

РЕШЕНИЕ НЕРАВЕНСТВ ВТОРОЙ СТЕПЕНИ С ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



$$ax^2 + bx + c = 0, \quad a \neq 0$$

ДИСКРИМИНАНТ

$$D = b^2 - 4ac,$$

$$D_1 = k^2 - ac, \quad k = \frac{b}{2}$$



«ДИСКРИМИНАНТ» по-латыни - различитель

$$5x^2 + 9x - 2 = 0$$

$x^2 - 4x + 9 = 0$

**Неравенство
второй степени
с одной переменной**

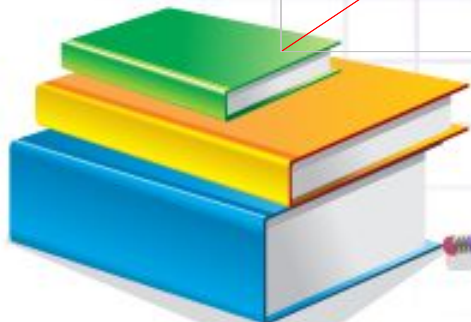
$$-2x^2 - 5x + 18 \geq 0$$

$$9x^2 = 0$$

$$ax^2 + bx + c \geq 0, a \neq 0$$

$$-2z^2 + z = 0$$

$$6x^2 - 30 = 0$$



Определение. Неравенства вида

$$ax^2 + bx + c > 0, \quad \text{строгие}$$

$$ax^2 + bx + c < 0, \quad \text{неравенства}$$

$$ax^2 + bx + c \geq 0, \quad \text{нестрогие}$$

$$ax^2 + bx + c \leq 0, \quad \text{неравенства}$$

где x – переменная,

a , b и c – некоторые числа и $a \neq 0$,

называют **неравенствами второй степени с одной переменной**.

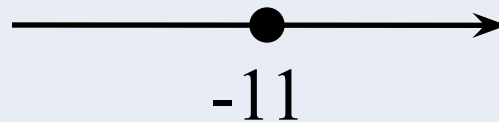
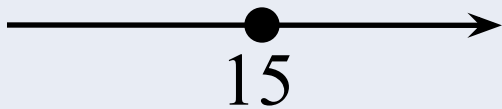


Решите неравенство:

$$16x \geq 13x + 45$$

$$-2x \geq 11 + 8x$$

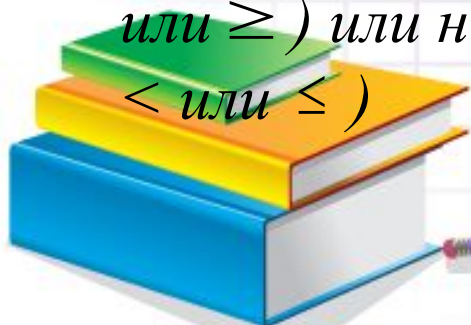
$$2(x+8) - 5x < 4 - 3x$$



Алгоритм решения неравенств второй степени с одной переменной

Решение неравенств второй степени с одной переменной можно рассматривать как нахождение промежутков знакопостоянства квадратичной функции.

- найти дискриминант квадратного трёхчлена $ax^2 + bx + c$ и выяснить, имеет ли трёхчлен корни (найти нули функции);
- на оси x отмечают корни, если они есть, и проводят схематически параболу с учётом направления её ветвей;
- находят на оси x промежутки, для которых точки параболы расположены выше (если решают неравенство со знаком $>$ или \geq) или ниже оси x (если решают неравенство со знаком $<$ или \leq).



Решите неравенство

$$x^2 + 4x - 12 > 5x$$

РЕШЕНИЕ

$$x^2 + 4x - 12 - 5x > 0$$

$$x^2 - x - 12 > 0$$

Пусть $y = x^2 - x - 12$

$a=1$, значит ветви параболы направлены вверх.

$$x^2 - x - 12 = 0$$

$$D = (-1)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-12) = 1 + 48 = 49, 49 > 0$$

$$x_1 = \frac{1-7}{2} = -3, x_2 = \frac{1+7}{2} = 4$$

$$x \in (-\infty; -3) \cup (4; +\infty)$$

Параграф 14

№304 (а-г), 305 (а,
б)

