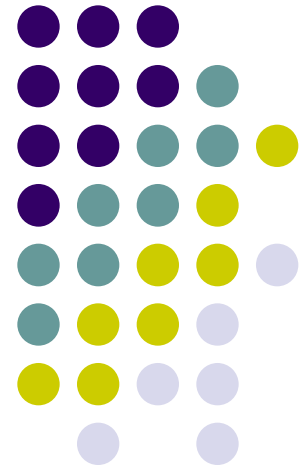


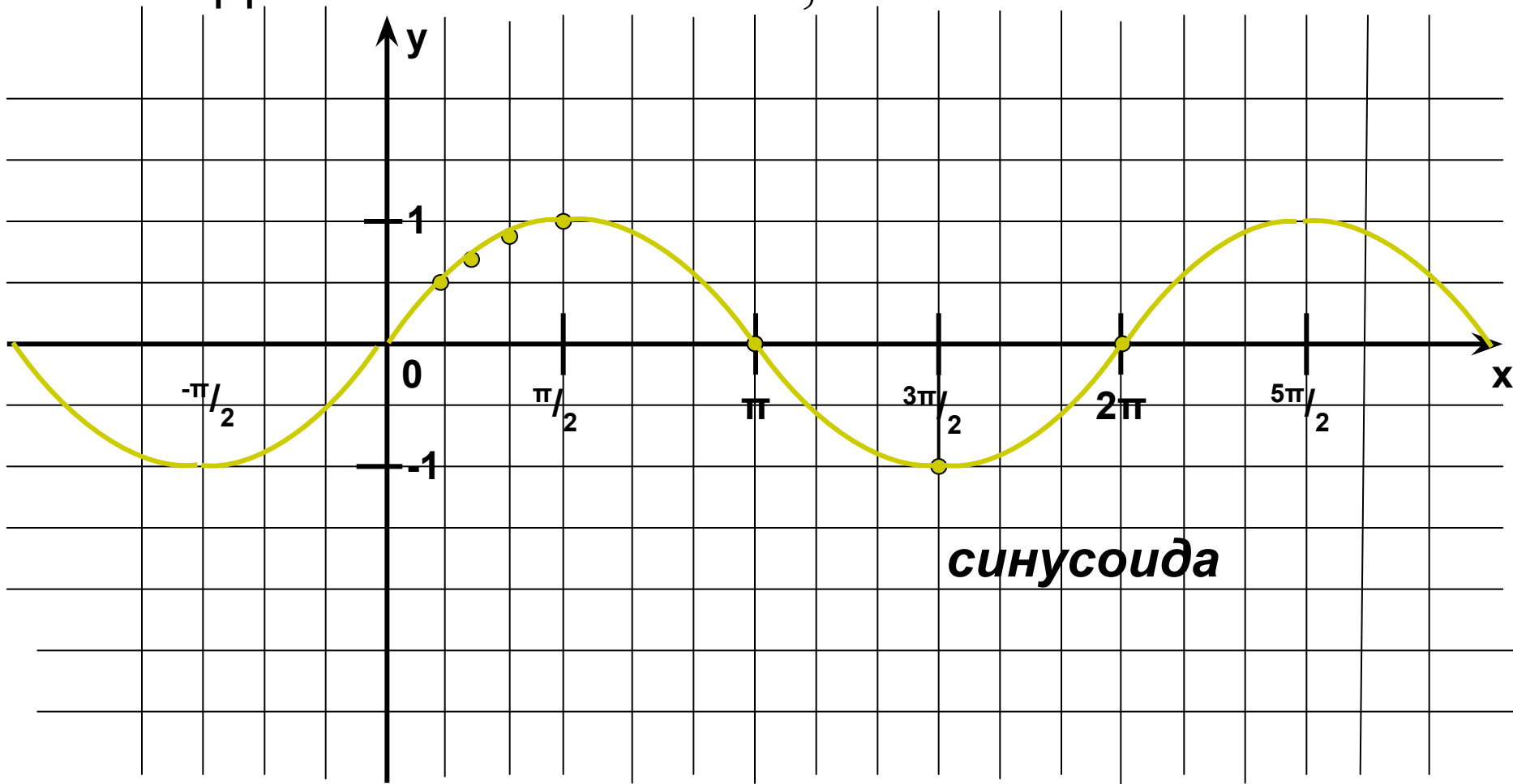
Свойства тригонометрических функций





№ 1. Функция $y = \sin x$

- 1 ед = 2 клетки $\pi \approx 3,14 \approx 3$





№ 1. Функция $y = \sin x$.

- 1. Область определения

$$D(f) = (-\infty; +\infty) = \mathbb{R}$$

- 2. Область значений

$$E(f) = [-1; 1]$$

- 3. Точки пересечения с осями координат

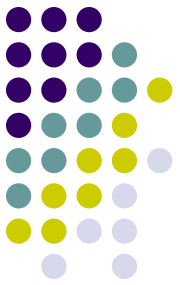
$$Ox: x = \pi n, n \in \mathbb{Z}$$

$$Oy: y = 0$$



№ 1. Функция $y = \sin x$.

- 4. Промежутки знакопостоянства функции
 $f(x) > 0$ при $x \in (2\pi n; \pi + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$
 $f(x) < 0$ при $x \in (\pi + 2\pi n; 2\pi + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$
- 5. Точки экстремума функции
 $x = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$ – точки max
 $x = \frac{3\pi}{2} + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$ – точки min
- 6. Промежутки монотонности функции
 $f(x) \uparrow$ при $x \in (-\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$
 $f(x) \downarrow$ при $x \in (\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{3\pi}{2} + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$



№ 1. Функция $y = \sin x$.

- 7. Периодичность функции

$$T = 2\pi$$

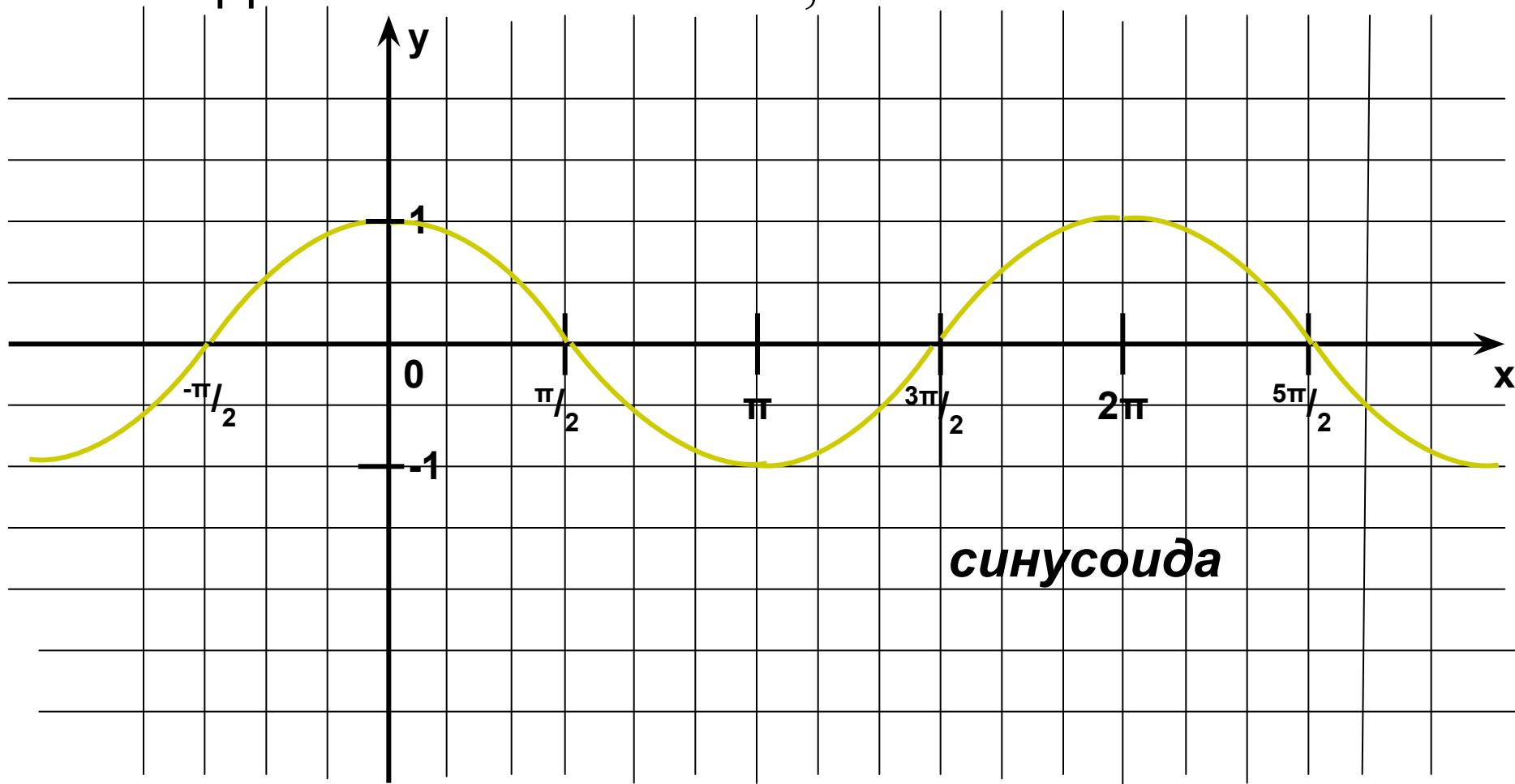
- 8. Четность (нечетность) функции

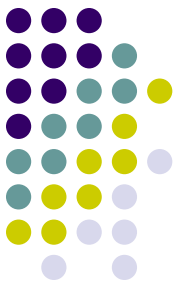
Нечетная, т.к. график симметричен относительно начала координат



№ 2. Функция $y = \cos x$

- 1 ед = 2 клетки $\pi \approx 3,14 \approx 3$





№ 2. Функция $y = \cos x$.

- 1. Область определения

$$D(f) = (-\infty; +\infty) = \mathbb{R}$$

- 2. Область значений

$$E(f) = [-1; 1]$$

- 3. Точки пересечения с осями координат

$$\text{Ох: } x = \frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$$

$$\text{Оу: } y = 1$$



№ 2. Функция $y = \cos x$.

- 4. Промежутки знакопостоянства функции

$$f(x) > 0 \text{ при } x \in \left(-\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n\right), n \in \mathbb{Z}$$

$$f(x) < 0 \text{ при } x \in \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{3\pi}{2} + 2\pi n\right), n \in \mathbb{Z}$$

- 5. Точки экстремума функции

$$x = 0 + 2\pi n = 2\pi n, n \in \mathbb{Z} - \text{точки max}$$

$$x = \pi + 2\pi n, n \in \mathbb{Z} - \text{точки min}$$

- 6. Промежутки монотонности функции

$$f(x) \uparrow \text{ при } x \in (-\pi + 2\pi n; 2\pi n), n \in \mathbb{Z}$$

$$f(x) \downarrow \text{ при } x \in (2\pi n; \pi + 2\pi n), n \in \mathbb{Z}$$



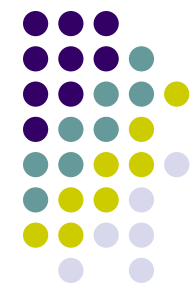
№ 2. Функция $y = \cos x$.

- 7. Периодичность функции

$$T = 2\pi$$

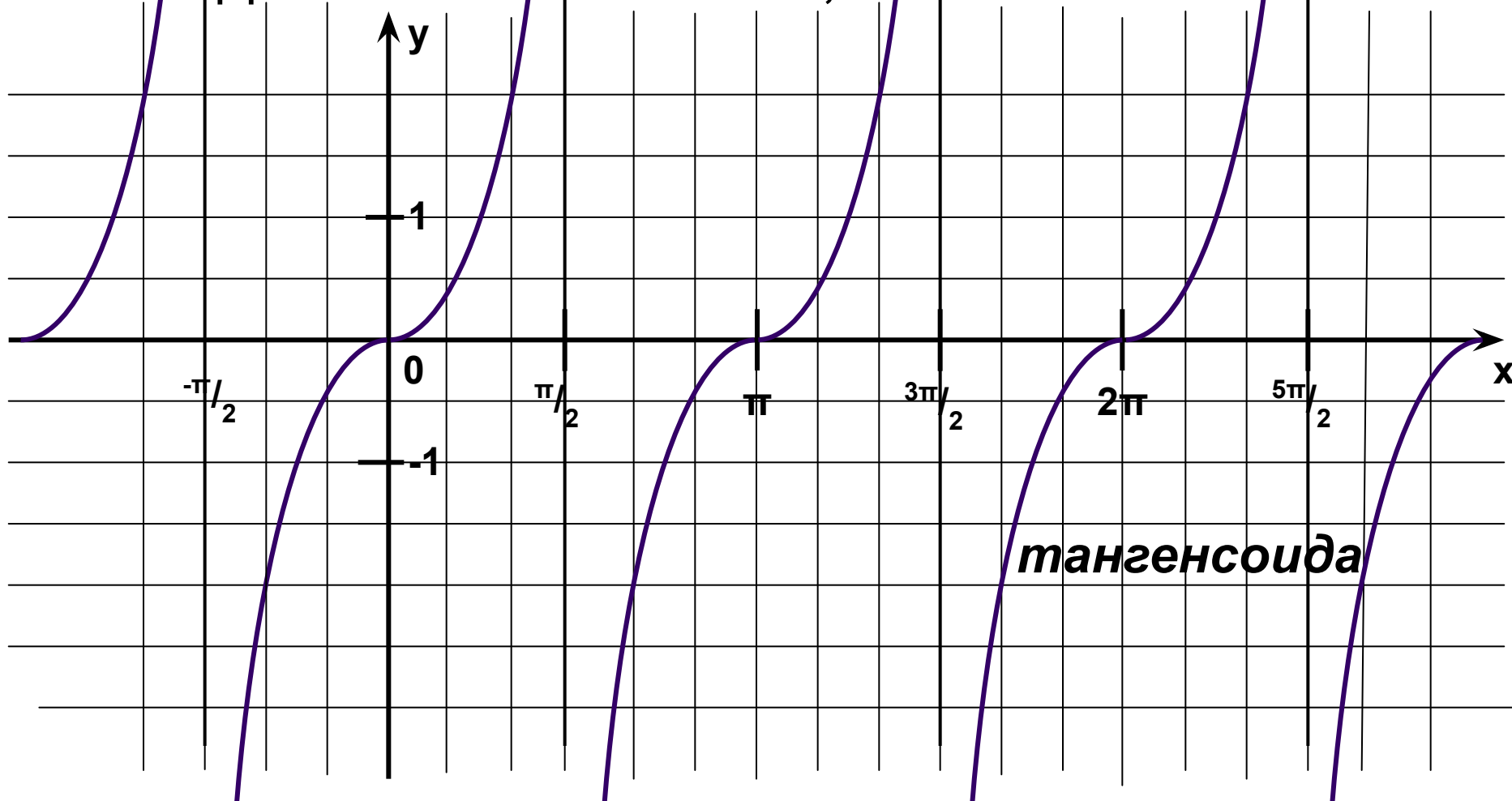
- 8. Четность (нечетность) функции

Функция четная, т.к. график симметричен относительно Oy .



№ 3. Функция $y = \operatorname{tg} x$

- 1 ед = 2 клетки $\pi \approx 3,14 \approx 3$





№ 3. Функция $y = \operatorname{tg} x$.

- 1. Область определения

$$D(f) = \left(-\frac{\pi}{2} + \pi n; \frac{\pi}{2} + \pi n\right), n \in \mathbb{Z}$$

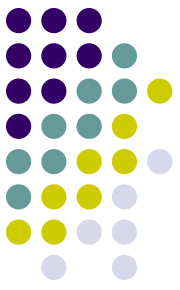
- 2. Область значений

$$E(f) = (-\infty; +\infty) = \mathbb{R}$$

- 3. Точки пересечения с осями координат

$$Ox: x = 0 + \pi n = \pi n, n \in \mathbb{Z}$$

$$Oy: y = 0$$



№ 3. Функция $y = \operatorname{tg} x$.

- 4. Промежутки знакопостоянства функции

$$f(x) > 0 \text{ при } x \in (\pi n; \frac{\pi}{2} + \pi n), n \in \mathbb{Z}$$

$$f(x) < 0 \text{ при } x \in (-\frac{\pi}{2} + \pi n; \pi n), n \in \mathbb{Z}$$

- 5. Точки экстремума функции

точек экстремума нет

- 6. Промежутки монотонности функции
возрастает при всех значениях области
определения



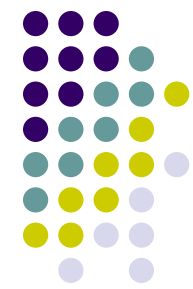
№ 3. Функция $y = \operatorname{tg} x$.

- 7. Периодичность функции

$$T = \pi$$

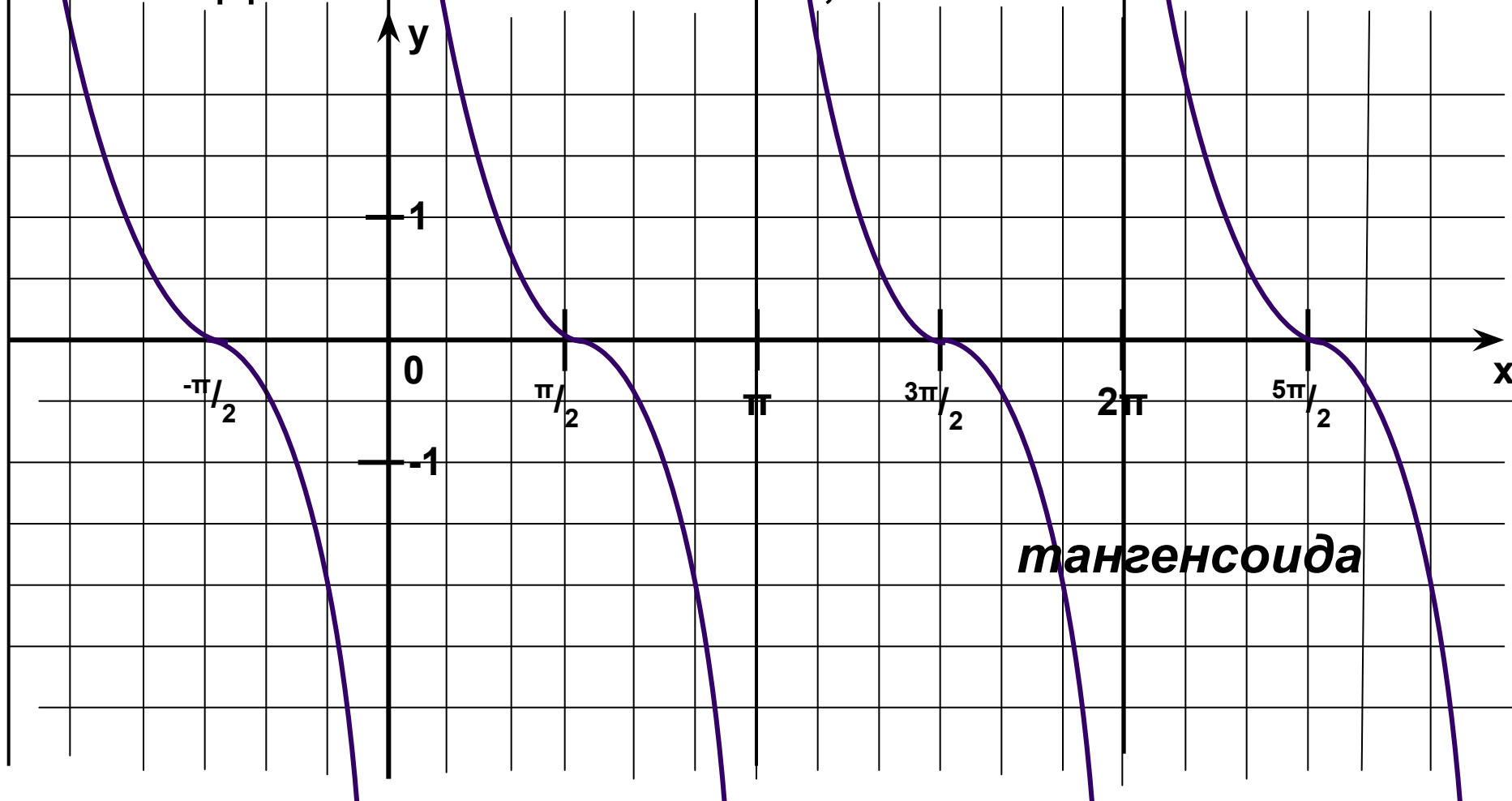
- 8. Четность (нечетность) функции

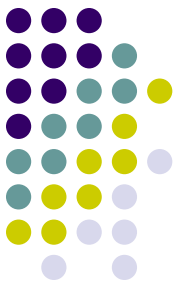
Нечетная, т.к. график симметричен относительно начала координат.



№ 4. Функция $y = \text{ctg } x$

- 1 ед = 2 клетки $\pi \approx 3,14 \approx 3$





№ 4. Функция $y = \operatorname{ctg} x$.

- 1. Область определения

$$D(f) = (\pi n; \pi + \pi n), n \in \mathbb{Z}$$

- 2. Область значений

$$E(f) = (-\infty; +\infty) = \mathbb{R}$$

- 3. Точки пересечения с осями координат

$$Ox: x = \frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$$

Oy: точек пересечения нет



№ 4. Функция $y = \operatorname{ctg} x$.

- 4. Промежутки знакопостоянства функции

$$f(x) > 0 \text{ при } x \in (\pi n; \frac{\pi}{2} + \pi n), n \in \mathbb{Z}$$

$$f(x) < 0 \text{ при } x \in (\frac{\pi}{2} + \pi n; \pi + \pi n), n \in \mathbb{Z}$$

- 5. Точки экстремума функции

точек экстремума нет

- 6. Промежутки монотонности функции

убывает при всех значениях области
определения



№ 4. Функция $y = \operatorname{ctg} x$.

- 7. Периодичность функции

$$T = \pi$$

- 8. Четность (нечетность) функции

Нечетная, т.к. график симметричен относительно начала координат