

**уравнение
состояния
идеального
газа**

ИЗОПРОЦЕССЫ

Газовые законы

Вопросы:
Как называется модель на которой
рассматривают состояние
газообразных тел

(идеальный газ)

Какими параметрами
характеризуется состояние
идеального газа

(давление, объём,
температура)

- Как называются эти параметры
(макроскопические)
- Как термодинамический параметр давление
связан с микроскопическими параметрами?
(основное уравнение МКТ)
- Как объём связан с микроскопическими
параметрами?
**(объём обратно пропорционален
концентрации)**

Проверьте знание формул!

1

$$U = \frac{3}{2} N k T$$

2

$$\overline{E}_k = \frac{3}{2} k T$$

3

$$\overline{E}_K = \frac{m_0 \langle v^2 \rangle}{2}$$

4

$$v_T = \sqrt{\frac{3kT}{m_0}}$$

5

$$N = \frac{m}{M} N_A$$

1. Число частиц в любом теле
2. Зависимость внутренней энергии идеального газа от температуры
3. Средняя кинетическая энергия поступательного движения одной частицы
4. Тепловая скорость движения молекулы
5. Средняя кинетическая энергия молекулы с массой m_0



- Температуру, объем, давление и некоторые другие параметры принято называть **параметрами состояния газа**. Выведем уравнение, устанавливающее зависимость между этими параметрами.

$$p = nkT$$

$$n = \frac{N}{V}$$

$$p = \frac{N}{V} kT$$

$$\frac{pV}{T} = kN$$

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} = const$$

Уравнение состояния идеального газа –
уравнение Клапейрона.

Уравнение состояния вещества

Уравнение, выражающее связь между макроскопическими параметрами состояния вещества (p , V и T), называется уравнением состояния этого вещества.



Клапейрон Бенуа Поль Эмиль



- (26.1.1799–28.1.1864)
- Французский физик, член Парижской АН (1858). Окончил Политехническую школу в Париже (1818). В 1820–30 работал в Петербурге в институте инженеров путей сообщения.

$$N = \frac{m N_A}{M}$$

$$\frac{pV}{T} = kN$$

$$\left\{ \begin{array}{l} N = \frac{m}{m_0} \\ m_0 = \frac{M}{N_A} \end{array} \right.$$

$$\frac{pV}{T} = \frac{m}{M} N_A k$$

$$R = N_A \cdot k = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$

R – универсальная газовая постоянная

$$\frac{pV}{T} = \frac{m}{M} R$$

Уравнение состояния идеального газа –
уравнение Менделеева-Клапейрона.

Менделеев Дмитрий Иванович



- (8.II.1834–2.II.1907)
- Русский ученый-энциклопедист.. В 1874 вывел общее уравнение состояния идеального газа, обобщив уравнение Клапейрона(уравнение Клапейрона-Менделеева).

Уравнение состояния - первое из замечательных обобщений в физике, с помощью которых свойства разных веществ выражаются через одни и те же основные величины. Именно к этому стремиться физика - к нахождению общих законов, не зависящих от тех или иных веществ. Газы, существенно простые по своей природе, дали первый пример такого обобщения.

Уравнение состояния идеального газа

$$\frac{pV}{T} = \frac{m}{M} N_A k$$



Универсальная газовая постоянная - R

► $N_A k = R$

R=8,31 Дж / (моль·К)



Уравнение Менделеева-Клапейрона 1874



$$\frac{pV}{T} = \frac{m}{M} R$$



MyShared

Закон Авогадро

1811



При одинаковых температурах и давлениях в равных объемах любых идеальных газов содержится одинаковое число молекул.



$$p = \frac{N}{V} kT$$

$$N = \frac{pV}{kT}$$



Закон Дальтона

1801



Давление смеси химически не взаимодействующих идеальных газов равно сумме парциальных давлений этих газов.

$$\rightarrow p = p_1 + \dots + p_n$$

Парциальным называют давление, которое имел бы газ, входящий в состав газовой смеси, если бы он один занимал объем, равный объему смеси при той же температуре.

Объединенный газовый закон

1824



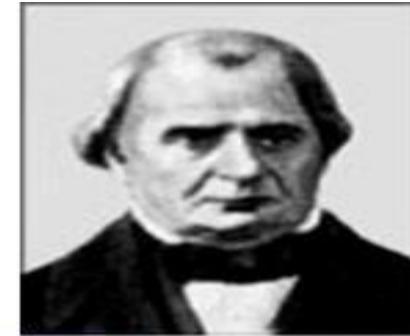
$$\frac{pV}{T} = \text{const}$$

Отношение произведения давления и объема идеального газа к его абсолютной температуре есть величина постоянная для данной массы данного газа.



MyShared

Уравнение Клапейрона 1834



$$\frac{pV}{T} = \frac{P_0 V_0}{T_0}$$

P_0 , V_0 , T_0 – параметры начального состояния газа,
 p , V , T - параметры конечного состояния газа



Обратите внимание:

- Уравнение Менделеева - Клапейрона связывает между собой 5 физических величин, характеризующих состояние газа, - p , V , T , m , M – и позволяет по заданным четырем найти пятую величину.
- Уравнение Менделеева - Клапейрона и все его следствия с большой точностью можно применить к газам, находящимся в условиях, близких к нормальным ($t = 0^{\circ}\text{C}$, $p = 1,013 \cdot 10^5 \text{ Па}$), а также к разреженным газам.
- Если плотность газа велика, а следовательно, взаимодействием молекул пренебречь нельзя, то модель идеального газа оказывается непригодной.
- Проверьте, все ли величины выражены в СИ:
($1 \text{ л} = 10^{-3} \text{ м}^3$; $1 \text{ мм рт. ст.} = 133 \text{ Па}$;
 $0^{\circ}\text{C} = 273 \text{ К}$; нормальное атмосферное давление:
 $1,013 \cdot 10^5 \text{ Па}$).



**Процесс изменения состояния
идеального газа при неизменном
значении одного из
макроскопических параметров -
изопроцесс**

Изо – (постоянный)



С помощью уравнения состояния можно исследовать процессы, в которых масса газа постоянна: $m = \text{const}$

Количественные зависимости между двумя параметрами газа при неизменном значении третьего параметра называют газовыми законами.

Процессы, протекающие при неизменном значении одного из параметров: p, V, T - называют изопроцессами.



MyShared

ИЗОТЕРМИЧЕСКИЙ ПРОЦЕСС

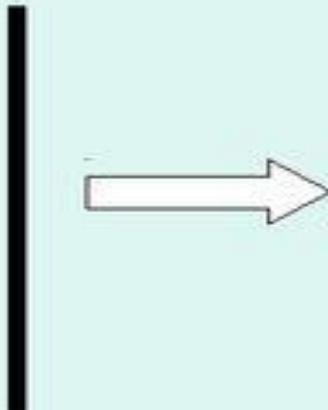
$T=const$

Процесс изменения состояния идеального газа при постоянной температуре

$m=const$

$T=const$

$$\frac{pV}{T} = const$$



$pV=const$

закон

**Бойля -
Мариотта**

К этому выводу пришёл английский учёный Роберт Бойль в 1662 г. и французский физик Э.Мариотт в 1676г.



Закон Бойля -Мариотта

**Для газа данной массы
произведение давления газа на
его объём постоянно, если
температура газа не меняется**

ИЗОТЕРМИЧЕСКИЙ ПРОЦЕСС

Процесс изменения состояния газа при постоянной температуре называют **изотермическим**

$$\left. \frac{pV}{T} = \text{const} \right\} \text{при } T = \text{const} \quad pV = \text{const}$$

Закон Бойля – Мариотта: для газа данной массы произведение давления на объем постоянно, если температура не меняется

Пример: медленное расширение (сжатие) воздуха под поршнем в сосуде

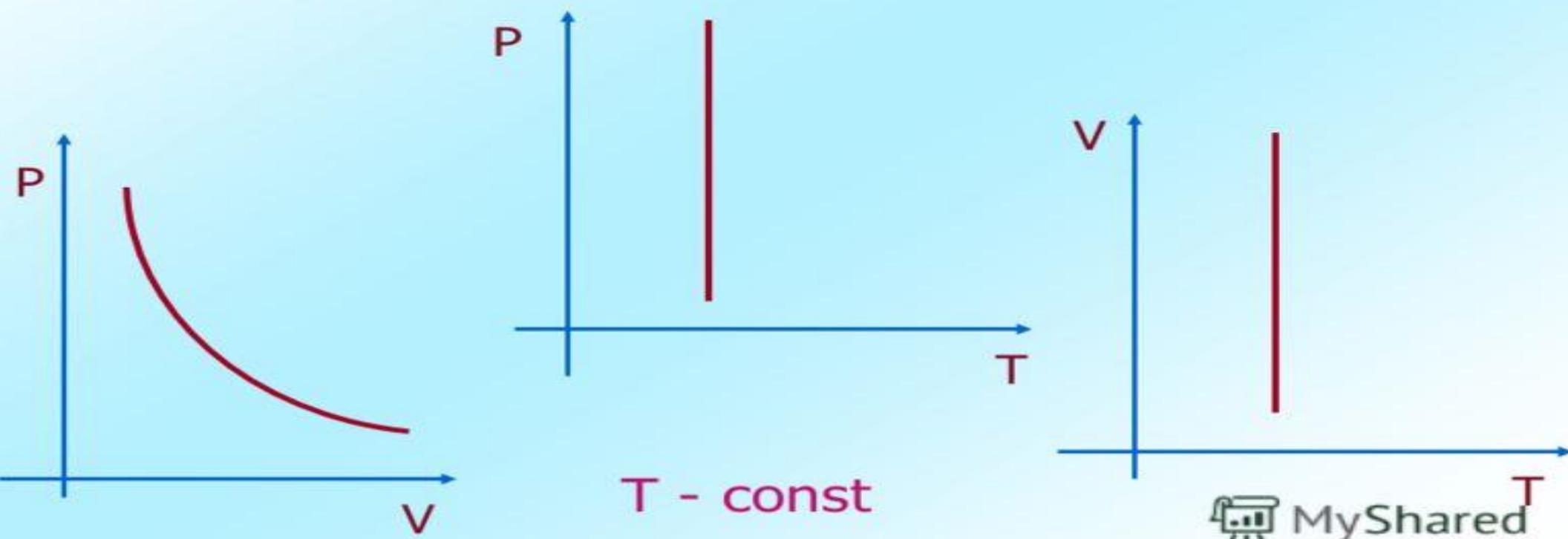
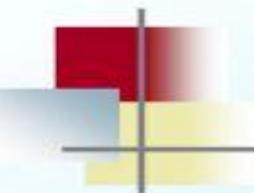


График изотермического процесса

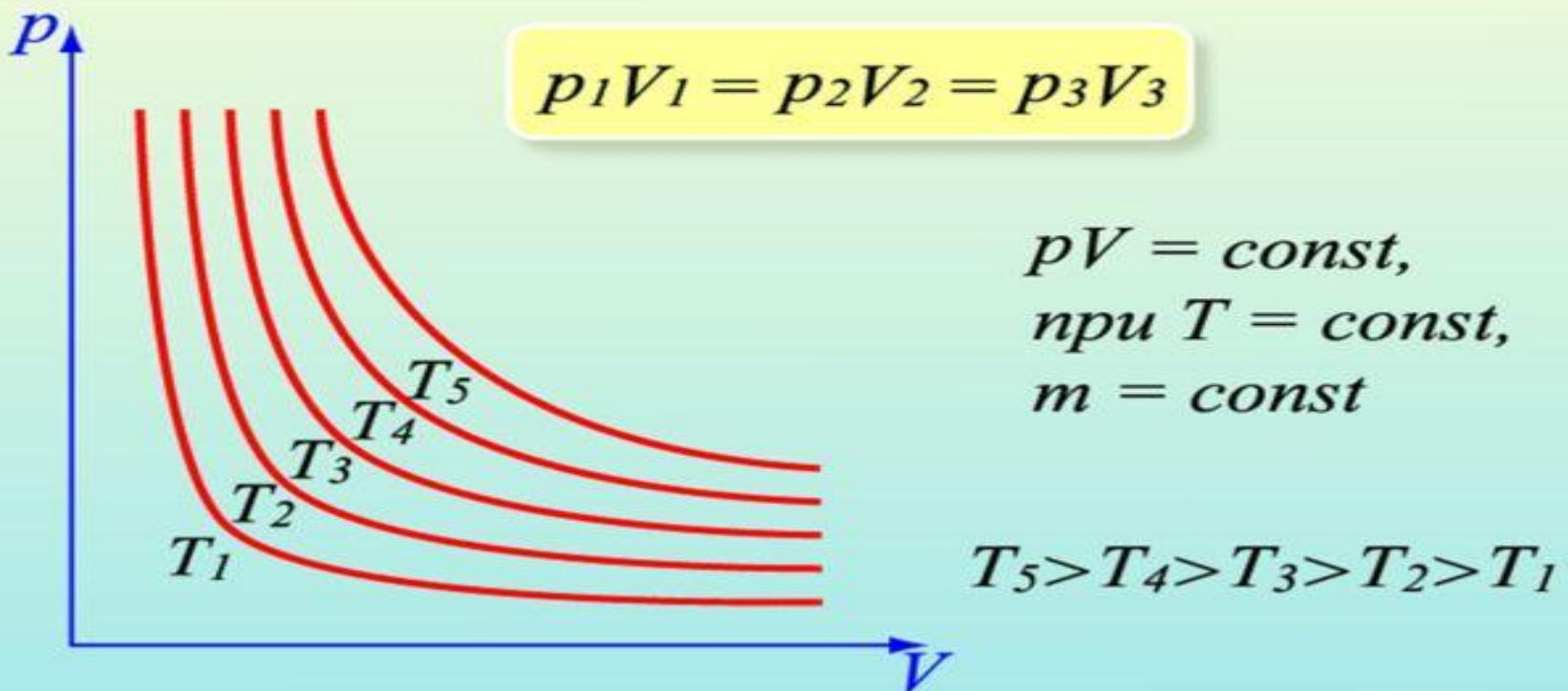
$T=const, pV=const$



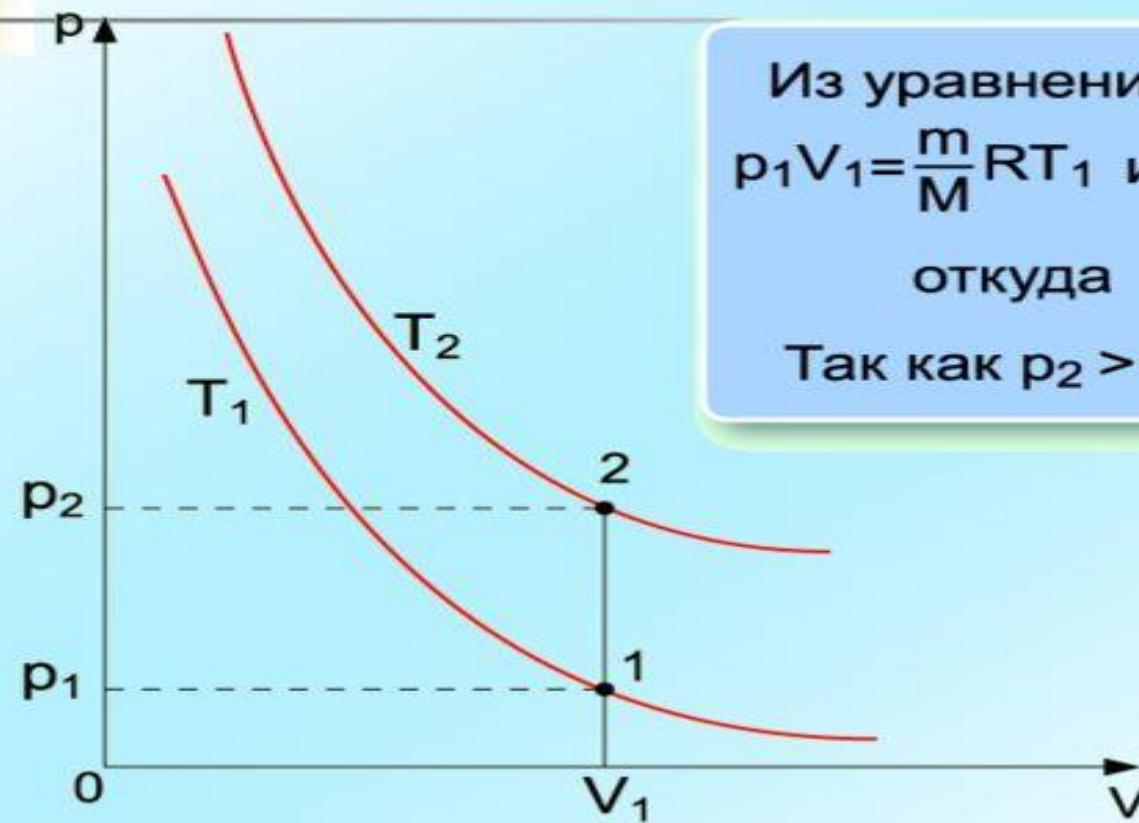
Графики изотермического процесса в разных координатных осях



Закон Бойля – Мариотта (изотермический процесс)



Изотермический процесс на графике при разных температурах



Из уравнения состояния
 $p_1V_1 = \frac{m}{M}RT_1$ и $p_2V_2 = \frac{m}{M}RT_2$,
откуда $\frac{p_1}{p_2} = \frac{T_1}{T_2}$
Так как $p_2 > p_1$, то $T_2 > T_1$



ИЗОПРОЦЕССЫ В ГАЗАХ

процесс $m = \text{const}$	закон	графики	термо- динамика
изотерми- ческий $T = \text{const}$	Бойля - Мариотта $p_1V_1 = p_2V_2$	<p style="text-align: center;">изотермы</p>	

ВАЖНО: из двух изотерм в координатах pV выше расположена та, на которой температура больше.
Из графиков видно, что при фиксированном значении V $p_1 < p_2$, что возможно лишь при $T_1 < T_2$



ИЗОБАРНЫЙ ПРОЦЕСС

$$p = \text{const}$$

Процесс изменения состояния идеального газа при постоянном давлении

$$m = \text{const}$$

$$p = \text{const}$$

$$\frac{pV}{T} = \text{const}$$



$$\frac{V}{T} = \text{const}$$

закон
Гей - Льюсака

Изобарный процесс

Из уравнения
Клапейрона – Менделеева следует:

$$\frac{V}{T} = \text{const} = \frac{mR}{M_p}$$

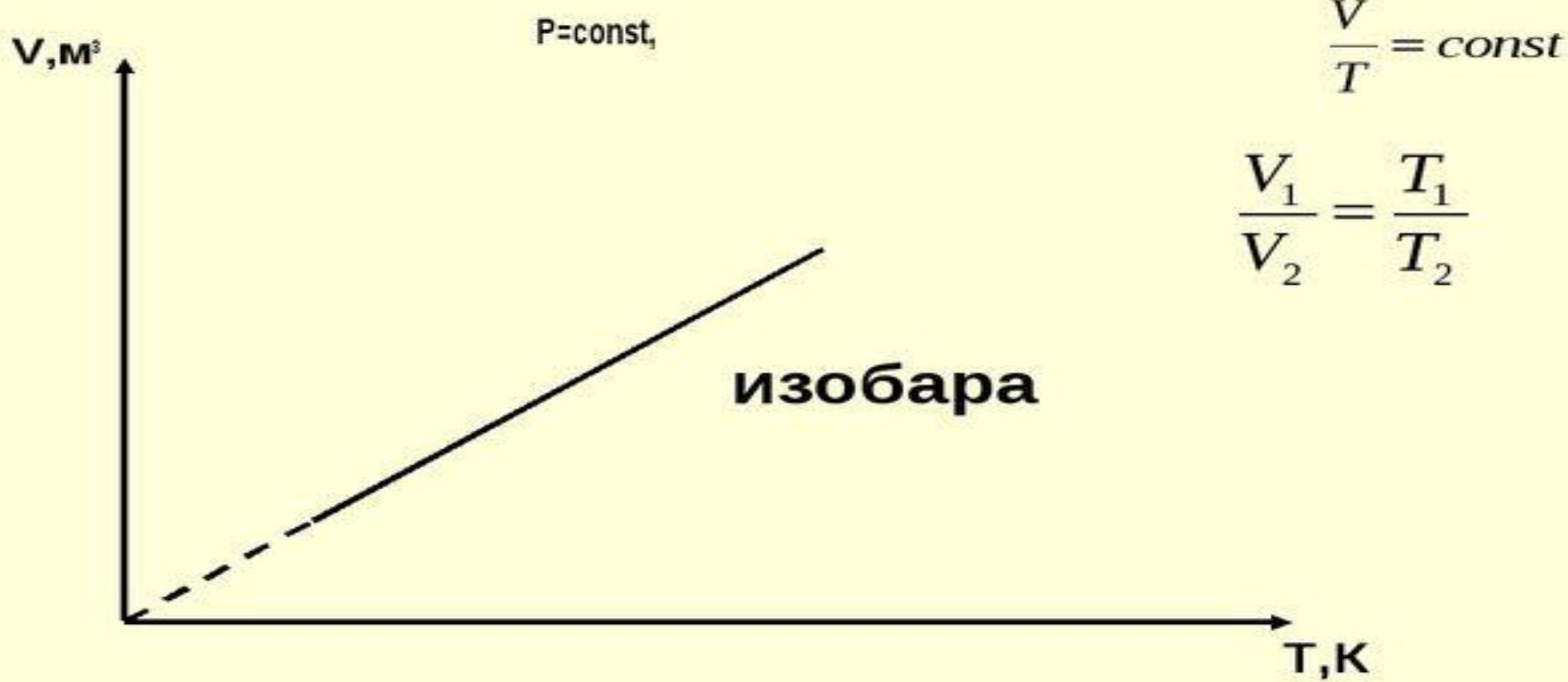
**Этот закон экспериментально был
открыт в 1802г. Французским
учёным
Гей-Люссаком**



Закон Гей-Люссака

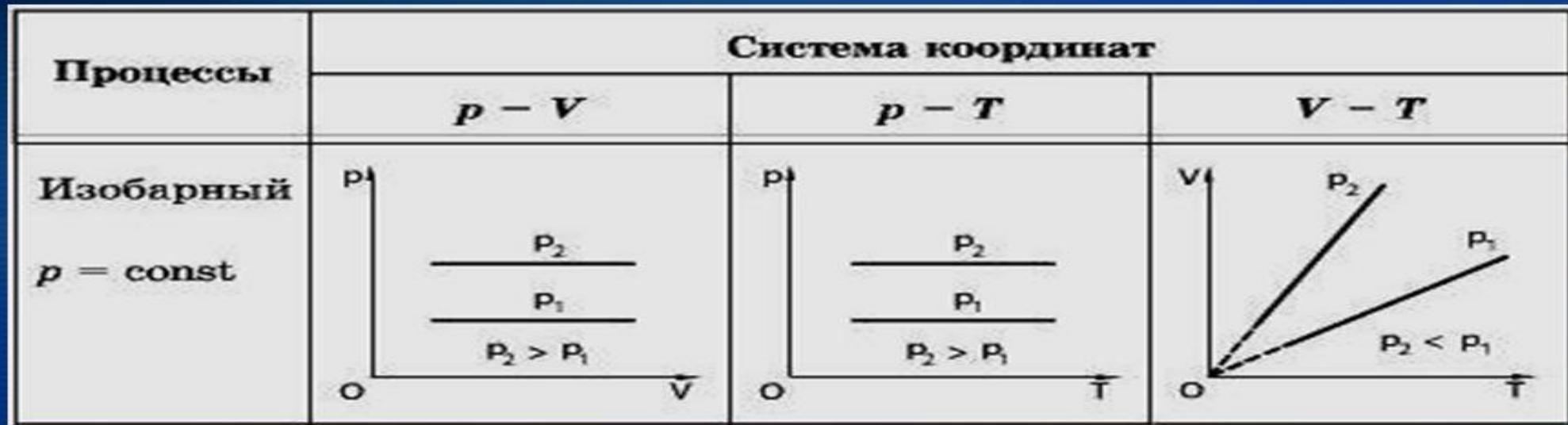
**Для газа данной массы
отношение объёма к
температуре постоянно, если
давление не меняется.**

График изобарного процесса



Изобара –

график изменения макроскопических параметров газа при изобарном процессе.



ИЗОБАРНЫЙ ПРОЦЕСС

Процесс изменения состояния газа при постоянном давлении называют **ИЗОБАРНЫМ**

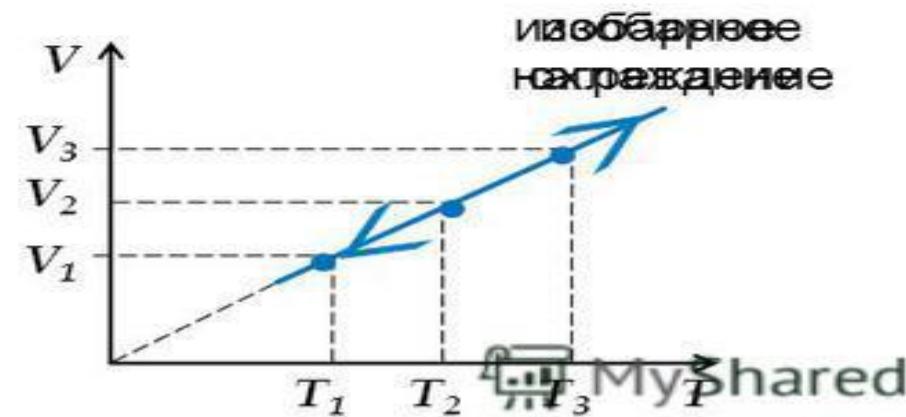
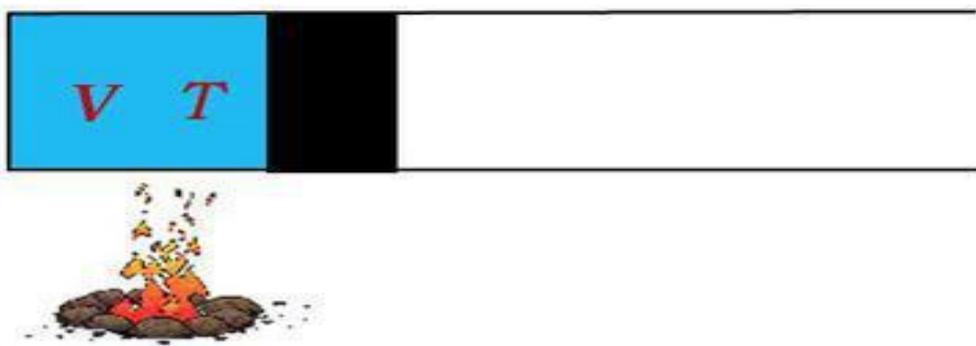
$$\left. \frac{pV}{T} = \text{const} \right\} \text{при } p = \text{const} \quad \frac{V}{T} = \text{const}$$

Закон Гей-Люссака: для газа данной массы отношение объема к температуре постоянно, если давление газа не меняется



$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$$

Пример: расширение газа при нагревании в сосуде с подвижным поршнем при $p_{атм} = \text{const}$



ИЗОПРОЦЕССЫ В ГАЗАХ

процесс $m = \text{const}$	закон	графики	термо- динамика
изобарный $p = \text{const}$	Гей - Люссака $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$	<p style="text-align: center;">изобары</p>	

ВАЖНО: из двух изобар в координатах VT выше расположена та, на которой давление меньше.

Из графиков видно, что при фиксированном значении T $V_1 < V_2$, что возможно лишь при $p_1 > p_2$



ИЗОХОРНЫЙ ПРОЦЕСС

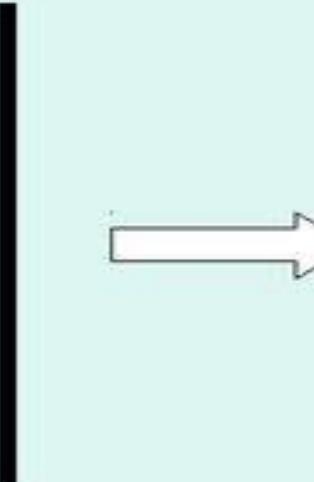
V=const

Процесс изменения состояния идеального газа при постоянном объёме

m=const

V=const

$$\frac{pV}{T} = const$$



$$\frac{P}{T} = const$$

**закон
Шарля**

Изохорный процесс

Из уравнения
Клапейрона – Менделеева следует:

$$\frac{p}{T}$$

=

const

=

$$\frac{mR}{MV}$$



MyShared

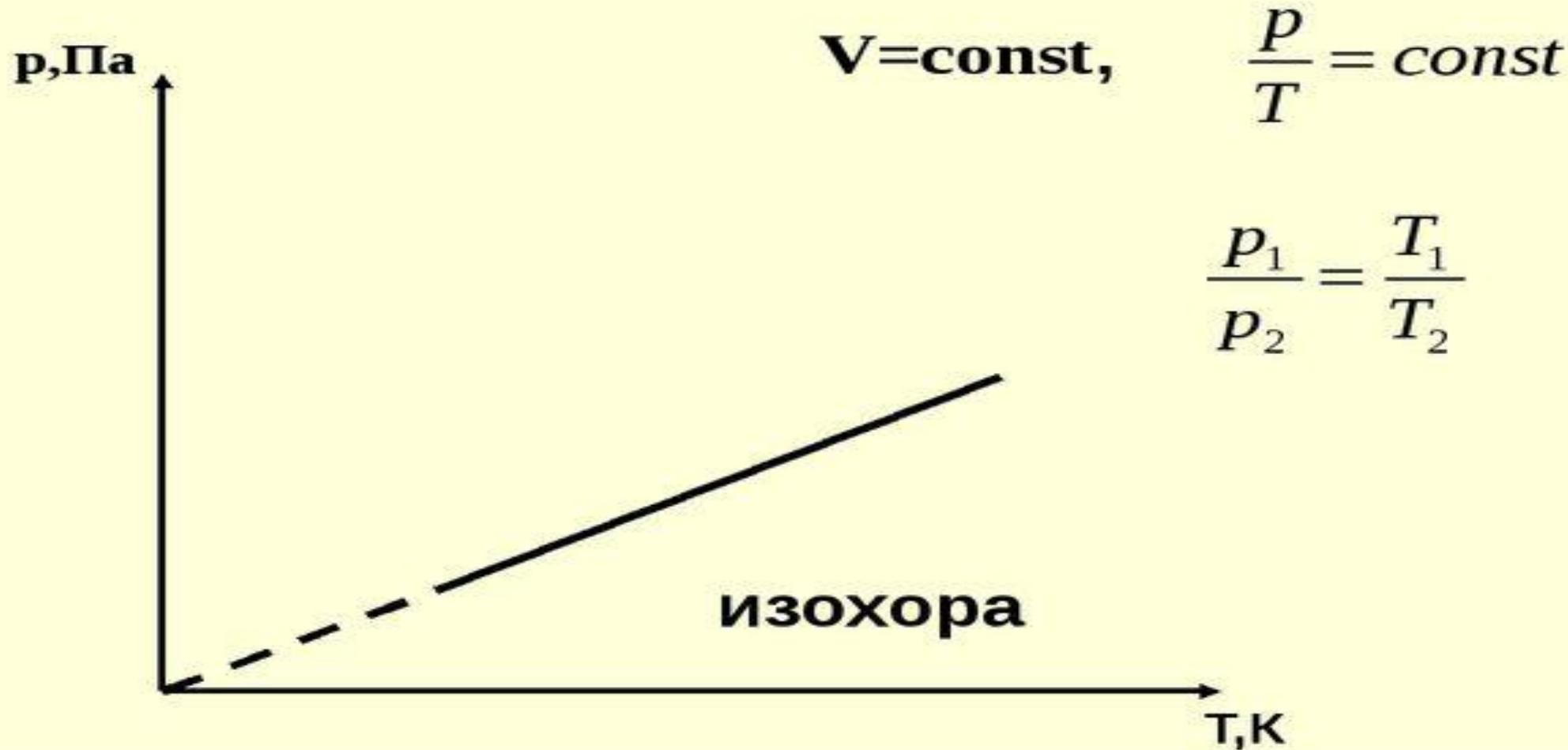
**Эту зависимость
экспериментально установил в
1787г.
французский физик Шарль**



Закон Шарля

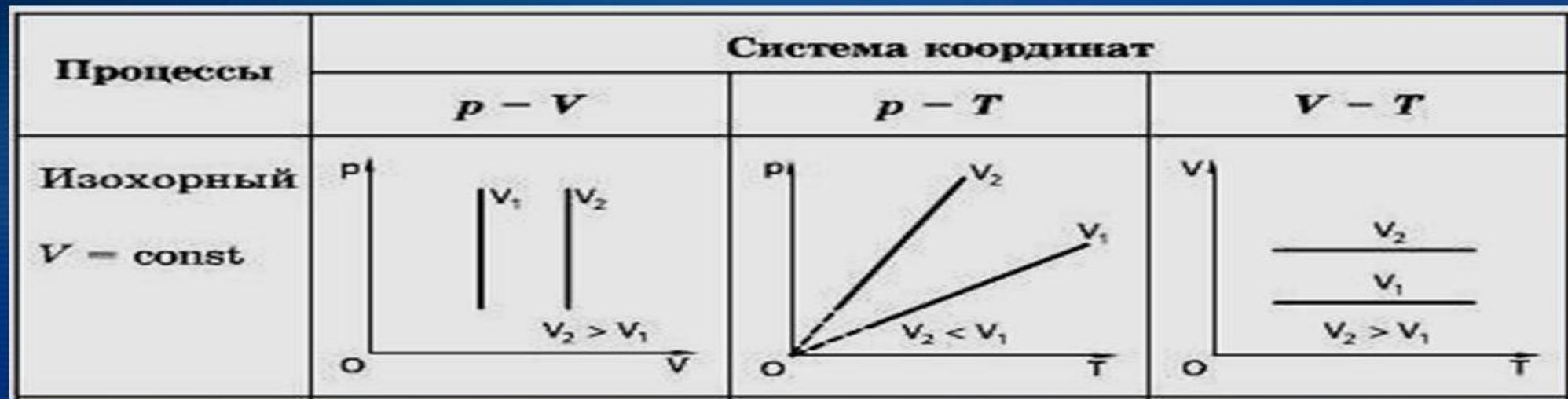
**Для данной массы газа
отношение давления к
температуре постоянно, если
объём не меняется**

График изохорного процесса



Изохора –

график изменения макроскопических параметров газа при изохорном процессе.



ИЗОХОРНЫЙ ПРОЦЕСС

Процесс изменения состояния газа при постоянном объеме называют **изохорным**

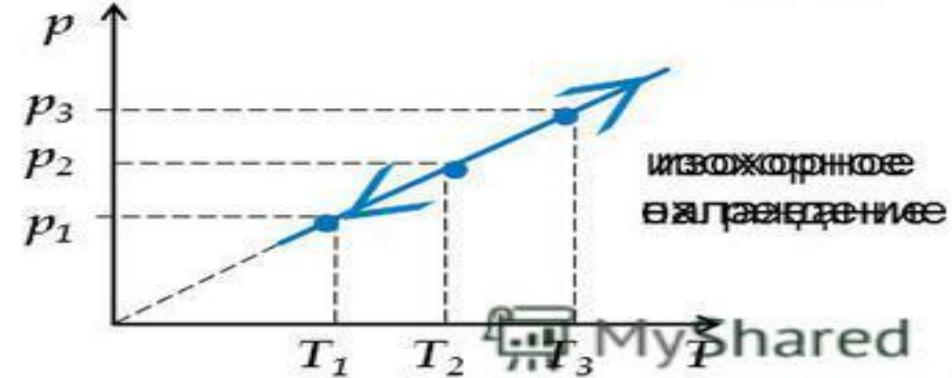
$$\left. \frac{pV}{T} = \text{const} \right\} \text{при } V = \text{const} \quad \frac{p}{T} = \text{const}$$

Закон Шарля: для газа данной массы
отношение давления к температуре постоянно,
если объем газа не меняется



$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2}$$

Пример: нагревание газа в лампочке
накаливания при ее включении $V = \text{const}$



MyShared

ИЗОПРОЦЕССЫ В ГАЗАХ

процесс $m = const$	закон	графики	термо- динамика
изохорный $V = const$	Шарля $\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$	<p style="text-align: center;">Изохоры</p>	

ВАЖНО: из двух изохор в координатах pT выше расположена та, на которой объем меньше.

Из графиков видно, что при фиксированном значении T $P_1 < P_2$, что возможно лишь при $V_2 < V_1$.



**Эти законы справедливы для
любых газов, а так же для смесей
газов(например воздуха)**

Задачи:

- 1. Почему баллон с любым сжатым газом представляет большую опасность при пожаре?**
- 2. В двух сосудах одинакового объема при одинаковых температуре и давлении находится водород и азот. Масса какого из газов больше и во сколько раз?**
- 3. Иногда из бутылки, наполненной газированной водой, вылетает пробка, если бутылка поставлена в теплое место. Почему?**

Задачи:

- 4. Какой объём будет занимать газ при температуре 77°C , если при 27°C его объём равен $0,006 \text{ м}^3$, при постоянном давлении.**

V_1 -?

$$t_1 = 77^\circ \text{C}$$

$$t_2 = 27^\circ \text{C}$$

$$V_2 = 0,006 \text{ m}^3$$

«СИ»

$$T_1 = 77 + 273 = 350 \text{ K}$$

$$T_2 = 300 \text{ K}$$

$$\frac{V}{T} = \text{const}$$

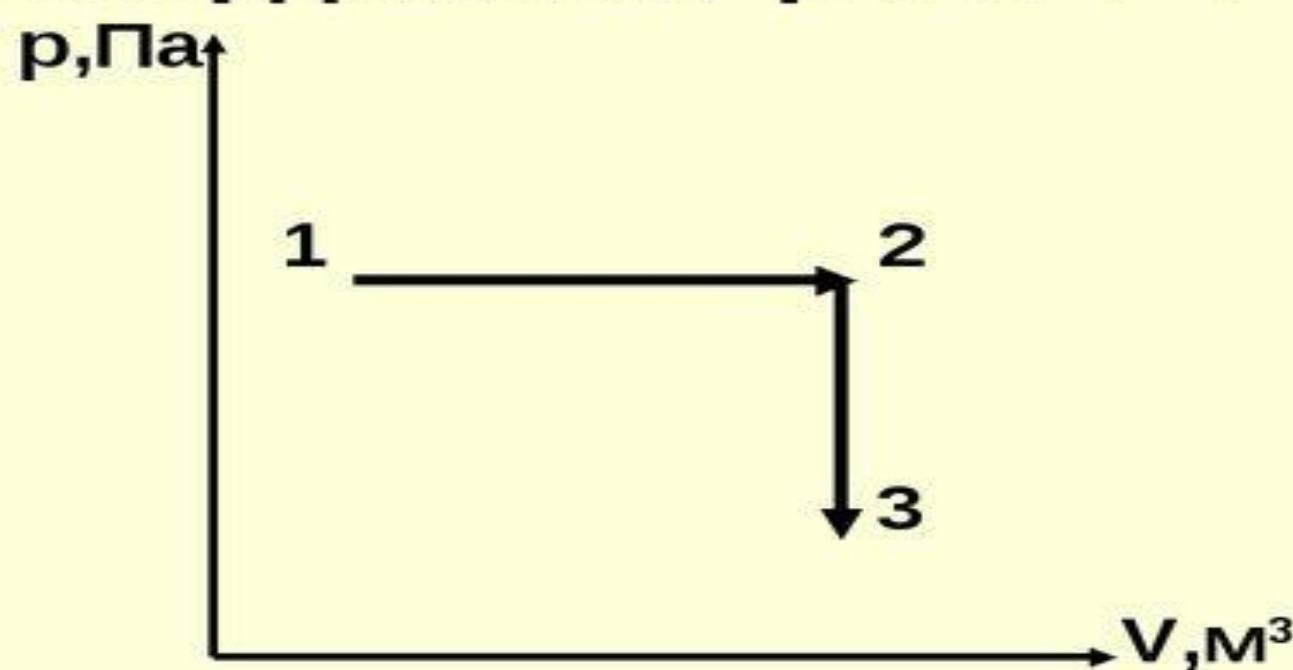
$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$V_1 = \frac{V_2 \cdot T_1}{T_2}$$

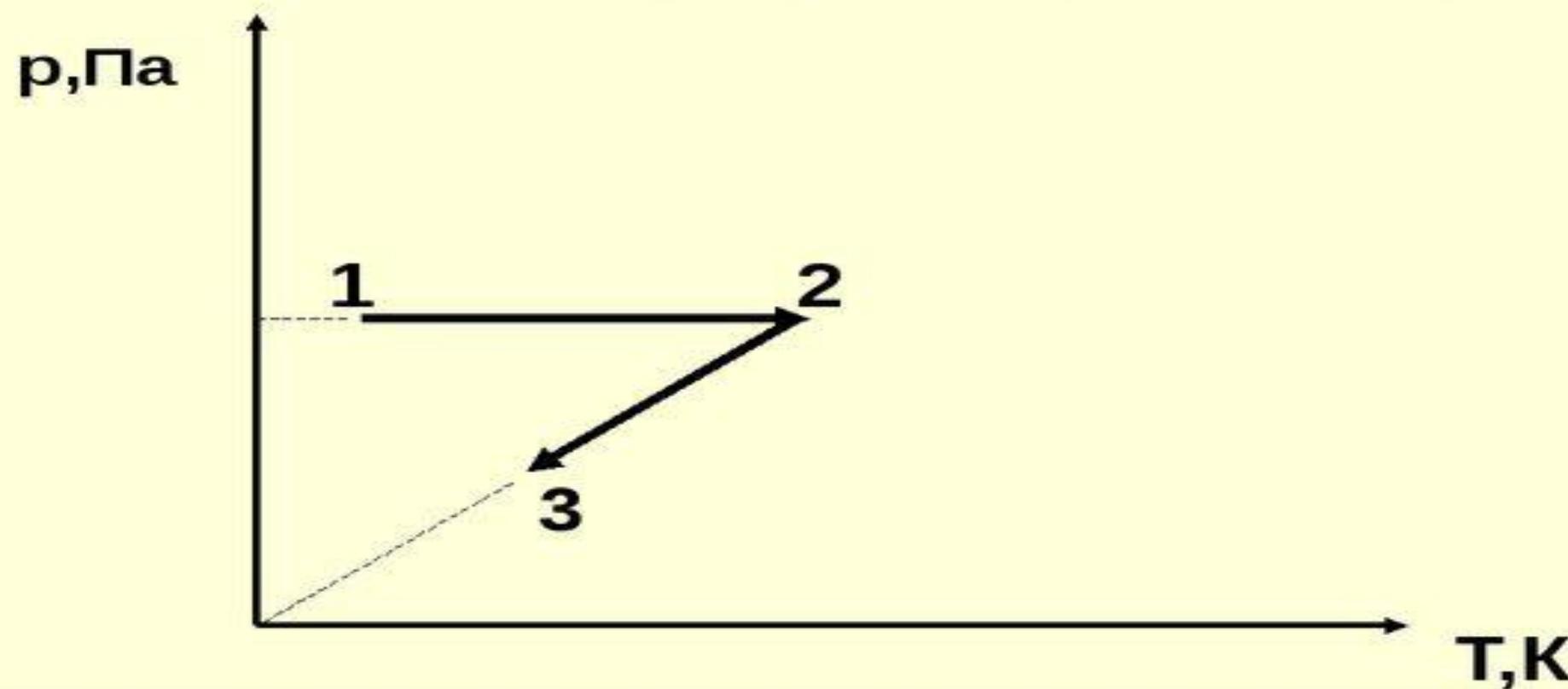
$$V_1 = \frac{0,006 \cdot 350}{300} = 0,007 (\text{m}^3)$$

Ответ: 0,007 м³.

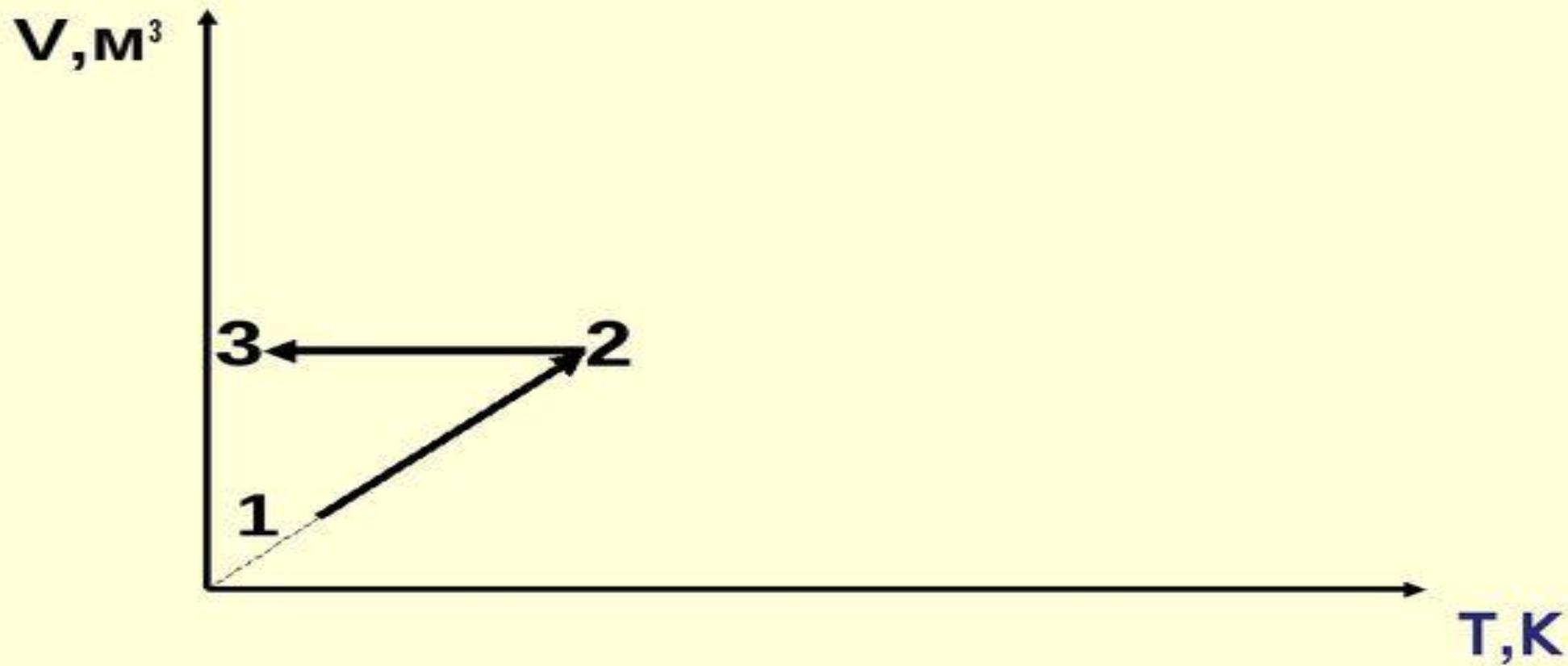
6. Какие процессы изображены на графике. Представьте эти процессы в координатах $p-T$ и $V-T$

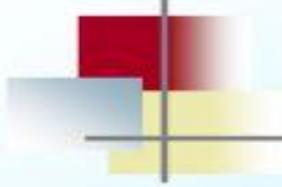


На участке 1-2 график изобарного процесса ($p=const$), на 2-3 график изохорного процесса ($V=const$)



**(T.K. 1-2 – p=const, a
2-3 – V=const)**



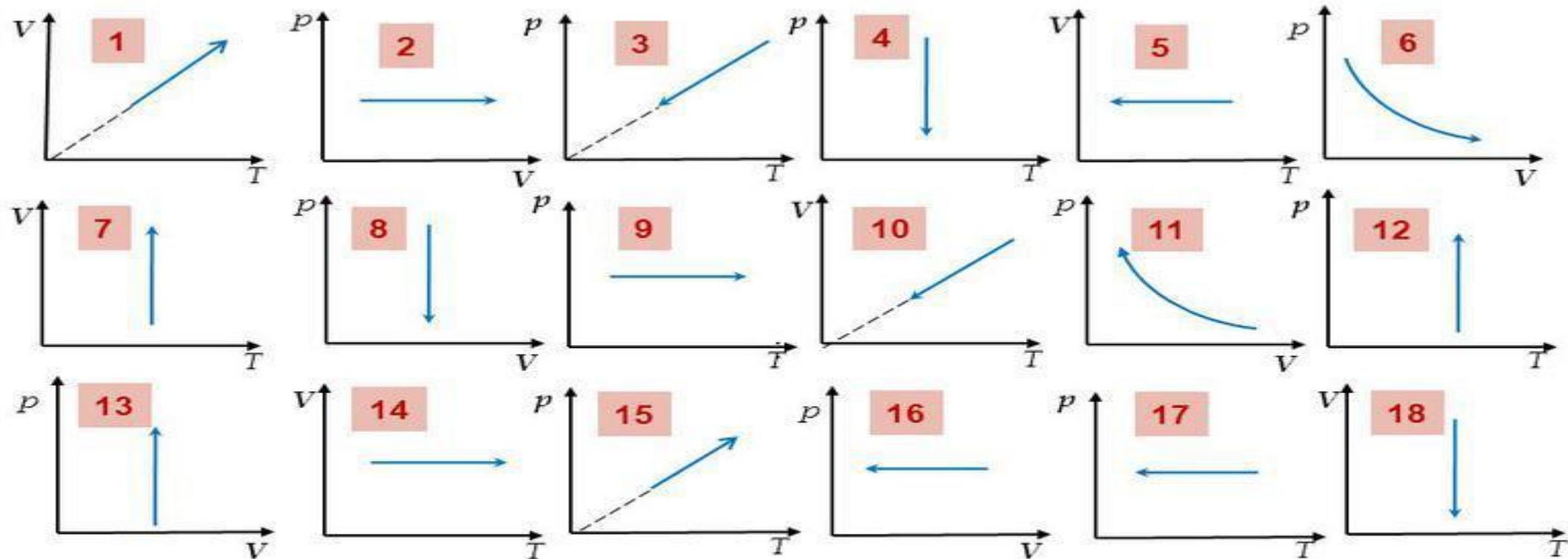


Изопроцессы

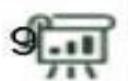
- $T = \text{const}$ - изотермический
- $P = \text{const}$ - изобарный
- $V = \text{const}$ - изохорный



Расположите номера процессов в соответствующие колонки таблицы

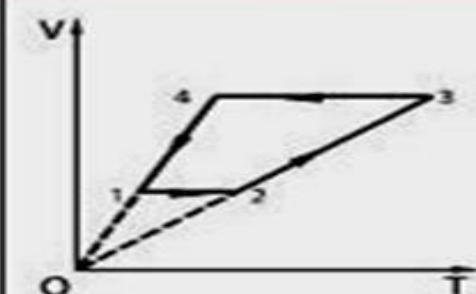
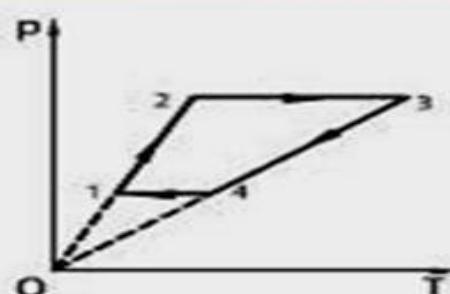
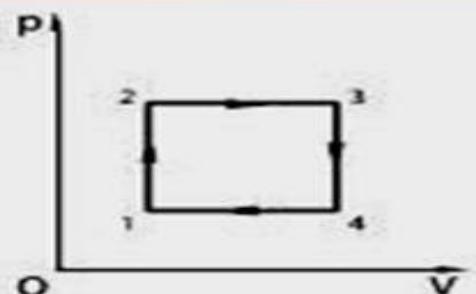


изохорное		изотермическое		изобарное	
нагревание	охлаждение	расширение	сжатие	нагревание	охлаждение
13, 14, 15	3, 5, 8	4, 6, 7	11, 12, 18	1, 2, 9	10, 16, 17

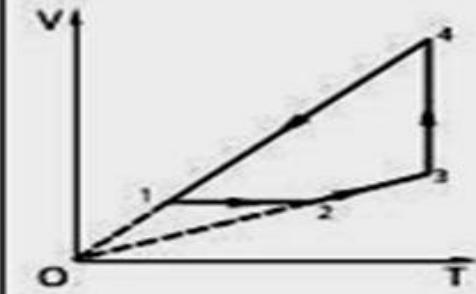
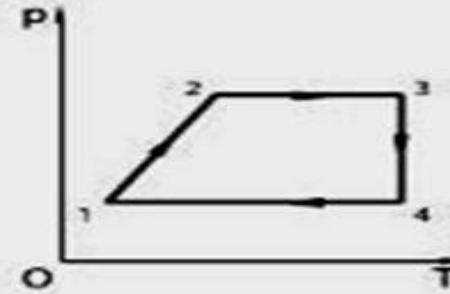
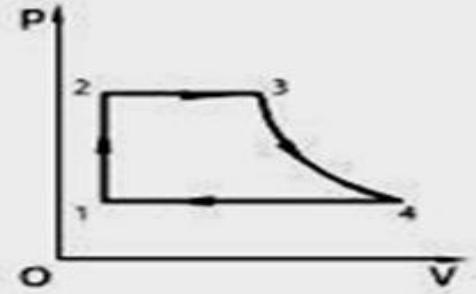


Циклы.

Цикл 1



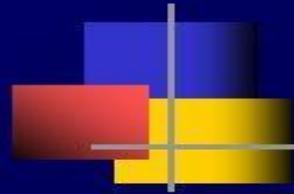
Цикл 2



MyShared



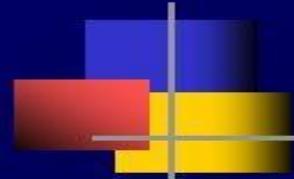
Спасибо за урок



ТЕСТ

на знание понятий
по теме: "ИЗОПРОЦЕССЫ"

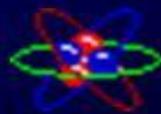




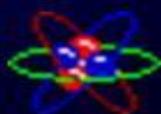
Вопрос № 1



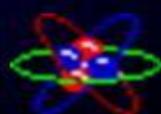
Какое состояние газа, является стационарным равновесным состоянием?



- состояние, в котором число молекул в заданном интервале скоростей периодически изменяется.

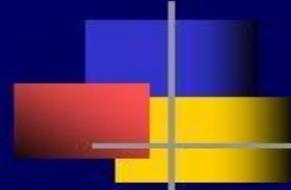


- состояние, в котором число молекул в заданном интервале скоростей остаётся постоянным.



- состояние, в котором число молекул в заданном интервале скоростей изменяется хаотически.

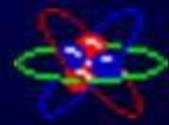




Вопрос № 2



**Какая формула является
уравнением идеального газа?**



$$pV = \frac{m}{M} RT$$

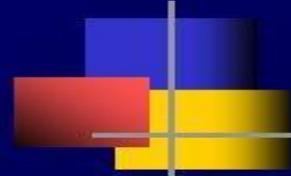


$$mV = \frac{p}{M} RT$$



$$pV = \frac{M}{m} RT$$

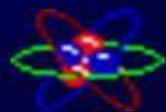




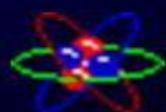
Вопрос № 3



Какие процессы изменения состояния идеального газа называют изопроцессами?



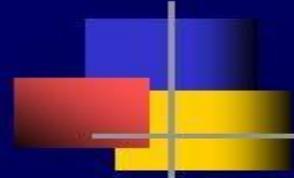
- процесс, при котором все макроскопические параметры состояния данной массы газа изменяются.



- процесс, при котором любой макроскопический параметр состояния данной массы газа изменяется.



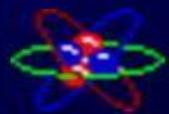
- процесс, при котором один из макроскопических параметров состояния данной массы газа остаётся постоянным.



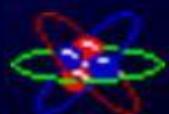
Вопрос № 4



Какой процесс называется изотермическим?



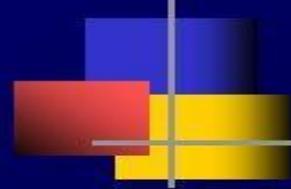
- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянной температуре.



- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянном давлении.



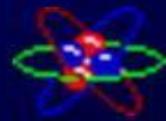
- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянном объёме.



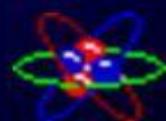
Вопрос № 5



Какой процесс называется изохорным?



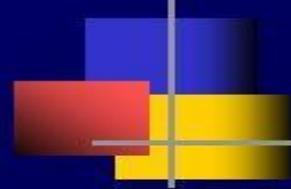
- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянной температуре.



- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянном давлении.



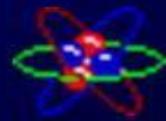
- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянном объёме.



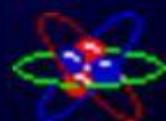
Вопрос № 6



Какой процесс называется изобарным?



- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянной температуре.



- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянном давлении.



- процесс изменения состояния определённой массы газа при постоянном объёме.



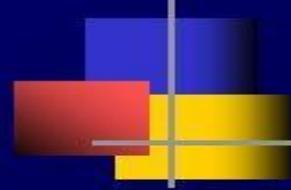
Вопрос № 7



Что называется температурой тела?



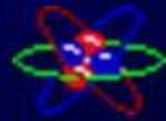
- мера средней потенциальной энергии хаотического поступательного движения его молекул.
- мера средней кинетической энергии хаотического поступательного движения его молекул.
- мера средней внутренней энергии хаотического поступательного движения молекул.



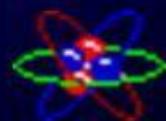
Вопрос № 8



Абсолютный нуль температуры (0К)?



- температура, при которой должно прекратиться движение молекул .



- температура, при которой начинает замерзать вода.



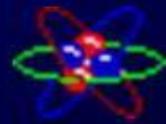
- температура, при которой вода закипает.



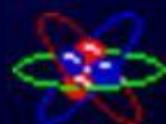
Вопрос № 9



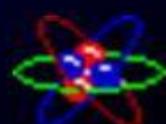
Формулировка закона Дальтона?



- давление смеси идеальных газов равно произведению парциальных давлений входящих в неё газов.

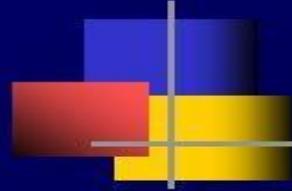


- давление смеси реальных газов равно сумме парциальных давлений входящих в неё газов.



- давление смеси идеальных газов равно сумме парциальных давлений входящих в неё газов.

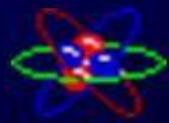




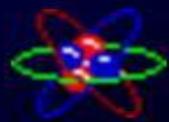
Вопрос № 10



Как изменится давление идеального газа при увеличении температуры и объёма газа в 4 раза?



- увеличится в 4 раза.



- уменьшится в 4 раза.



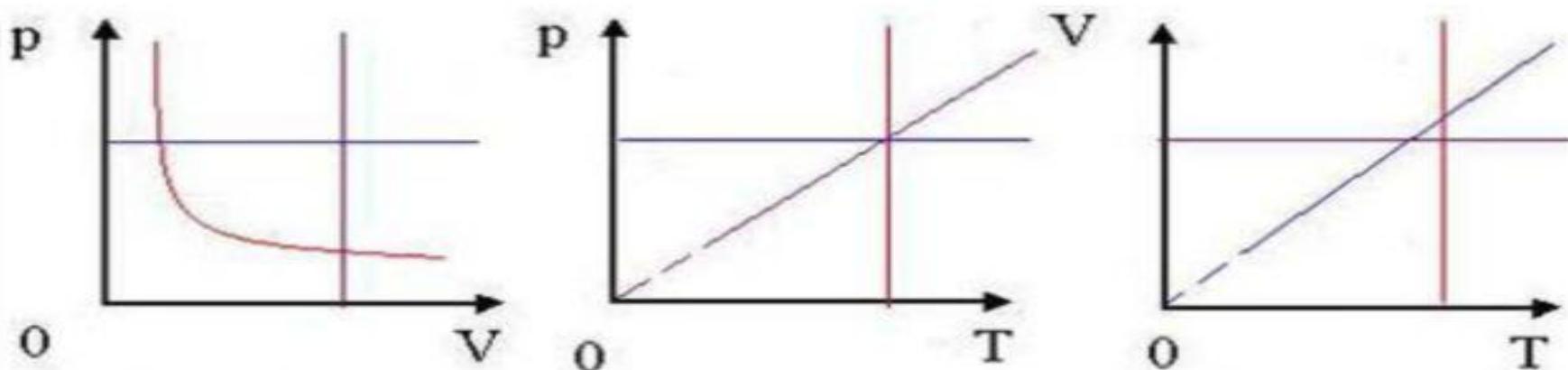
- не изменится.

Газовые законы. Решение задач графическим способом



MyShared

Как изображаются на диаграммах изотерма, изобара и изохора в координатах PV, PT, VT.



V=const

T=const

P=const



MyShared

№	Вопрос	ответ
1	Как называют процессы, протекающие при неизменном значении одного из параметров?	
2	Какими тремя макроскопическими параметрами характеризуется состояние данной массы газа?	
3	Какой процесс называют изотермическим?	
4	Какой процесс называют изобарным?	
5	Какой процесс называют изохорным?	

№	Вопрос	ответ
1	Как называют процессы, протекающие при неизменном значении одного из параметров?	Процессы, протекающие при неизменном значении одного из параметров, называют изопроцессами.
2	Какими тремя макроскопическими параметрами характеризуется состояние данной массы газа?	Это давление, объём и температура.
3	Какой процесс называют изотермическим?	Процесс изменения состояния термодинамической системы макроскопических тел при постоянной температуре называют изотермическим.
4	Какой процесс называют изобарным?	Процесс изменения состояния термодинамической системы макроскопических тел при постоянном давлении называют изобарным.
5	Какой процесс называют изохорным?	Процесс изменения состояния термодинамической системы макроскопических тел при постоянном объеме называют изохорным.

Ответы на вопросы

№	Вопрос
6	Как называют количественные зависимости между двумя параметрами газа при фиксированном значении третьего параметра?
7	Сформулируйте закон Бойля-Мариотта.
8	Сформулируйте закон Шарля.
9	Сформулируйте закон Гей-Люссака.



Ответы на вопросы

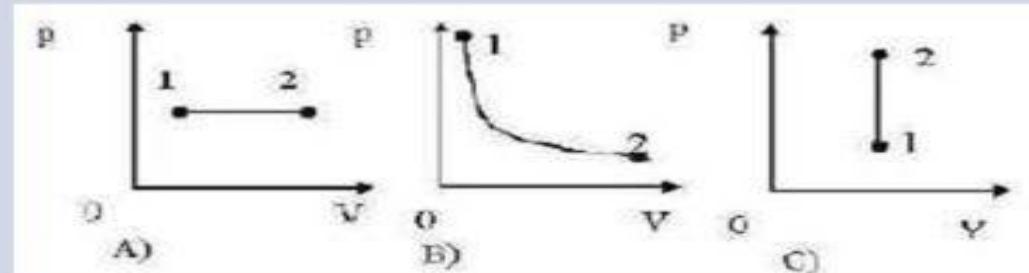
№	Вопрос	ответ
6	Как называют количественные зависимости между двумя параметрами газа при фиксированном значении третьего параметра?	Такие количественные зависимости называют
7	Сформулируйте закон Бойля-Мариотта.	Для газа данной массы произведение давления газа на его объем постоянно, если температура газа не меняется.
8	Сформулируйте закон Шарля.	Для газа данной массы отношение давления к температуре постоянно, если объем не меняется..
9	Сформулируйте закон Гей-Люссака.	Для газа данной массы отношение объема к температуре постоянно, если давление газа не меняется.

Решение задач

1. Для газа данной массы произведение давления газа на его объем постоянно, если температура газа не меняется.

- А.Это закон: Шарля,
- В.Гей-Люссака,
- С.Бойля-Мариотта.

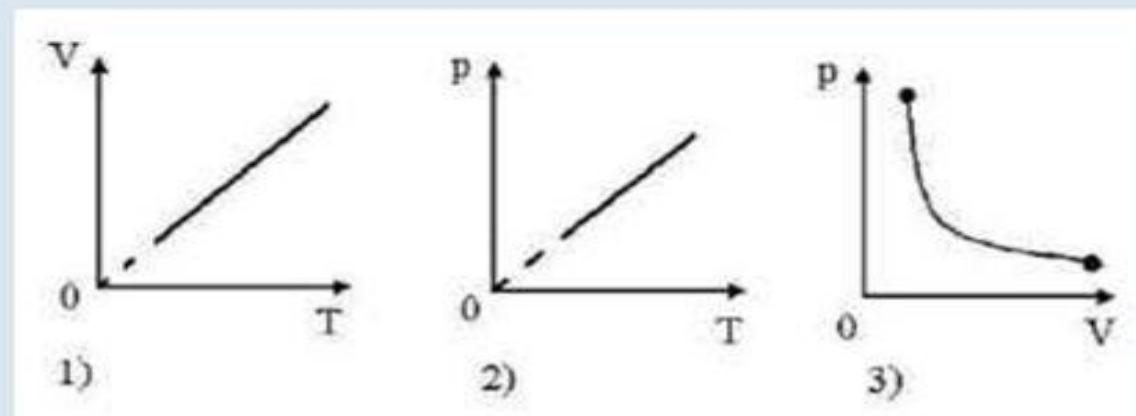
2. Какой из приведенных ниже графиков соответствует изобарному расширению?



Решение задач

3. Какие три процесса представлены на диаграммах рисунка?

- A. Изохорный, изотермический, изобарный.
- B. Изобарный, изохорный, изотермический.
- C. Изохорный, изобарный, изотермический.



Решение задач

4. Какое значение температуры по шкале Кельвина соответствует температуре 100°C ?

- A. 273. К,
- B. 373. К,
- C. 473К.

5. В сосуде объемом $8,3\text{м}^3$ находится 0,04 кг гелия при температуре 127°C .
Определить его давление.

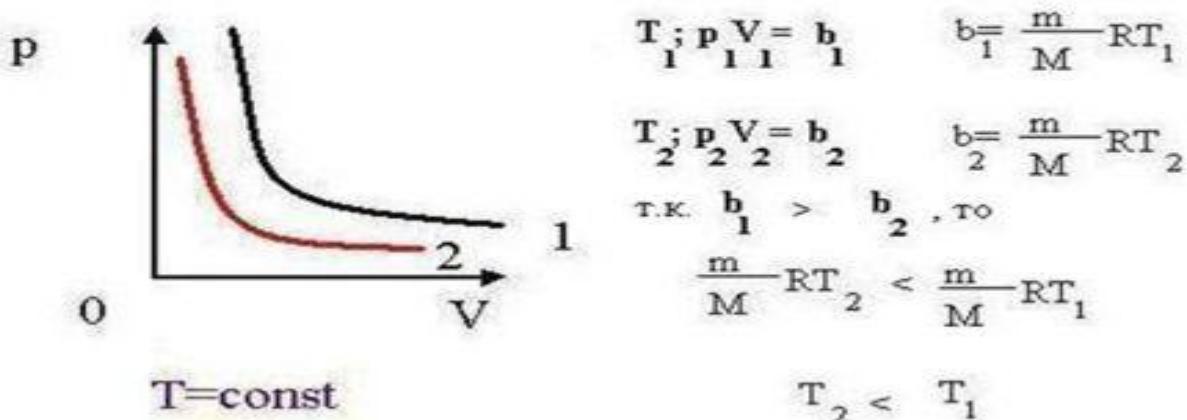
- A. $4 \cdot 10^3$ Па,
- B. $8 \cdot 10^3$ Па,
- C. $16 \cdot 10^3$ Па.



Изотермический процесс

изотермический процесс

Рассмотрим два изотермических процесса с постоянными температурами T_1 и T_2



Значит, ниже находится график того изотермического процесса, у которого температура меньше.

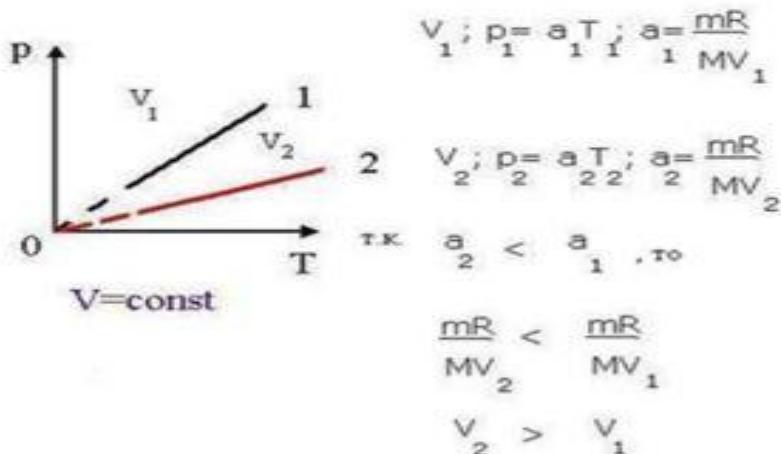


MyShared

Изохорный процесс

изохорный процесс

Рассмотрим два изохорных процесса с объемами V_1 и V_2 .



Значит, угол наклона изохоры больше у той, у которой меньше объем, а угол наклона изохоры меньше у той, у которой больше объем.

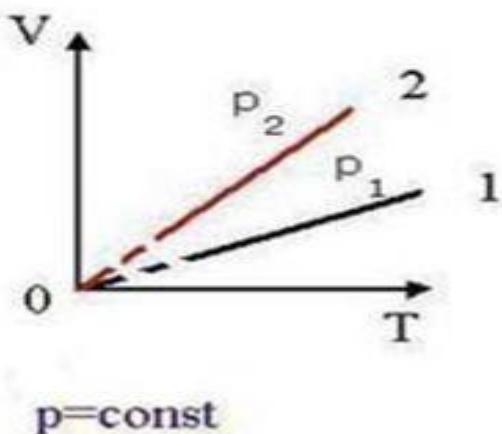


MyShared

Изобарный процесс

изобарный процесс

Рассмотрим два изобарных процесса с давлениями p_1 и p_2



$$p_1; V_1 = c_1 T_1 \quad c_1 = \frac{mR}{Mp_1}$$

$$p_2; V_2 = c_2 T_2 \quad c_2 = \frac{mR}{Mp_2}$$

т.к. $c_1 < c_2$, то
 $\frac{mR}{Mp_1} < \frac{mR}{Mp_2}$

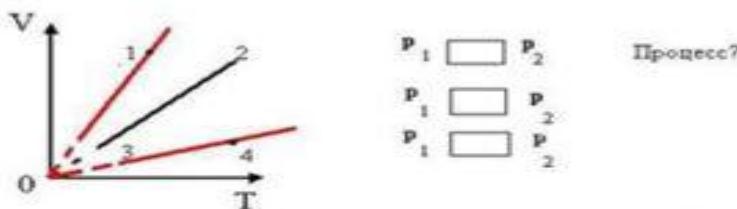
$$p_1 > p_2$$

Значит, угол наклона изобары меньше у той, у которой больше давление, а угол наклона изобары больше у той, у которой меньше давление.

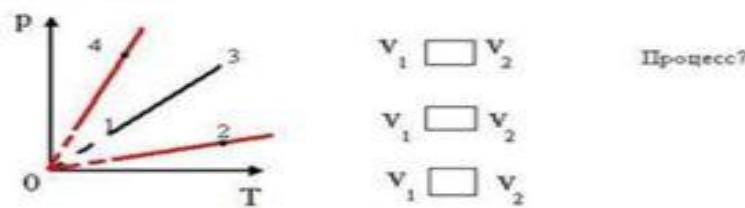


Решение задач

1. На диаграмме точками 1,2,3,4 обозначены состояния одной и той же массы газа. Сравнить давления газа в этих состояниях.

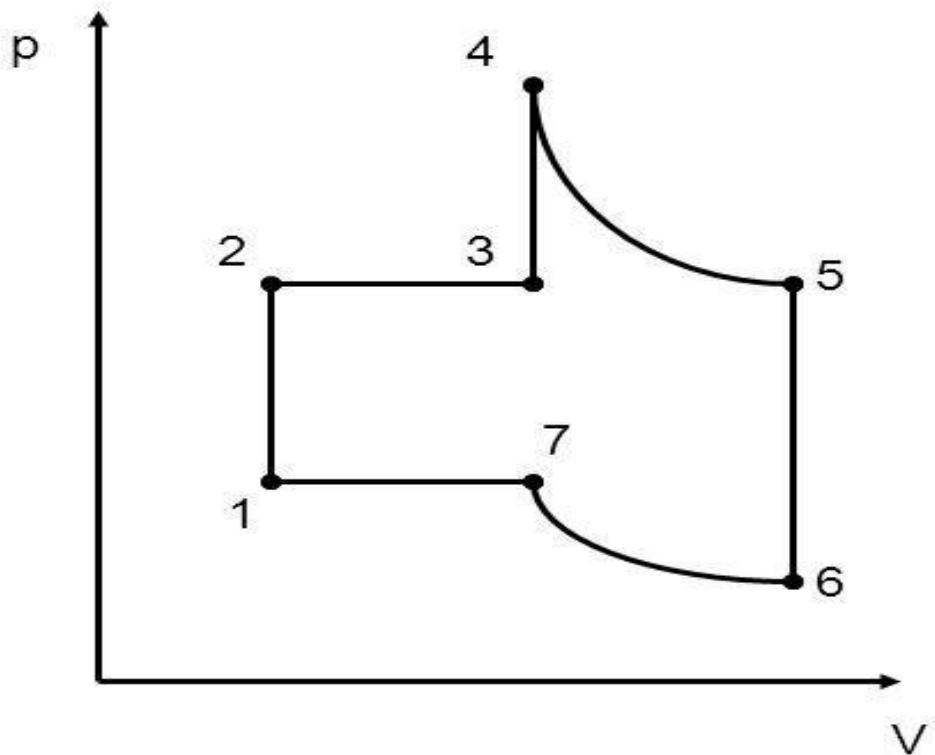


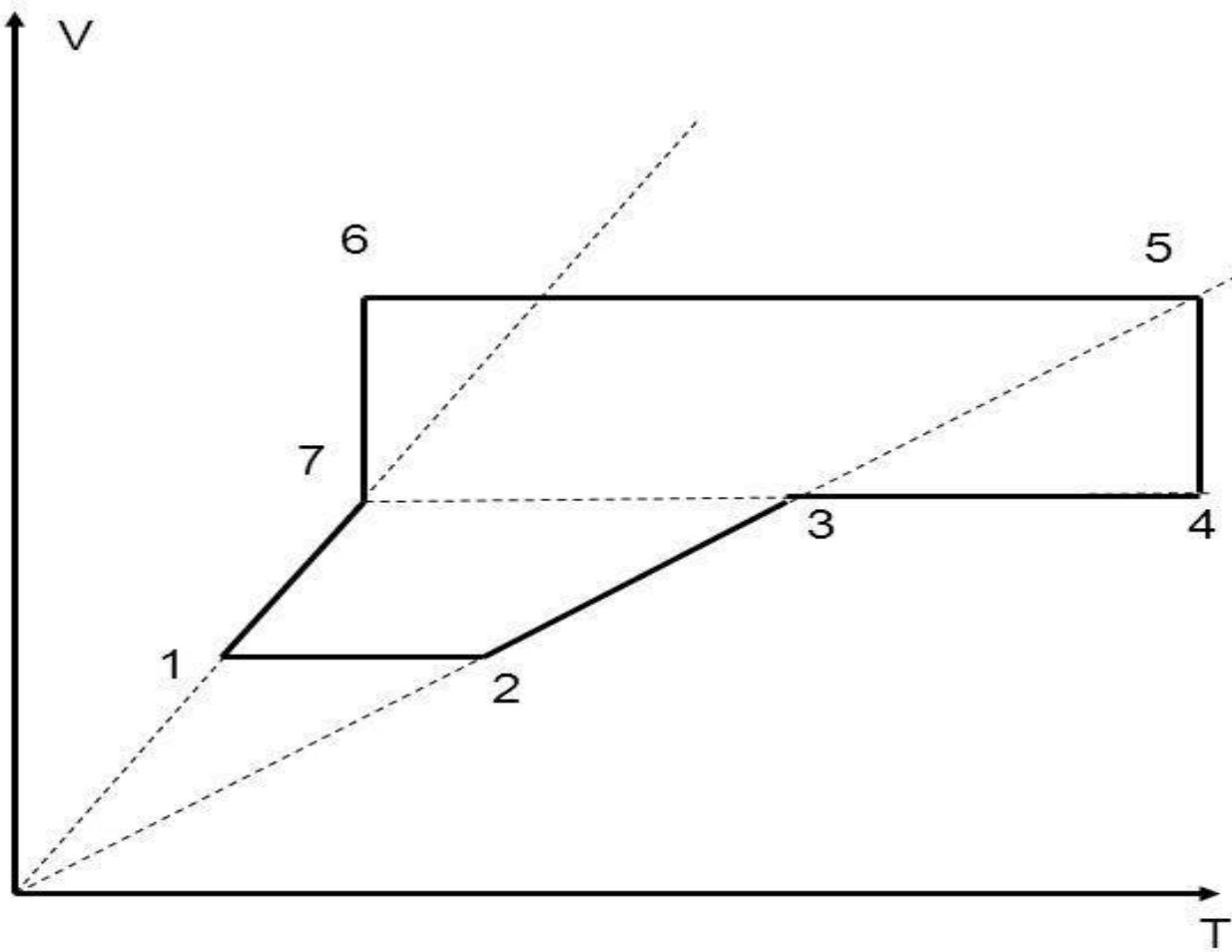
2. На диаграмме точками 1,2,3,4 обозначены состояния одной и той же массы газа. Сравнить объемы газа в этих состояниях.



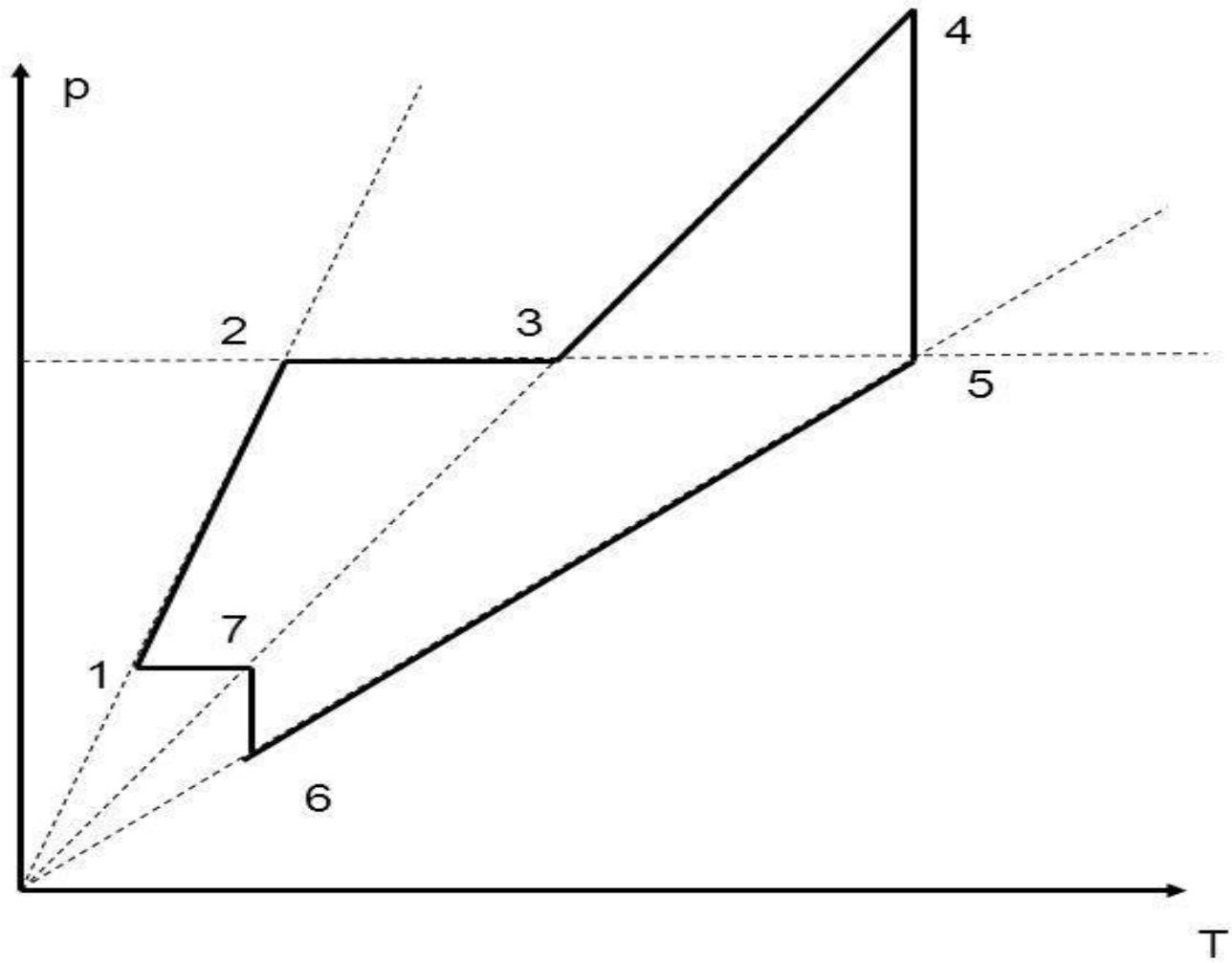
3. На диаграмме точками 1,2,3,4 обозначены состояния одной и той же массы газа. Сравнить температуры газа в этих состояниях.







1-2 изохора	$p \uparrow T \uparrow$
2-3 изобара	$V \uparrow T \uparrow$
3-4 изохора	$p \uparrow T \uparrow$
4-5 изотерма	$V \uparrow p \downarrow$
5-6 изохора	$p \downarrow T \downarrow$
6-7 изотерма	$p \uparrow V \downarrow$
7-1 изобара	$V \downarrow T \downarrow$



1-2 изохора	$P \uparrow T \uparrow$
2-3 изобара	$V \uparrow T \uparrow$
3-4 изохора	$P \uparrow T \uparrow$
4-5 изотерма	$V \uparrow P \downarrow$
5-6 изохора	$P \downarrow T \downarrow$
6-7 изотерма	$P \uparrow V \downarrow$
7-1 изобара	$V \downarrow T \downarrow$

