ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ. РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ.

БРОСАНИЕ МОНЕТЫ

МОНЕТА БРОШЕНА ДВА РАЗА. КАКОВА ВЕРОЯТНОСТЬ ВЫПАДЕНИЯ ОДНОГО «ОРЛА» И ОДНОЙ «РЕШКИ»?

```
Решение:
```

При бросании одной монеты возможны два исхода – «орёл» или «решка».

При бросании двух монет – 4 исхода (2*2=4):

«орёл» - «решка» или ОР

«решка» - «решка» РР

«решка» - «орёл» РО

«орёл» - «орёл» ОО

Один «орёл» и одна «решка» выпадут в двух случаях из четырёх. P(A)=2:4=0,5.

Ответ. 0,5.

МОНЕТА БРОШЕНА ТРИ РАЗА. КАКОВА ВЕРОЯТНОСТЬ ВЫПАДЕНИЯ ДВУХ «ОРЛОВ» И ОДНОЙ «РЕШКИ»?

Решение.

```
При бросании трёх монет возможны 8 исходов (2*2*2=8): «орёл» - «решка» - «решка» или ОРР
```

«решка» - «решка» РРР

«решка» - «орёл» - «решка» РОР

«орёл» - «орёл» - «решка» ООР

«решка» - «решка» - «орёл» РРО

«решка» - «орёл» РОО

«орёл» - «решка» - «орёл» ОРО

«орёл» - «орёл» — ООО

Два «орла» и одна «решка» выпадут в трёх случаях из восьми.

P(A)=3:8=0,375.

Ответ. 0,375.

ИГРА В КОСТИ (КУБИК)

ОПРЕДЕЛИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО ПРИ БРОСАНИИ **КУБИКА** ВЫПАЛО БОЛЬШЕ ТРЁХ ОЧКОВ.

Решение.

Всего возможных исходов N=6.

Числа <u>большие трех</u> - 4, 5, 6,

N(A)=3(благоприятные для нас)

P(A) = 3:6=0,5.

Ответ: 0,5.

БРОШЕНА ИГРАЛЬНАЯ КОСТЬ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО ВЫПАДЕТ ЧЁТНОЕ ЧИСЛО ОЧКОВ.

Решение.

Всего возможных исходов - 6.

1, 3, 5 — нечётные числа; 2, 4, 6 — чётные числа. Вероятность выпадения чётного числа очков равна 3:6=0,5.

Ответ: 0,5.

В СЛУЧАЙНОМ ЭКСПЕРИМЕНТЕ БРОСАЮТ ДВЕ ИГРАЛЬНЫЕ КОСТИ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО В СУММЕ ВЫПАДЕТ 8 ОЧКОВ. РЕЗУЛЬТАТ ОКРУГЛИТЕ ДО СОТЫХ.

Решение.

У данного действия — бросания двух игральных костей — всего 36 возможных исходов, так как 6² = 36.

Благоприятные исходы:

26

35

44

53

62

Вероятность выпадения восьми очков равна **5:36** ≈ **0,14**. Ответ. **0,14**.

ДВАЖДЫ БРОСАЮТ ИГРАЛЬНЫЙ КУБИК. В СУММЕ ВЫПАЛО 6 ОЧКОВ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО ПРИ ОДНОМ ИЗ БРОСКОВ ВЫПАЛО 5 ОЧКОВ.

Решение.

Всего исходов выпадения 6 очков - 5:

24; 42; 33; 15; 51.

Благоприятных исходов - 2.

P(A)=2:5=0,4.

Ответ. 0,4.

ЛОТЕРЕЯ

НА ЭКЗАМЕНЕ 50 БИЛЕТОВ, РУСЛАН НЕ ВЫУЧИЛ

5 ИЗ НИХ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО ЕМУ ПОПАДЕТСЯ ВЫУЧЕННЫЙ БИЛЕТ.

Решение.

- 1)Всего билетов (исходов) N=50
- 2) Руслан выучил: N(A)=50-5=45 билетов(благоприятные исходы)
- 3) P(A)=45:50=0,9.Ответ.0,9.

ТЕЛЕВИЗОР У МАШИ СЛОМАЛСЯ И ПОКАЗЫВАЕТ ТОЛЬКО ОДИН СЛУЧАЙНЫЙ КАНАЛ. МАША ВКЛЮ ЧАЕТ ТЕЛЕВИЗОР. В ЭТО ВРЕМЯ ПО ТРЕМ КАНАЛАМ ИЗ ДВАДЦАТИ ПОКАЗЫВАЮТ КИНОКОМЕДИИ. НАЙ ДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО МАША ПОПАДЕТ НА КАНАЛ, ГДЕ КОМЕДИЯ НЕ ИДЕТ.

РЕШЕНИЕ.

- 1) 20-3=17 КАНАЛОВ, ГДЕ НЕ ИДЕТ КОМЕДИЯ.
- 2) 17: 20 = 0.85.

OTBET: 0,85.

НА ТАРЕЛКЕ ЛЕЖАТ ПИРОЖКИ, ОДИНАКОВЫЕ НА ВИД: 4 С МЯСОМ, 8 С КАПУСТОЙ И 3 С ВИШНЕЙ. ПЕТЯ НАУГАД ВЫБИРАЕТ ОДИН ПИРОЖОК. НАЙ ДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО ПИРОЖОК ОКА ЖЕТСЯ С ВИШНЕЙ.

Решение.

- 1) 4+8+3=15 всего пирожков (событий).
- 2) 3: 15= 0,2 вероятность того, что взят пирожок с вишней.

Ответ: 0,2.

В КАЖДОЙ ПЯТОЙ БАНКЕ КОФЕ СОГЛАСНО УСЛО ВИЯМ АКЦИИ ЕСТЬ ПРИЗ. ПРИЗЫ РАСПРЕДЕЛЕНЫ ПО БАНКАМ СЛУЧАЙНО. ГАЛЯ ПОКУПАЕТ БАНКУ КОФЕ В НАДЕЖДЕ ВЫИГРАТЬ ПРИЗ. НАЙДИТЕ ВЕ РОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО ГАЛЯ НЕ НАЙДЁТ ПРИЗ В СВОЕЙ БАНКЕ.

Решение:

- 1) 1:5=0,2 вероятность выиграть приз.
- 2) 1-0,2=0,8 вероятность купить банку без приза.

Ответ: 0,8.

СОРЕВНОВАНИЯ

В ЧЕМПИОНАТЕ ПО ГИМНАСТИКЕ УЧАСТВУЮТ 20 СПОРТСМЕНОВ: 8 ИЗ РОССИИ, 7 ИЗ США, ОСТАЛЬНЫЕ ИЗ КИТАЯ. ПОРЯДОК ВЫСТУПЛЕНИЯ ОПРЕДЕЛЯЕТСЯ ЖРЕБИЕМ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО СПОРТСМЕНКА, ВЫСТУПАЮЩАЯ ПЕРВОЙ, ОКАЖЕТСЯ ИЗ КИТАЯ.

Решение.

Всего исходов 20.

Благоприятных исходов 20- (8+7)=5.

P(A)=5:20=0,25.

Ответ.0,25.

НА СОРЕВНОВАНИЯ ПО МЕТАНИЮ ЯДРА ПРИЕХАЛИ 4 СПОРТСМЕНА ИЗ ЧЕХИИ, 5 ИЗ СЕРБИИ И 3 ИЗ ПОРТУГАЛИИ. ПОРЯДОК ВЫСТУПЛЕНИЙ ОПРЕДЕЛЯЕТСЯ ЖЕРЕБЬЁВКОЙ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО СПОРТСМЕН, ВЫСТУПАЮЩИЙ ПЯТЫМ, БУДЕТ ИЗ ПОРТУГАЛИИ. Решение:

Число всех возможных исходов – 12 (4 + 5 + 3 = 12).

Число благоприятных исходов – 3.

P(A)=3:12=0,25.

Ответ. 0,25.

ПЕРЕД НАЧАЛОМ ПЕРВОГО ТУРА ЧЕМПИОНАТА ПО БАДМИНТОНУ УЧАСТНИКОВ РАЗБИВАЮТ НА ИГРОВЫЕ ПАРЫ СЛУЧАЙНЫМ ОБРАЗОМ С ПОМОЩЬЮ ЖРЕБИЯ. ВСЕГО В ЧЕМПИОНАТЕ УЧАСТВУЕТ 26 БАДМИНТОНИСТОВ, СРЕДИ КОТОРЫХ 12 УЧАСТНИКОВ ИЗ РОССИИ, В ТОМ ЧИСЛЕ СВЯТОСЛАВ КРУЖКИН. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО В ПЕРВОМ ТУРЕ СВЯТОСЛАВ КРУЖКИН БУДЕТ ИГРАТЬ С КАКИМ-ЛИБО БАДМИНТОНИСТОМ ИЗ РОССИИ?

Решение.

Всего исходов – 25 (Святослав Кружкин с 25 бадминтонистами).

Благоприятных исходов - (12-1)=11.

P(A)=11:25=0,44.

Ответ. 0,44.

КОНКУРС ИСПОЛНИТЕЛЕЙ ПРОВОДИТСЯ В 5 ДНЕЙ. ВСЕГО ЗАЯВЛЕНО 75 ВЫСТУПЛЕНИЙ — ПО ОДНОМУ ОТ КАЖДОЙ СТРАНЫ. В ПЕРВЫЙ ДЕНЬ 27 ВЫСТУПЛЕНИЙ, ОСТАЛЬНЫЕ РАСПРЕДЕЛЕНЫ ПОРОВНУ МЕЖДУ ОСТАВШИМИСЯ ДНЯМИ. ПОРЯДОК ВЫСТУПЛЕНИЙ ОПРЕДЕЛЯЕТСЯ ЖЕРЕБЬЁВКОЙ. КАКОВА ВЕРОЯТНОСТЬ, ЧТО ВЫСТУПЛЕНИЕ ПРЕДСТАВИТЕЛЯ РОССИИ СОСТОИТСЯ В ТРЕТИЙ ДЕНЬ КОНКУРСА?

Решение. Всего исходов - 75.

Исполнители из России выступают на третий день.

Благоприятных исходов: (75-27):4=12.

P(A)=12:75=0,16.

Ответ. 0,16.

ЧИСЛА

КОЛЯ ВЫБИРАЕТ ДВУЗНАЧНОЕ ЧИСЛО. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО ОНО ДЕЛИТСЯ НА 5.

Решение.

Двузначные числа: 10;11;12;...;99.

Всего исходов - 90.

Числа, делящиеся на 5:

10, 15, 20, 25,...,90, 95.

Благоприятных исходов - 18.

P(A)=18:90=0,2.

Ответ. 0,2.

РАЗНЫЕ ЗАДАЧИ НА ОПРЕДЕЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ

ФАБРИКА ВЫПУСКАЕТ СУМКИ. В СРЕДНЕМ НА 170 КАЧЕСТВЕННЫХ СУМОК ПРИХОДИТСЯ ШЕСТЬ СУМОК СО СКРЫТЫМИ ДЕФЕКТАМИ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО КУПЛЕННАЯ СУМКА ОКАЖЕТСЯ КАЧЕСТВЕННОЙ. РЕЗУЛЬТАТ ОКРУГЛИТЕ ДО СОТЫХ.

Решение.

Всего исходов - 176.

Благоприятных исходов - 170.

 $P(A)=170:176 \approx 0.97.$

Ответ. 0,97.

В СРЕДНЕМ <mark>ИЗ</mark> КАЖДЫХ 100 ПОСТУПИВШИХ В ПРОДАЖУ АККУМУЛЯТОРОВ 94

АККУМУЛЯТОРА ЗАРЯЖЕНЫ. НАЙДИТЕ ВЕРОЯТНОСТЬ ТОГО, ЧТО КУПЛЕННЫЙ АККУМУЛЯТОР НЕ ЗАРЯЖЕН.

Решение.

Всего исходов: 100.

Благоприятных исходов: 100-94=6.

P(A)=6:100=0,06.

Ответ:0,06.

ИСТОЧНИКИ

- http://mathgia.ru
- http://http://www.schoolmathematics.ru