

Процессы изменения состояния термодинамических систем

Классификация термодинамических процессов

Термодинамический процесс может быть задан либо графическим способом в виде изображения процесса в координатах p - v , p - T , T - s , либо в аналитической форме в виде зависимости

$$\varphi(p, v) = 0$$

Уравнение процесса может быть также задано исходным условием о неизменном значении в этом процессе какой - либо функции состояния

$$z = idem; z = p, v, t, u, h, s$$

или условием о равенстве нулю какого – либо эффекта термодинамического процесса $(\delta q = 0)$

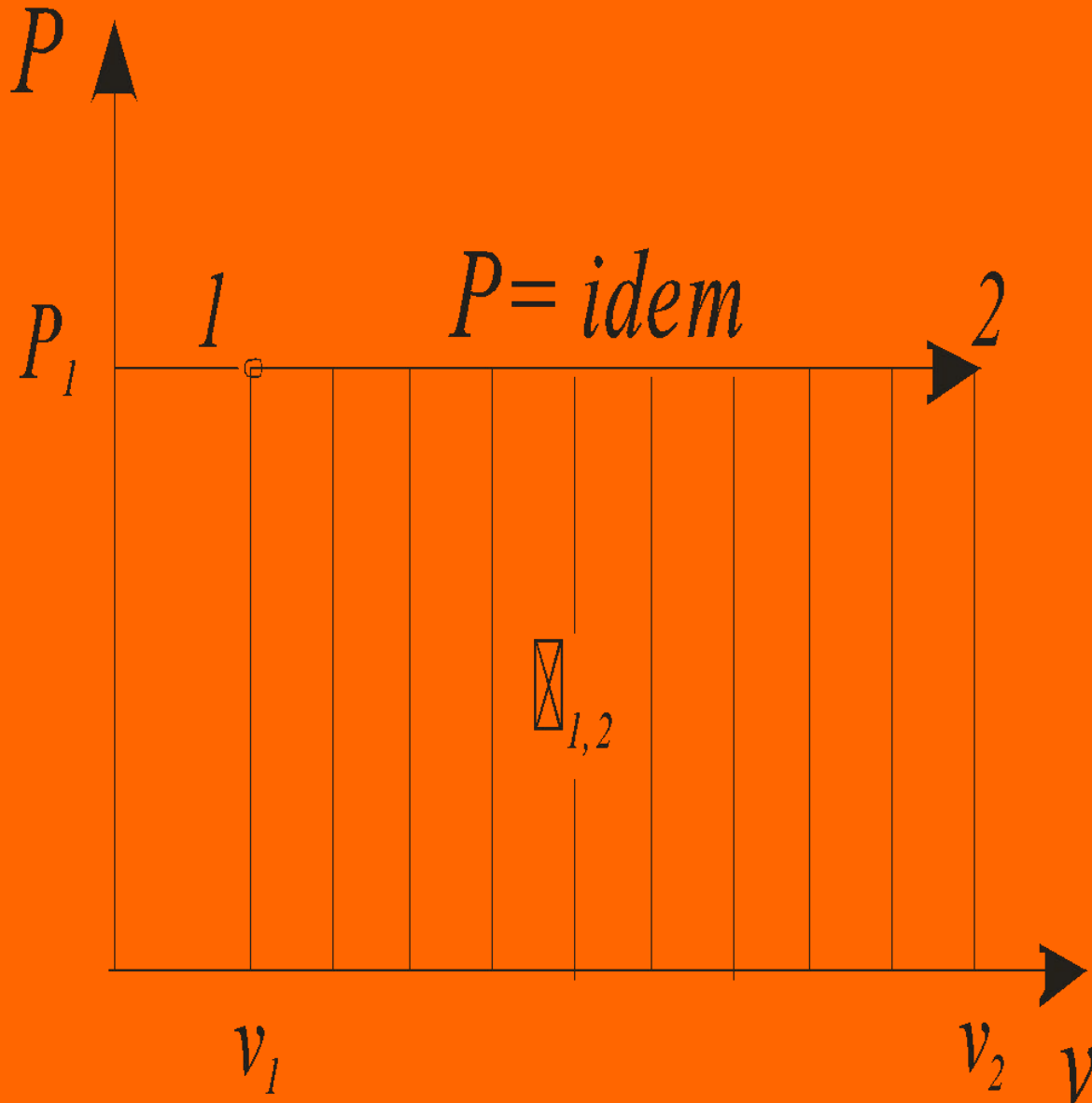
При изучении термодинамических процессов определяются:

- 1) закономерность изменения параметров состояния рабочего тела, то есть выводится уравнение процесса или дается его графическое изображение в координатах $p-v$, $p-T$, $T-s$ и т.д.;
- 2) параметры состояния системы в начальной и конечной точках процесса;
- 3) численные значения работы и теплообмена в процессе;
- 4) изменение значений внутренней энергии, энтальпии и энтропии рабочего тела.

Простейшие термодинамические процессы

Простейшими термодинамическими процессами обычно считают *изобарный, изохорный и изопотенциальные процессы.*

Изобарный процесс $p = idem$; $dp = 0$ – процесс в котором давление в системе остается постоянным



Изобарные процессы подвода или отвода теплоты происходят в поршневых двигателях внутреннего сгорания, газотурбинных, паросиловых, холодильных установках и др.

Для идеального газа в изобарном процессе (1-2) соотношение объемов прямо пропорционально соотношению температур

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{v_2}{v_1}$$

Удельная термодинамическая и потенциальная работы в изобарном процессе определяются из соотношений

$$w_{1,2} = -\int_1^2 v dp = 0; \quad l_{1,2} = \int_1^2 p dv = p \cdot (v_2 - v_1)$$

Для идеального газа

$$l_{1,2} = p \cdot (v_2 - v_1) = R(T_2 - T_1)$$

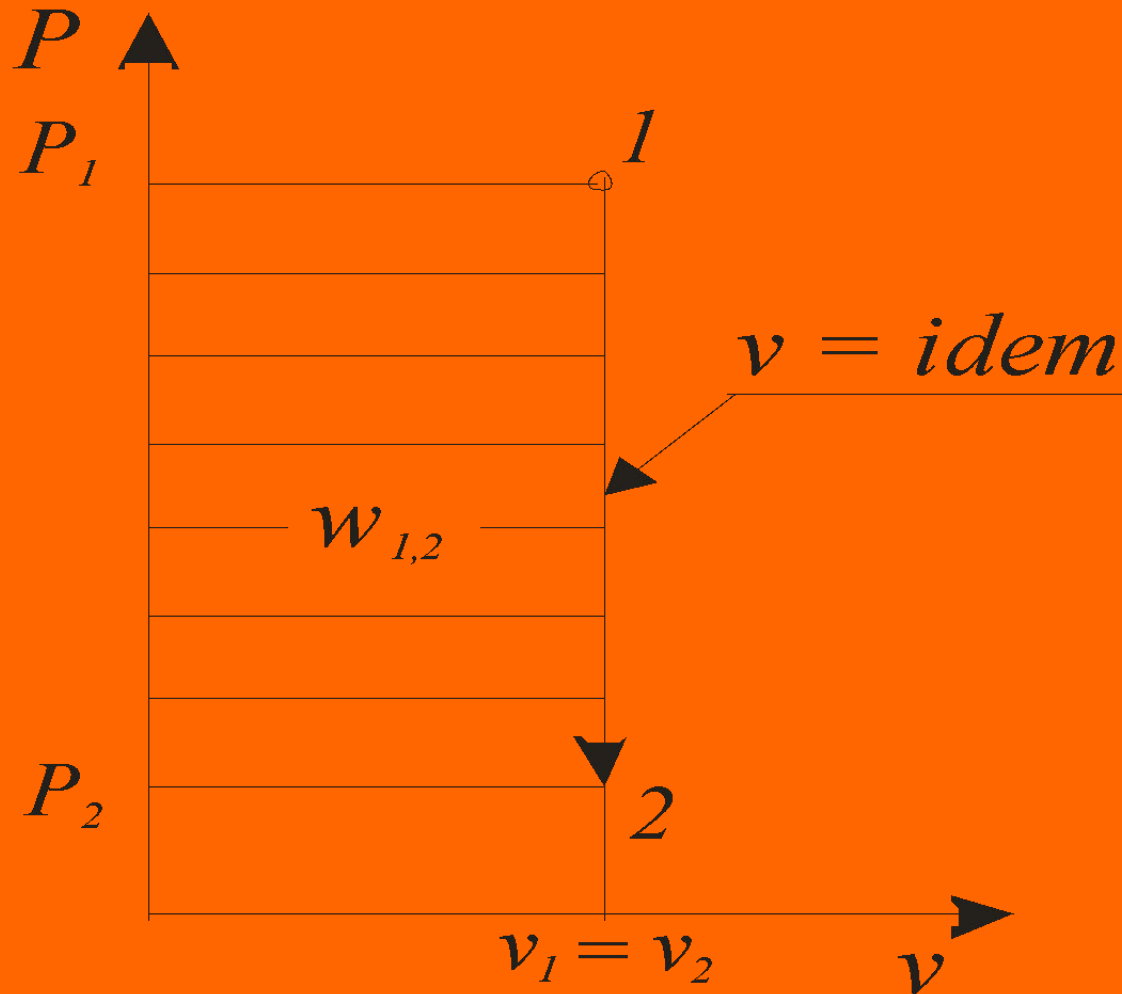
Количество теплоты, подведенной к рабочему телу или отведенной от него в изобарном процессе, определяется из выражения первого начала термодинамики

$$q_{1,2} = \Delta u + l_{1,2} = \Delta h$$

Для идеального газа

$$\begin{aligned} q_{1,2} &= \Delta u + l_{1,2} = \Delta h = \\ &= c_{vm}(T_2 - T_1) + R(T_2 - T_1) = c_{pm}(T_2 - T_1) \end{aligned}$$

Изохорный процесс $v = idem; dv = 0$ – процесс, при котором объем системы или удельный объем рабочего тела остается постоянным.



В изохорных процессах происходит увеличение или уменьшение давления, что связано с соответственным изменением температуры – подводом или отводом теплоты.

Изохорные процессы подвода или отвода теплоты происходят в поршневых двигателях внутреннего сгорания, газотурбинных, паросиловых установках и др.

Для идеального газа в изохорном процессе соотношение давлений прямо пропорционально соотношению температур

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{p_2}{p_1}$$

Удельная термодинамическая и потенциальная работы в изохорном процессе определяются из соотношений

$$l_{1,2} = \int_1^2 p dv = 0; w_{1,2} = -\int_1^2 v dp = v \cdot (p_1 - p_2)$$

Для идеального газа

$$w_{1,2} = v(p_1 - p_2) = R(T_1 - T_2)$$

Количество теплоты, подведенной к рабочему телу или отведенной от него в изохорном процессе, определяется из выражения первого начала термодинамики

$$q_{1,2} = \Delta h + w_{1,2} = \Delta u$$

Для идеального газа

$$\begin{aligned} q_{1,2} &= \Delta h + w_{1,2} = \Delta u = \\ &= c_{pm} (T_2 - T_1) + R(T_1 - T_2) = c_{vm} (T_2 - T_1) \end{aligned}$$

Изопотенциальный процесс – термодинамический процесс изменения состояния системы, при котором значение потенциальной функции сохраняет неизменное значение $pv = idem; d(pv) = 0$

Для идеального газа, согласно уравнению Клапейрона $p\nu = RT$ изопотенциальный процесс $p\nu = idem$ является и изотермическим $T = idem$.

$$\frac{p_2\nu_2}{p_1\nu_1} = \frac{T_2}{T_1}$$

Удельная термодинамическая и потенциальная работы в изопотенциальном процессе определяются из следующих соотношений:

$$l_{1,2} = \int_1^2 p d\nu = \int_1^2 p\nu \cdot \frac{d\nu}{\nu} = p\nu \cdot \ln \frac{\nu_2}{\nu_1}$$

$$w_{1,2} = -\int_1^2 \nu dp = -\int_1^2 \nu p \cdot \frac{dp}{p} = p\nu \cdot \int_2^1 \frac{dp}{p} = p\nu \cdot \ln \frac{p_1}{p_2}$$

Нетрудно заметить, что постоянство
приводит к условию

$$pv = idem$$

$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{v_2}{v_1}$$

Поэтому, в изопотенциальном процессе численные значения термодинамической и потенциальной работ равны между собой.

$$l_{1,2} = w_{1,2} = pv \cdot \ln \frac{v_2}{v_1} = pv \cdot \ln \frac{p_1}{p_2}$$

Для идеального газа $p\nu=RT=idem$ (изотермический)

$$l_{1,2} = w_{1,2} = RT \cdot \ln \frac{\nu_2}{\nu_1} = RT \cdot \ln \frac{p_1}{p_2}$$

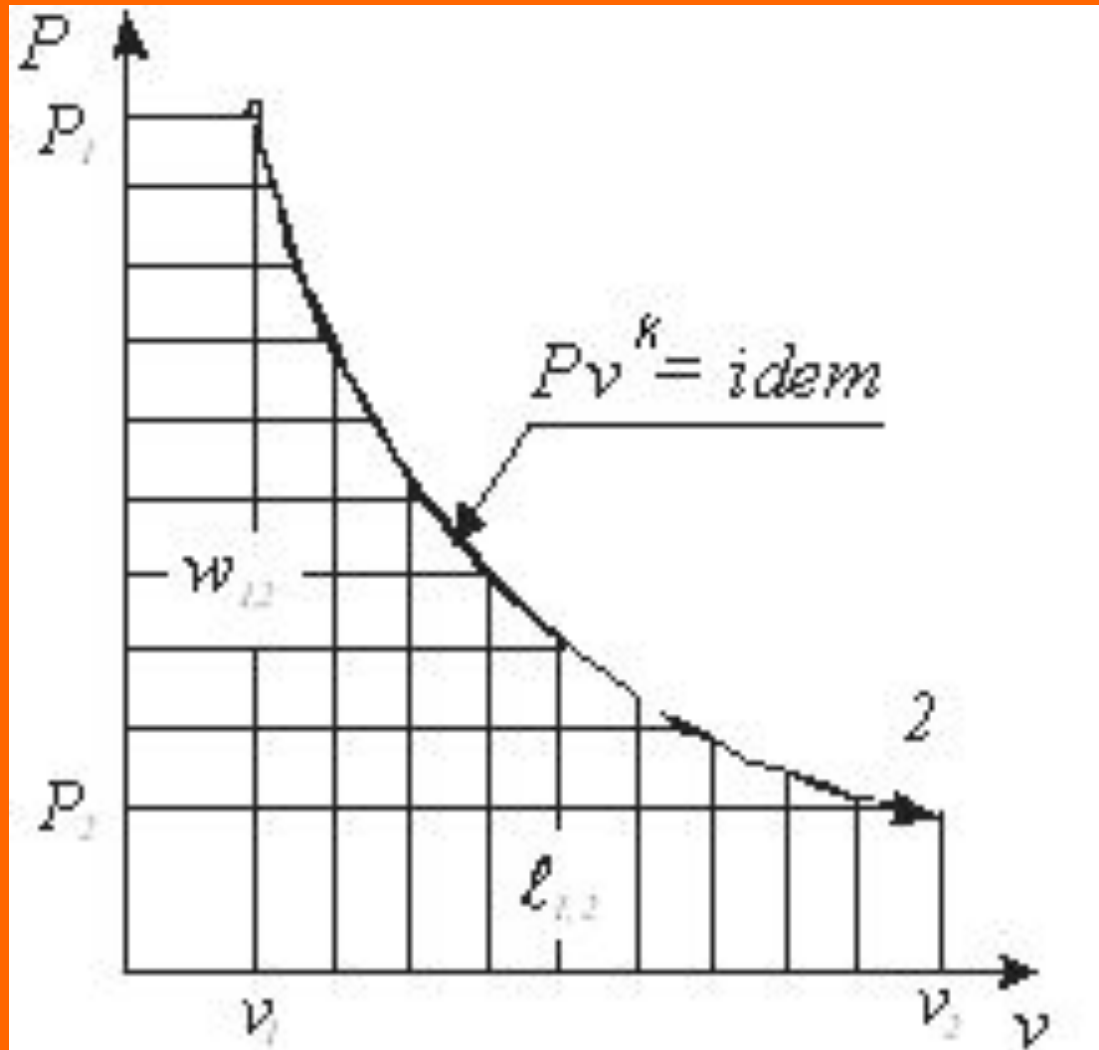
Количество теплоты, подведенной к рабочему телу или отведенной от него в изопотенциальном процессе определяется из выражения первого начала термодинамики по балансу рабочего тела

$$q_{1,2} = \Delta u + l_{1,2} = \Delta h + w_{1,2}$$

Для идеального газа $du=0; dh=0$

$$q_{1,2} = RT \cdot \ln \frac{\nu_2}{\nu_1} = RT \cdot \ln \frac{p_1}{p_2}$$

Адиабатный процесс - термодинамический процесс изменения состояния системы, при котором отсутствует теплообмен ($\delta q = 0$) и в силу обратимости процесса энтропия остается величиной постоянной ($s = idem$)



Из выражения первого начала термодинамики для простого тела при условии $(\delta q = 0)$ имеем $(s = idem)$

$$\delta q = \delta q^* + \delta q^{**} = du + pdv = dh - vdp = 0$$

Отсюда следует выражение для показателя адиабатного процесса

$$\frac{dh}{du} = -\frac{vdp}{pdv} = n_s = k$$

где $n_s = k$ – показатель адиабаты.

Расчетное выражение для расчета показателя адиабатного процесса

$$n_s = k = -\frac{\frac{dp}{p}}{\frac{dv}{v}} = \frac{-d \ln p}{d \ln v} = \frac{-d \log p}{d \log v}.$$

После интегрирования при условии постоянства показателя процесса имеем

$$n_s = k = \frac{\Delta h}{\Delta u} = \frac{w_{1,2}}{l_{1,2}} = \frac{\log \frac{p_1}{p_2}}{\log \frac{v_2}{v_1}}$$

Для идеального газа показатель адиабаты равен

$$k = c_p / c_v$$

Из уравнения адиабатного процесса получим выражение для связи параметров состояния

$$k \log \frac{v_2}{v_1} = \log \frac{p_1}{p_2},$$

потенцируя имеем

$$\frac{p_2}{p_1} \left(\frac{v_2}{v_1} \right)^k = \frac{v_2}{v_1} \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{1}{k}} = 1$$

$$pv^k = idem; \quad p^{\frac{1}{k}} v = idem;$$

Выражения конечных (интегральных) величин термодинамической и потенциальной работа в адиабатном процесс можно получить при сопоставлении их элементарных значений

$$\delta l = p dv, \dots \delta w = -v dp$$

$$\delta l - \delta w = p dv + v dp = d(pv)$$

С учетом определения показателя адиабаты имеем:

$$\delta l - \delta w = (1 - k)\delta l = d(pv)$$

$$\delta l = \frac{1}{1 - k} d(pv)$$

Интегрируя последнее выражение с учетом того, что $k=idem$, получим интегрального уравнения термодинамической работы

$$l_{1,2} = \int_1^2 \frac{1}{1-k} d(pv) = \frac{1}{1-k} (p_1v_1 - p_2v_2) = u_1 - u_2$$

Введем понятие характеристики процесса расширения или сжатия

$$\tau_{1,2} = \frac{p_2v_2}{p_1v_1}$$

Окончательно имеем уравнения для определения термодинамической и потенциальной работы

$$l_{1,2} = \frac{p_1 v_1}{k-1} (1 - \tau_{1,2}) = u_1 - u_2$$

$$w_{1,2} = k l_{1,2} = \frac{k}{k-1} p_1 v_1 (1 - \tau_{1,2}) = h_1 - h_2$$

Различные уравнения для определения характеристики расширения или сжатия $\tau_{1,2}$ определяются с учетом уравнения адиабаты

$$\frac{p_2 v_2}{p_1 v_1} = \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{k-1}{k}} = \left(\frac{v_1}{v_2} \right)^{k-1} = \tau_{1,2}$$

Применительно для идеального газа имеем:

$$l_{1,2} = \frac{RT_1}{k-1} (1 - \tau_{1,2}) = c_{vm} (t_1 - t_2)$$

$$w_{1,2} = kl_{1,2} = \frac{k}{k-1} R_1 T_1 (1 - \tau_{1,2}) = c_{pm} (t_1 - t_2)$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{p_2 v_2}{p_1 v_1} = \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{k-1}{k}} = \left(\frac{v_1}{v_2} \right)^{k-1} = \tau_{1,2}$$

Уравнения перечисленных простейших и любых других термодинамических процессов могут быть представлены одним уравнением. Это уравнение называется *уравнением политропы*, а термодинамические процессы, описываемые этим уравнением, называются *политропными*.

Политропные процессы

Политропным процессом с постоянным показателем называется обратимый термодинамический процесс изменения состояния простого тела, подчиняющийся уравнению

$$p v^n = \text{idem} = C; \quad p^{1/n} \cdot v = \text{idem} = C_1;$$

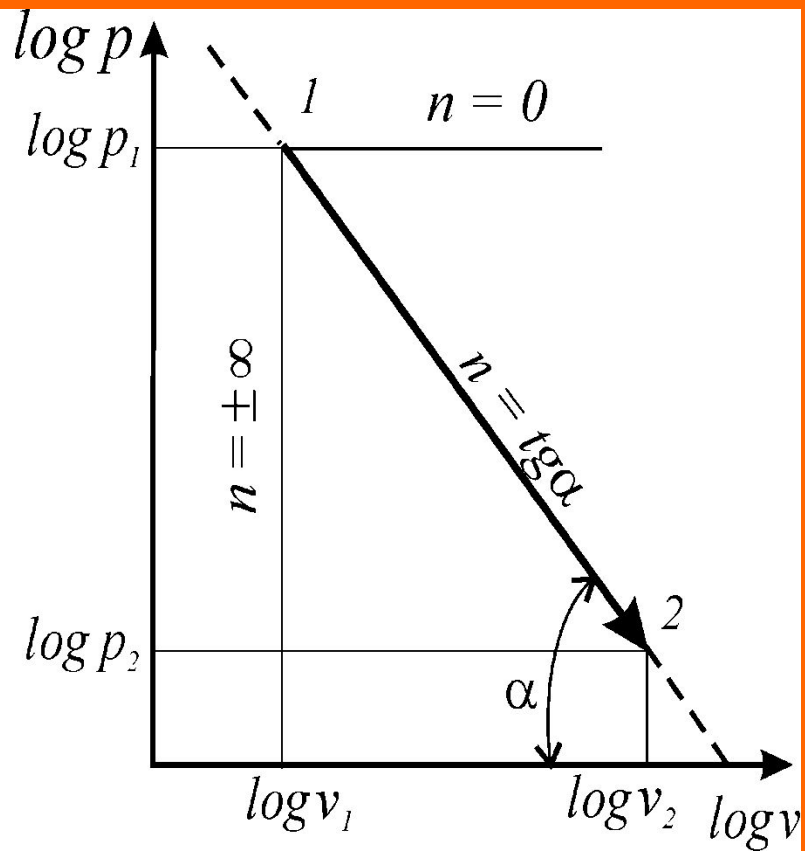
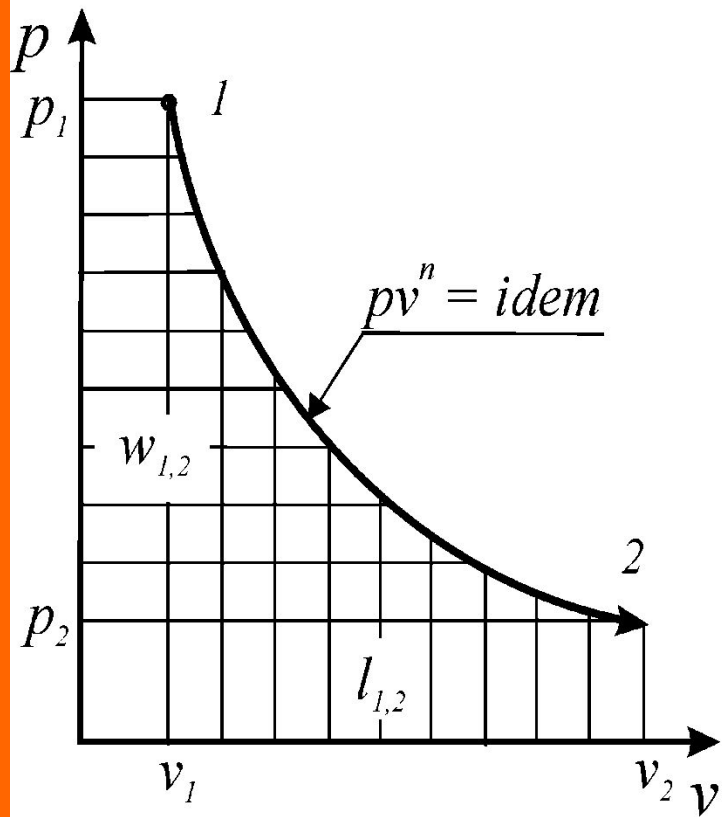
$$p_1 v_1^n = p_2 v_2^n$$

где n – показатель политропы, являющийся в рассматриваемом процессе постоянной величиной, которая может иметь любые частные значения - положительные и отрицательные ($-\infty \leq n \leq +\infty$).

Физический смысл *показателя политропы n* определяется после дифференцирования уравнения политропы $pv^n = idem = C$;

$$v^n \cdot dp + n \cdot v^{n-1} \cdot pdv = 0$$

$$n = -\frac{vdp}{pdv} = \frac{\delta w}{\delta l} = \frac{w_{1,2}}{l_{1,2}}$$



Это значит, что *постоянный показатель политропы* определяется соотношением потенциальной и термодинамической работ в элементарном или конечном процессах. Значения этих работ могут быть определены графически в координатах $p - v$

В логарифмических координатах политропный процесс (*политропа*) с постоянным показателем представляет собой прямую линию

$$\log p + n \cdot \log v = \log C$$

При этом, постоянный показатель политропы определяется как тангенс угла наклона линии процесса к оси абсцисс (α)

$$n = \frac{\delta w}{\delta l} = -\frac{vdp}{pdv} = \frac{d \log p}{d \log v} = \operatorname{tg} \alpha = \frac{\log(p_1 / p_2)}{\log(v_2 / v_1)}$$

Из соотношения показателя политропы следует, что для изобарного процесса $n_p = 0$, для изохорного процесса $n_v = \pm \infty$, для изопотенциального процесса $n_{pv} = 1$ (для идеального газа $n_{pv} = n_t = n_u = n_h = 1$, это означает, что для идеального газа изоротенциальный, изотермический, изоэнергетический и изоэнтальпийный процессы совпадают), для адиабатного процесс $n = k$.

Работа в политропных процессах

Выражения конечных (интегральных) величин

термодинамической и потенциальных работ в политропных процессах

$$l_{1,2} = \frac{p_1 v_1}{n-1} \cdot (1 - \tau_{1,2}); \quad w_{1,2} = n \cdot l_{1,2} = \frac{n}{n-1} \cdot p_1 v_1 \cdot (1 - \tau_{1,2})$$

$$\tau_{1,2} = \frac{p_2 v_2}{p_1 v_1} = \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} = \left(\frac{v_1}{v_2} \right)^{n-1}$$

для идеального газа $p v = R T$ и

$$\tau_{1,2} = \frac{p_2 v_2}{p_1 v_1} = \frac{T_2}{T_1}$$

Теплообмен в политропном процессе для простых тел выводится также на основе рассмотрения выражения первого начала термодинамики

$$\delta q = du + \delta l.$$

Удельная внутренняя энергия для простых тел может быть представлена в виде функции $u = u(p, v)$.

Тогда дифференциал внутренней энергии запишется в следующем виде:

$$du = \left(\frac{\partial u}{\partial v} \right)_p dv + \left(\frac{\partial u}{\partial p} \right)_v dp$$

Последнее выражение можно представить в виде

$$du = \frac{1}{p} \cdot \left(\frac{\partial u}{\partial v} \right)_p \cdot p dv + \frac{1}{v} \cdot \left(\frac{\partial u}{\partial p} \right)_v \cdot v dp$$

Введем следующие обозначения:

$$a_v = \frac{1}{p} \cdot \left(\frac{\partial u}{\partial v} \right)_p, \quad a_p = \frac{1}{v} \cdot \left(\frac{\partial u}{\partial p} \right)_v$$

При этом выражение примет вид:

$$\begin{aligned} du &= a_v \cdot \delta l - a_p \cdot \delta w = \\ &= a_v \cdot \delta l - a_p \cdot n \cdot \delta l = (a_v - n \cdot a_p) \cdot \delta l \end{aligned}$$

Подставив полученное уравнение в выражение первого начала термодинамики

$$\delta q = du + \delta l. \quad \text{получим}$$

$$\delta q = (a_v - n \cdot a_p + 1) \cdot \delta l.$$

Для определения величин (a_p и a_v) рассмотрим два термодинамических процесса:

Изоэнергетический процесс ($u = idem, du = 0, n = n_u$.)

Так как в изоэнергетическом процессе $\delta l \neq 0$,

$$a_v - n_u \cdot a_p = 0, \quad a_v = n_u \cdot a_p$$

Адиабатный процесс ($\delta q = 0$). Для этого процесса показатель политропы принимает значение $n = k$ и элементарная термодинамическая работа также не равна нулю

$$a_v - k \cdot a_p + 1 = 0, \quad n_u a_p - k a_p = -1 \quad \text{отсюда}$$

$$a_p = \frac{1}{k - n_u}, \quad a_v = \frac{n_u}{k - n_u}$$

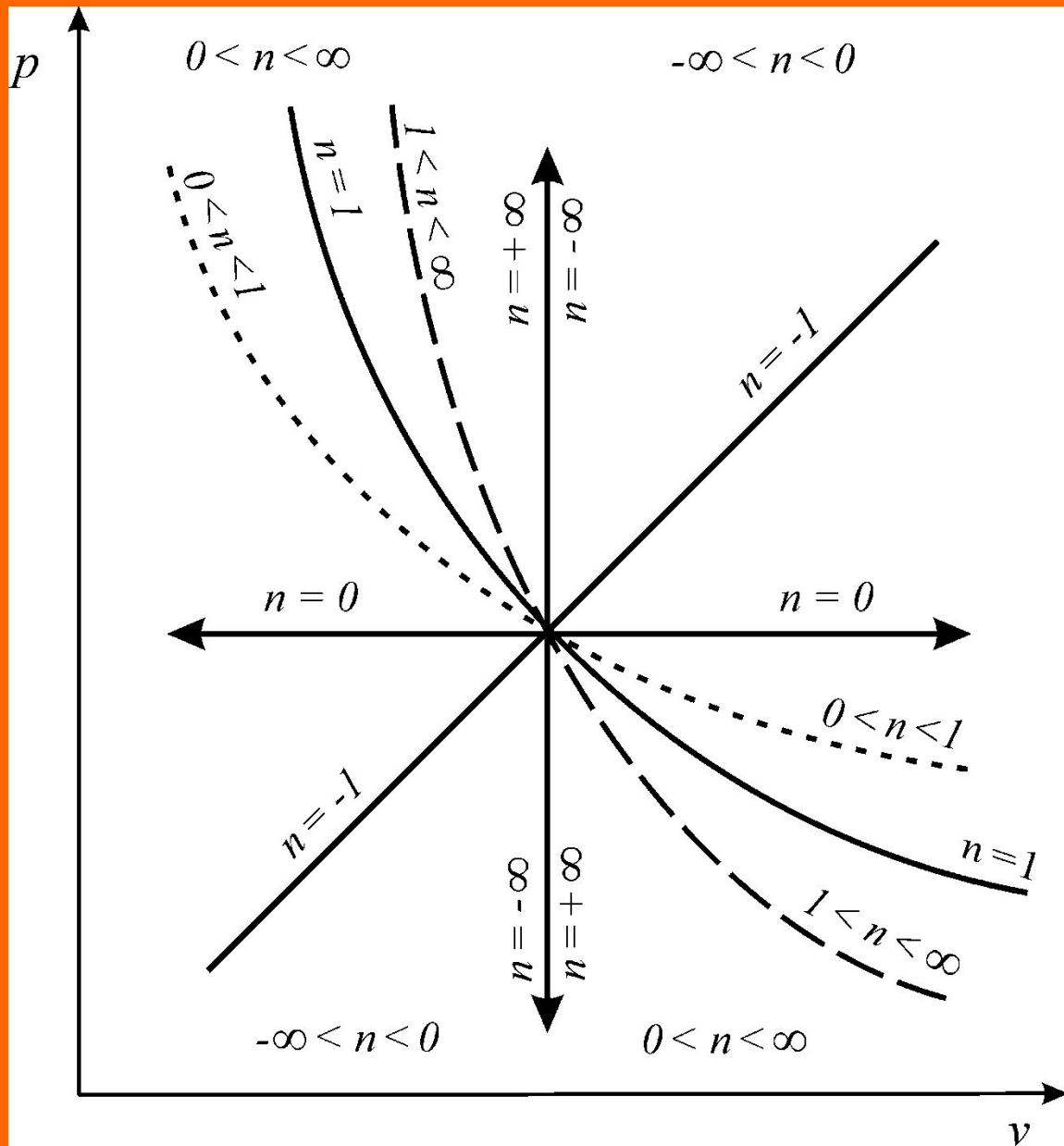
С учетом полученных соотношений для определения av и ap , находим выражения для расчета удельных значений изменения внутренней энергии и теплообмена в элементарном процессе:

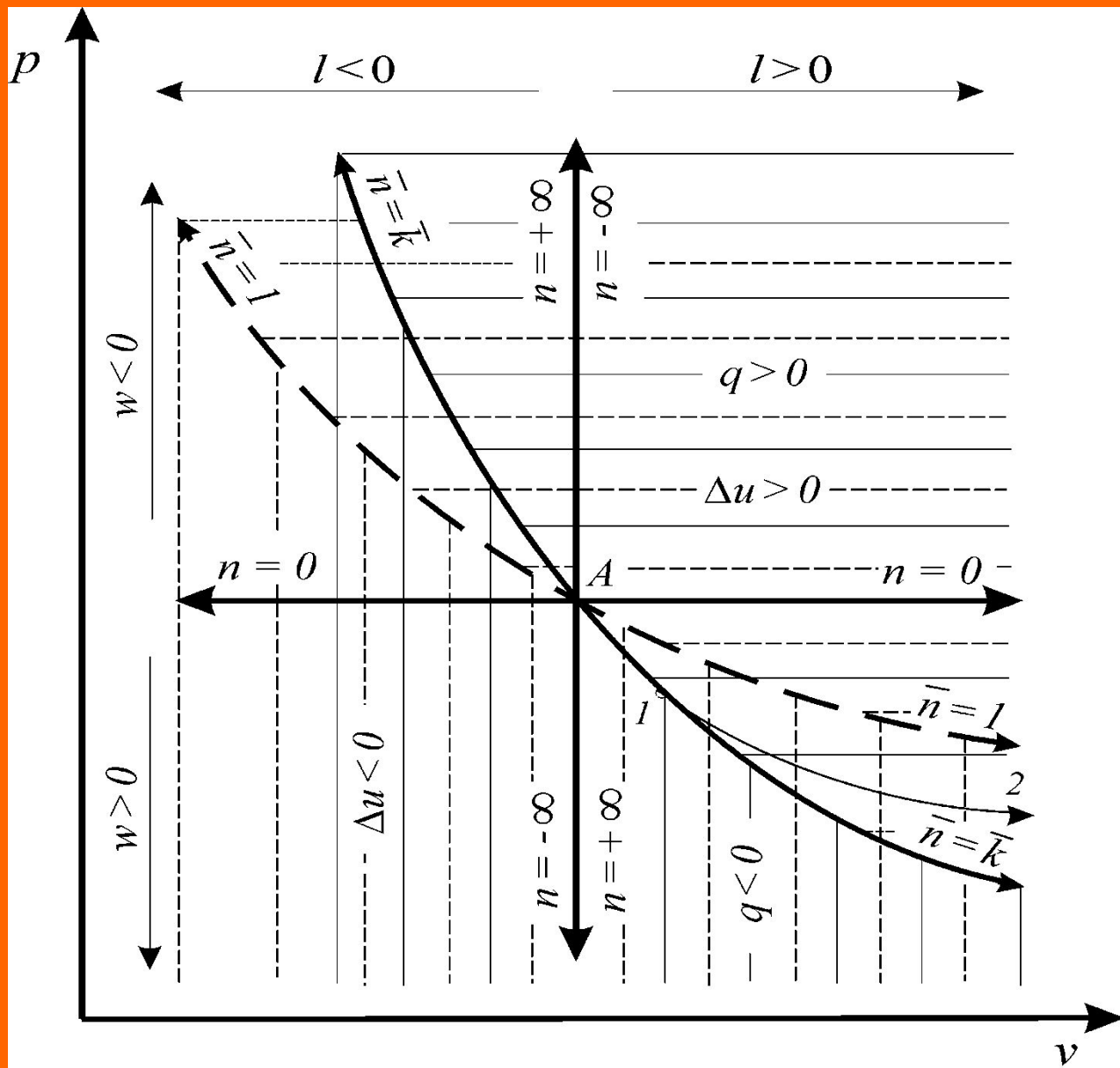
$$du = \frac{n_u - n}{k - n_u} \cdot \delta l, \quad \delta q = \frac{k - n}{k - n_u} \cdot \delta l$$

Соотношения для расчета удельных значений изменения внутренней энергии и теплообмена в конечном процессе имеют следующий вид:

$$\Delta u_{1,2} = \frac{n_u - n}{k - n_u} \cdot l_{1,2} \quad ; \quad q_{1,2} = \frac{k - n}{k - n_u} \cdot l_{1,2}$$

Для идеального газа $n_u = 1$





$\equiv q_{1,2} > 0$

$\equiv q_{1,2} < 0$

$\equiv \Delta u_{1,2} > 0$

$\equiv \Delta u_{1,2} < 0$