OBEM PAMABI

Работу выполнили: Шабалина Мария и Ганджалян Жанна Преподаватель геометрии: Хайбрахманова Г.Ф.

• ВСПОМНИТЬ, ЧТО ТАКОЕ

- ВСПОМНИТЬ, ЧТО ТАКОЕ ПИРАМИДА
- НАУЧИТЬСЯ ПОЛЬЗОВАТЬСЯ ФОРМУЛОЙ НАХОЖДЕНИЯ ОБЪЁМА ПИРАМИДЫ

MaHi

- 1) ЧТО ТАКОЕ ПИРАМИДА
- 2) TEOPEMA
- 3) ДОКАЗАТЕЛЬСТВО
- 4) СЛЕДСТВИЕ
- 5) ЗАМЕЧАНИЕ
- 6) ЗАДАЧИ ДЛЯ РЕШЕНИЯ
- **7)** ВЫВОД

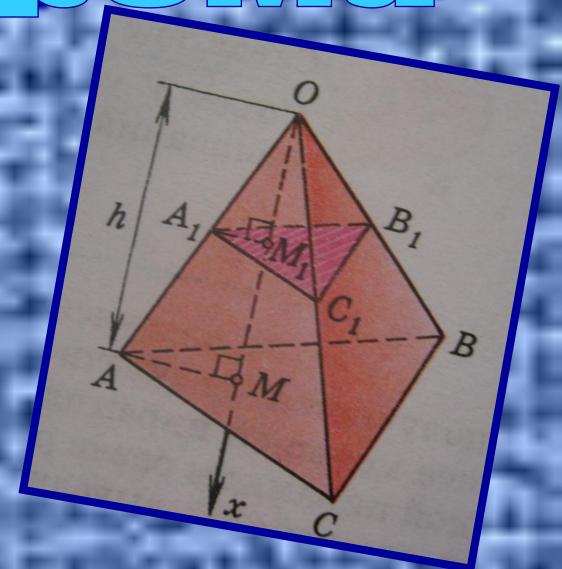


ПИРАИИДА

• Пирамида – это многогранник, одной из граней которой служит многоугольник, а остальные грани - треугольники с общей вершиной. В зависимости от числа боковых граней делятся на треугольные, четырехугольные и т.д. Перпендикуляр, опущенный из вершины на плоскость ее основания называется высотой.

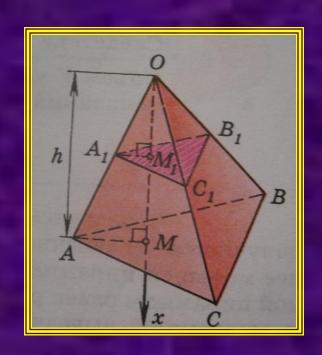
Teopema

Объём пирамиды равен одной mpemu произведения площади основания на высоту



Доказательство

• Рассмотрим треугольную пирамиду OABC с объёмом V,площадью основания S и высотой h. Проведем ось Ох, где ОМ – высота пирамиды и рассмотрим сечение А1 В1 С1 пирамиды плоскостью, перпендикулярной к оси Ох и, значит, параллельной плоскости основания. Обозначим через х абсциссу точки М1 пересечения этой плоскости с осью Ох, а через S(x) – площадь сечения. Выразим S(x) через S,h и x. треугольники A1 В1 С1 и АВС подобны.



• А₁В₁ параллельна АВ, поэтому треугольники ОА₁В₁ И ОАВ подобны Следовательно А В / АВ = ОА / ОА . Прямоугольные треугольники ОА М и ОАМ также подобны они имеют общий острый угол с вершиной О). Поэтому OA₁/OA=OM₁/OM=**x/h**. Таким образом, A₁B₁/AB=x/h. Аналогично доказывается, что B₁C₁/BC=x/h и C₁A₁/CA=x/h. Итак, треугольники АВС и АВС подобны с коэффициентом подобия ж/h. Следовательно, \$ (**x**)/**S**=**x**₂/**h**, или

$$S(x) = \frac{S}{h^2} x^2$$



• Применяя теперь основную формулу для вычисления объемов тел при a=0, b=h, получаем

$$V = \int_{0}^{h} S(x) dx = \int_{0}^{h} \frac{S}{h^{2}} x^{2} dx = \frac{S}{h^{2}} \int_{0}^{h} x^{2} dx = \frac{S}{h^{2}} \frac{x^{3}}{3} \Big|_{0}^{h} = \frac{1}{3} S \cdot h.$$

• Докажем теперь терему для произвольной пирамиды с высотой h и площадью основания S. Такую пирамиду можно разбить на треугольные пирамиды с общей высотой h. Выразим объем каждой треугольной пирамиды по доказанной нами формуле и сложим эти объемы. Вынося за скобки общий множитель 1/3h, получим в скобках сумму площадей оснований треугольных пирамид, т.е. площадь S основания исходной пирамиды. Таким образом, объем исходной пирамиды равен 1/3Sh. Теорема доказана.

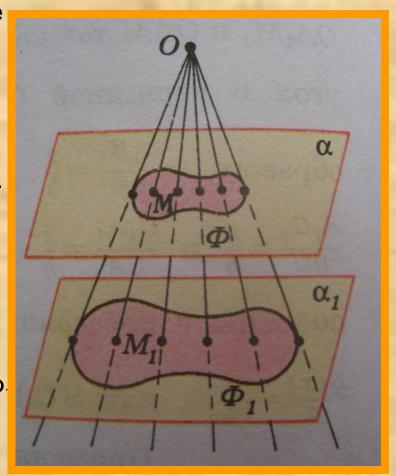
Следствие

 Объем V усеченной пирамиды, высота которой равна h, а площади оснований равны S и S₁, вычисляется по формуле

$$V = \frac{1}{3}h(S+S_1+\sqrt{S\cdot S_1}).$$

Bameyahue

В ходе доказательства теоремы об объеме пирамиды мы установили, что в сечении треугольной пирамиды плоскостью, параллельной плоскости основания, получается треугольник, подобный основанию. Оказывается, имеет место и более общее свойство. Рассмотрим какуюнибудь фигуру Ф, лежащую в плоскости а, и точку О, не лежащую в этой в этой плоскости. Проведем через каждую точку М фигуры Ф прямую ОМ и рассмотрим множество Ф₁ точек пересечения этих прямых с плоскостью а₁, параллельной плоскости а. можно доказать, что фигура Ф подобна фигуре Ф. это свойство широко используется на практике. Например, на нем основано устройство кинопроектора, фотоаппарата, телескопа и других оптических приборов.



BALLY AND PETTERNA

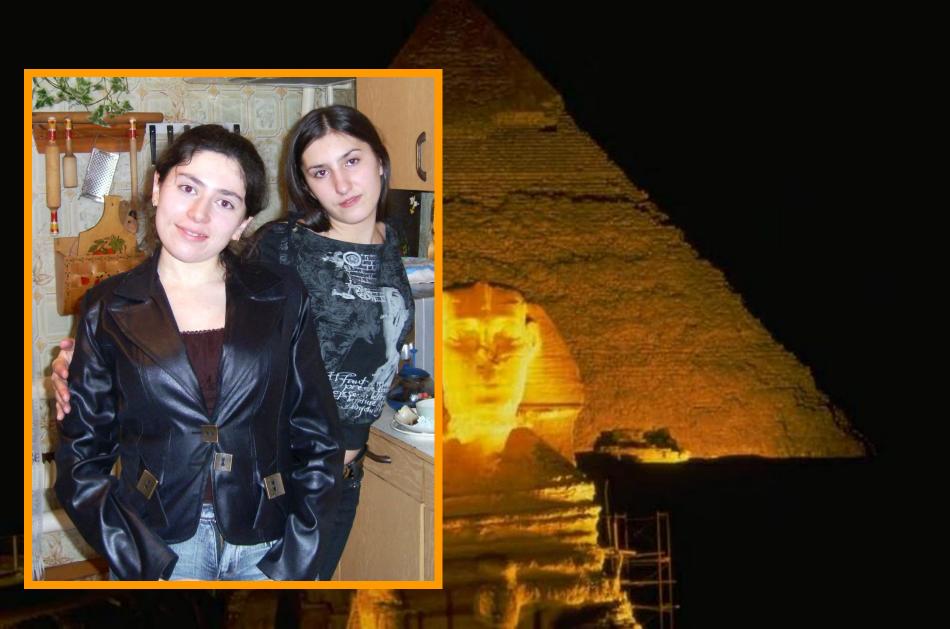
- №1 Найдите объем правильной треугольной пирамиды, высота которой равна 12 см, а сторона основания равна 13 см.
- №2 В правильной треугольной пирамиде плоский угол при вершине равен а, а сторона основания х. найдите объем пирамиды.
- №3 Найдите объем пирамиды с высотой h, если h=2 м, а основанием служит квадрат со стороной 3 м.

Bbleod

•Мы вспомнили, что такое пирамида, научились пользоваться формулой нахождения объема пирамиды.



• СПАСИБО ЗА ПРОСМОТР!!!



#