

Обзор реализованных в SCAD 21.1 методов моделирования грунтового основания под фундаментной плитой

Виктор Сергеевич Михайлов

Руководитель новосибирского центра технической поддержки SCAD SOFT

mvs@scadsoft.ru

Андрей Владимирович Теплых

Руководитель самарского центра технической поддержки SCAD SOFT

ateplykh@mail.ru

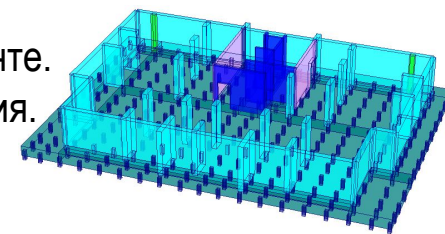
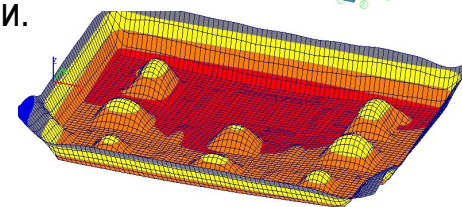
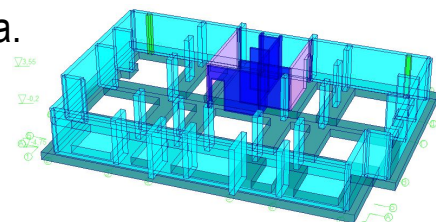
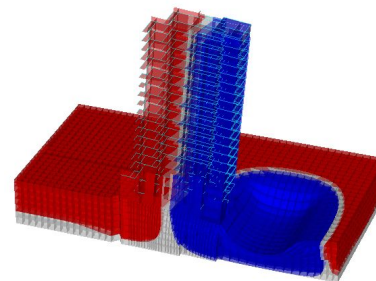
19 апреля 2016 г.

Москва

Серия вебинаров по вопросам расчета оснований и фундаментов

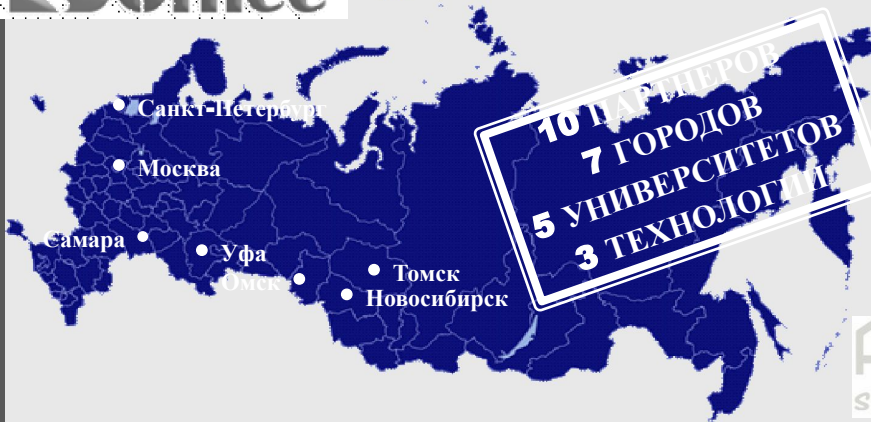
Темы для рассмотрения в рамках профессиональной дискуссии:

1. Теоретические основы и сравнительный анализ традиционных моделей основания (Винклера, ЛДО, Пастернака).
2. Билинейная модель упруго-пластического основания в КРОСС.
3. Влияние стадийности загрузки основания в режиме МОНТАЖ.
4. Использование серии моделей в режиме ВАРИАЦИЯ или режима МОНТАЖ для учета упругой работы грунта при динамических воздействиях.
5. Учет взаимного влияния двух зданий на плитных фундаментах и расчет крена.
6. Расчет фундаментной плиты на продавливание.
7. Методы расчета фундаментных плит на основаниях с переменными характеристиками (карстовые провалы, увлажняемые грунты).
8. Особенности расчета ленточных и столбчатых фундаментов на ест.основании.
9. Проблема расчета фундаментов на разных отметках в КРОСС.
10. Расчет нагрузок на столбчатые фундаменты. Анализ работы столбчатого фундамента с учетом бокового отпора грунта.
11. Методы моделирования свайных фундаментов.
12. Расчет полов по грунту как плит на упругом основании.
13. Расчет устойчивости откосов и подпорных стен. Расчет шпунтовых стен в грунте.
14. Расчет устойчивости формы и устойчивости положения здания или сооружения.
15. Прочие темы по вопросам решения задач для пользователей SCAD Office.



Подробная программа и форма заявки на сайте WWW.SCADHELP.COM

Дистанционная программа магистратуры по расчетам в SCAD



ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АРХИТЕКТУРНО-СТРОИТЕЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

•
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА ВЕЛИКОГО

•
МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
СТРОИТЕЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

•
УФИМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ НЕФТЯНОЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

•
СИБИРСКАЯ ГОСУДАРСТВЕННАЯ АВТОМОБИЛЬНО-ДОРОЖНАЯ АКАДЕМИЯ

•
EF ENGLISH FIRST – МИРОВОЙ ЭКСПЕРТ В ОБУЧЕНИИ АНГЛИЙСКОМУ ЯЗЫКУ

•
SCAD SOFT – РАЗРАБОТЧИК ПРОЕКТНО-ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОГО КОМПЛЕКСА

•
STRUTEC – АССОЦИАЦИЯ ПО РАЗВИТИЮ ТЕХНОЛОГИЙ,
ИНТЕГРИРУЕМЫХ СО SCAD OFFICE



•
GRAITEC – ПРЕДСТАВИТЕЛЬ В СНГ
BIM СИСТЕМЫ ADVANCE STEEL ДЛЯ МК



•
ALLBAU SOFTWARE – ПРЕДСТАВИТЕЛЬ
В СНГ BIM СИСТЕМЫ ALLPLAN ДЛЯ ЖБК



СЕТЬ ЦЕНТРОВ ТЕХНИЧЕСКОЙ ПОДДЕРЖКИ SCAD SOFT
ПРОЕКТНО-КОНСАЛТИНГОВАЯ АССОЦИАЦИЯ ПО РАЗВИТИЮ
ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ СТРОИТЕЛЬНОГО ПРОЕКТИРОВАНИЯ



Дистанционная программа магистратуры по расчетам в SCAD

Единственная в СНГ

практико-ориентированная заочно-дистанционная программа магистратуры по конструктивным расчетам в SCAD и системам информационного моделирования строительных конструкций зданий и сооружений

Практическая ориентация



- 100% дисциплин в области проектирования конструкций
- 2/3 из 23 курсов по расчетам в SCAD Office с учетом экспертного обоснования
- 2 дисциплины и 2 курсовых проекта в BIM системах для 3D проектирования МК/ЖБК

Качественная подготовка



- Известные лекторы из 5 технических университетов Мск, СПб, Уфы, Томска и Омска
- Практико-ориентированные курсы SCAD от разработчика вычислительной системы
- Обучение в малой группе по 12 человек в год

Оптимальная длительность



- 3 недельная вводная в профессию заочная сессия по теоретическим дисциплинам
- Доступ к on-line занятиям три семестра в вечернее время из любой точки планеты
- Фактическая длительность обучения 16 месяцев

Карьерный рост



- Диплом о высшем образовании магистра по направлению «Строительство»
- Англ. язык в мировой школе EF - English First для работы с иностранной литературой
- Редкая специализация с возможностью дополнительной сдельной занятости

Минимальная стоимость



- Самая низкая допустимая стоимость коммерческой магистратуры в ТГАСУ
- Скидка более 50% на все курсы от разработчика SCAD Office
- Дополнительная скидка 20% исключительно для набора на 2016-2018 гг

Бонус для организации



- Ранее пройденные курсы в SCAD SOFT засчитываются без повторной оплаты
- Компания SCAD SOFT предоставляет магистрам на время выполнения курсовых и дипломных проектов полнофункциональную версию SCAD Office 21.1 SMax



Дистанционная программа магистратуры по расчетам в SCAD

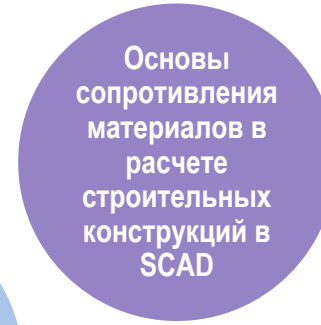
Учебные курсы SCAD SOFT и STRUTEC



МГСУ



СИБАДИ



СПбПУ



УГНТУ



Более подробная информация в докладе от 20.04.2016 г.



Предисловие к обзору моделей основания

Обзор моделей грунтового основания для плитных фундаментов на естественном основании выполнен по материалам докладов на семинарах SCAD SOFT и литературных источников, указанных на посл. слайде.

ФЗ №384 Статья 16 Требования к обеспечению механической безопасности здания или сооружения:

4. Расчетные модели строительных конструкций и основания должны отражать действительные условия работы здания или сооружения, отвечающие рассматриваемой расчетной ситуации. **Должны** быть учтены:

- 1) факторы, определяющие напряженно деформированное состояние;
- 2) особенности взаимодействия элементов строительных конструкций между собой и основанием;
- 3) пространственная работа строительных конструкций; 4) геометрическая и физическая нелинейность;
- 5) пластические и реологические свойства материалов и грунтов; 6) возможность образования трещин;
- 7) возможные отклонения геометрических параметров от их номинальных значений.

Принцип Парето-Джордано:

«*Существенных факторов немного, а факторов тривиальных множество*» («*принцип 20/80*»)

Эти утверждения задают путь уточнения моделей: **существенные факторы (20%)** следует оценивать возможно точнее, **а несущественные (80%)** – с гораздо меньшей точностью.

Британский математик **Джордж Е.П. Бокс** утверждает:

«*Все модели ошибочны, но некоторые из них полезны*»

Ошибочность не страшна, если модель правдоподобна. Правдоподобная модель становится полезной, если ее параметры откалибровать по экспериментальным данным, получив закон, формулу или алгоритм.



Модели взаимодействия фундамента и основания в SCAD 21.1

Традиционные методы моделирования в SCAD фундаментной плиты на естественном основании:

1. **Клавишная модель Винклера** с одним коэффициентом постели;
Модели с близкими результатами по отношению к Винклеровской модели:
 - 1б. **Модель уравнивания внешних нагрузок и отпора грунта;**
 - 1в. **Модель упругого основания по контуру плиты** с использованием объемных КЭ;
2. **Модель линейно-деформируемого основания (ЛДО)** с использованием объемных КЭ;
 - 2б. **Модель ЛДО с промежуточным Винклеровским слоем** с использованием объемных КЭ;
3. **Модель Пастернака** с двумя коэффициентами постели и с применением законтурных элементов для учета распределительной способности основания за пределами фундамента.

Реализованные в SCAD методы моделирования основания фундаментной плиты:

4. **Билинейная модель основания** с переменным коэффициентом постели в программе КРОСС;
 - 1г. **Винклеровская модель** основания с постоянным коэффициентом постели **с учетом генетически-нелинейного приложения нагрузок** в режиме МОНТАЖ;
 - 1д. **Винклеровская модель** основания с изменяемым постоянным C_1 для каждой стадии монтажа;
 - 4б. **Билинейная модель** основания **с учетом истории приложения нагрузок** в режиме МОНТАЖ.



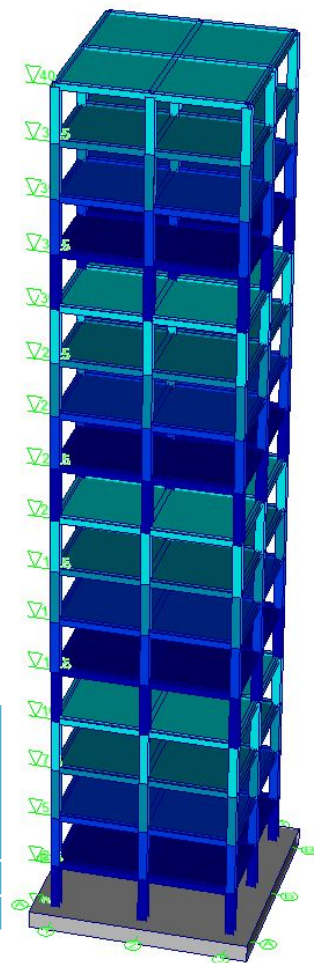
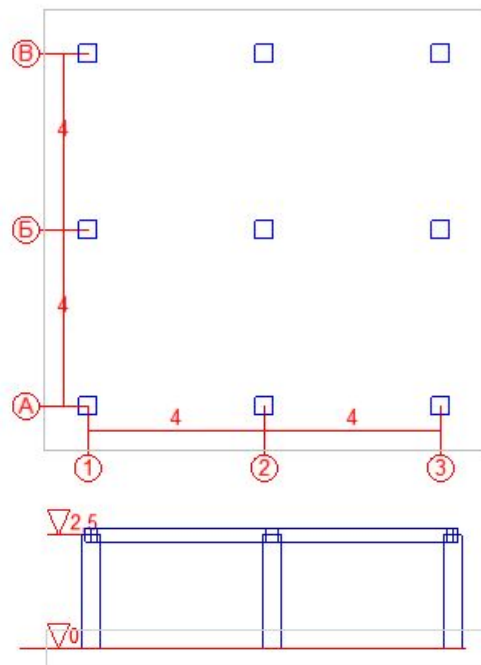
Описание анализируемого здания и грунтового основания

№	Имя типа жесткости		Суммарная	Суммарная	Суммарный
			длина	площадь	вес
			м	м ²	Т
1	400 * 400	Колонны В25	360		144
2	250 * 300	Балки В25	768		144
3	h=0.2	Перекрытие В25		1024	512
4	h=0.8	Фунд.плита В25		100	200
Коэффициент включения					2
Итого					2000



Наименование грунта	Удельный вес, Т/м3	Модуль деформации, Т/м2	Модуль упругости, Т/м2	Коэффициент Пуассона	Коэффициент переуплотнения	Давление переуплотнения, Т/м2	Показатель текучести	Удельное сцепление, Т/м2	Угол внутреннего трения, град	Коэф. пористости	Расч. сопротивление, Т/м2
ИГЭ-1(Суглинок)	2	720	6000	0,35	1	5	0,4	2,8	22	0,65	40
ИГЭ-2(Супесь)	2	1200	10000	0,3	1	2,5	0,2	1,7	29	0,55	30

Примечание: Грунтовые воды отсутствуют. Толщина верхнего слоя грунта 4 м и верх на отм.100м. Низ фундаментной плиты на отм. 100м.



Ср. давление по подошве 20 Т/м²

Выбор модели основания

При выборе модели основания имеется ряд факторов, заставляющих применять при расчете и проектировании несколько моделей основания:

1. В большинстве случаев в руках проектировщика имеется продукт общего назначения, позволяющий вести расчет в линейно-упругой постановке.
2. При проведении инженерно-геологических изысканий имеют место неточности при определении характеристик основания, что не даёт возможности выполнять точные нелинейные расчеты на основании неточных данных.
3. В процессе строительства и последующей эксплуатации здания свойства грунтов основания могут изменяться.
4. Пункт 12.5.5. СП 50-101-2004 рекомендует выбирать наиболее неблагоприятные значения параметров жесткости основания и модели основания (в частности, расчет сечения верхней арматуры производить при постоянном коэффициенте постели, а нижней - при переменном).



Алгоритм расчета плитных фундаментов

Плитный фундамент рассчитывается по двум схемам: 1) как абсолютно жесткий фундамент в КРОСС и 2) как фундамент конечной жесткости в SCAD. Из расчетов по первой схеме определяют размеры фундамента в плане и среднюю осадку. Из расчетов по второй схеме определяют внутренние усилия в плитном фундаменте и его осадки в плане.

1.1. Действующие на плитный фундамент нагрузки приводятся к продольной суммарной силе N , действующей в точки проекции центра масс здания на плиту. Размеры плиты в плане устанавливаются из условий ограничения средних давлений под плитой. Расчеты плиты как абсолютно жесткого тела выполняются по формулам для столбчатого фундамента.

1.2. Средние осадки вычисляются от действия обобщенной силы N как для столбчатого фундамента. Расчет осадки выполняется, как правило, по методу линейно деформируемого слоя или полупространства.

При этом в расчетах используют осредненные характеристики грунта в пределах сжимаемой толщи под подошвой фундамента.

1.3. Как правило, толщина фундаментной плиты определяется из расчетов ее на продавливание в зонах действия сосредоточенных нагрузок от колонн, столбов, стен и т.п. Расчеты на продавливание выполняются в АРБАТ согласно СП63.13330.2012 с учетом моментов, действующих в месте сопряжения колонны и фундаментной плиты.

2.1. Плита рассчитывается в SCAD как конструкция на упругом основании на действие фактически приложенных нагрузок методом конечных элементов. По вычисленным усилиям подбирается армирование.

2.2. Расчет на продавливание уточняется в SCAD с учетом нового функционала от 04.2016.



Оценка осадки плиты и постоянного коэффициента постели по СП

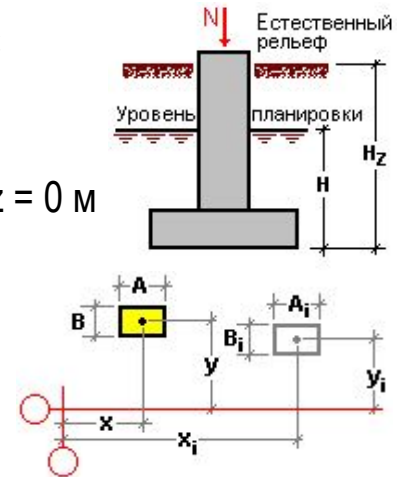
Расчет осадки абсолютно жесткого фундамента по СП 22.13330.2011 в ЗАПРОС

Глубина заложения подошвы фундамента от уровня планировки, $H = 0$ м

Глубина заложения подошвы фундамента относительно естественного рельефа, $H_z = 0$ м

Предельная величина деформации фундамента 80 мм

Координаты центра		Размеры подошвы		Продольная сила
X	Y	A	B	N
м	м	м	м	T
5	5	10	10	2000



Проверка для уровня подошвы удовлетворена		
Расчетное сопротивление грунта в уровне подошвы фундамента	29,98	T/м ²
Среднее давление от нагрузок (включая вес тела фундамента, грунта и пола) в уровне подошвы фундамента	20	T/м²
Осадка определена для основания в виде упругого полупространства		
Осадка основания	116,2	мм
Просадка от нагрузки	0	мм
Просадка от веса грунта	0	мм
Сумма осадки и просадки	116,2	мм
Глубина сжимаемой толщи	12	м
Винклеровский коэффициент постели	172	T/м³

№ слоя	Толщина слоя	Давление от нагрузок и в среднем	Бытовое давление в среднем	Расчетное давление в уровне кровли	Осадка разнородных слоев грунта
		Т/м ²	Т/м ²	Т/м ²	
1	4	9	4	0	80
2	4	6,245	12	76,742	33,3
3	4	7,06	20	0	2,9

Параметры в традиционных контактных моделях основания

Модель Винклера

$$w(x) = k \cdot p(x)$$

где $w(x)$ – осадка основания, $p(x)$ – функция нагрузки, а k – коэффициент пропорциональности, чаще всего называемый коэффициентом постели.

Модель упругого полупространства (задача Буссинеска)

$$w(x) = \frac{1 - \nu^2}{\pi E r}$$

где $r = \sqrt{(x - \xi)^2 + (y - \eta)^2}$ – функция расстояния от места приложения нагрузки

Двухконстантная контактная модель

$$P = K w_0 - C \nabla w_0$$

где K и C – параметры модели, а ∇ – оператор Лапласа. Первый параметр по смыслу аналогичен коэффициенту постели по гипотезе Винклера, а второй учитывает работу упругого основания на сдвиг (срез).

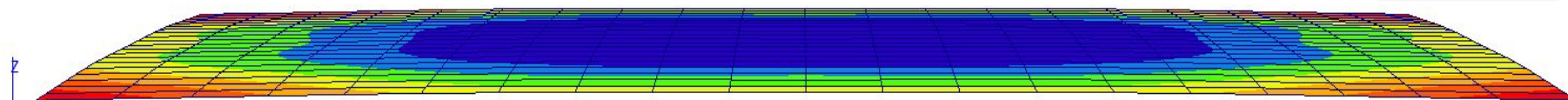
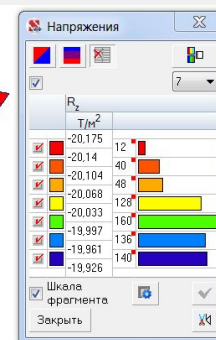
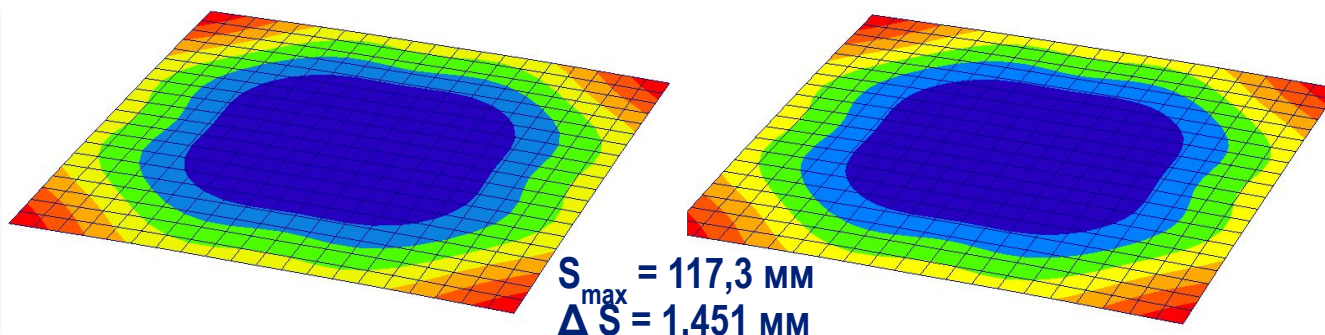
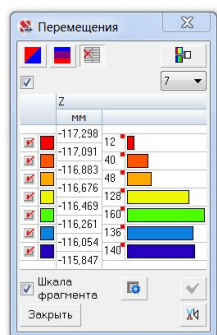
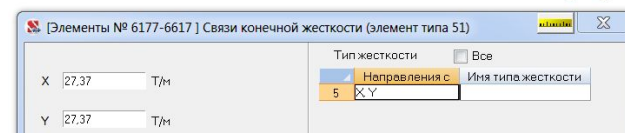
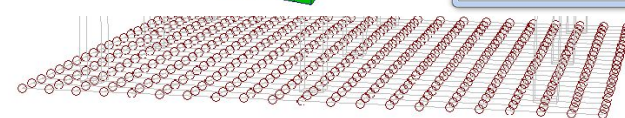
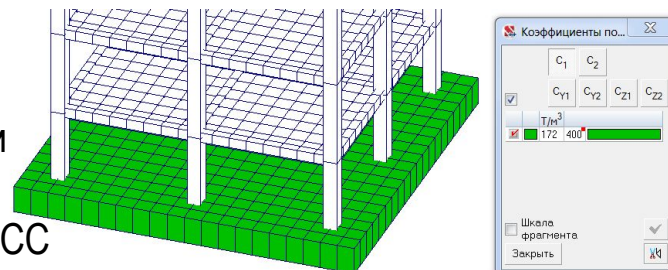
$$K = \frac{E \cdot (1 - \nu)}{H(1 + \nu) \cdot (1 - 2\nu)}; C = \frac{E \cdot H}{12 \cdot (1 + \nu)}, \quad \text{– параметры модели по Власову-Леонтьеву}$$

где H – глубина сжимаемого слоя, E и ν – модуль деформации и коэффициент Пуассона грунта.

1. Модель Винклера с одним коэффициентом постели

Анализ осадок Винклеровского основания

1. По вертикали всем пластинчатым КЭ фундаментной плиты назначается единственный постоянный коэффициент постели $C_1 = 172 \text{ Т/м}^3$. Коэффициент получен делением среднего давления под подошвой плиты (20 Т/м^2) на полученную в КРОСС осадку плиты как абсолютно жесткого фундамента ($0,116 \text{ м}$).
2. По горизонтали по X и Y каждый узел зафиксирован упругой связью с узловой жесткостью $27,37 \text{ Т/м}$, принятую в размере 70% от величины C_1 по вертикали и с учетом того, что в модели 4,41 узла приходится на один кв.м фундаментной плиты.



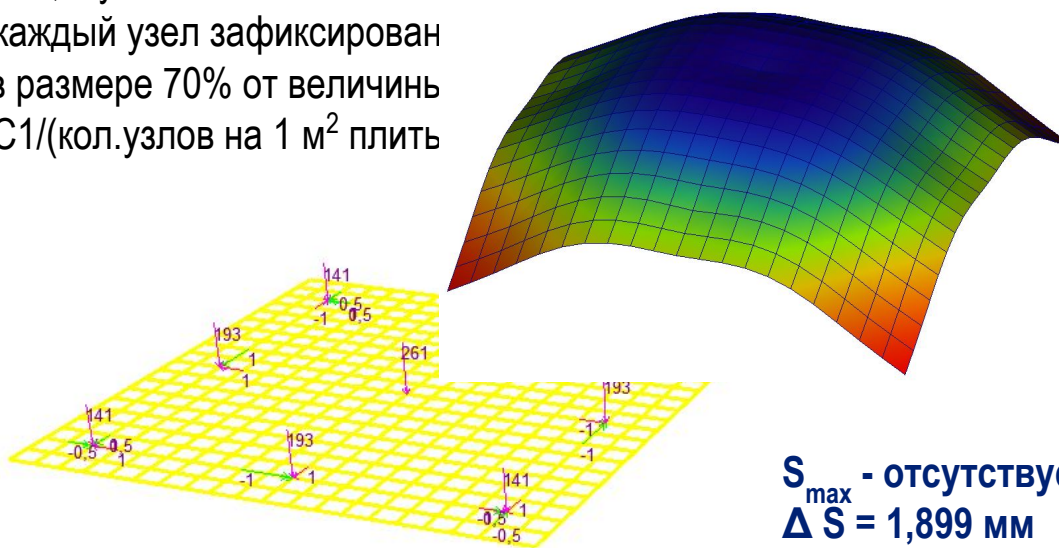
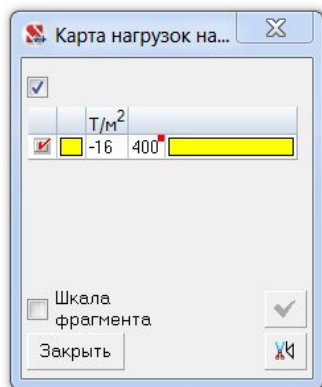
Главный недостаток — неучёт распределительной способности основания



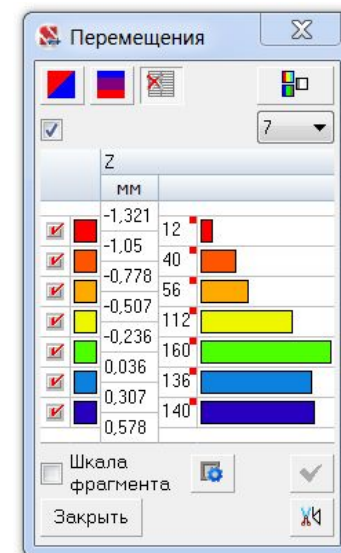
16. Модель уравнивания внешних нагрузок и отпора грунта

Модель уравнивания внешних нагрузок и отпора грунта позволяет получить результаты близкие с моделью основания Винклера и применима в расчетах столбчатых и ленточных фундаментов.

1. При уравнивании внешних нагрузок на плиту отбрасывается собственный вес плиты и его составляющая в среднем напряжении под плитой. Поэтому средний отпор грунта принимается 16 Т/м^2 вместо фактической 16 Т/м^2 . Нагрузки от колонн принимаются в виде реакций в связях каркаса на абсолютно жестком основании.
2. Для исключения появления геометрической изменяемости системы в каждый узел плиты вводится связь конечной жесткости, с условным минимальным значением по Z равным $0,001 \text{ Т/м}$.
3. По горизонтали каждый узел зафиксирован упругой связью в размере 70% от величин винклеровского $C1/(\text{кол.узлов на } 1 \text{ м}^2 \text{ плиты}$



S_{\max} - отсутствует
 $\Delta S = 1,899 \text{ мм}$

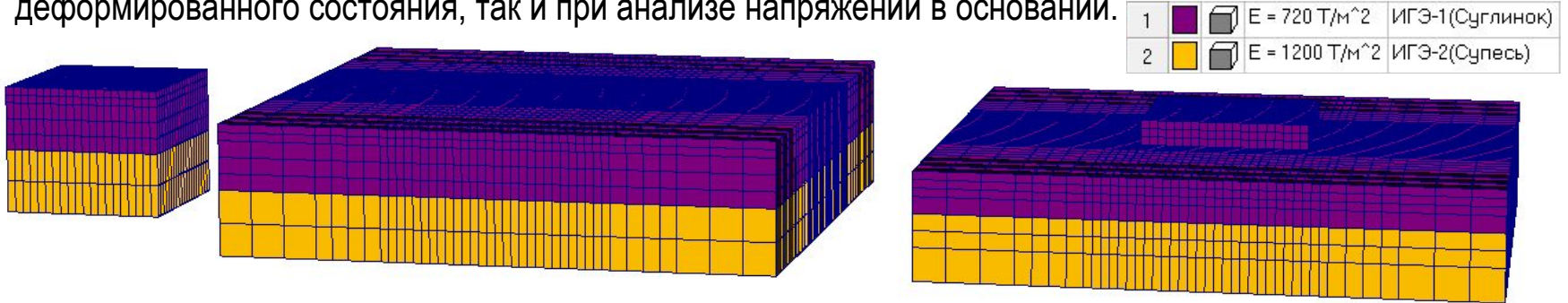


Главные недостатки – неучёт совместной работы здания с основанием и невозможность определения осадки. Доступен только анализ деформаций и армирования плиты.

Использование объёмных КЭ для моделирования оснований

Применение моделей упругих оснований из объёмных элементов имеет следующие преимущества

1. В качестве упругих характеристик используются непосредственно данные геологических изысканий – модуль деформаций и коэффициент Пуассона, назначаемые непосредственно по результатам инженерно-геологических изысканий или согласно СНиП в зависимости от вида грунта. При этом если есть несколько слоев, то можно задать характеристики каждого слоя, без расчета среднего модуля деформации и коэффициента Пуассона.
2. Для назначения геометрических параметров основания по глубине – сжимаемой толщии также используются формулы СНиП для линейно деформируемого слоя или для линейно деформируемого полупространства с ограничением глубины сжимаемой толщии. Выбор модели (слой или полупространство) также выполняется по СНиП.
3. Расчеты показывают совпадение результатов по перемещениям узлов дневной поверхности расчетной модели основания со средними значениями осадки рассчитанной по СНиП, как для модели линейно-деформируемого слоя, так и полупространства в пределах 10%.
4. Модели на объёмных элементах обладают очень большой наглядностью как при анализе деформированного состояния, так и при анализе напряжений в основании.



Использование объёмных КЭ для моделирования оснований

Модель линейно-деформируемого основания (ЛДО) и ее сравнение с моделью Винклера

В СП 22.13333.2011 «Основания зданий и сооружений» (п.5.6.6.) предлагаются две такие модели: модель линейно-деформируемого полупространства и линейно-деформируемого слоя. При использовании модели ЛДО грунтовая среда представляется линейно деформируемой (средой линейной теории упругости).

В модели ЛДО также допускается два допущения:

1. Осадка $W(x,y)$ точки поверхности основания прямо пропорциональна величине нагрузки $p(x,y)$ в этой точке.
2. Осадки распространяются за пределы площади загрузки.

Согласно этой модели, от приложенной силы P_ζ любая точка поверхности линейно-деформируемого основания с координатой x получает осадку $W(x)$, которая прямо пропорциональна величине силы P_ζ и зависит от расстояния между точкой приложения нагрузки ζ и точкой с координатой x , т.е. осадку можно представить в виде: $W(x) = P_\zeta \cdot f(x-\zeta)$, где $f(x-\zeta)$ – функция от расстояния $f(x-\zeta)$.

В отличие от модели Винклера модель ЛДО при совместном расчете сооружения с основанием позволяет определить, помимо контактных напряжений, напряженно деформируемое состояние грунта всего основания.

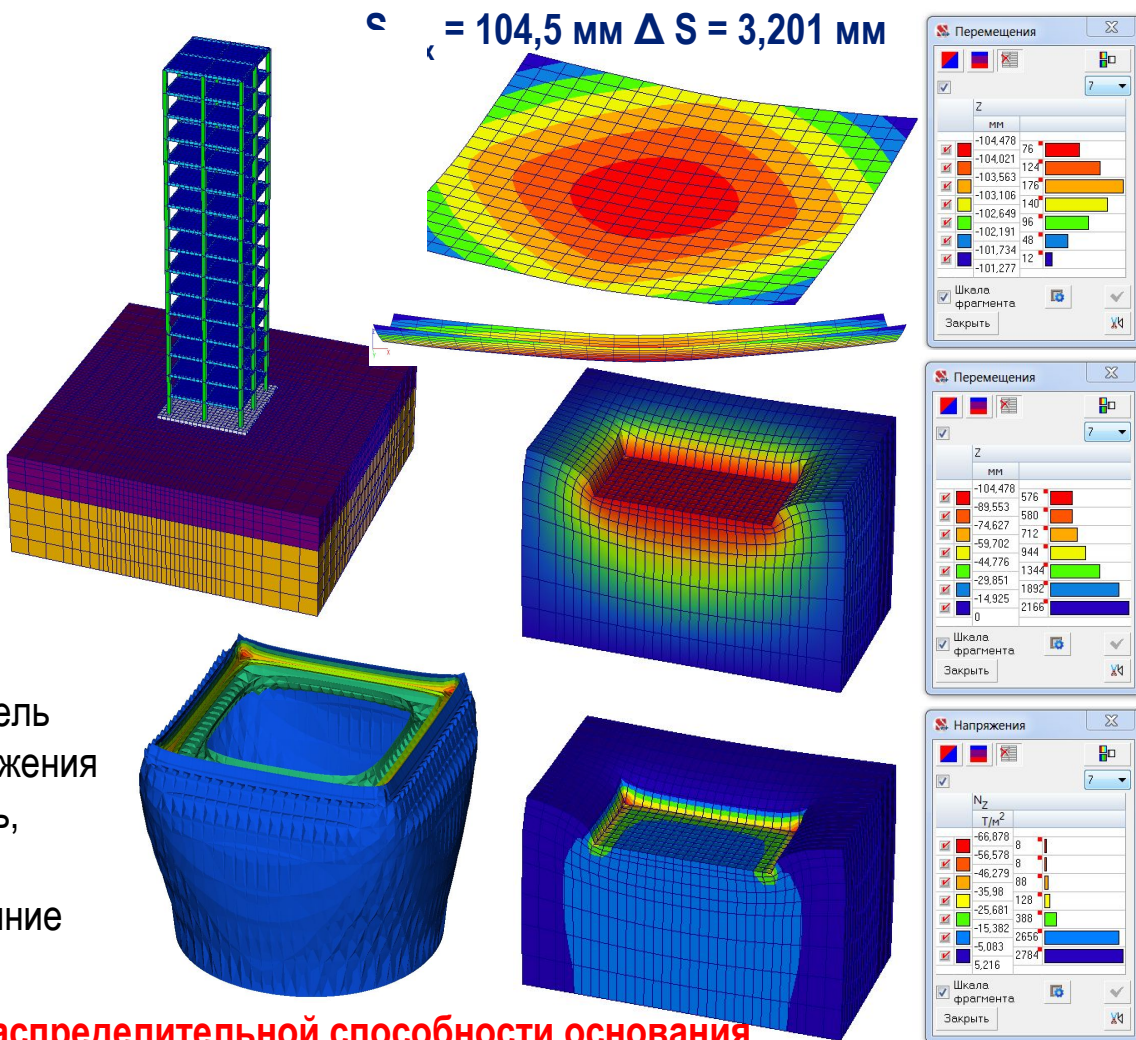
Главный недостаток — завышение распределительной способности основания. Также требует применения объёмных элементов, увеличивая трудоемкость и размерность задачи.



2. Модель линейно-деформируемого основания с объёмными КЭ

Анализ метода моделирования ЛДО с использованием объёмных КЭ с законтурным объемом

1. Модель с наличием законтурного об ЛДО завышает распределительную способность основания за пределом плиты.
2. Под краям фундаментной плиты возникают фиктивные поперечные силы, которые приводят к общему выгибу плиты вниз, поэтому нижнее армирование плиты получаем завышенным.
3. В отличии от модели Винклера модель ЛДО при совместном расчете сооружения с основанием позволяет определить, помимо контактных напряжений, напряженно деформируемое состояние грунта всего основания.



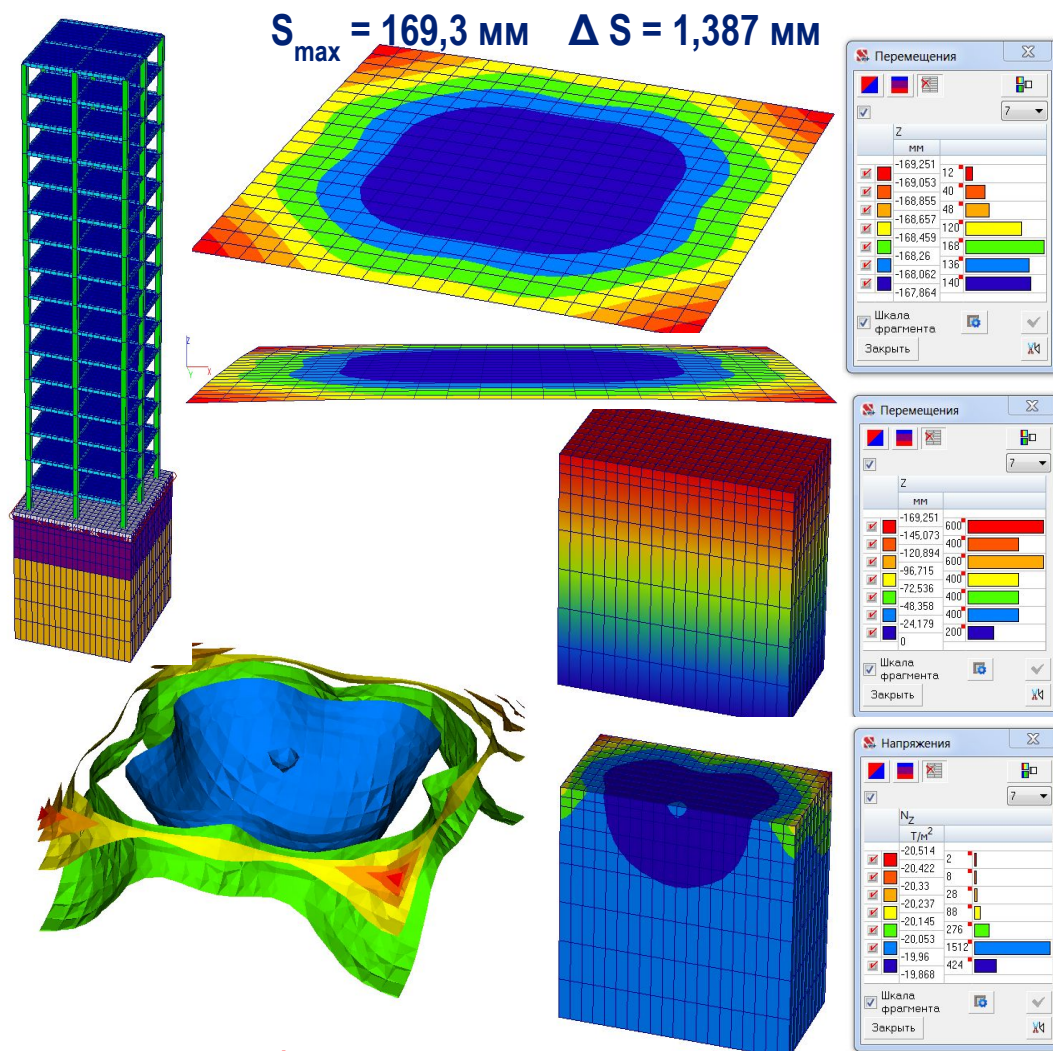
Главный недостаток — завышение распределительной способности основания.

Также требует применения объёмных элементов, увеличивая трудоемкость и размерность задачи.

1в. Модель ЛДО с объёмными КЭ по контуру плиты

Анализ метода моделирования ЛДО с использованием объёмных КЭ по контуру плиты

1. Модель с ЛДО из объёмных элементов по контуру плиты, не учитывает совсем распределительную способность основания за пределами плиты, что для связанных грунтов недопустимо.
2. Характер деформации плиты и напряжений N_z под плитой согласуются с моделью Винклера, но осадка основания завышена до 50%.
3. Верхнее армирование плиты, полученное по данной модели, получается завышенным за счет большей осадки краев плиты и общего выгиба плиты вверх.
4. Напряженно-деформированное состояние грунта не правдоподобно.

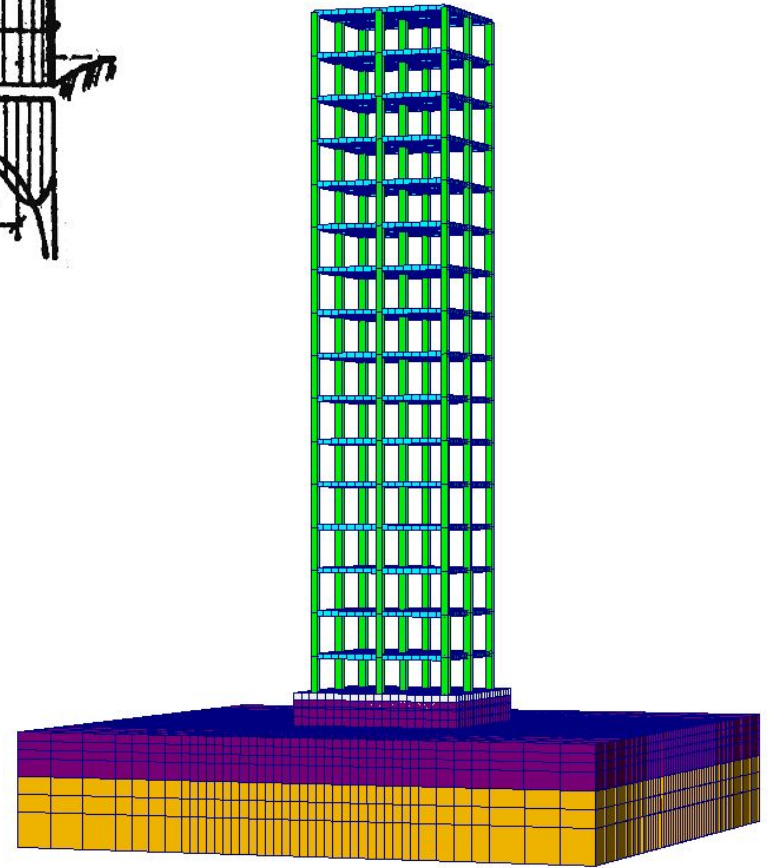
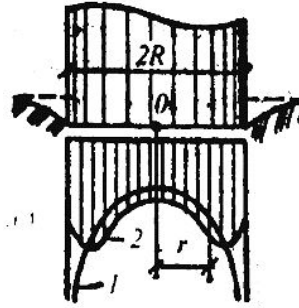


Главный недостаток — неучет распределительной способности основания за контуром плиты

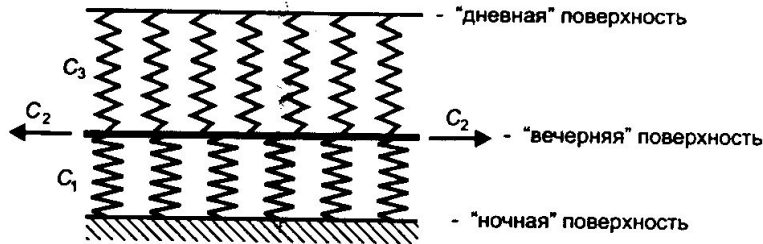
26. Модель ЛДО с промежуточным Винклеровским слоем

Решить проблему больших напряжений под краями плиты можно следующими способами:

1. Учесть пластические деформации грунта основания путем решения задачи в нелинейной постановке.
2. Применить специальные подходы, позволяющие регулировать напряжения в основании под плитой, но задачу решать в линейной постановке. Например ввести промежуточный винклеровский слой КЭ.



Модель с тремя коэффициентами постели

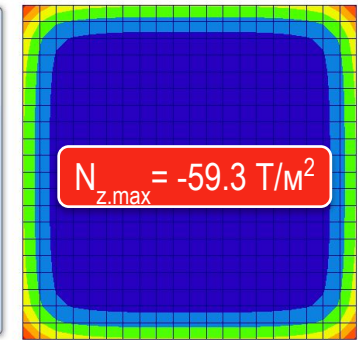
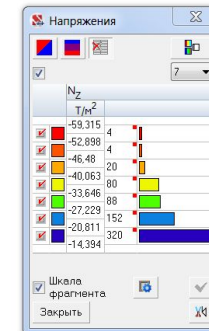
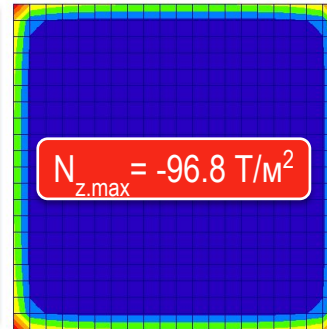
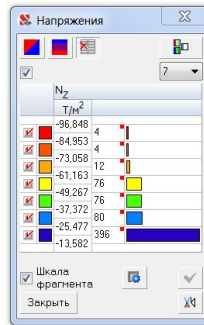
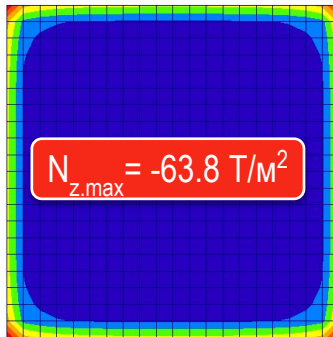
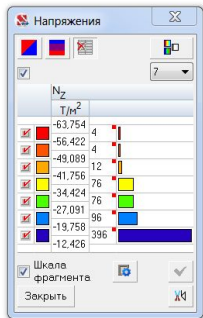
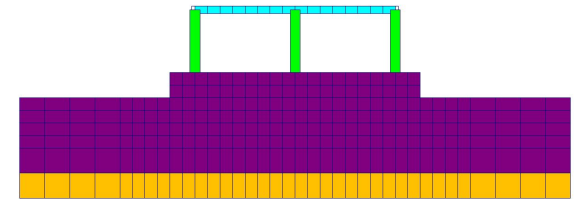
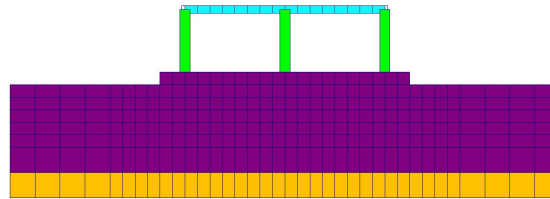
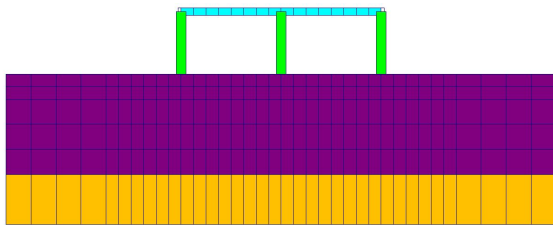


Применение модели с промежуточным винклеровским слоем КЭ

26. Модель ЛДО с промежуточным Винклеровским слоем

Применение и подбор параметров промежуточного винклеровского слоя трехконстантной модели.

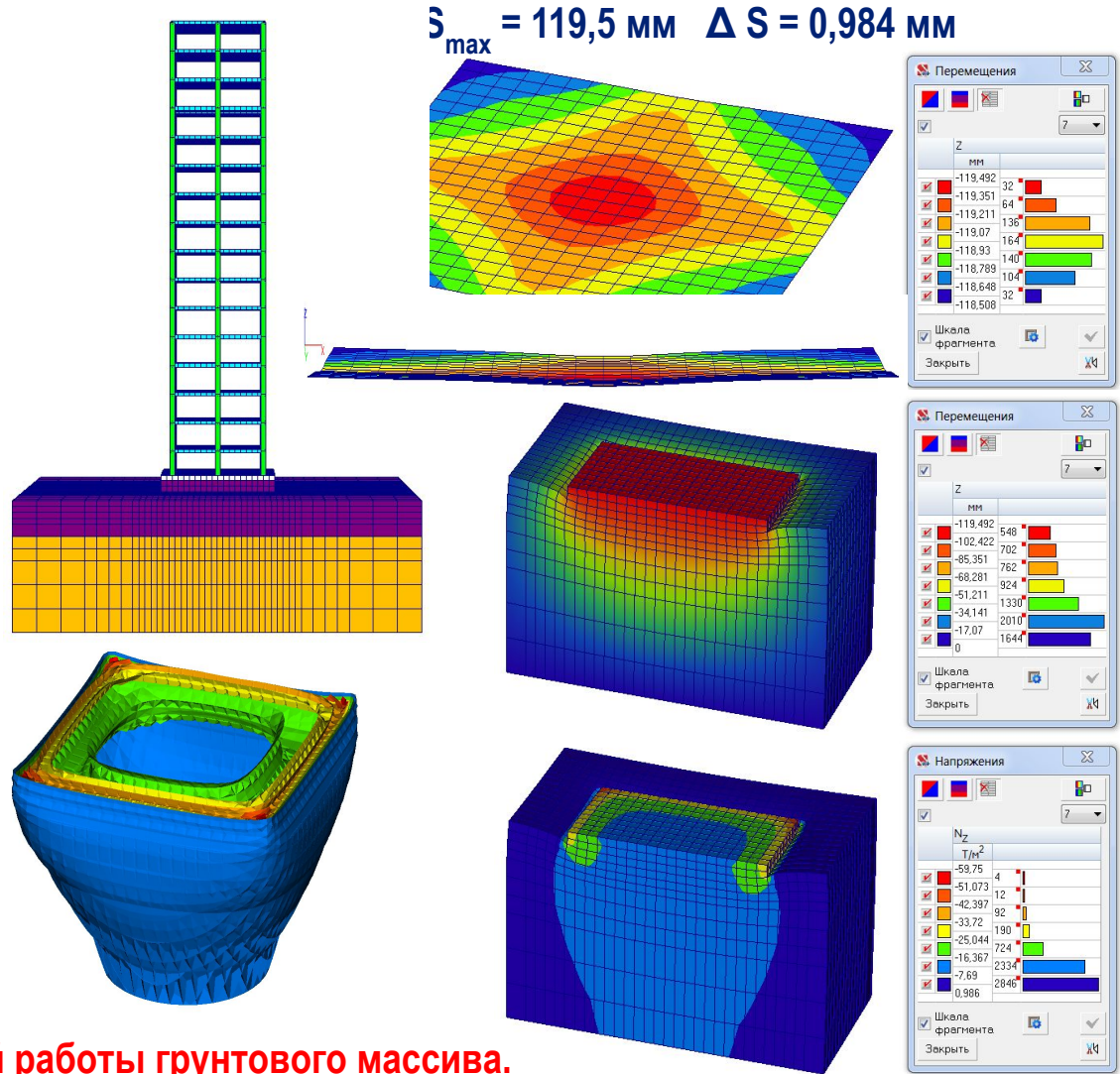
Критерием толщины винклеровского слоя может служить ограничение давления под углами плиты $1.5R$ согласно требованиям СНиП, или с некоторым гарантированным запасом – $1.7-1.8R$.



26. Модель ЛДО с промежуточным Винклеровским слоем

Анализ метода моделирования ЛДО с использованием объемных КЭ с промежуточным Винклеровским слоем.

1. Модель с Винклеровским слоем имеет все преимущества модели ЛДО с законтурным объемом, при этом фиктивные поперечные силы отсутствуют и менее влияют на характер деформаций плиты.
2. Общая разность осадок плиты ΔS сокращается в три раза по сравнению с ЛДО с законтурным объемом.
3. Совмещая данные армирования двух моделей можно получить гарантированно надежные результаты.



Главный недостаток — неучет упругой работы грунтового массива.

Выводы по применимости моделей ЛДО с объемными КЭ

Выводы по применимости моделей ЛДО с использованием объемных КЭ

1. Распределительную способность модели основания из объемных элементов с учетом законтурных, а также напряжения в основании под плитой можно регулировать с применением специального винклеровского слоя из объемных элементов.
2. В качестве критерия, определяющего высоту винклеровского слоя, предлагается использовать расчетное сопротивление грунтов основания определяемое по СНиП.
3. Толщину винклеровского слоя предлагается назначать, ограничивая напряжения в объемных элементах упругого основания в угловых точках $1,7 \div 1,8R$ по аналогии со СНиП, но с некоторым гарантированным запасом, принимая во внимание, что значения напряжений в этих зонах, получаемые в расчетной модели зависят от размеров объемных элементов.
4. Для назначения армирования следует также использовать данные расчетов модели у которой объемные элементы за пределами плиты отсутствуют, что полностью согласуется с рекомендацией пункта 12.5.5. СП 50-101-2004, в соответствии с которым расчет сечения верхней арматуры необходимо производить при постоянном коэффициенте постели, а нижней - при переменном.

Наличие более современной билинейной модели основания в КРОСС оставляет за моделями ЛДО с использованием объемных элементов только задачи учета кренов и взаимных осадок зданий.



3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели

Методики определения C_1 и C_2

Наиболее обоснованным является способ назначения коэффициентов C_1 и C_2 по результатам штамповых испытаний. Именно так и предполагал определять C_1 и C_2 П.Л. Пастернак. Несмотря на наличие методик, в отчетах по инженерно-геологическим изысканиям как правило информация по C_1 и C_2 отсутствует.

Однако имеется достаточно много методик позволяющих по заданным E , H и ν , определить C_1 и C_2 так, **чтобы двухпараметровая модель в каком-то смысле наилучшим образом приближала модель упругого слоя или полупространства**. Ниже указаны некоторые из методик, отличающиеся используемыми аналитическими зависимостями для калибровки коэффициентов двухконстантной контактной модели основания:

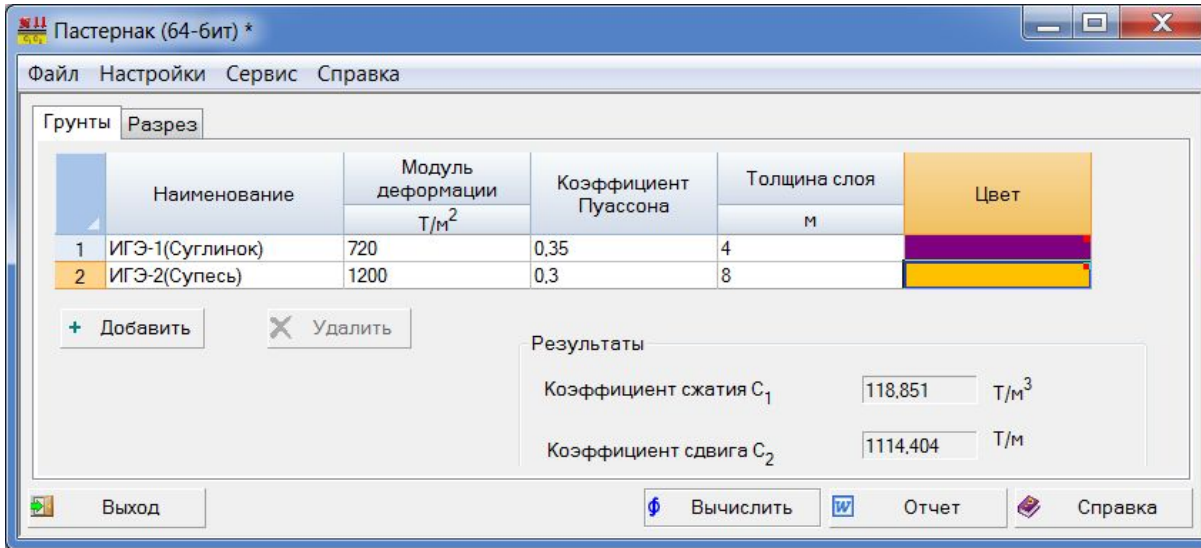
1. Методика В.З. Власова;
2. Методика В.И. Сливкера;
3. Методика В.А. Барвашова.

В SCAD Office в программе-сателлите ПАСТЕРНАК используется методика, предложенная М.И. Горбуновым-Посадовым, В.З. Власовым и П.Л. Пастернаком. Данная методика справедлива только для однородного в плане многослойного основания, состоящего из конечного числа слоев, каждый из которых является линейно-деформируемым и постоянным по толщине. В качестве коэффициентов жесткости используются два постоянных коэффициента постели: C_1 – коэффициент сжатия и C_2 – коэффициент сдвига.



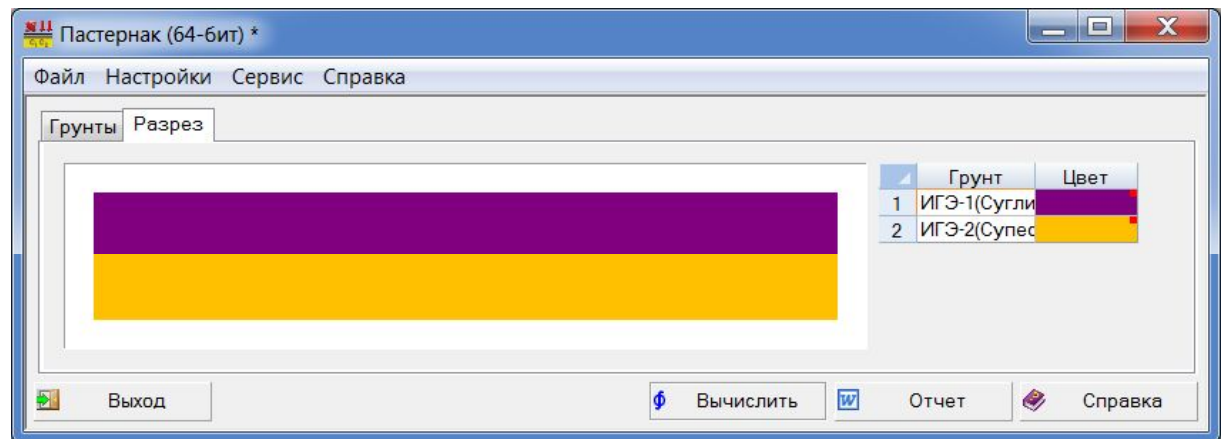
3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели

Расчет коэффициентов C_1 и C_2 в программе-сателлите «Пастернак» в составе SCAD Office



В двухконстантной модели основания используются те же характеристики грунта, что и в модели ЛДО.

В графе «Толщина слоя» учитываются только слои грунта в пределах сжимаемой толщ.



3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели

Расчет коэффициентов упругого основания C_1 и C_2 модели Пастернака непосредственно в SCAD ++

Назначение коэффициентов упругого основания пластин

Тип

Изотропный

Ортотропный

Анизотропный

	C_1	C_2	C_{2Y}	C_{XY}	Имя
	T/m ³	T/m	T/m	T/m	

Упругое основание

C_1 118,851 T/m³

C_2 1114,404 T/m

Расчет коэффициентов постели

Имя: C1 и C2 по Пастернаку

Расчет коэффициентов упругого основания

Расчет коэффициентов деформативности основания

Заменить и продолжить

Заменить и выйти

OK Отмена Справка

Коэффициенты постели

Грунты

	Наименование	Модуль деформации T/m ²	Коэффициент Пуассона	Толщина слоя м	Цвет
1	ИГЭ-1(Суглинок)	720	0.35	4	
2	ИГЭ-2(Супесь)	1200	0.3	8	

+ Добавить X Удалить

Модель Пастернака

Результаты

Коэффициент сжатия C_1 118,851 T/m³

Коэффициент сдвига C_2 1114,404 T/m

Отмена

Вычислить Применить Справка

При вводе данных следует помнить о следующем. Податливость грунтового основания (и коэффициенты постели) выражаются через модуль деформации грунта, если нагрузка на основание действует длительное время и неупругая часть осадки грунта успевает реализоваться. При кратковременных динамических нагрузках податливость основания определяется модулем упругости грунта. В программе наименование соответствующей колонки (модуль деформации) не меняется и пользователь должен сам на основании типа нагрузки принять решение об использовании модуля упругости или модуля деформации.

3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели

Законтурные элементы двухпараметрической модели основания

Учет части основания, расположенного по внешней области Ω_e за внешним контуром фундаментной плиты, может выполняться с использованием «полубесконечных конечных элементов» типа КЛИН или ПОЛОСА. Эти законтурные элементы позволяют смоделировать все окружение области фундаментной плиты, если она является выпуклой и многоугольной.



Ввод двухузловых законтурных элементов плиты. Операция используется для задания характеристик и ввода двухузловых конечных элементов, моделирующих отпор грунта за пределами плиты. Характеристики элементов задаются в диалоговом окне Двухузловой законтурный элемент плиты. При вводе новых в появившемся диалоговом окне задаются характеристики упругого основания, которые описываются парой коэффициентов C_1 и C_2 . Элементы вводятся по тем же правилам, что и стержни с учетом пересекаемых ими узлов.



Ввод одноузловых законтурных элементов плиты. Операция используется для задания характеристик и ввода одноузловых конечных элементов, моделирующих отпор грунта угловой зоны фундаментной плиты (тип 54). Характеристики элементов задаются в диалоговом окне Одноузловой законтурный элемент плиты и включают коэффициент постели C_2 и угол зоны грунта φ (в градусах). Ввод элементов выполняется аналогично одноузловым элементам, моделирующим связь конечной жесткости (тип 51).



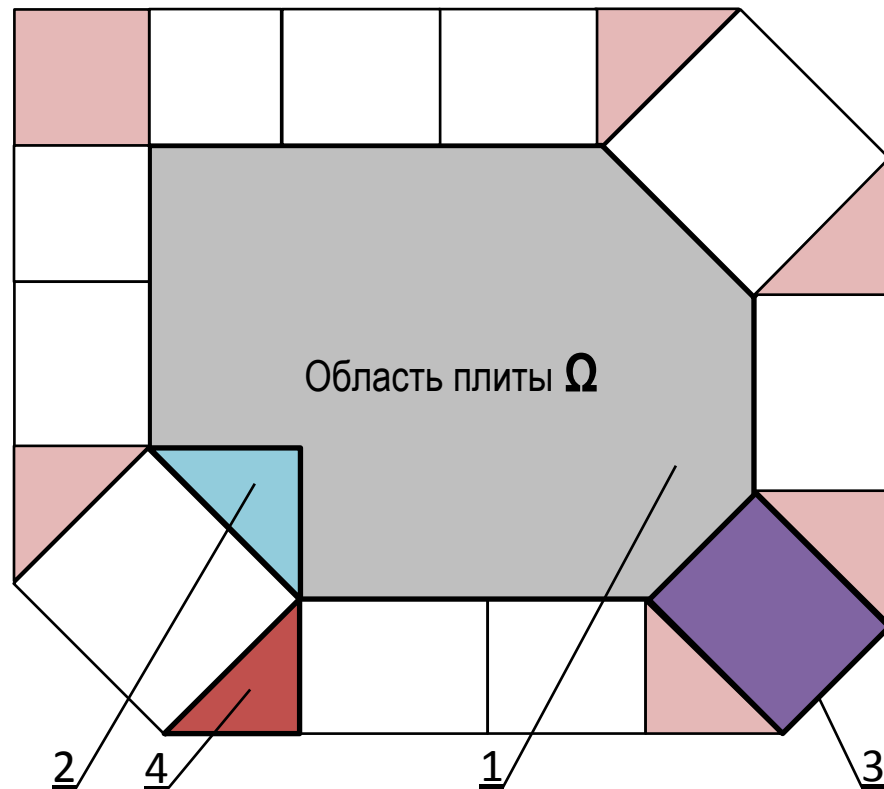
3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели

Особенности моделирования законтурных элементов

Законтурные элементы способны лишь приближенно описывать поведение упругого основания за пределами плана плиты, и сводятся к решению близкой задачи, отличающейся от исходной за счет некоторого искажения работы основания во внешней области к Ω .

Влияние этого искажения может быть снижено, за счет окружения области Ω двумя-тремя или более дополнительными рядами обычных конечных элементов с нулевой жесткостью.

Многоугольность области практически всегда обеспечивается с той или иной степенью точности. Если же область Ω является невыпуклой, то она должна быть дополнена до выпуклой области конечными элементами ограниченных размеров. При этом в дополняемых частях толщина плиты принимается равной нулю.

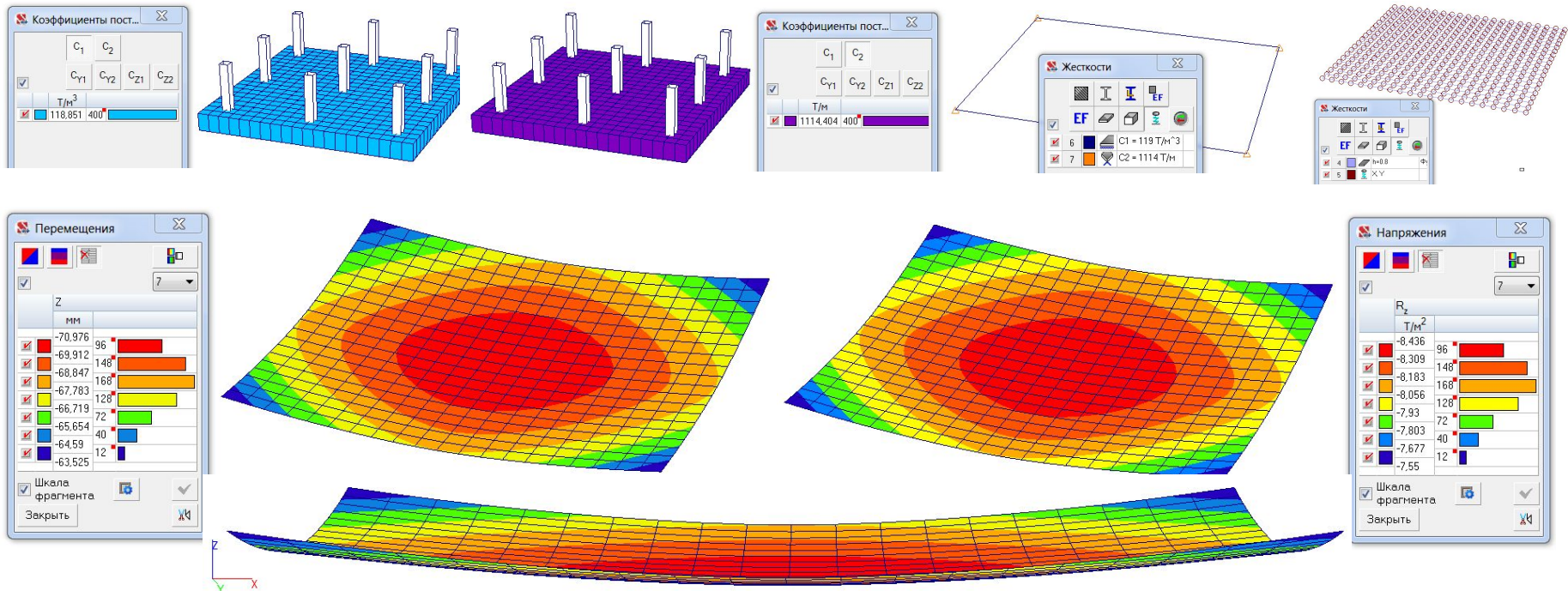


Расположение законтурных конечных элементов типа «клин» и «полоса»: 1 – плита; 2 – дополнение области Ω до выпуклой; 3 – элемент-полоса; 4 – элемент-клин

3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели

Анализ осадок Винклеровского основания

1. По нормали ко всем пластинчатым КЭ фонд.плиты назначается первый коэф. постели на сжатие $C_1 = 119 \text{ Т/м}^3$, и второй коэф. на сдвиг $C_2 = 1114 \text{ Т/м}^3$. По периметру с теми же параметрами задаются законтурные элементы типа «Полоса» с C_1 и C_2 , и типа «Клин» с C_1 и размером угла каждого клина.
2. По горизонтали по X и Y каждый узел зафиксирован упругой связью с узловую жесткостью $27,37 \text{ Т/м}$.



Главный недостаток — приближенность калибровки модели в разных методиках расчета C_1 и C_2 , а также применимость только к однородному в плане и по толщине грунтовому массиву.

3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели

Способ определения усредненных C_1 и C_2 для неоднородного в плане или с непостоянными по толщине слоями многослойного основания

В программе КРОСС реализована возможность расчета усредненных C_1 и C_2 для любых грунтовых условий, не смотря на то, что заложенная в программе ПАСТЕРНАК методика двухконстантной модели справедлива только для однородного в плане многослойного основания, состоящего из конечного числа слоев, каждый из которых является линейно-деформируемым и постоянным по толщине.

В диалоговом окне «Расчет» программы КРОСС имеется кнопка « C_2 », которая позволяет определить два коэффициента постели (Сжатия C_1 и Сдвига C_2). Этот расчет производится в предположении, что грунтовой массив однороден в плане.

При этом данные формируются следующим образом. Вычисляется объем каждого из видов грунтов под фундаментной плитой. Каждый из объемов делится на площадь фундаментной плиты и полученное значение интерпретируется как толщина слоя многослойного основания, однородного по координатам X, Y . В результате расчета получаем усредненное значение второго (Пастернаковского) коэффициента постели. Отметим, что данная модель работы грунта отличается от модели, которая используется в программе КРОСС, поэтому не следует удивляться, если полученные значения коэффициента Сжатия в модели Пастернака будут значительно отличаться от тех значений, которые вычислены программой КРОСС или в модели Винклера даже в случае однородного в плане основания.

4. Билинейная модель основания с переменным коэф.постели

Билинейная упругопластическая модель переменного коэффициента постели в программе КРОСС

Билинейная модель - это упругопластическая модель, которая является дальнейшим усложнением модели ЛДО и учитывает наличие у грунта структурной прочности.

Модель основания представлена в виде слоя, опирающегося на значительно более жёсткое полупространство. Толщина слоя зависит от нагрузки и структурной прочности грунта, а модуль деформации слоя получается осреднением по глубине.

Осадка какой-либо точки поверхности основания (подошвы плиты) может быть записана в виде:

$$W = \int_{z_f}^{z_d} \varepsilon_z dz ,$$

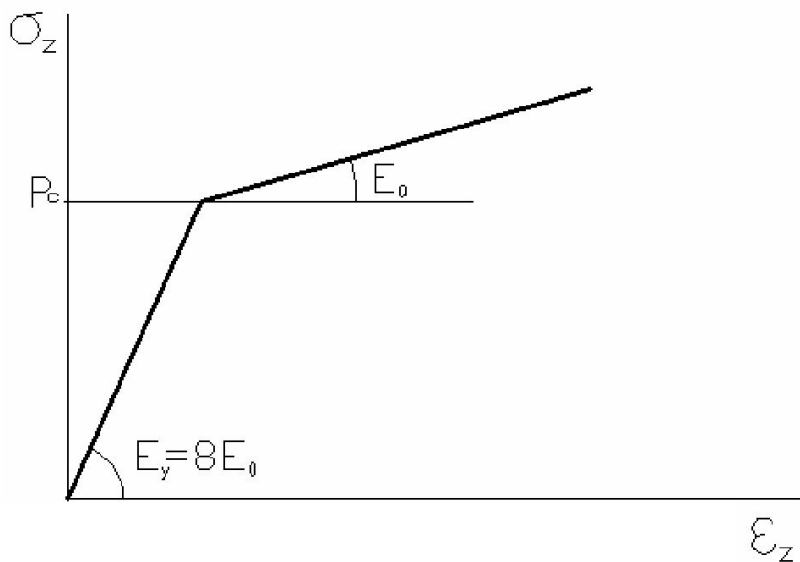
где ε_z - послойные деформации грунта;
 z - вертикальная координата, возрастающая вниз;
 z_f - координата подошвы;
 $z_d = z_f + H$ - нижняя граница интегрирования;
 H - глубина сжимаемой толщи.

4. Билинейная модель основания с переменным коэф.постели

Билинейная упругопластическая модель переменного коэффициента постели, реализованная в программе КРОСС

Выражение для ε_z отображает нелинейные свойства грунта, для которого принимаются различные модули деформации, определенные при компрессионных испытаниях грунта, обладающего структурной прочностью, для выявления которой нагружения осуществляются малыми ступенями σ_z (см. рис.)

Модуль деформации – ключевой элемент модели, то, что связывает модель основания с моделями грунтов.



Непосредственное использование компрессионной зависимости $\varepsilon_z = f(\sigma_z)$ в программе КРОСС для определения осадки W позволяет более четко отразить нелинейное деформирование грунта, чем на зависимости, представленной на графике слева.

4. Билинейная модель основания с переменным коэф.постели

Особенности задания параметров грунтов в КРОСС

Для контроля заданных параметров скважин можно воспользоваться режимом построения геологических разрезов или режимом объемного отображения грунта. В случае присутствия в соседних скважинах различных грунтов, например как в таблице справа, однозначно восстановить пространственную структуру грунтового массива по информации о структуре скважин невозможно. Геологический разрез может иметь вид как на первом или втором разрезе.

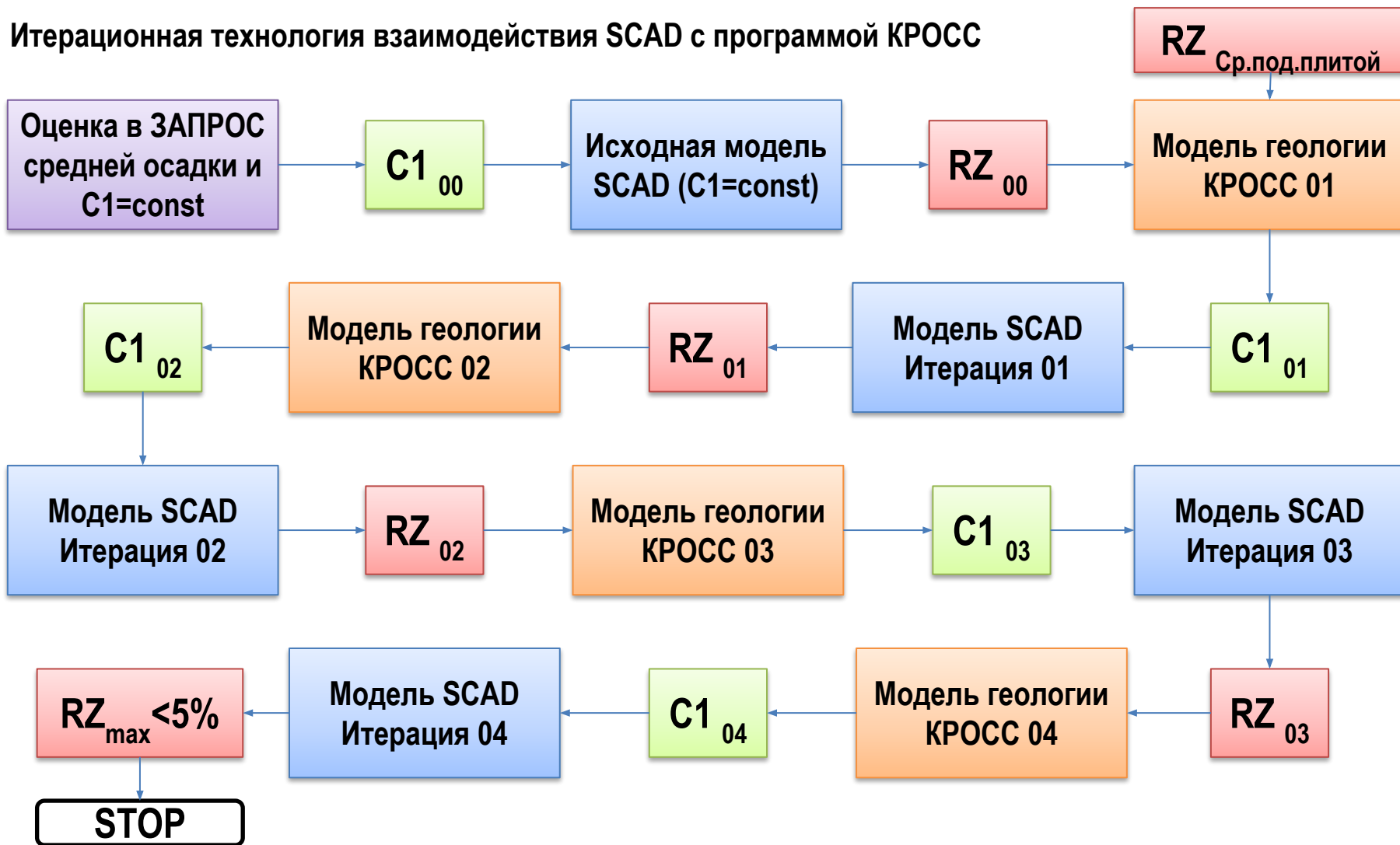


Скважина 1		Скважина 2	
Грунт	Отметка верхней границы	Грунт	Отметка верхней границы
Суглинок	0	Песок	0
Глина	-10	Суглинок	-10

Неоднозначность подобного рода может быть устранена, если в каждой скважине задавать единый пакет грунтов. То есть в каждой скважине набор грунтов и их последовательность одна и та же (отличаются только отметки верхней границы), а отсутствие какого-либо грунта (например, i -го) в некоторой скважине задается посредством одинаковой отметки уровня i -го и $(i+1)$ -го грунтов. Ввод параметров скважин в КРОСС можно облегчить, если ввести только одну скважину и задать ей параметры. После чего выполнить ввод остальных скважин. Их параметры по умолчанию получают значения параметров первой скважины и их достаточно только откорректировать. Кроме того, нажатие кнопки Копировать приводит к появлению диалогового окна, в котором пользователь может выбрать "скважину-аналог" и скопировать из нее отметки слоев.

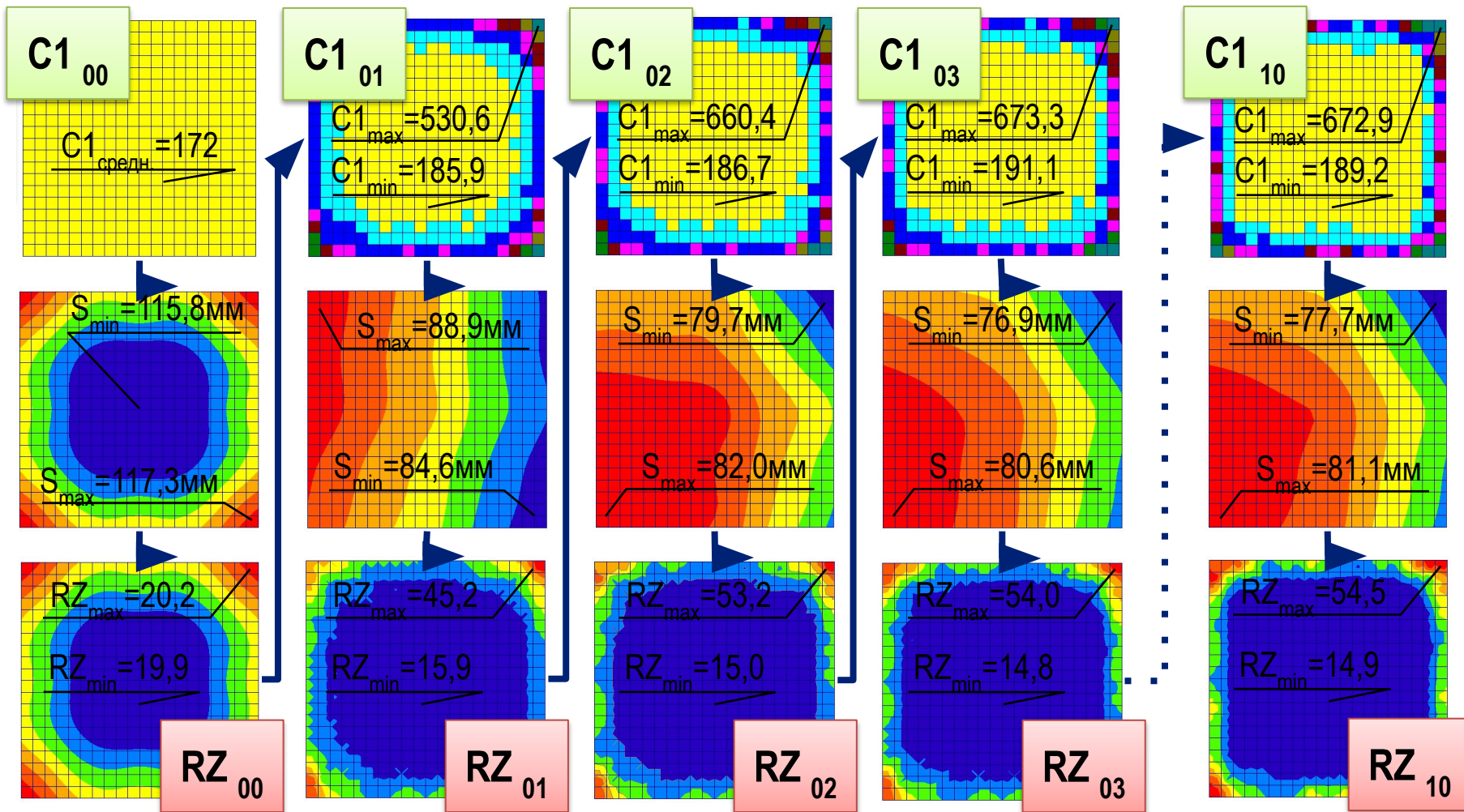
4. Билинейная модель основания с переменным коэф.постели

Итерационная технология взаимодействия SCAD с программой КРОСС



4. Билинейная модель основания с переменным коэф.постели

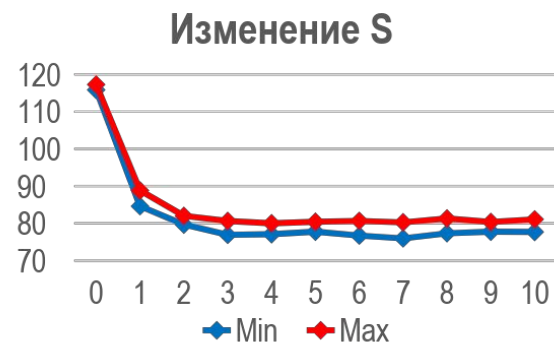
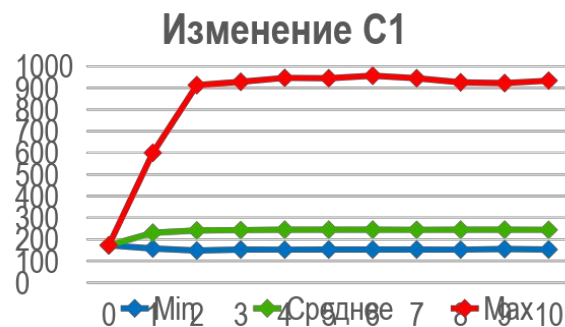
Изменение параметров C1, S и RZ в процессе итераций в KPOCC и SCAD



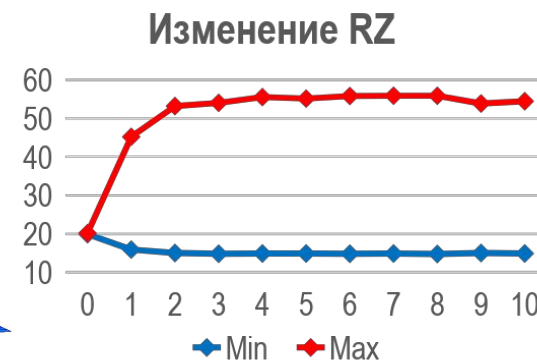
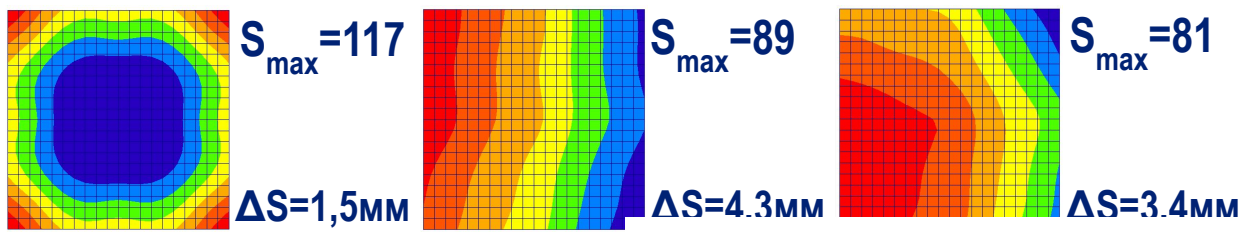
4. Билинейная модель основания с переменным коэф.постели

Анализ итераций от 0 до 10 в КРОСС и SCAD

№ итерации	Значения коэффициентов постели C1, Т/м³			Δ, %	Значения осадки S узлов фонд. плиты, мм		Δ, %	Значения реакций грунта RZ, Т/м²		Δ, %
	Min	Среднее	Max		Min	Max		Min	Max	
0	172	172	172	0	116	117	0	20	20	0
1	157	230	599	248	85	89	-24	16	45	124
2	148	241	912	52	80	82	-7,7	15	53	18
3	153	242	928	1,7	77	81	-1,7	15	54	1,6
4	152	244	946	2	77	80	-0,8	15	56	2,8
5	152	244	944	-0,2	78	80	0,5	15	55	-0,7
6	152	244	956	1,2	77	81	0,3	15	56	1,2
7	153	244	944	-1,3	76	80	-0,5	15	56	0,1
8	152	244	925	-2	77	81	1,3	15	56	-0
9	155	244	922	-0,4	78	80	-1,1	15	54	-3,6
10	152	244	933	1,2	78	81	0,9	15	54	1,1



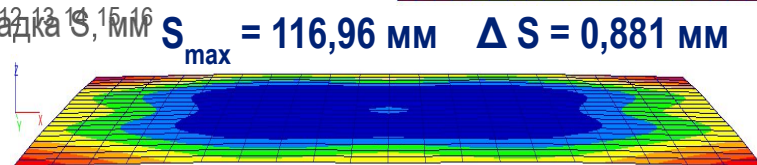
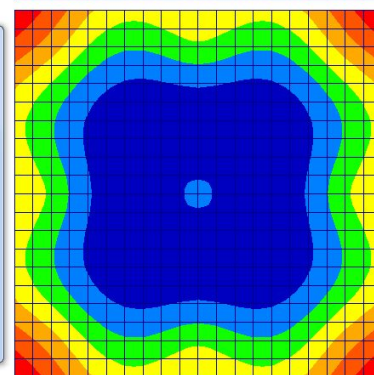
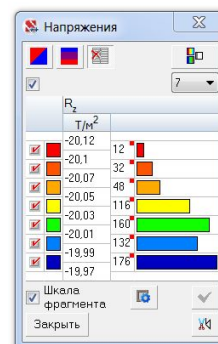
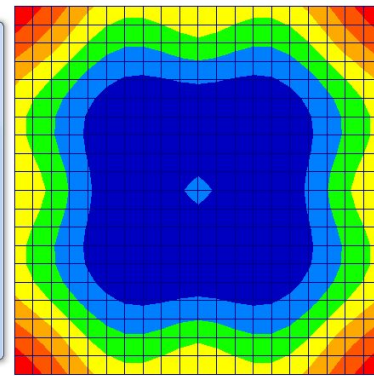
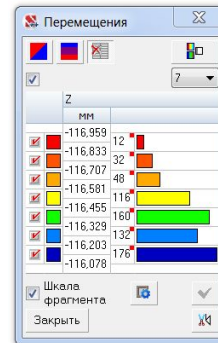
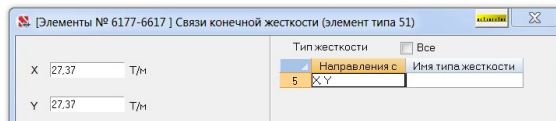
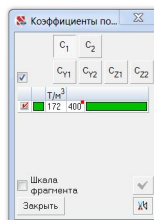
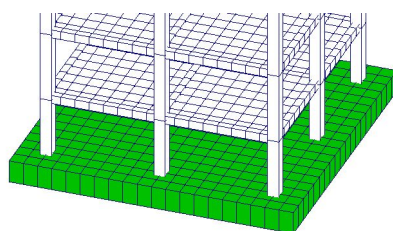
Сравнение деформаций на 0, на 1 и на 10 итерации



1г. Модель Винклера с учетом истории приложения нагрузок

Деформации плиты в режиме МОНТАЖ на винклеровском основании с $C_1 = \text{const}$ на всех стадиях

№ стадии монтажа (этажа)	Суммарн. нагрузка, Т	Винкл. $C_1 = \text{const}$, Т/м ³	Осадка S, мм
1	500	172	29
2	600	172	35
3	700	172	41
4	800	172	47
5	900	172	52
6	1000	172	58
7	1100	172	64
8	1200	172	70
9	1300	172	76
10	1400	172	82
11	1500	172	87
12	1600	172	93
13	1700	172	99
14	1800	172	105
15	1900	172	110
16	2000	172	116

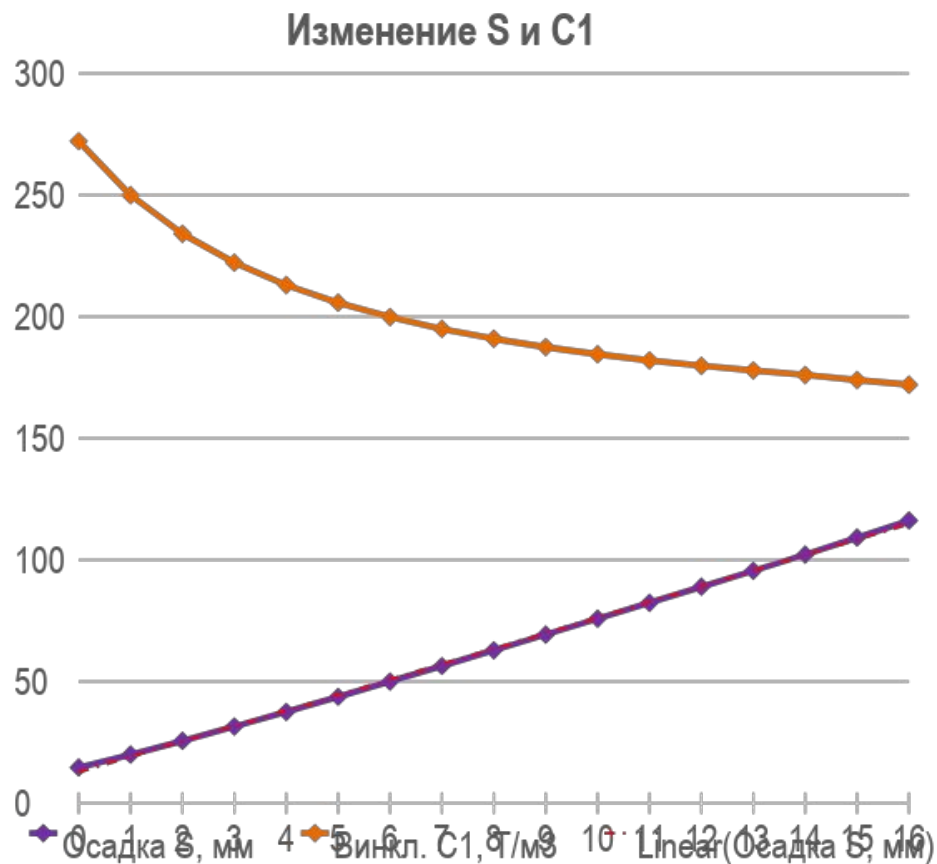


Главный недостаток — неучет распределительной способности основания, завышение деформаций на начальных стадиях за счет использования C_1 от максимальной нагрузки на сооружение.

1д. Модель Винклера с учетом монтажа и стадийного изменения С1

Оценка винклеровского коэффициента С1 при стадийном увеличении нагрузки в ЗАПРОС

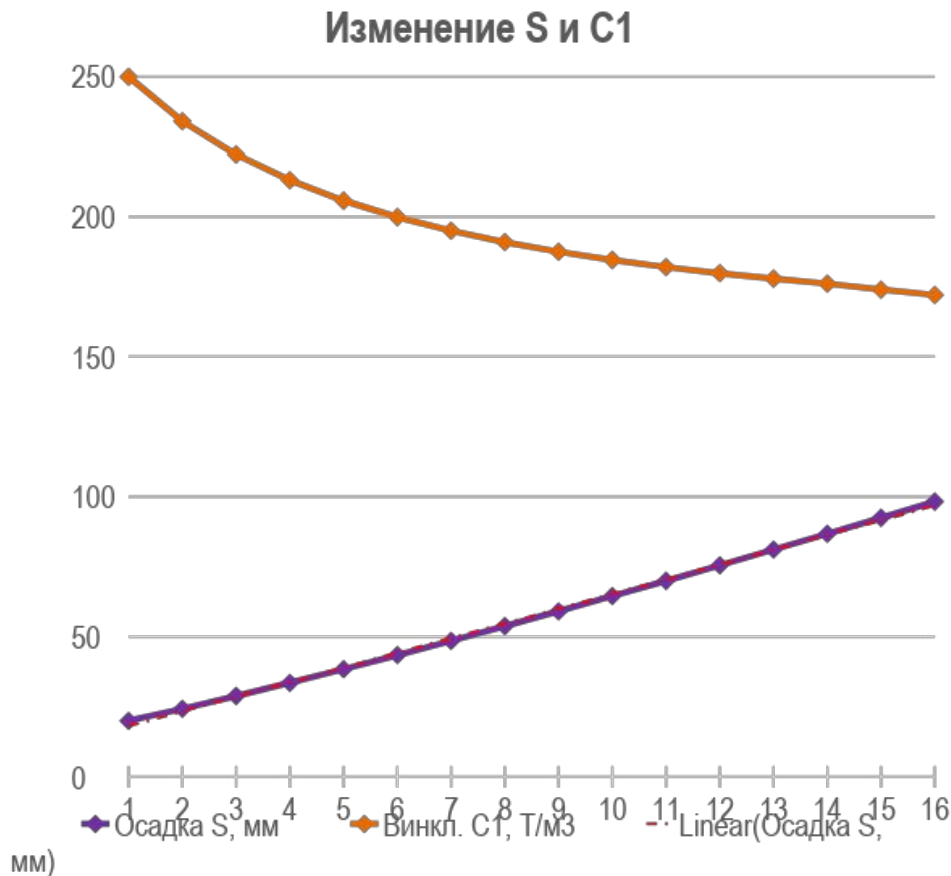
№ стадии монтажа (этажа)	Суммарн. нагрузка, Т	Осадка S, мм	Винкл. С1, Т/м ³
1	500	20	250
2	600	26	234
3	700	31	222
4	800	38	213
5	900	44	206
6	1000	50	200
7	1100	56	195
8	1200	63	191
9	1300	69	188
10	1400	76	185
11	1500	82	182
12	1600	89	180
13	1700	96	178
14	1800	102	176
15	1900	109	174
16	2000	116	172



1д. Модель Винклера с учетом монтажа и стадийного изменения С1

Анализ осадок при переменном коэффициенте С1 и стадийном увеличении нагрузки в реж. МОНТАЖ

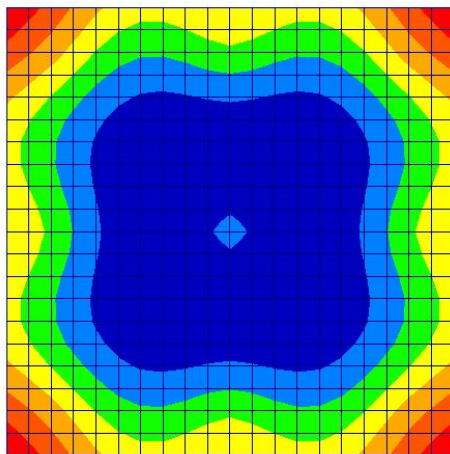
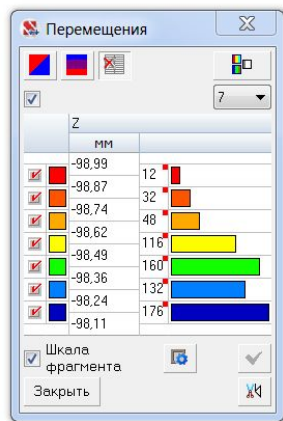
№ стадии монтажа (этажа)	Суммарн. нагрузка, Т	Винкл. С1, Т/м3	Осадка S, мм
1	500	250	20
2	600	234	24
3	700	222	29
4	800	213	34
5	900	206	38
6	1000	200	43
7	1100	195	49
8	1200	191	54
9	1300	188	59
10	1400	185	65
11	1500	182	70
12	1600	180	76
13	1700	178	81
14	1800	176	87
15	1900	174	92
16	2000	172	98



Расчет без пересчета НДС на каждой стадии монтажа. **Снижение осадки на 16%.**

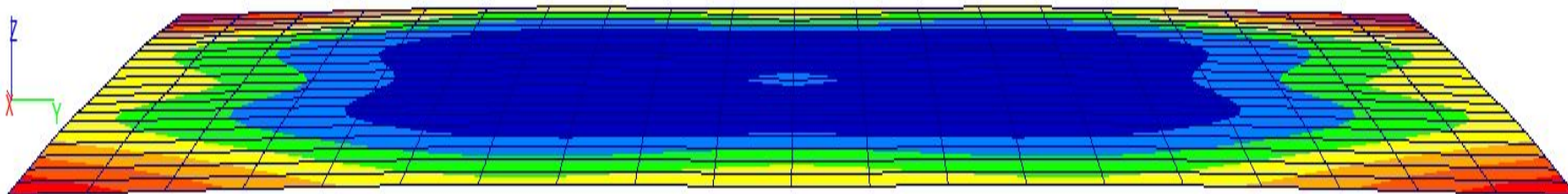
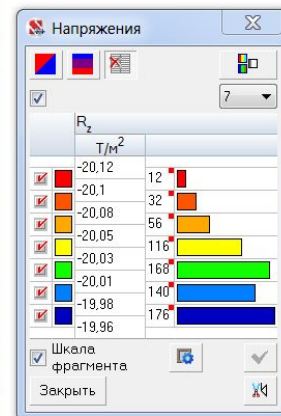
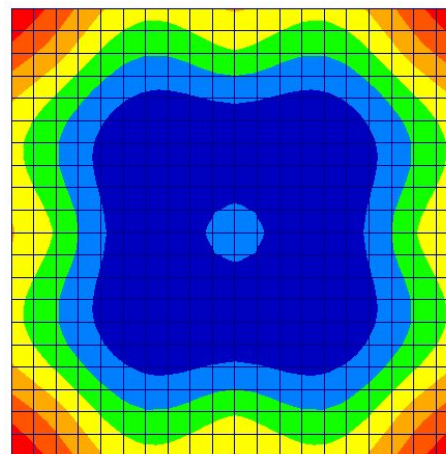
1д. Модель Винклера с учетом монтажа и стадийного изменения С1

Деформации плиты в режиме МОНТАЖ на винклеровском основании с разным $C1=const$ на разных стадиях монтажа в зависимости от суммарной нагрузки под фундаментной плитой от здания



$$S_{\max} = 98,99 \text{ мм}$$

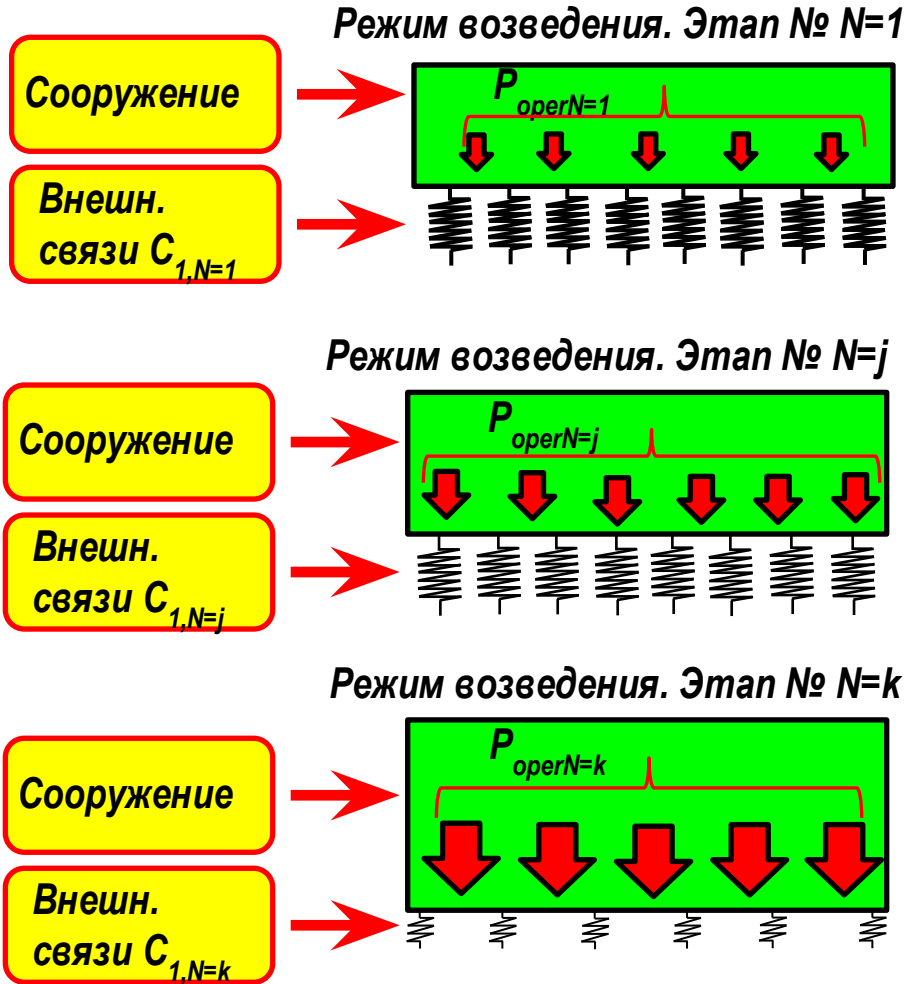
$$\Delta S = 0,880 \text{ мм}$$



Модель основания Винклера	1	1б	1в	1г	1д
Максимальная разность осадок ΔS , мм	1,451	1,899	1,387	0,881	0,880
Максимальная осадка S , мм	117,30	-	169,25	116,96	98,99

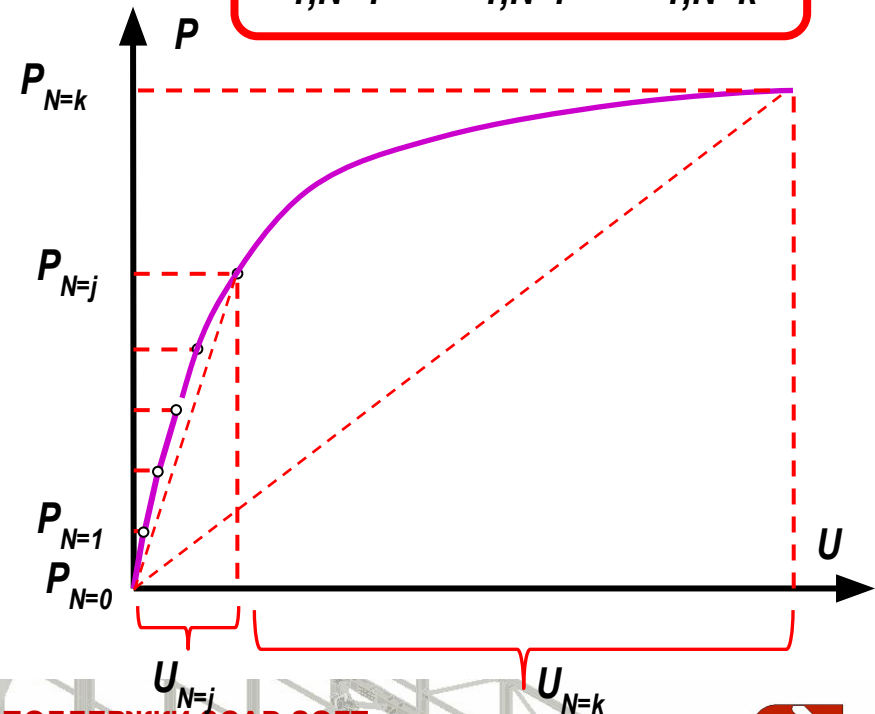
46. Билинейная модель с учетом истории приложения нагрузок

Анализ процесса изменения модели внешних связей в режиме возведения



$$C1 = f(\sigma_z)$$

$$C_{1,N=1} > C_{1,N=1} > C_{1,N=k}$$



46. Билинейная модель с учетом истории приложения нагрузок

Особенности билинейной модели с переменными коэффициентами постели $C1$, соответствующими напряжениям под фундаментной плитой от суммарной нагрузки на каждой стадии монтажа:

1. Данная модель грунтового основания с малым временем консолидации в сочетании с применением многоэтапного расчета демонстрирует заметное снижение осадки, что позволяет выявить существенные резервы в работе несущих конструкций здания.
2. Существенно снижаются не только величины абсолютных значений осадок, но и величины относительных деформаций фундаментной конструкции, что определит существенно более низкие уровни напряжений в конструктивных элементах подземной части здания.

Вариант 1

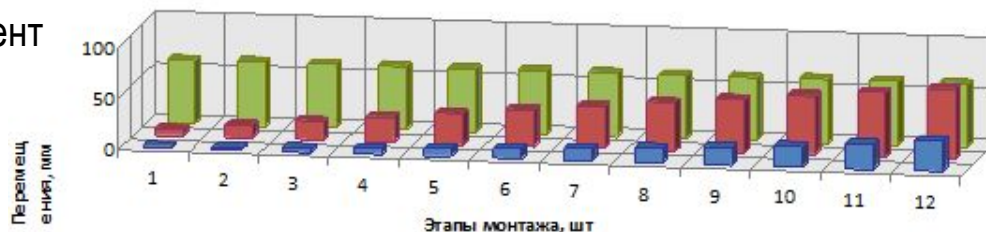
Полная модель + Коэффициент постели $C1 = 500 \text{ т/м}^3$

Вариант 2

«Монтаж» + Коэффициент постели $C1 = 500 \text{ т/м}^3$

Вариант 3

«Монтаж» + Коэффициент постели $C1 = f(\sigma_z)$



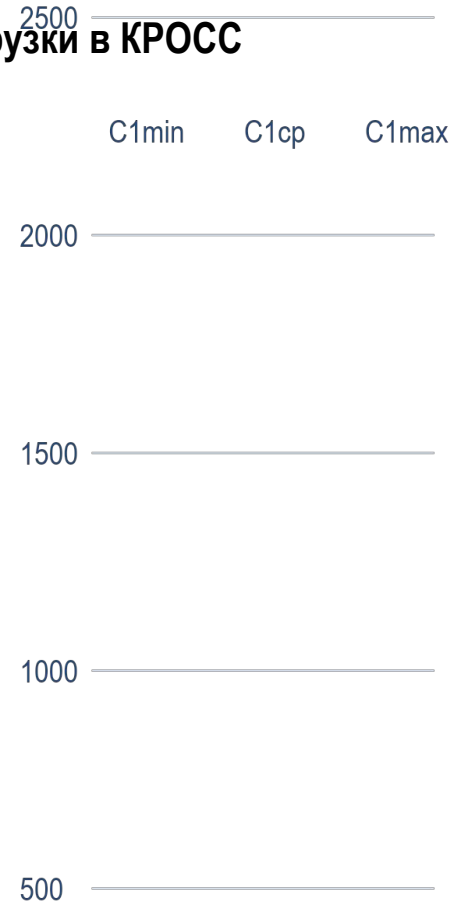
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Технология Монтаж + C1(1-12)	1,16	2,60	4,15	5,82	7,63	9,62	11,83	14,31	17,17	20,55	24,67	29,81
Технология Монтаж + C1(1)	6,91	12,73	18,56	24,30	29,98	35,61	41,19	46,74	52,26	57,75	63,11	68,26
Традиционная методика	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90	61,90

Из книги А.В. Перельмутера и О.В. Кабанцева «Анализ конструкций с изменяемой расчетной схемой»

46. Билинейная модель с учетом истории приложения нагрузок

Зависимость переменных коэффициентов C1 от стадийного увеличения нагрузки в КРОСС

1 этаж	C1min	C1cp	C1max	5 этажей	C1min	C1cp	C1max	9 этажей	C1min	C1cp	C1max	13 этажей	C1min	C1cp	C1max
	1377	1943	2793		479	801	1284		305	494	778		243	379	583
2 этажа	C1min	C1cp	C1max	6 этажей	C1min	C1cp	C1max	10 этажей	C1min	C1cp	C1max	14 этажей	C1min	C1cp	C1max
	1034	1534	2283		451	728	1144		287	468	740		239	380	592
3 этажа	C1min	C1cp	C1max	7 этажей	C1min	C1cp	C1max	11 этажей	C1min	C1cp	C1max	15 этажей	C1min	C1cp	C1max
	769	1236	1937		367	611	977		273	448	711		231	366	569
4 этажа	C1min	C1cp	C1max	8 этажей	C1min	C1cp	C1max	12 этажей	C1min	C1cp	C1max	16 этажей	C1min	C1cp	C1max
	592	975	1549		346	587	948		262	420	656		225	352	541



Главный недостаток — на текущем этапе развития расчетной технологии процесс приложения переменных коэффициентов постели C1 на различных стадиях монтажа является трудоемким.

Основные отличия моделей основания

Модель основания	Распределительные свойства грунта	Контактные напряжения	Зависимость осадки от площади загрузки
Модель Винклера	не отражены	имеют конечные значения	не зависит
Модель уравнивания внешних нагрузок	не отражены	постоянное значение	не зависит
Модель линейно-деформируемого основания	завышенные (максимальные)	в отдельных точках сильно превышающие прочность грунта	возрастает с увеличением площади загрузки
Трехконстантная модель упругого основания	завышенные (максимальные)	Винклеровским слоем могут быть ограничены конечн.значением	возрастает с увеличением площади загрузки
Двухконстантная модель Пастернака	завышенные (максимальные)	имеют конечные значения	возрастает с увеличением площади загрузки
Билинейная модель, используемая в КРОСС	ограниченные, близкие к реальности	более точно отражает реальную прочность грунта	лучше отвечает опытным данным
Модель Винклера в режиме МОНТАЖ с единым С1	не отражены	имеют конечные значения	не зависит
Модель Винклера в режиме МОНТАЖ с постадийным С1	не отражены	имеют конечные значения	не зависит
Билинейная модель с учетом истории нагружений	ограниченные, близкие к реальности	более точно отражает реальную прочность грунта	макс. точно отвечает опытным данным

Сравнение осадок и деформаций при различных моделях основания

Модель основания	СП	1	1б	1в	2	2б	3	4	1г	1д
Разность осадок плиты ΔS , мм	–	1,451	1,899	1,387	3,201	0,984	7,451	3,403	0,881	0,880
Форма выгиба плиты	–	∩	∩	∩	U	U	U	U	∩	∩
Макс. осадка плиты S , мм	116,2	117,3	-	169,3	104,5	119,5	70,98	81,09	117,0	98,99
Суммарная работа внеш.сил, Тм	–	121,2	-	173,2	107,9	123,8	72,97	84,76	12,4	9,7

1. Клавишная модель Винклера с одним коэффициентом постели;
 Модели с близкими результатами по отношению к Винклеровской модели:
1б. Модель уравнивания внешних нагрузок и отпора грунта;
1в. Модель упругого основания по контуру плиты с использованием объемных КЭ;
 2. Модель линейно-деформируемого основания (ЛДО) с использованием объемных КЭ;
2б. Модель ЛДО с промежуточным Винклеровским слоем с использованием объемных КЭ;
 3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели и с применением законтурных элементов.
 4. Билинейная модель основания с переменным коэффициентом постели в программе КРОСС;
- 1г. Винклеровская модель основания с постоянным коэффициентом постели с учетом генетически-нелинейного приложения нагрузок в режиме МОНТАЖ;
 1д. Винклеровская модель основания с изменяемым постоянным C_1 для каждой стадии монтажа.



Армирование плиты и колонн при различных моделях основания

Модель основания	1	1б	1в	2	2б	3	4	1г	1д
Разность осадок плиты ΔS , мм	1,451	1,899	1,387	3,201	0,984	7,451	3,403	0,881	0,880
Форма выгиба плиты	∩	∩	∩	U	U	U	U	∩	∩
Макс. армирование S1 (Нижн.Х), см ² /м	10,06	15,00	19,69	39,34	31,24	56,6	32,30	23,19	23,19
Макс. армирование S2 (Верх.Х), см ² /м	7,57	16,47	15,25	–	6,65	6,77	5,87	6,41	6,41
Продольная арматура фонд.плиты, кг	1389	3067	3024	4316	2587	7807	2600	2031	2031
Сумм.пр.армир. ц.колонны 1 эт, см ²	26,85	–	26,67	12,78	19,6	25,02	12,4	35,8	44,48
Продольная арматура колонн 1 этажа, кг	170	–	170	151	155	189	146	182,1	175,8

1. Клавишная модель Винклера с одним коэффициентом постели;
 - 1б. Модель уравнивания внешних нагрузок и отпора грунта;
 - 1в. Модель упругого основания по контуру плиты с использованием объемных КЭ;
2. Модель линейно-деформируемого основания (ЛДО) с использованием объемных КЭ;
 - 2б. Модель ЛДО с промежуточным Винклеровским слоем с использованием объемных КЭ;
3. Модель Пастернака с двумя коэффициентами постели и с применением законтурных элементов;
4. Билинейная модель основания с переменным коэффициентом постели в программе КРОСС;
 - 1г. Винклеровская модель основания с постоянным коэффициентом постели с учетом генетически-нелинейного приложения нагрузок в режиме МОНТАЖ;
 - 1д. Винклеровская модель основания с изменяемым постоянным С1 для каждой стадии монтажа.

Выводы о применимости различных моделей основания

Модель основания	Применимость модели	Недостатки
Модель Винклера	Подбор верхнего армирования фундаментных плит и вычисление нач. параметров для 0 итерации КРОСС	
Модель уравнивания внешних нагрузок	Не применяется в связи с высокой производительностью современных ПК (ЭВМ)	Анализ плиты отдельно от работы несущего каркаса
Модель линейно-деформируемого основания	Анализ взаимного влияния зданий, расчет крена сооружения, учет зоны влияния грунта в сейсмике	
Трехконстантная модель упругого основания		Трудоемкость подбора параметров Винкл.слоя
Двухконстантная модель Пастернака	Подбор нижнего армирования фундаментных плит	
Билинейная модель, используемая в КРОСС	Подбор армирования надфундаментных конструкций	
Модель Винклера в режиме МОНТАЖ с единым С1		Завышение деформаций плиты на начальных стадиях
Модель Винклера в режиме МОНТАЖ с постадийным С1	Уточнение усилий в плите для подбора верхнего армирования фундаментных плит высотных зданий	
Билинейная модель с учетом истории нагружений	Уточнение усилий в плите для подбора армирования надфундаментных конструкций высотных зданий	Высокая трудоемкость ввода перем. С1 постадийно

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!

Виктор Сергеевич Михайлов
Руководитель новосибирского центра технической поддержки SCAD SOFT
mvs@scadsoft.ru

Андрей Владимирович Теплых
Руководитель самарского центра технической поддержки SCAD SOFT
ateplykh@mail.ru

19 апреля 2016 г.
Москва