

Лекция. Различные подходы к измерению количества информации.

Преподаватель математики и информатики

Подосинникова Е.А.

Восприятие информации

Человек воспринимает информацию из внешнего мира с помощью всех своих органов чувств, которые являются информационными каналами, связывающими человека с внешним миром.

ЗРЕНИЕ

зрительные образы

СЛУХ

звуковые образы

ОБОНЯНИЕ

запахи

ВКУС

вкусовые ощущения

ОСЯЗАНИЕ

тактильные ощущения

Виды информации

По способу восприятия:

- *Визуальная*
- *Аудиальная*
- *Тактильная*
- *Вкусовая*
- *обонятельная*

Виды информации

По форме представления:

- Графическая
- Числовая
- Текстовая
- Звуковая
- Табличная



Количество информации – это числовая характеристика информации, отражающая ту степень неопределенности, которая исчезает после получения информации.

Существуют различные подходы к измерению количества информации:

- 1) Алфавитный
- 2) Содержательный
- 3) Вероятностный

1. АЛФАВИТНЫЙ ПОДХОД

Алфавитный подход основан на подсчете числа символов в сообщении и позволяет определить количество информации, заключенной в тексте. При алфавитном подходе, определяется количество информации **без учета содержания** и рассматривают информационное сообщение как **последовательность знаков** определенной знаковой системы.

Алфавитный подход является объективным, т.е. он не зависит от субъекта (человека), воспринимающего текст.

Данный подход удобен при использовании технических средств работы с информацией, т.к. не учитывается содержание сообщения.

Основоположником алфавитного подхода измерения информации является великий российский ученый-математик **Андрей Николаевич Колмогоров** (1903-1987).



Алфавитный подход – как способ измерения информации.

АЛФАВИТ – это вся совокупность символов, используемых в некотором языке для представления информации.

Обычно под алфавитом понимают только буквы, но поскольку в тексте могут встречаться знаки препинания, цифры, скобки, пробел, то они могут включаться в алфавит, если это оговорено в условии задачи.

Ограничений на максимальную (max) мощность алфавита нет, но есть достаточный алфавит мощностью 256 символов. Этот алфавит используется для представления текстов в компьютере.

Поскольку $256=2^8$, то **1 символ несет в тексте 8 бит информации.**

При алфавитном подходе считается, что каждый символ текста имеет определенный «информационный вес». Информационный вес символа зависит от мощности алфавита и обозначается *i*.

Алфавит, который содержит наименьшее число символов, используется в компьютере. Он содержит всего два символа 0 и 1 и называется двоичным алфавитом.

Информационный вес символа двоичного алфавита принят за единицу информации и называется **1 бит**.

*Например, чтобы посчитать количество информации в следующем двоичном тексте **11001111100101000101011**, нужно пересчитать все 0 и 1.*

В тексте содержится 24 бита информации.

При алфавитном подходе к измерению информации количество информации зависит не от содержания, а от размера текста и мощности алфавита.

МОЩНОСТЬ АЛФАВИТА (N) – это полное число символов в алфавите.

Например,

- 1) мощность русского алфавита составляет $N=33$;*
- 2) мощность английского алфавита $N= ?$*

3) алфавит десятичной системы счисления
– это множество цифр- 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9.
Мощность такого алфавита $N=10$.

4) Компьютерный алфавит, используемый
для представления текстов в
компьютере, использует 256 символов, т.
е. $N=256$

5) Алфавит двоичной системы кодирования
информации имеет всего два символа-
0 и **1**, поэтому $N=2$.

Замечание. С увеличением мощности алфавита
увеличивается информационный вес символов этого
алфавита.

Информационный вес каждого символа (i) и мощность алфавита (N) связаны формулой:

$$2^i = N$$

N

МОЩНОСТЬ АЛФАВИТА
число символов в алфавите (его размер)

i

ИНФОРМАЦИОННЫЙ ВЕС СИМВОЛА
количество информации в одном символе

Количество (объем) информации в сообщении (I) можно посчитать по формуле:

$$I = K \cdot i$$

K

ЧИСЛО СИМВОЛОВ В СООБЩЕНИИ

I

КОЛИЧЕСТВО ИНФОРМАЦИИ В СООБЩЕНИИ
(ИЛИ ИНФОРМАЦИОННЫЙ ОБЪЕМ ТЕКСТА)

Количество информации в сообщении или информационный объём текста (I), равен количеству информации, которое несет один символ (i), умноженное на количество символов K в сообщении, т.е. $I = K \cdot i$

Измерение информации

Вся информация, обрабатываемая компьютером, представлена двоичным кодом с помощью двух цифр – 0 и 1.

Эти два символа 0 и 1 принято называть битами

Бит – наименьшая единица измерения объема информации.

Единицы измерения

Название	Усл. обозн.	Соотношение
Байт	Байт	1 байт = 8 бит
Килобайт	Кб	1 Кб = 1024 байт
Мегабайт	Мб	1 Мб = 1024 Кб
Гигабайт	Гб	1 Гб = 1024 Мб
Терабайт	Тб	1 Тб = 1024 Гб

Единицы измерения

Переведите

- 3,2 Гигабайт в Мегабайты
- 2078 байт в Килобайты
- 16 бит в байты



ЕДИНИЦЫ ИЗМЕРЕНИЯ ИНФОРМАЦИИ



СИМВОЛЬНЫЙ АЛФАВИТ КОМПЬЮТЕРА

- *русские (РУССКИЕ) буквы*
- *латинские (LAT) буквы*
- *цифры (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0)*
- *математические знаки (+, -, *, /, ^, =)*
- *прочие символы («», №, %, <, >, :, ;, #, &)*

$$N = 2^i$$

$$N = 256 = 2^8$$

$$i = 8 \text{ бит} = 1 \text{ байт}$$

1 байт - это **информационный** вес **одного символа** компьютерного алфавита.

1 килобайт

=

1 Кб

=

2^{10} байт

=

1024
байта

1 мегабайт

=

1 Мб

=

2^{10} Кб

=

1024 Кб

1 гигабайт

=

1 Гб

=

2^{10} Мб

=

1024 Мб

Скорость передачи информации

Прием-передача информации могут происходить с разной скоростью.

Количество информации, передаваемое за единицу времени, есть скорость передачи информации или скорость информационного потока.

Единицы измерения скорости передачи информации: бит в секунду (бит/с), байт в секунду (байт/с), килобайт в секунду (Кбайт/с) и т.д.

Пример 1. Подсчитайте объем информации, содержащейся в романе А. Дюма "Три мушкетера", и определите, **сколько** близких по объему **книг** можно разместить **на одном лазерном диске** емкостью 600 Мбайт? (в книге 590 стр., 48 строк на одной странице, 53 символа в строке).

Решение.

- 1) $590 \cdot 48 \cdot 53 = 1500960$ (символов).
- 2) Информационный вес одного символа, по определению, составляет 1 байт, тогда:
 $1500960 \text{ байт} = 1466 \text{ Кбайт} = 1,4 \text{ Мбайт}$.
- 3) На одном лазерном диске емкостью 600 Мбайт можно разместить $600 : 1,4 = 428,57$, т.е. около 428 произведений, близких по объему к роману А. Дюма "Три мушкетера".

Ответ: $I = 1,4 \text{ Мб}$; 428 книг.

Пример 2. На диске объемом 100 Мбайт подготовлена к выдаче на экран дисплея информация: 24 строчки по 80 символов, эта информация заполняет экран целиком. Какую часть диска она занимает?

Решение.

- 1) $K = 24 * 80 = 1920$ (символов)
 - 2) Т.к. информационный вес одного символа компьютерного алфавита составляет 1 байт, то $I = 1920$ байт.
 - 3) Объем диска $100 * 1024 * 1024$ байт = 104857600 байт
 - 4) $1920 / 104857600 = 0,000018$ (часть диска).
- Ответ: 0,000018 часть диска.

Домашнее задание.

ЗАДАЧА 1

Книга, подготовленная с помощью компьютера, содержит 150 страниц. На каждой странице – 40 строк, в каждой строке – 60 символов (включая пробелы между словами). Каков объем информации в книге?

ЗАДАЧА 2

Текст составлен с помощью алфавита мощностью в 64 символа и содержит 100 символов. Каков информационный объем текста.

ЗАДАЧА 3

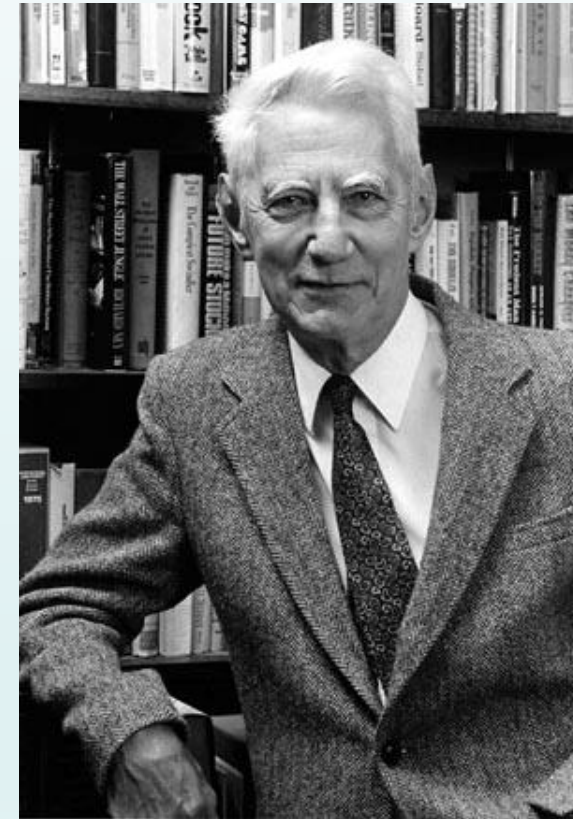
Сообщение записано буквами из 16 символьного алфавита, содержит 50 символов. Какой объем информации оно несет.

ЗАДАЧА 4

Два текста содержат одинаковое количество символов. Первый текст составлен в алфавите мощностью 32 символа, второй – мощностью 64 символа. Во сколько раз отличаются количество информации в этих текстах.

2. СОДЕРЖАТЕЛЬНЫЙ ПОДХОД (количество информации зависит от ее содержания)

Основоположником этого подхода является американский учёный Клод Элвуд Шеннон (1916 — 2001). По Шеннону, **информация — это мера уменьшения неопределенности наших знаний.** Неопределенность некоторого события — это количество возможных исходов данного события.



- **Информация** — это знания людей, получаемые ими из различных сообщений.
- **Сообщение** — это информационный поток (поток данных), который в процессе передачи информации поступает к принимающему его субъекту.

Сообщение

Информативное, если оно пополняет знания человека, т.е. несет для него информацию.

Количество информации в информативном сообщении больше нуля.

Неинформативное, если это:

- 1) «старые» сведения, т.е. человек это уже знает;
- 2) содержание сообщения непонятно человеку.

Количество информации в неинформативном сообщении равно нулю.

ОПРЕДЕЛЕНИЯ

Вероятность некоторого события — это величина, которая может принимать значения от нуля до единицы.

Вероятность некоторого события ***определяется*** путем многократных наблюдений (измерений, испытаний). Такие измерения называют статистическими. И чем большее количество измерений выполнено, тем точнее определяется вероятность события.

Формула, используемая для вычисления количества информации, зависит от ситуаций, которых может быть две:

1. Все возможные варианты события равновероятны. Их число равно N .

2. Вероятности (p) возможных вариантов события разные и они заранее известны:

$$\{p_i\}, i = 1..N.$$

Здесь по-прежнему N -число возможных вариантов события.



Равновероятные события.

События равновероятны, если ни одно из них не имеет преимуществ перед другими.

Если обозначить буквой i количество информации в сообщении о том, что произошло одно из N равновероятных событий, то величины i и N связаны между собой формулой **Хартли**: $2^i = N$

1 бит — это количество информации в сообщении об одном из двух равновероятных событий.

Формула Хартли — это показательное уравнение. Если i неизвестная величина, то решением данного уравнения будет:

$$i = \log_2 N$$

Данные формулы тождественны друг другу.

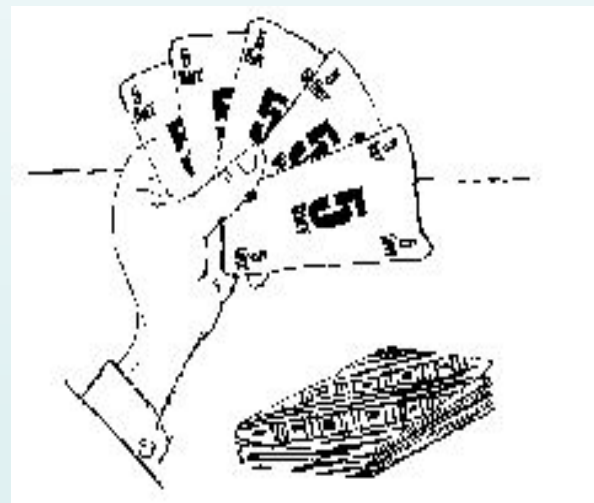
Примеры.

Пример 1. Сколько информации содержит сообщение о том, что из колоды карт достали даму пик?

Решение: В колоде 32 карты. В перемешанной колоде выпадение любой карты — равновероятные события. Если i — количество информации в сообщении о том, что выпала конкретная карта (например, дама пик), то из уравнения Хартли:

$$2^i = 32 = 2^5$$

Ответ: $i = 5$ бит.



Пример 2. Сколько информации содержит сообщение о выпадении грани с числом 3 на шестигранном игральном кубике?

Решение. Считая выпадение любой грани событием равновероятным, запишем формулу Хартли:

$$2^i = 6.$$

Ответ: $i = \log_2 6 = 2,58496$ бит.



Данную задачу можно решить иначе:

Из уравнения Хартли имеем: $2^i = 6$.

Так как $2^2 < 6 < 2^3$, следовательно,
 $2 < i < 3$.

Затем определяем более точное значение
(с точностью до пяти знаков после
запятой), что $i = 2,58496$ бит.

Замечание. При данном подходе к
вычислению количества информации
ответ будет выражен дробной величиной.

3. Вероятностный подход

Осуществим при неравновероятных событиях.

Неравновероятные события – это события, имеющие разную вероятность реализации.

Если вероятность некоторого события равна p , а i (бит) — это количество информации в сообщении о том, что произошло это событие, то данные величины связаны между собой формулой:

$$2^i = 1/p$$

Решая данное показательное уравнение относительно i , получаем:

$$i = \log_2(1/p) \text{ формула Шеннона}$$

Пример 3. На автобусной остановке останавливаются два маршрута автобусов: № 5 и № 7. Студенту дано задание: определить, сколько информации содержит сообщение о том, что к остановке подошел автобус № 5, и сколько информации в сообщении о том, что подошел автобус № 7.



Решение. Студент провел исследование. В течение всего рабочего дня он подсчитал, что к остановке автобусы подходили 100 раз. Из них — 25 раз подходил автобус № 5 и 75 раз подходил автобус № 7. Сделав предположение, что с такой же частотой автобусы ходят и в другие дни, ученик вычислил вероятность появления на остановке автобуса № 5: $p_5 = 25/100 = 1/4$, и вероятность появления автобуса № 7:

$$p_7 = 75/100 = 3/4.$$

Отсюда, количество информации в сообщении об автобусе № 5 равно: $i_5 = \log_2 4 = 2$ бита. Количество информации в сообщении об автобусе № 7 равно: $i_7 = \log_2(4/3) = \log_2 4 - \log_2 3 = 2 - 1,58496 = 0,41504$ бита.

Ответ: $i_5 = 2$ бита; $i_7 = 0,41504$ бита.

Пример 4. Рассмотрим другой вариант задачи об автобусах. На остановке останавливаются автобусы № 5 и № 7. Сообщение о том, что к остановке подошел автобус № 5, несет 4 бита информации. Вероятность появления на остановке автобуса с № 7 в два раза меньше, чем вероятность появления автобуса № 5. Сколько бит информации несет сообщение о появлении на остановке автобуса № 7?

Решение. $i_5 = 4$ бита, $p_5 = 2 \cdot p_7$

Вспомним связь между вероятностью и количеством информации: $2^i = 1/p$

Отсюда: $p = 2^{-i}$

Подставляя в равенство из условия задачи, получим:

$$2^{-i_5} = 2 \times 2^{-i_7}; \quad 2^{-4} = 2 \times 2^{-i_7} = 2^{1-i_7};$$

Отсюда:

$$i_7 - 1 = 4; \quad i_7 = 5 \text{ бит}$$

Вывод: уменьшение вероятности события в 2 раза увеличивает информативность сообщения о нем на 1 бит.

Очевидно и обратное правило: увеличение вероятности события в 2 раза уменьшает информативность сообщения о нем на 1 бит. Зная эти правила, предыдущую задачу можно было решить «в уме».

Решение задач
