



**РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМ. А. И. ГЕРЦЕНА**

**Кафедра управления образованием и кадрового менеджмента**

---

# **Кортежирование графов**

**Выполнила студентка гр. ЗМВО 5-18:  
Остапенко К.В.**

# Понятие кортежа

- Понятие кортежа, как и понятие множества, является одним из основных математических понятий, поэтому для него также не существует определения через другие понятия. Интуитивно кортеж можно определить как *упорядоченный* набор компонентов. Кортежи одинаковы (равны), если они состоят из одних и тех же компонентов, причем порядок этих компонентов также одинаков.

## Компоненты кортежей обычно перечисляются в круглых скобках.

- Например,  $a = (3, 8, 2)$  – кортеж. Числа 3, 8, 2 – его компоненты.
- Другой пример кортежа –  $c = (8, 2, 3)$ . Кортежи  $a$  и  $c$  – разные.
- В кортеже могут быть одинаковые элементы. Например,  $x = (8, 3, 2, 3)$  и  $y = (3, 8, 2, 3)$  – кортежи, причем разные.

- Количество компонентов в кортеже называется его длиной. Например, длина кортежей  $a$  и  $c$  равна трем, а кортежей  $x$  и  $y$  – четырем. Кортёжи из двух компонентов называют парами, из трех – тройками, и т.д.
- Простейший пример кортежа – вектор, задающий координаты точки на плоскости или в пространстве. Очевидно, что, например, точки на плоскости с координатами  $(5, 7)$  и  $(7, 5)$  – разные.
- Как и для множеств, компоненты кортежей могут быть любыми (не только числами). Например, перечень студентов учебной группы, упорядоченный по их среднему баллу за время учебы, можно считать кортежем.

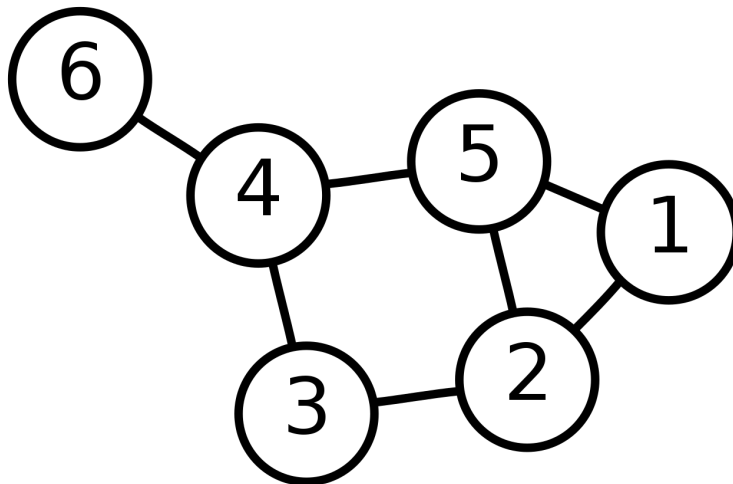
# История возникновения теории графов



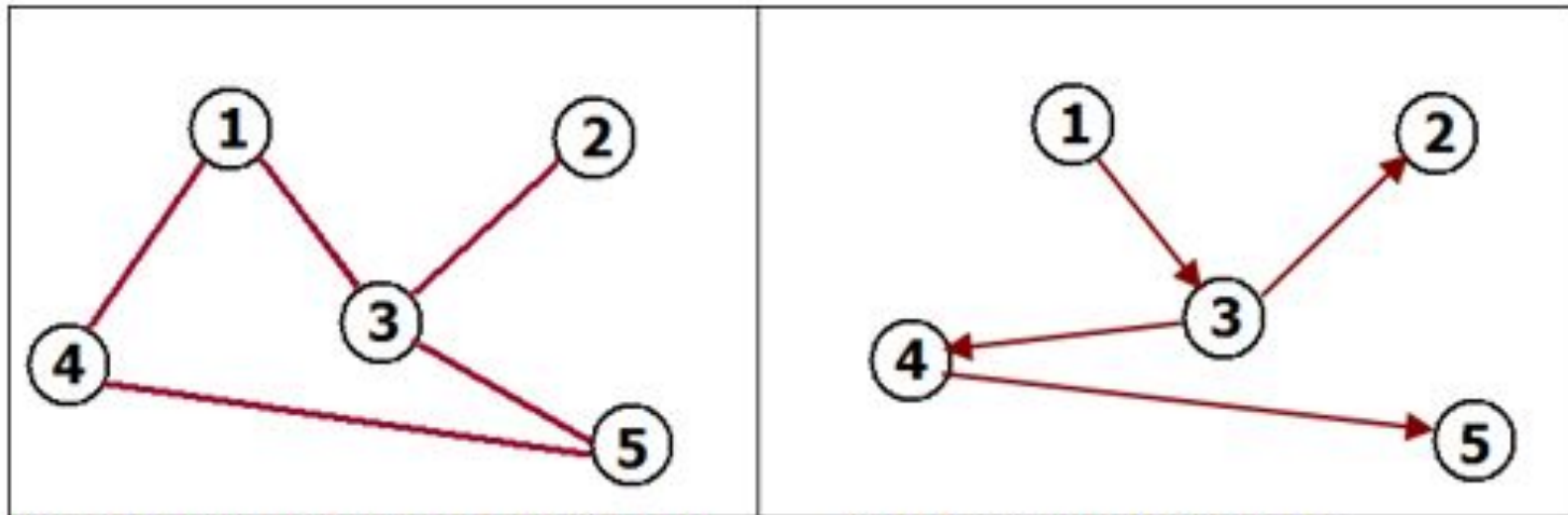
- Родоначальником теории графов считается Леонард Эйлер. В 1736 году в одном из своих писем он формулирует и предлагает решение задачи о семи кёнигсбергских мостах, ставшей впоследствии одной из классических задач теории графов. Термин «граф» впервые ввел Сильвестр, Джеймс Джозеф в 1878 году в своей статье в Nature.

# Понятие графа

- В математике, Граф — это абстрактное представление множества объектов и связей между ними. Графом называют пару  $(V, E)$  где  $V$  это множество вершин, а  $E$  множество пар, каждая из которых представляет собой связь (эти пары называют рёбрами).



- Граф может быть ориентированным или неориентированным. В ориентированном графе, связи являются направленными (то есть пары в  $E$  являются упорядоченными, например, пары  $(a, b)$  и  $(b, a)$  это две разные связи). В свою очередь в неориентированном графе, связи ненаправленные, и поэтому если существует связь  $(a, b)$  то значит, что существует связь  $(b, a)$ .



# Степень

- Степень вершины может быть входящая и исходящая (для неориентированных графов входящая степень равна исходящей).
- Входящая степень вершины  $v$  это количество ребер вида  $(i, v)$ , то есть количество ребер которые «входят» в  $v$ .
- Исходящая степень вершины  $v$  это количество ребер вида  $(v, i)$ , то есть количество ребер которые «выходят» из  $v$ .
- Это не совсем формальное определение (более формально определение через инцидентность), но оно вполне отражает суть



# Путь

- Путь в графе это конечная последовательность вершин, в которой каждые две вершины идущие подряд соединены ребром. Путь может быть ориентированным или неориентированным в зависимости от графа. У графов есть ещё много разных свойств (например они могут быть связными, двудольными, полными), но я не буду описывать все эти свойства сейчас, а в следующих частях когда эти понятия понадобятся нам.

- Пусть даны множества  $X_1, X_2, \dots, X_n$ . Кортежем длины  $n$ , составленным из элементов этих множеств, называется конечная последовательность  $a = (x_1, x_2, \dots, x_k)$ , где для всех  $k$ ,  $1 \leq k \leq n$ ,  $x_k \in X_k$ .
- Элемент  $x_k$  называется  $k$ -й координатой или  $k$ -й компонентой кортежа  $a$ .
- Два кортежа равны в том и только том случае, когда они имеют одинаковую длину и их соответствующие координаты равны, т.е. кортежи  $a = (x_1, \dots, x_m)$  и  $\beta = (y_1, \dots, y_n)$  равны только в том случае, когда  $m = n$  и  $x_k = y_k$  для всех  $1 \leq k \leq n$ .

# Кортежи длины

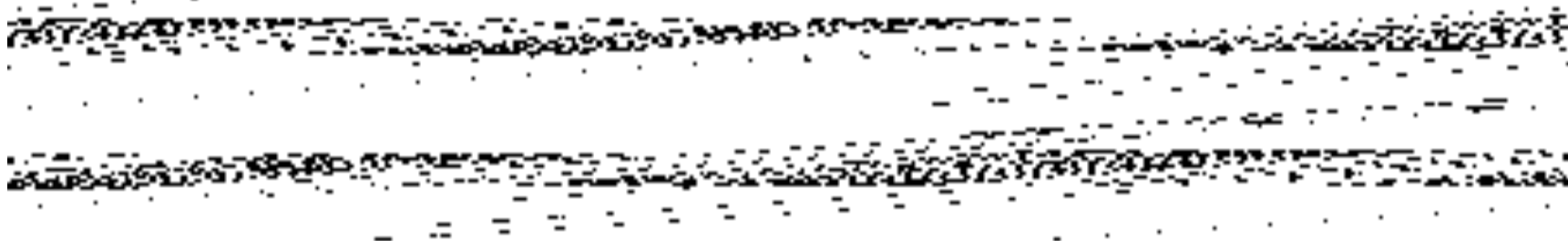
- Кортежи длины два называются упорядоченными парами, длины три — упорядоченными тройками, длины  $n$  — упорядоченными  $n$ -ками. Для краткости слово “упорядоченные” обычно опускают.
- Кортеж, не содержащий ни одной координаты, имеет длину 0 и называется пустым.

- Пусть даны множества  $A, B$ . Прямым (декартовым) произведением множеств  $A$  и  $B$  называется множество, состоящее из пар  $(a, b)$ , где  $a \in A$  и  $b \in B$ , обозначается  $A \times B$ .
- $n$ -й декартовой степенью множества  $A$  называется его прямое  $n$ -кратное произведение на самого себя, обозначается:  $A_n$ .
  - $A_n = A \times A_{n-1}$

- Многие математические объекты формально определяются как кортежи.
- Например, ориентированный граф определяется как пара  $(V, E)$  где  $V$  — это множество вершин, а  $E$  — подмножество пар в  $V \times V$ , соответствующих дугам графа. Точка в  $n$ -мерном пространстве действительных чисел определяется как кортеж длины  $n$ , составленный из элементов множества действительных чисел.
- Во многих задачах, особенно, решаемых на ЭВМ, графы удобно описывать матрицами.

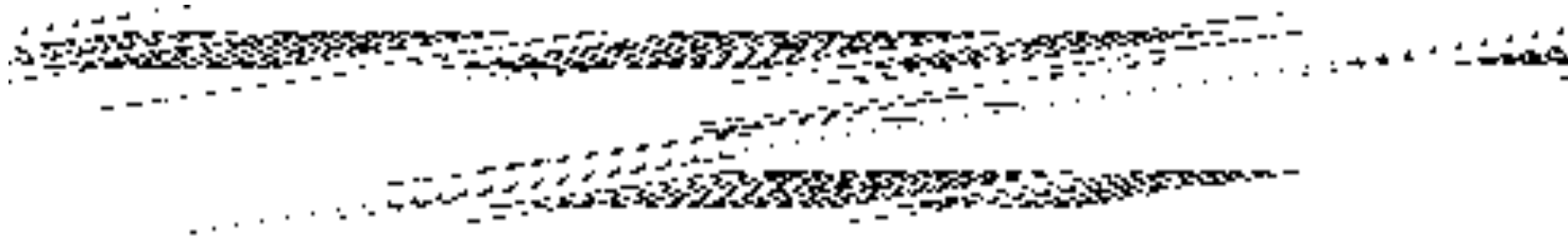
# 1. Задание графов матрицей смежности:

- Матрица смежности – это квадратная матрица порядка  $p$  (количество вершин), элемент которой, стоящий в  $i$  строке и  $j$  столбце определяется по правилу:

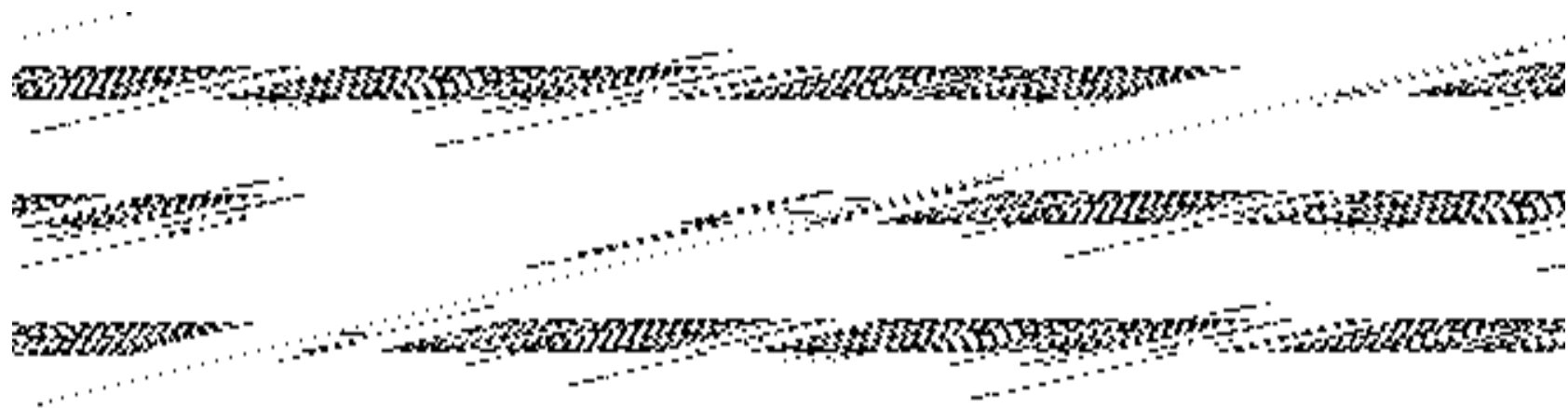


## 2. Задание графов матрицей инцидентций

- Матрицей инцидентции называется прямоугольная матрица размерности  $p \times q$  ( $p$  – количество вершин,  $q$  – количество ребер), элемент которой стоящий в  $i$  строке и  $j$  столбце определяется по правилу:



- - для неориентированного графа.



- - для ориентированного графа.





**Спасибо за внимание!**