

МЕХАНИКА

Теоретическая механика

Модуль 1

Раздел 3 – ДИНАМИКА ТОЧКИ

ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ

ЛЕКЦИЯ 14

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ
ДВИЖЕНИЯ МАТЕРИАЛЬНОЙ ТОЧКИ

ЛЕКЦИЯ 15

ЛЕКЦИЯ 16

ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ

Динамика - это раздел механики, в котором изучается движение материальных точек, тел и механических систем под действием приложенных сил

Основные законы механики

Первый закон (закон инерции)

Второй закон (основной закон динамики)

$$m\bar{a} = \bar{F}$$

Третий закон (закон равенства действия и противодействия)

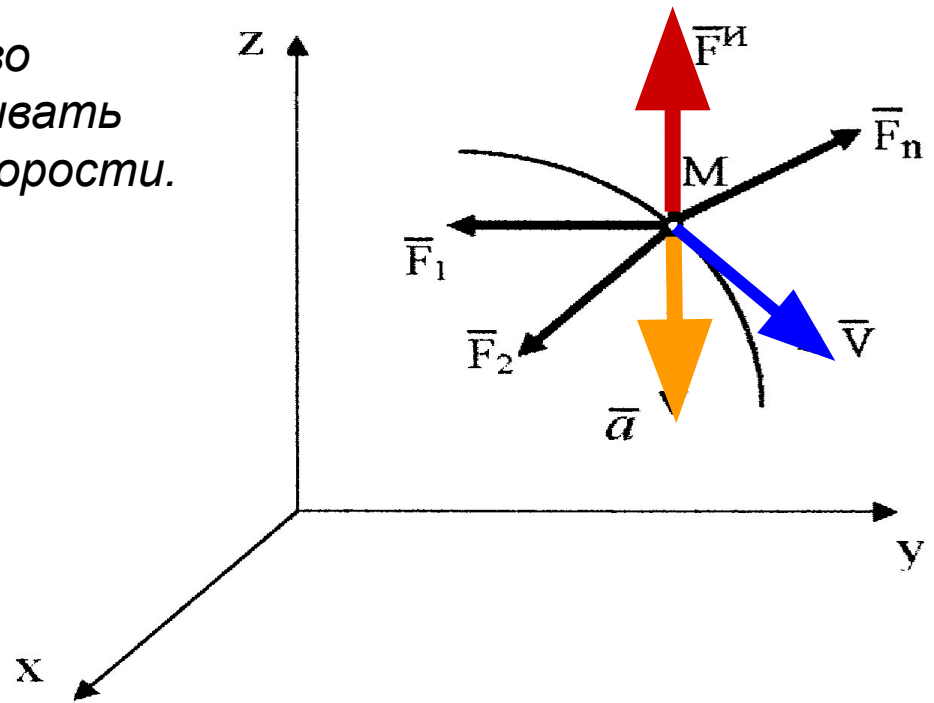
Четвертый закон (закон независимости действия сил)

$$\bar{a} = \bar{a}_1 + \bar{a}_2 + \dots + \bar{a}_n$$

ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ

Инерция – это свойство материальной точки оказывать сопротивление изменению скорости.

$$-m\bar{a} = \bar{F}^u$$



Сила инерции материальной точки направлена противоположно ускорению точки и приложена к телу, сообщаемому точке это ускорение

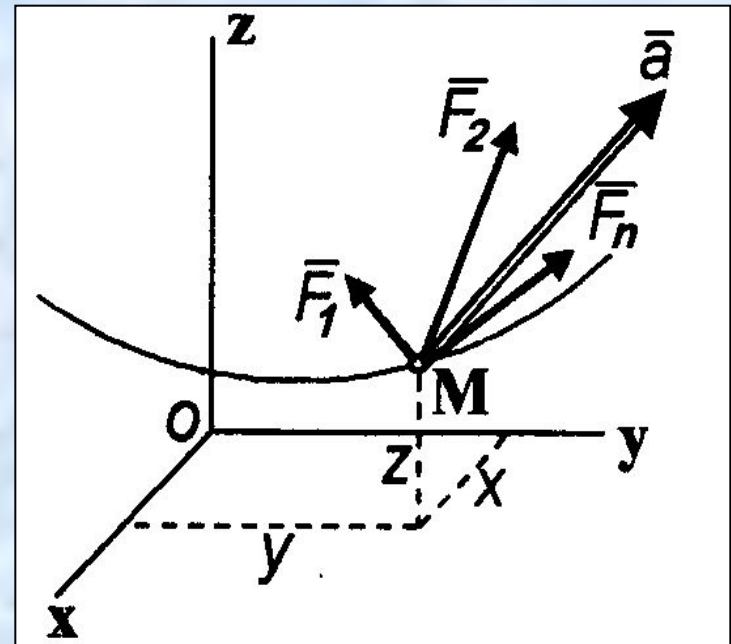
Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Дифференциальные уравнения движения точки
в проекциях на декартовы оси:

$$m \frac{d^2 x}{dt^2} = \sum F_{kx}$$

$$m \frac{d^2 y}{dt^2} = \sum F_{ky}$$

$$m \frac{d^2 z}{dt^2} = \sum F_{kz}$$



Закон движения точки:

$$\left\{ \begin{array}{l} x = f_1(t); \\ y = f_2(t); \\ z = f_3(t) \end{array} \right.$$

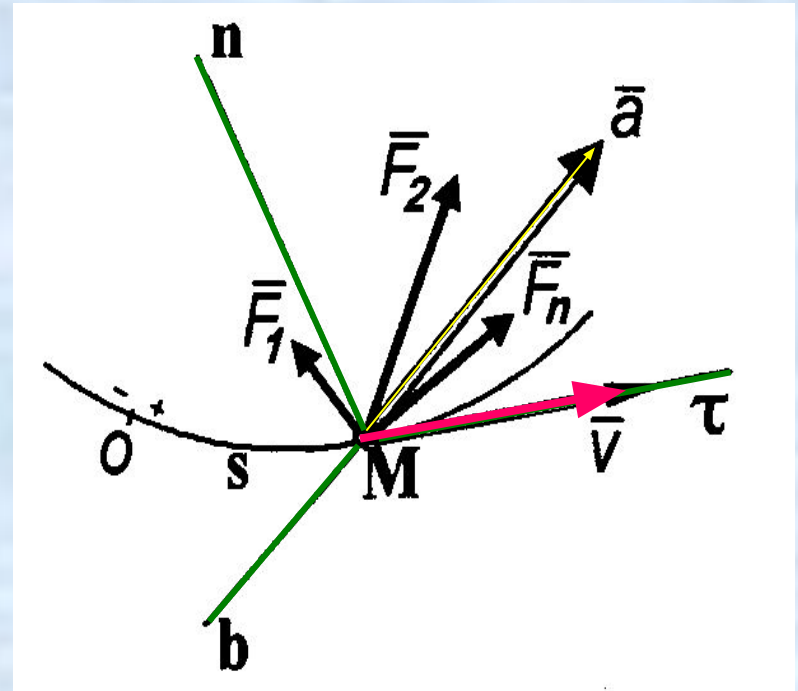
Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Дифференциальные уравнения в проекциях на оси естественного трехгранника

$$a_\tau = \frac{dv}{dt} \quad a_n = \frac{v^2}{\rho}$$

$$m \frac{dv}{dt} = \sum F_{k\tau}$$

$$m \frac{v^2}{\rho} = \sum F_{kn}$$



Дифференциальные уравнения движения материальной точки

$$m \frac{d^2 \bar{r}}{dt^2} = \sum \bar{F}_k$$

ДВЕ ЗАДАЧИ ДИНАМИКИ

Первая задача динамики: по известному закону движения материальной точки находят приложенные к ней силы.

Вторая (основная) задача динамики: при известных действующих на материальную точку силах, определяют закон движения точки

Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Решение задач динамики точки:

Первая задача динамики:

- *составить и решать дифференциальные уравнения движения материальной точки*

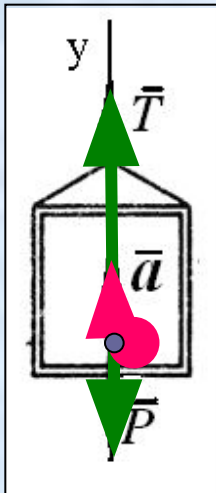
Вторая задача динамики:

- *выбрать систему координат и записать начальные условия;*
- *изобразить движущуюся точку в произвольном положении и все действующие на точку силы;*
- *составить дифференциальные уравнения движения точки;*
- *проинтегрировать полученные уравнения, определив постоянные интегрирования из начальных условий.*
- *найти искомые величины из полученных выражений.*

Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Лифт весом P начинает подъем по закону:

$$y = at^2.$$



Определить:
натяжение троса T

Решение. На лифт действуют сила тяжести \bar{P} и реакция троса \bar{T}

$$m \frac{d^2 y}{dt^2} = \sum F_{ky}$$

$$m a = P_y + T_y$$

$$(P/g) 2a = T - P,$$

$$T = P (1 + 2a/g).$$

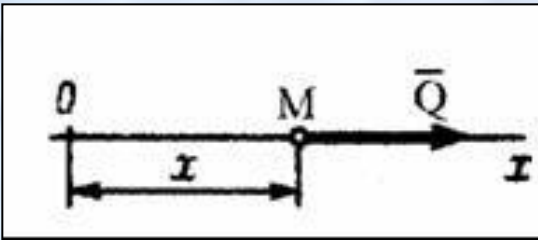
Если лифт опускается с таким же ускорением:

$$T = P (1 - 2a/g).$$

Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Задача 2.

Материальная точка с массой m движется под действием постоянной силы \bar{Q}



Найти:

закон движения точки при начальных условиях:

$$t=0, x=x_0, v_x=v_0.$$

Решение:

Учитывая, что $Q_x = Q$:
$$m \frac{dv_x}{dt} = Q$$

$$v_x = (Q/m) t + C_1.$$

$$\frac{dx}{dt} = (Q/m) t + C_1.$$

$$x = (Q/2m) t^2 + C_1 t + C_2$$

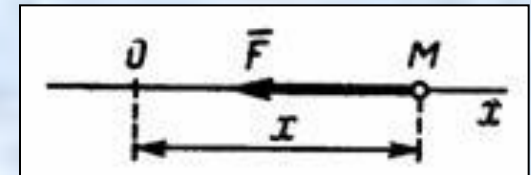
$$v_0 = C_1, x_0 = C_2$$

$$x = x_0 + v_0 t + (Q/2m) t^2.$$

Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Свободные прямолинейные колебания материальной точки

Восстанавливающая сила F - сила, стремящаяся вернуть точку в положение равновесия (всегда направлена к положению равновесия и зависит от величины отклонения точки от положения равновесия x).



$$F_x = -cx$$

Сила сопротивления R , зависящая от скорости движения

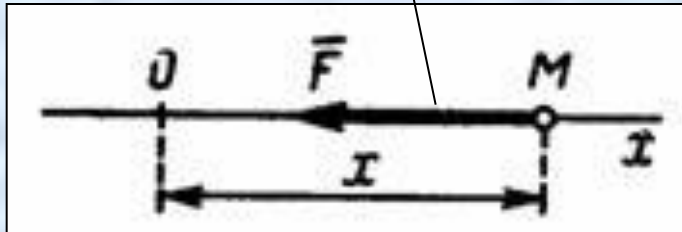
$$R_x = -\mu \dot{x}$$

Возмущающая сила, т.е. сила, являющаяся заданной функцией времени.

Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Свободные прямолинейные колебания материальной точки

Восстанавливающая сила



$$F_x = -cx$$

$$m\ddot{x} = F_x, \text{ или}$$

$$m\ddot{x} = -cx$$

если $c/m = k^2$, то

$$\ddot{x} + k^2x = 0$$

дифференциальное уравнение свободных колебаний при отсутствии сопротивления.

Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Свободные прямолинейные колебания материальной точки

$$\ddot{x} + k^2 x = 0$$

Характеристическое уравнение:

$$x = e^{nt}$$

$$n^2 + k^2 = 0, n_{1,2} = \pm ik$$

общее
решение

$$x = C_1 \sin kt + C_2 \cos kt,$$

Пусть

$$C_1 = A \cos \alpha,$$

$$C_2 = A \sin \alpha,$$

$$x = A (\sin kt \cos \alpha + \cos kt \sin \alpha)$$

или

закон гармонических колебаний точки:

$$x = A \sin (kt + \alpha).$$

Скорость точки: $v_x = Ak \cos (kt + \alpha).$

Дифференциальные уравнения движения материальной точки

Свободные прямолинейные колебания материальной точки

$$x = A \sin (kt + \alpha)$$

A - амплитуда колебаний.

$(kt + \alpha) = \phi$ - фаза колебаний.

α - начальная фаза колебаний.

k - круговая частота колебаний

Период колебаний T -
промежуток времени, в течение
которого точка совершает одно
полное колебание

$$T = \frac{2\pi}{k}.$$

Частота колебаний ν - число
колебаний, совершаемых за 1с

$$\nu = \frac{1}{T} = \frac{k}{2\pi}.$$

ТЕОРЕМА О ДВИЖЕНИИ ЦЕНТРА МАСС

Введение в динамику системы

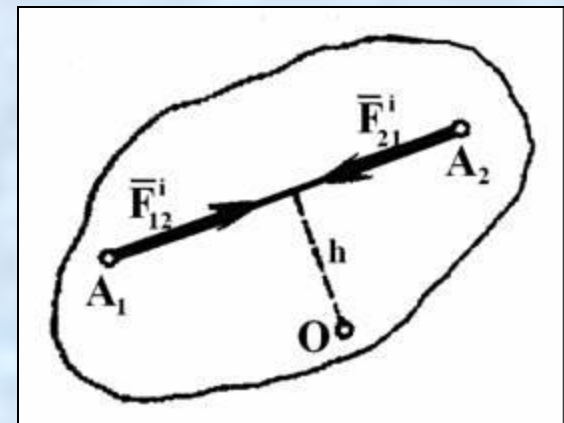
Механическая система - совокупность материальных точек или тел, находящихся в механическом взаимодействии

\bar{F}_k^e - **Внешние силы**, действующие на точки системы со стороны точек или тел, не входящих в состав данной системы

\bar{F}_k^i - **Внутренние силы**, с которыми точки или тела данной системы действуют друг на друга

Свойства внутренних сил:

$$\sum \bar{F}_k^i = 0 \quad \sum \bar{m}_0(\bar{F}_k^i) = 0$$



Центр масс механической системы

Масса системы: $M = \sum m_k$

Центром масс (центром инерции) механической системы называется геометрическая точка C , координаты которой :

$$x_C = \frac{\sum m_k x_k}{M} \quad y_C = \frac{\sum m_k y_k}{M} \quad z_C = \frac{\sum m_k z_k}{M}$$

Радиус-вектор центра масс:

$$\bar{r}_C = \frac{\sum m_k \bar{r}_k}{M}$$

ТЕОРЕМА О ДВИЖЕНИИ ЦЕНТРА МАСС

Для каждой точки системы

$$m_k \bar{a}_k = \bar{F}_k^e + \bar{F}_k^i$$

$$\sum m_k \bar{a}_k = \sum \bar{F}_k^e + \sum \bar{F}_k^i$$

$$\sum m_k \frac{d^2 \bar{r}_k}{dt^2} = M \frac{d^2 \bar{r}_C}{dt^2}$$

$$\left[\begin{array}{l} \bar{r}_C = \frac{\sum m_k \bar{r}_k}{M} \\ \sum m_k \bar{r}_k = M \bar{r}_C \end{array} \right]$$

$$\sum m_k \bar{a}_k = M \bar{a}_C$$

\bar{a}_C — ускорение центра
масс системы

$$M \bar{a}_C = \sum \bar{F}_k^e$$

$$\begin{aligned} M \frac{d^2 x_C}{dt^2} &= \sum F_{kx}^e \\ M \frac{d^2 y_C}{dt^2} &= \sum F_{ky}^e \\ M \frac{d^2 z_C}{dt^2} &= \sum F_{kz}^e \end{aligned}$$

Дифференциальные уравнения
движения центра масс в проекциях
на оси координат


 ТЕОРЕМА О ДВИЖЕНИИ ЦЕНТРА МАСС

$$M\bar{a}_C = \sum \bar{F}_k^e$$

Закон сохранения движения центра масс

1. Пусть сумма внешних сил, действующих на систему, равна нулю

$$\sum \bar{F}_k^e = 0 \longrightarrow \bar{a}_C = 0 \longrightarrow \bar{v}_C = \text{const}$$

2. Пусть сумма внешних сил системы, не равна нулю, но сумма их проекций на какую-нибудь ось равна нулю

$$\sum \bar{F}_k^e \neq 0$$

$$\sum F_{kx}^e = 0 \longrightarrow M \ddot{x}_C = 0 \longrightarrow \ddot{x}_C = 0 \longrightarrow \dot{x}_C = v_{Cx} = \text{const}$$

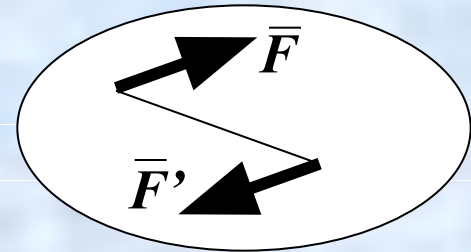
ТЕОРЕМА О ДВИЖЕНИИ ЦЕНТРА МАСС

Примеры применения теоремы о движении центра масс

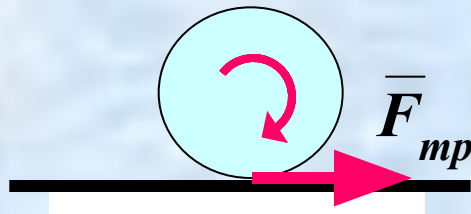
Действие пары сил на тело

$$\sum \bar{F}_k^e = \bar{F} + \bar{F}' = 0$$

$$\bar{a}_C = 0 \quad \bar{v}_C = \text{const} = \bar{v}_{0C} = 0$$

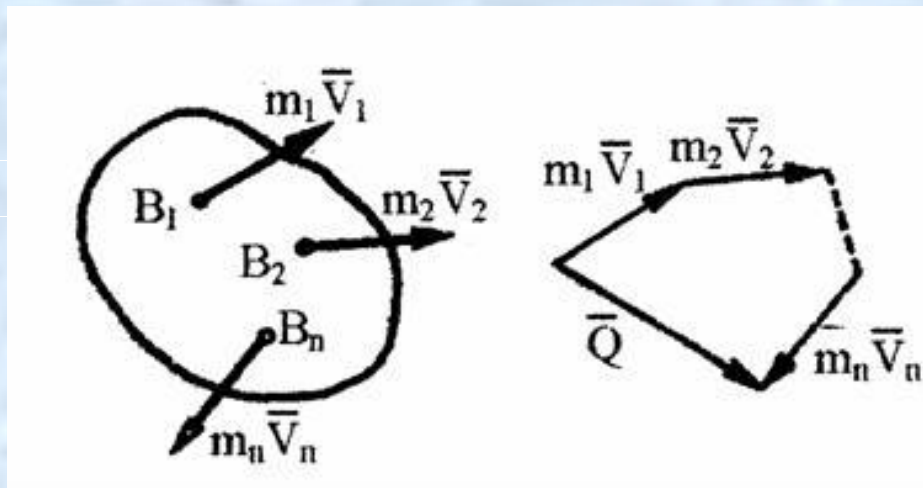


Движение по горизонтальной плоскости



ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КОЛИЧЕСТВА ДВИЖЕНИЯ

Количество движения



$m\bar{v}$ - Количество движения материальной точки

Количество движения механической системы $\bar{Q} = \sum m_k \bar{v}_k$.

Количество движения твердого тела $\bar{Q} = M\bar{v}_C$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КОЛИЧЕСТВА ДВИЖЕНИЯ

Импульс силы

Элементарный импульс силы: $d\bar{S} = \bar{F} dt$

Импульс силы за конечный промежуток времени t_1 : $\bar{S} = \int_0^{t_1} \bar{F} dt.$

Проекции импульса на координатные оси

$$S_y = \int_0^{t_1} F_y dt. \quad S_x = \int_0^{t_1} F_x dt. \quad S_z = \int_0^{t_1} F_z dt.$$

Единицей измерения импульса силы в системе СИ является 1
 $\text{кг} \cdot \text{м/с} = 1 \text{ Н/с}.$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КОЛИЧЕСТВА ДВИЖЕНИЯ

Дифференциальное уравнение движения точки $\frac{d(m\bar{v})}{dt} = \sum \bar{F}_k$.

$$m\bar{v} - m\bar{v}_0 = \sum \int_0^{t_1} \bar{F}_k dt.$$

$$m\bar{v} - m\bar{v}_0 = \sum \bar{S}_k$$

Теорема об изменении количества движения материальной точки

$$mv_{1x} - mv_{0x} = \sum S_{kx},$$

$$mv_{1y} - mv_{0y} = \sum S_{ky},$$

$$mv_{1z} - mv_{0z} = \sum S_{kz}.$$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КОЛИЧЕСТВА ДВИЖЕНИЯ

Для всех точек механической системы

$$\sum m_k \bar{a}_k = \sum \bar{F}_k^e + \sum \bar{F}_k^i = 0$$

$$\sum m_k \bar{a}_k = \frac{d}{dt} \sum m_k \bar{v}_k = \frac{d\bar{Q}}{dt}$$

Теорема об изменении количества движения системы:

$$\frac{d\bar{Q}}{dt} = \sum \bar{F}_k^e$$

$$\bar{Q}_1 - \bar{Q}_0 = \sum \int_0^{t_1} \bar{F}_k^e dt$$

$$\bar{Q}_1 - \bar{Q}_0 = \sum \bar{S}_k^e$$

$$\frac{dQ_x}{dt} = \sum F_{kx}^e, \quad \frac{dQ_y}{dt} = \sum F_{ky}^e, \quad \frac{dQ_z}{dt} = \sum F_{kz}^e$$

$$Q_{1x} - Q_{0x} = \sum S_{kx}^e$$

$$Q_{1y} - Q_{0y} = \sum S_{ky}^e$$

$$Q_{1z} - Q_{0z} = \sum S_{kz}^e$$



ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КОЛИЧЕСТВА ДВИЖЕНИЯ

Закон сохранения количества движения

$$1. \quad \sum \bar{F}_k^e = 0.$$

$$\frac{d\bar{Q}}{dt} = \sum \bar{F}_k^e = 0$$

$$\bar{Q} = \text{const}$$

$$2. \quad \sum F_{kx}^e = 0.$$

$$\frac{dQ_x}{dt} = \sum F_{kx}^e = 0$$

$$Q_x = \text{const}$$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОГО МОМЕНТА

Осевые моменты инерции тела

$$I_z = \sum m_k h_k^2$$

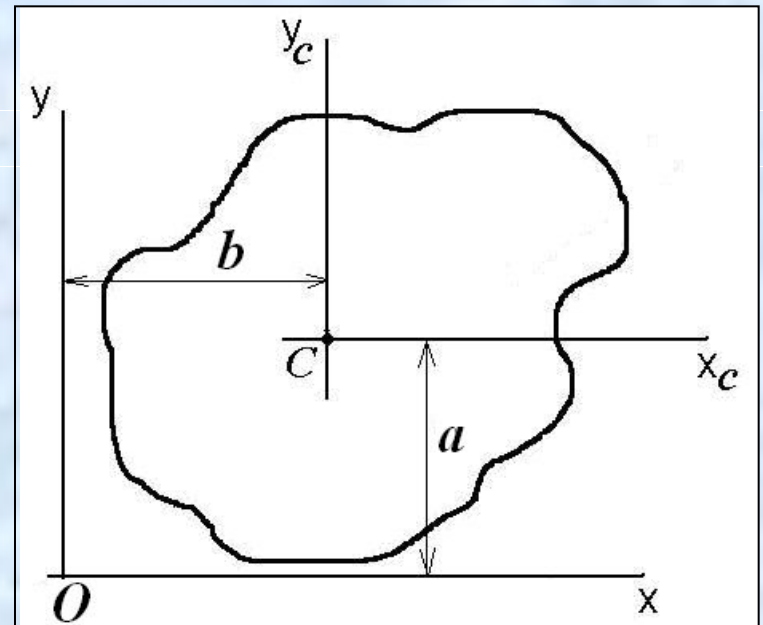
$$I_z = M \rho_z^2$$

ρ - радиус инерции тела

Теорема Гюйгенса

$$I_{Ox} = I_{Cx} + M a^2;$$

$$I_{Oy} = I_{Cy} + M b^2.$$



ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОГО МОМЕНТА

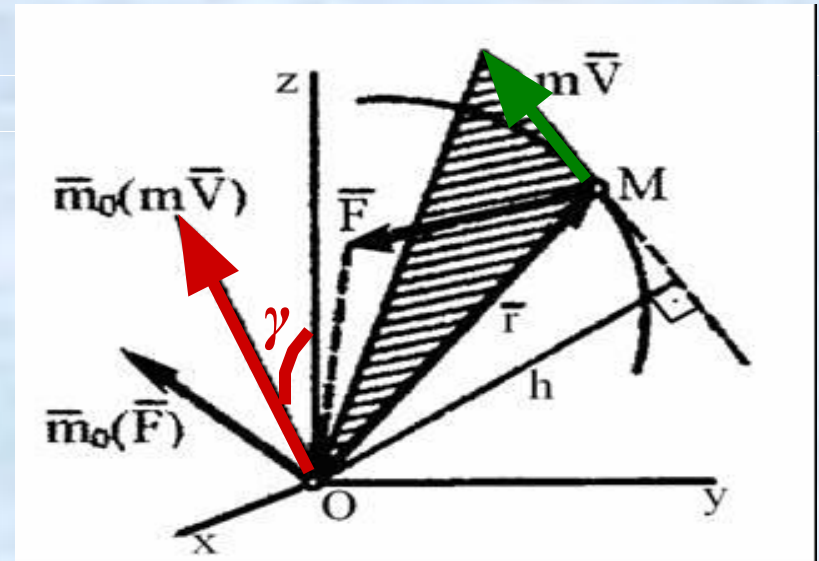
Момент количества движения материальной точки

$$\bar{m}_0(m\bar{v}) = \bar{r} \times m\bar{v}$$

$$|\bar{m}_0(m\bar{v})| = mvh$$

$$m_z(m\bar{v}) = [\bar{m}_0(m\bar{v})]_z =$$

$$= |\bar{m}_0(m\bar{v})| \cos \gamma$$



ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОГО МОМЕНТА

Теорема об изменении момента количества движения точки

$$\frac{d}{dt}(\bar{r} \times m\bar{v}) = \left(\frac{d\bar{r}}{dt} \times m\bar{v} \right) + \left(\bar{r} \times m \frac{d\bar{v}}{dt} \right) = (\bar{v} \times m\bar{v}) + (\bar{r} \times m\bar{a}).$$

$$\bar{v} \times m\bar{v} = 0$$

$$\frac{d}{dt}(\bar{r} \times m\bar{v}) = \bar{r} \times \bar{F} \quad \text{или}$$

$$\frac{d}{dt}[\bar{m}_0(m\bar{v})] = \bar{m}_0(\bar{F})$$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОГО МОМЕНТА

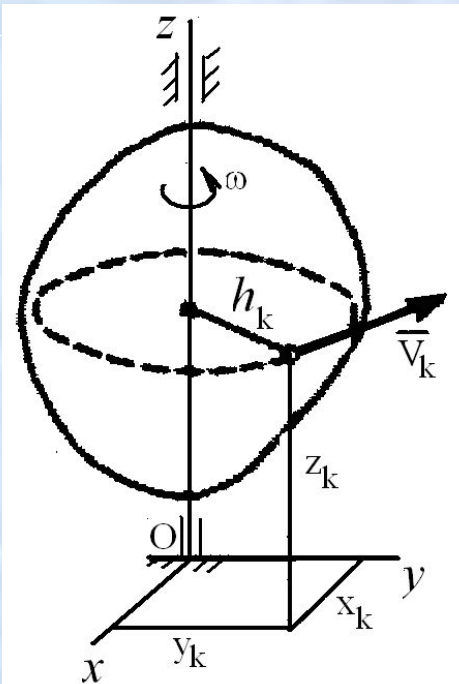
Кинетический момент системы

$$\bar{K}_0 = \sum \bar{m}_0 (m_k \bar{v}_k)$$

$$K_x = \sum m_x (m_k \bar{v}_k)$$

$$K_y = \sum m_y (m_k \bar{v}_k)$$

$$K_z = \sum m_z (m_k \bar{v}_k)$$



Кинетический момент вращающегося тела

$$m_z (m_k \bar{v}_k) = m_k v_k h_k \quad K_z = \sum m_z (m_k \bar{v}_k)$$

$$K_z = \sum m_k v_k h_k = \sum m_k \omega h_k^2$$

$$K_z = I_z \omega$$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОГО МОМЕНТА

Если рассмотреть одну точку системы:

$$\frac{d}{dt} [\bar{m}_0 (m_k \bar{v}_k)] = \bar{m}_0 (\bar{F}_k^e) + \bar{m}_0 (\bar{F}_k^i),$$

для всех точек системы:

$$\frac{d}{dt} [\sum \bar{m}_0 (m_k \bar{v}_k)] = \sum \bar{m}_0 (\bar{F}_k^e) + \underbrace{\sum m_0 (\bar{F}_k^i)}_{= 0}.$$

$$\frac{d\bar{K}_0}{dt} = \sum \bar{m}_0 (\bar{F}_k^e)$$

$$\begin{aligned} \frac{dK_x}{dt} &= \sum m_x (\bar{F}_k^e) \\ \frac{dK_y}{dt} &= \sum m_y (\bar{F}_k^e) \\ \frac{dK_z}{dt} &= \sum m_z (\bar{F}_k^e) \end{aligned}$$

*Теорема об изменении кинетического
момента механической системы*

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОГО МОМЕНТА

следствия из теоремы:

$$\frac{d\bar{K}_0}{dt} = \sum \bar{m}_0 (\bar{F}_k^e)$$

$$\frac{dK_z}{dt} = \sum m_z (\bar{F}_k^e)$$

1. Если сумма моментов всех внешних сил, действующих на систему, относительно центра O равна нулю

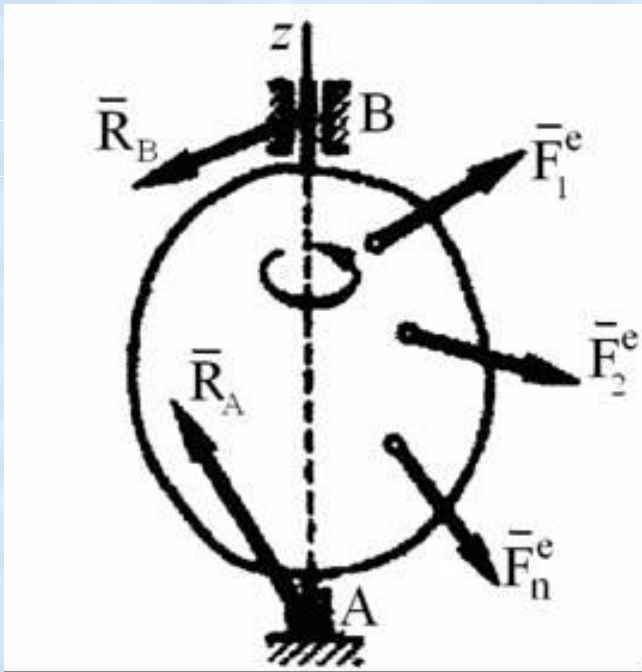
$$\sum \bar{m}_0 (\bar{F}_k^e) = 0 \quad \text{то} \quad \bar{K}_0 = \text{const}$$

2. Если сумма моментов всех внешних сил, действующих на систему, относительно некоторой неподвижной оси равна нулю

$$\sum m_z (\bar{F}_k^e) = 0 \quad \text{то} \quad K_z = \text{const}$$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОГО МОМЕНТА

Дифференциальное уравнение вращения
тела вокруг неподвижной оси



$$\frac{dK_z}{dt} = \sum m_z (\bar{F}_k^e) + \sum m_z (\bar{R}_k) = M_z$$

$$K_z = I_z \omega$$

$$\frac{dK_z}{dt} = \frac{d(I_z \omega)}{dt} = I_z \frac{d\omega}{dt}$$

$$I_z \frac{d\omega}{dt} = I_z \frac{d^2\varphi}{dt^2} = M_z$$

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

Работа силы. Мощность

Элементарная работа силы

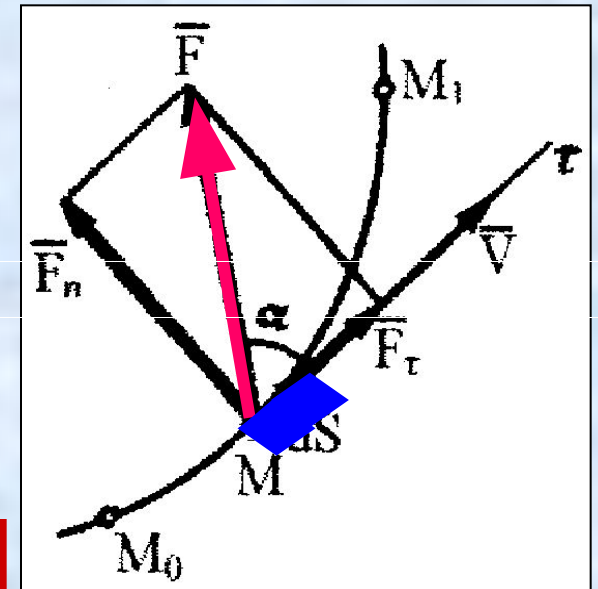
$$dA = F_{\tau} ds, \text{ где } F_{\tau} = F \cos \alpha,$$

$$dA = F ds \cos \alpha.$$

Работа силы на конечном перемещении

$$1. (\bar{F} \neq \text{const}) \quad A_{(M_0 M_1)} = \int_{(M_0)}^{(M_1)} F_{\tau} ds$$

$$2. (\bar{F} = \text{const}) \quad A_{(M_0 M_1)} = F_{\tau} s_1 = F s_1 \cos \alpha$$

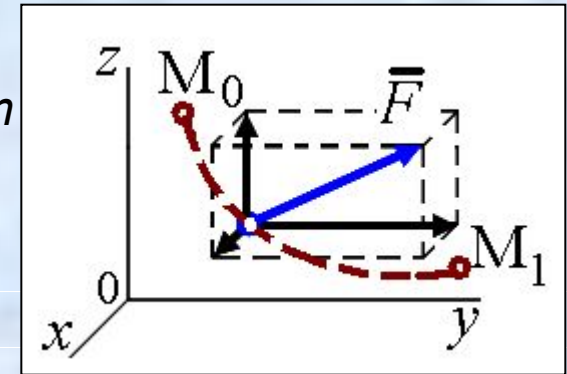


ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

Работа силы. Мощность

Если вектор силы спроецировать на оси координат

$$A_{(M_0 M_1)} = \int_{(M_0)}^{(M_1)} (F_x dx + F_y dy + F_z dz)$$



Единицей измерения работы в системе СИ является - 1 джоуль
(1 Дж = 1Н·м = 1 кг·м²/с²).

Мощность - это величина, определяющая работу, совершаемую силой в единицу времени.

$$N = dA/dt = F\tau ds/dt = F\tau v.$$

Единицей измерения мощности в системе СИ является ватт
(1 Вт = 1Дж/с). В технике - 1 л.с. = 736 Вт.

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

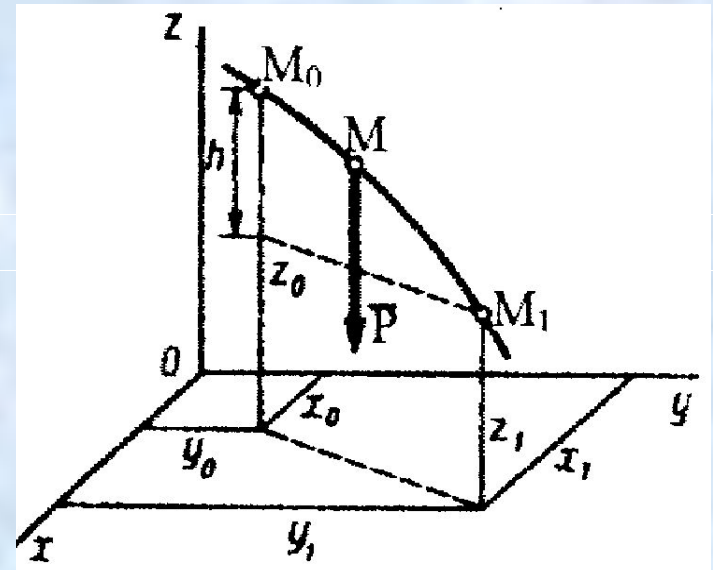
Примеры вычисления работы

Работа силы тяжести

$$A_{(M_0M_1)} = \int_{z_0}^{z_1} (-P) dz = P(z_0 - z_1)$$

$$z_0 - z_1 = h$$

$$A_{(M_0M_1)} = \pm P \cdot h$$



Работа силы тяжести не зависит от формы траектории точки её приложения. Силы, обладающие таким свойством, называются **потенциальными силами**.

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

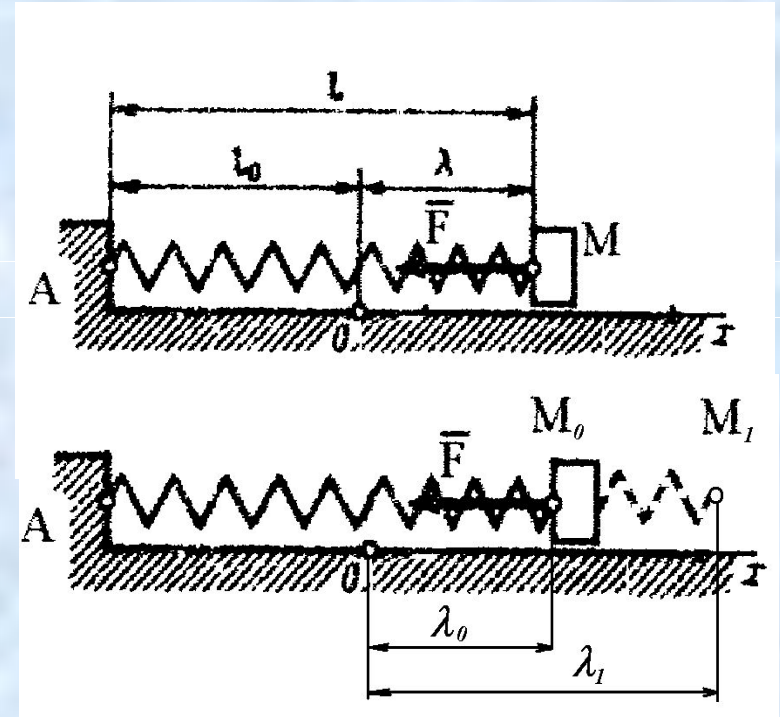
Работа силы. Мощность

Работа силы упругости

$$F = c\lambda = c|x| \text{ и } F_x = -cx.$$

$$A_{(M_0M_1)} = \int_{x_0}^{x_1} (-cx) dx = \frac{c}{2} (x_0^2 - x_1^2).$$

$$A_{(M_0M_1)} = \frac{c}{2} (\lambda_0^2 - \lambda_1^2),$$



ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

Работа силы. Мощность

Работа силы, приложенной к вращающемуся телу

$$dA = F_{\tau} ds \quad \text{где} \quad ds = h d\varphi$$

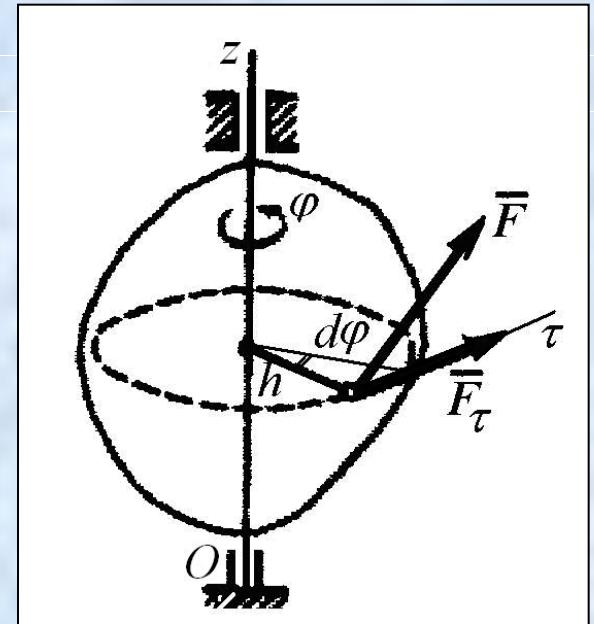
$$dA = F_{\tau} h d\varphi.$$

$$F_{\tau} h = m_z(\bar{F}) = M_z$$

$$dA = M_z d\varphi$$

$$A = \int_0^{\varphi_1} M_z d\varphi \quad \text{или}$$

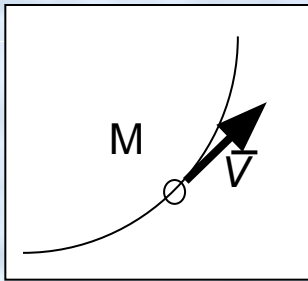
$$A = \pm M_z \cdot \varphi.$$



ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

Кинетическая энергия

для материальной точки



$$m \frac{v^2}{2}$$

*для механической системы
из n материальных точек*

$$T = \sum_{k=1}^n m_k \frac{v_k^2}{2}$$

Кинетическая энергия - скалярная величина

Единица измерения кинетической энергии в системе СИ - 1 Дж.

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

Кинетическая энергия

для твердого тела

Поступательное движение

$$M \frac{v_C^2}{2}$$

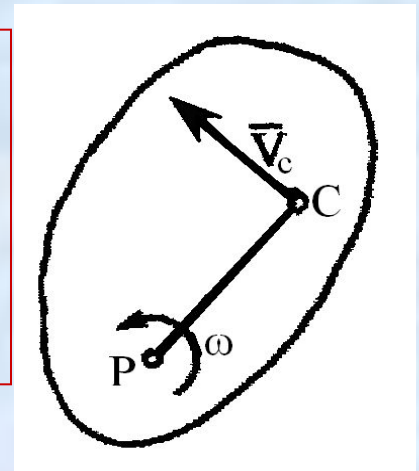
Вращательное движение

$$T = I_z \frac{\omega^2}{2}$$

Плоскопараллельное движение

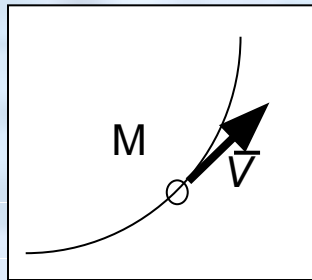
$$T_{\text{пл}} = I_P \frac{\omega^2}{2}$$

$$T_{\text{пл}} = M \frac{v^2}{2} = I_c \frac{\omega^2}{2}$$



ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

Рассмотрим материальную точку с массой m



$$ma_{\tau} = \sum F_{k\tau}$$

$$a_{\tau} = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{ds} \frac{ds}{dt} = v \frac{dv}{ds}$$

$$mv \frac{dv}{ds} = \sum F_{k\tau}$$

$$mvdv = \sum dA_k$$

$$d\left(\frac{mv^2}{2}\right) = \sum dA_k$$

*теорема об изменении
кинетической энергии точки
в дифференциальной форме*

$$\frac{mv_1^2}{2} - \frac{mv_0^2}{2} = \sum A_{(M_0M_1)}$$

*теорема об изменении
кинетической энергии точки
в конечном виде*

ТЕОРЕМА ОБ ИЗМЕНЕНИИ КИНЕТИЧЕСКОЙ ЭНЕРГИИ

Рассмотрим материальную точку механической системы с массой m_k

$$d\left(\frac{m_k v_k^2}{2}\right) = \sum dA_k^e + \sum dA_k^i$$

Для всей механической системы

$$d\sum\left(\frac{m_k v_k^2}{2}\right) = \sum dA_k^e + \sum dA_k^i$$

$$dT = \sum dA_k^e + \sum dA_k^i$$

**теорема об изменении
кинетической энергии системы
в дифференциальной форме**

$$T - T_0 = \sum A_k^e + \sum A_k^i$$

**теорема об изменении
кинетической энергии системы
в интегральной форме**