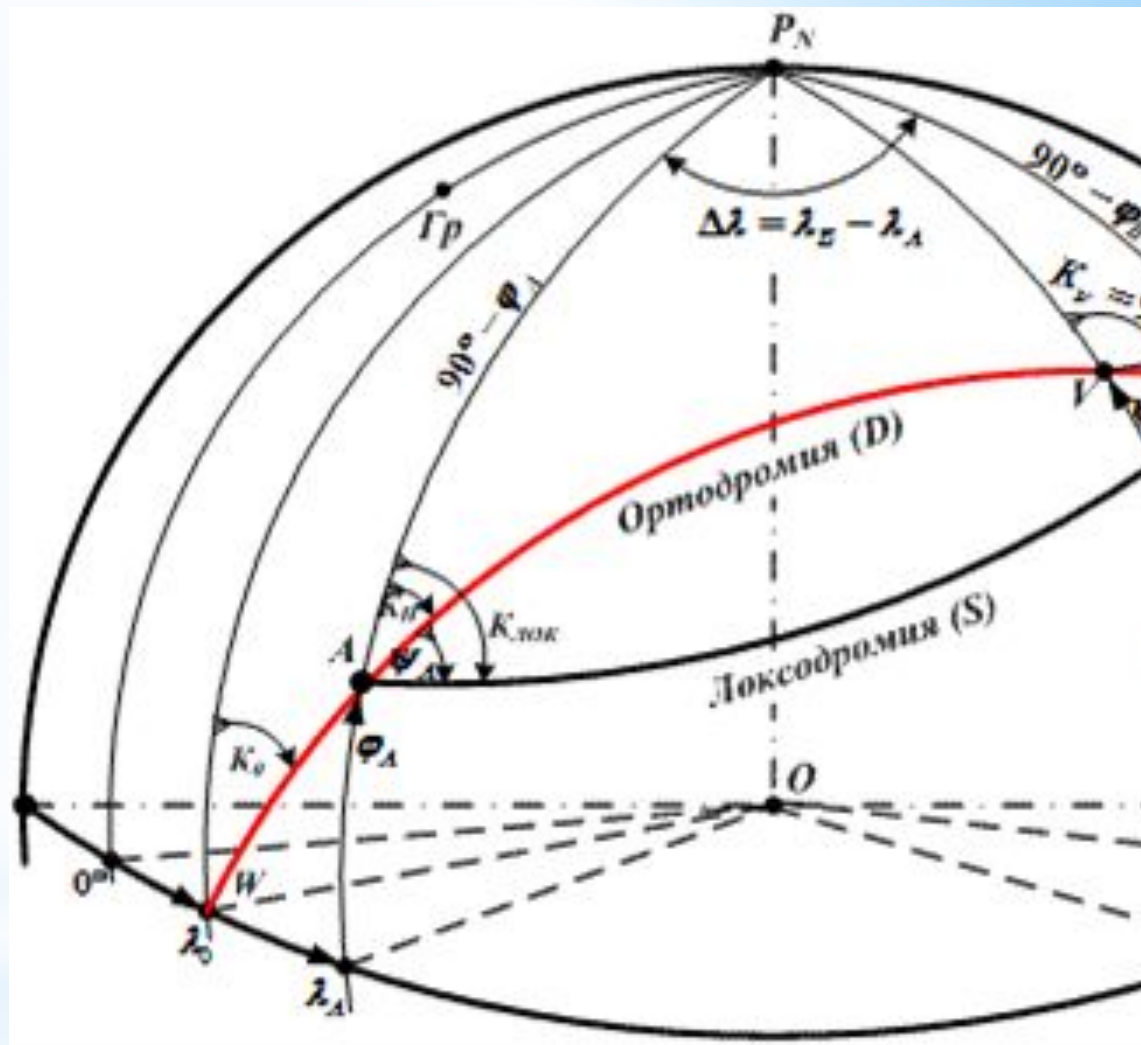
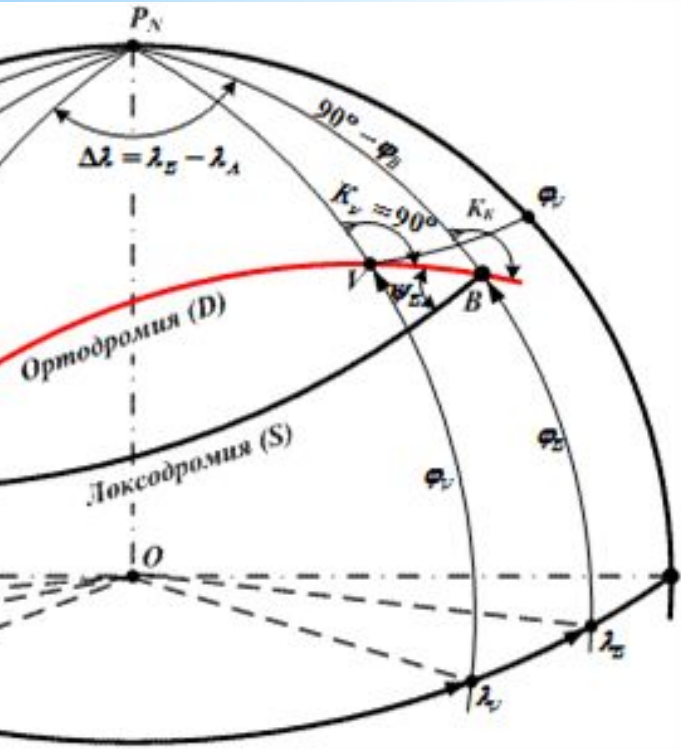


Рис. 26.3. Элементы дуги большого круга - ортодромии

* **Элементы дуги большого круга - ортодромии**



1. **Исходная (начальная) точка ортодромии** → т. $A (\varphi_A \lambda_A)$
2. **Начальный курс** плавания по ортодромии → K_H – горизонтальный угол между северной частью истинного меридиана в т. A и касательной к ортодромии в этой точке, совпадающей с носовой частью продольной оси судна. Отсчитывается от $N_{И}$ по часовой стрелке от 0° до 360° .
3. **Конечная точка ортодромии** → т. $B (\varphi_B \lambda_B$ или $\varphi_2 \lambda_2)$.
4. **Конечный курс** плавания по ортодромии → K_K – горизонтальный угол между северной частью истинного меридиана в т. B и касательной к ортодромии в этой точке, совпадающей с носовой частью продольной оси судна. Отсчитывается от $N_{И}$ по часовой стрелке от 0° до 360° .

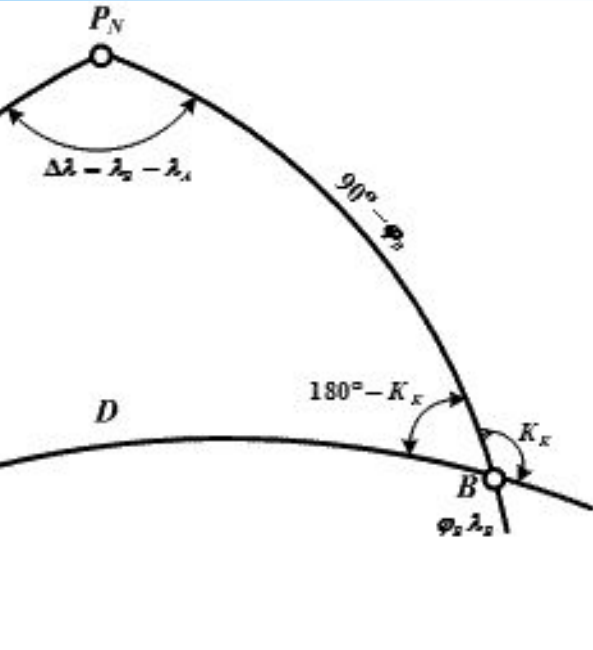
горизонтальный угол между северной частью истинного меридиана в т. W и касательной к ортодромии в этой точке, совпадающей с носовой частью продольной оси судна. Отсчитывается от $N_{И}$ по часовой стрелке от 0° до 360° .

Точка ортодромии → точка ортодромии, имеющая наибольшее значение широты (φ_V). Это точка «перегиба» ортодромии. В точке $K_V = 90^\circ$ – при плавании судна в восточном направлении; или $K_V = 270^\circ$ – если судно совершает плавание в западном направлении.

Точка пересечения ортодромии и земного экватора ($\varphi_0 = 0^\circ, \lambda_0$).

* 26.2. Основные формулы ортодромии. Способы ее задания

* 26.2.1. Основные формулы ортодромии



Треугольник AP_NB – сферический треугольник, элементами которого являются

- Стороны треугольника AP_NB :

- $AP_N \rightarrow (90^\circ - \varphi_A)$;
- $P_NB \rightarrow (90^\circ - \varphi_B)$;
- $AB \rightarrow D$ (длина ортодромии)

- Углы треугольника AP_NB :

- $\sphericalangle P_NAB \rightarrow K_H$ (начальный курс плавания по ДБК);
- $\sphericalangle P_NBA \rightarrow 180^\circ - K_K$ (конечный курс плавания по ДБК);
- $\sphericalangle AP_NB \rightarrow \Delta\lambda = \lambda_B - \lambda_A$ (разность долгот между конечной B и начальной A)

Треугольник ортодромии

С помощью тригонометрии известно «...если в сферическом треугольнике известны три элемента тригонометрии, можно определить и все остальные...».

С помощью формулы «косинуса стороны» («...косинус стороны равен произведению косинусов двух других косинусов тех же сторон на косинус угла между ними...») можно определить длину ортодромии (D) и (т. A и т. B), координаты которых известны, то есть:

$$\cos D = \cos(90^\circ - \varphi_A) \cdot \cos(90^\circ - \varphi_B) + \sin(90^\circ - \varphi_A) \cdot \sin(90^\circ - \varphi_B) \cdot \cos(\lambda_B - \lambda_A)$$

* или, после преобразования:

$$\cos D = \sin \varphi_A \cdot \sin \varphi_B + \cos \varphi_A \cdot \cos \varphi_B \cdot \cos(\lambda_B - \lambda_A) \quad (26.3)$$

формулу «котангенса угла» («...произведение котангенса крайнего угла на синус средней стороны минус произведение котангенса крайней стороны на синус средней стороны минус произведение косинусов начальных и конечных долгот») можно определить значение начального K_H и конечного K_K курсов плавания по ортодромии:

$$\sin \varphi_A \cdot \operatorname{tg} \varphi_B \cdot \operatorname{cosec}(\lambda_B - \lambda_A) - \sin \varphi_A \cdot \operatorname{ctg}(\lambda_B - \lambda_A) \quad (26.4)$$

$$\sin \varphi_A \cdot \cos \varphi_B \cdot \operatorname{cosec}(\lambda_B - \lambda_A) + \sin \varphi_B \cdot \operatorname{ctg}(\lambda_B - \lambda_A) \quad (26.5)$$

выделяем остальные величины:

$$\left[\frac{\sin \lambda_A}{\sin \varphi_A} + \operatorname{tg} \varphi_A \right] \cdot \cos(\lambda_1 - \lambda_A) \quad (26.6) \quad \text{или}$$

$$\operatorname{tg} \varphi_i = \sin(\lambda_1 - \lambda_0) \cdot \operatorname{ctg} K_0$$

$$\sin(\varphi_A + \varphi_B) \cdot \operatorname{cosec}(\varphi_B - \varphi_A) \cdot \operatorname{tg} \frac{\lambda_B - \lambda_A}{2} \quad (26.8)$$

$$\operatorname{tg} \varphi_i = \cos \theta_i \cdot \operatorname{tg} \varphi_v$$